

سلمت يوم الخميس 2016-01-27	متوسطة : خليف التهامي عبد الرشيد
تعداد يوم الأحد 2016-01-31	الوظيفة المنزلية (04) للثلاثي الثاني
القسم : 3م3+2+1	مادة: الرياضيات

التمرين الأول (8 نقاط)

(1) انشر ثم بسط العبارات التالية مبيناً الطريقة

$$A = (3x + 1)^2 - 2(3x - 5)(-x + 1)$$

$$B = (x - 1)(x^2 + 2) + (2x - 1)(2x + 1)$$

$$C = (4x - 3)(x + 2) - (7x + 2)(-x - 1)$$

$$E = \left(6x^{-3} - \frac{2}{3}\right)^2 - \left(x + \frac{1}{4}\right)(x - 2x)$$

(2) تأكد من صحة الحساب من أجل

$$A(0); B(-1); C(-2); E(1)$$

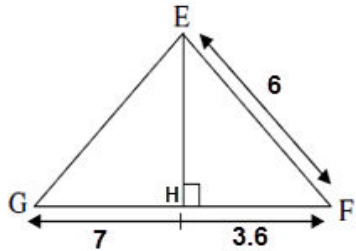
التمرين الثاني (5 نقاط)

EFG مثلث كما هو مبين في الشكل

(وحدة الطول cm)

(1) احسب الطولين EH ، EG

(2) احسب مساحة هذا المثلث؟

**التمرين الثالث : (6 نقاط)**

انشى الدائرة (c) التي مركزها O ونصف قطرها 2,5cm .

[AB] قطر في الدائرة (c). M من (c) بحيث : AM = 3cm .

(1) مانوع المثلث MAB ؟ برر جوابك.

(2) احسب الطول BM .

(3) لتكن L نظيرة M بالنسبة الى O و K نظيرة M بالنسبة الى B .

(4) اثبت ان : (KL) // (OB) ،

ثم استنتج الطول KL .

سلمت يوم الخميس 2016-01-27	متوسطة : خليف التهامي عبد الرشيد
تعداد يوم الأحد 2016-01-31	الوظيفة المنزلية (04) للثلاثي الثاني
القسم : 3م3+2+1	مادة: الرياضيات

التمرين الأول (8 نقاط)

(1) انشر ثم بسط العبارات التالية مبيناً الطريقة

$$A = (3x + 1)^2 - 2(3x - 5)(-x + 1)$$

$$B = (x - 1)(x^2 + 2) + (2x - 1)(2x + 1)$$

$$C = (4x - 3)(x + 2) - (7x + 2)(-x - 1)$$

$$E = \left(6x^{-3} - \frac{2}{3}\right)^2 - \left(x + \frac{1}{4}\right)(x - 2x)$$

(2) تأكد من صحة الحساب من أجل :

$$A(0); B(-1); C(-2); E(1)$$

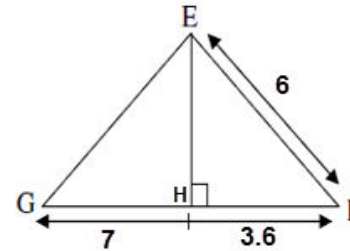
التمرين الثاني (5 نقاط)

EFG مثلث كما هو مبين في الشكل

(وحدة الطول cm)

(1) احسب الطولين EH ، EG

(2) احسب مساحة هذا المثلث؟

**التمرين الثالث (6 نقاط)**

انشى الدائرة (c) التي مركزها O ونصف قطرها 2,5cm .

[AB] قطر في الدائرة (c). M من (c) بحيث : AM = 3cm .

(1) مانوع المثلث MAB ؟ برر جوابك.

(2) احسب الطول BM .

(3) لتكن L نظيرة M بالنسبة الى O و K نظيرة M بالنسبة الى B .

(4) اثبت ان : (KL) // (OB) ،

ثم استنتج الطول KL .

الإجابة النموذجية وسلم التنقيط الوظيفة المنزلية (04) للثلاثي الثاني

أعطيت يوم الخميس 2016-01-27، أستلمت يوم الأحد 2016-01-31

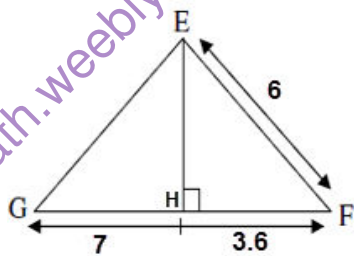
العلامة		عناصر الإجابة
المجموع	الدرجة	<u>الجزء الأول</u>
8		التمرين الأول:
		(1) نشر العبارات التالية ثم تبسيطها :
	0,25	$A = (3x + 1)^2 - 2(3x - 5)(-x + 1)$
	0,25	$A = (3x + 1)(3x + 1) - 2(-3x^2 + 3x + 5x - 5)$
	0,5	$A = 9x^2 + 3x + 3x + 1 + 6x^2 - 6x - 10x + 10$
		$A = 15x^2 - 10x + 11$
	0,5	$B = (x - 1)(x^2 + 2) + (2x - 1)(2x + 1)$
	0,5	$B = x^3 + 2x - x^2 - 2 + 4x^2 + 2x - 2x - 1$
		$B = x^3 + 3x^2 + 2x - 3$
	0,25	$C = (4x - 3)(x + 2) - (7x + 2)(-x - 1)$
	0,25	$C = 4x^2 + 8x - 3x - 6 - (-7x^2 - 7x - 2x - 2)$
	0,5	$C = 4x^2 + 5x - 6 + 7x^2 + 7x + 2x + 2$
		$C = 11x^2 + 14x - 4$
	0,25	$E = \left(6x^{-3} - \frac{2}{3}\right)^2 - \left(x + \frac{1}{4}\right)(x - 2x)$
	0,25	$E = \left(6x^{-3} - \frac{2}{3}\right)\left(6x^{-3} - \frac{2}{3}\right) - \left(x + \frac{1}{4}\right)(-x)$
	0,5	$E = 36x^{-6} - \frac{12}{3}x^{-3} - \frac{12}{3}x^{-3} + \frac{4}{9} - \left(-x^2 - \frac{1}{4}x\right)$
	0,5	$E = 36x^{-6} - 8x^{-3} + x^2 + \frac{1}{4}x + \frac{4}{9}$
		(2) تأكد من صحة الحساب :
		❖ حساب $A(0)$ أي A من أجل $x = 0$
		$(3x + 1)^2 - 2(3x - 5)(-x + 1) = 15x^2 - 10x + 11$
		$(3 \times 0 + 1)^2 - 2(3 \times 0 - 5)(-0 + 1) = 15 \times 0^2 - 10 \times 0 + 11$
		$(1)^2 - 2(-5)(1) = 11$
		$1 + 10 = 11$
		$11 = 11$
	1	ومنه المساواة محققة

		❖ حساب B(-1) أي B من أجل $x = -1$ $(x-1)(x^2+2) + (2x-1)(2x+1) = x^3 + 3x^2 + 2x - 3$ $((-1)-1)((-1)^2+2) + (2 \times (-1)-1)(2 \times (-1)+1) = (-1)^3 + 3 \times (-1)^2 + 2 \times (-1) - 3$ $(-1-1)(1+2) + (-2-1)(-2+1) = -1 + (-3) + (-2) - 3$ $(-2)(3) + (-3) = -1 - 3 - 2 - 3$ $-9 = -9$ ومنه المساواة محققة ❖ حساب C(-2) أي C من أجل $x = -2$ $(4x-3)(x+2) - (7x+2)(-x-1) = 11x^2 + 14x - 4$ $(4 \times (-2) - 3)((-2) + 2) - (7 \times (-2) + 2)(-(-2) - 1) = 11 \times (-2)^2 + 14 \times (-2) - 4$ $(-8 - 3)(0) - (-14 + 2)(+2 - 1) = 11 \times 4 - 28 - 4$ $0 - (-12)(1) = 44 - 32$ $12 = 12$ ومنه المساواة محققة ❖ حساب E(1) أي E من أجل $E = 1$ $\left(6 \times 1^{-3} - \frac{2}{3}\right)^2 - \left(1 + \frac{1}{4}\right)(1 - 2 \times 1) = 36 \times 1^{-6} - 8 \times 1^{-3} + 1^2 + \frac{1}{4} \times 1 + \frac{4}{9}$ $\left(6 - \frac{2}{3}\right)^2 - \left(1 + \frac{1}{4}\right)(1 - 2) = 36 - 8 + 1 + \frac{1}{4} + \frac{4}{9}$ $\left(\frac{18}{3} - \frac{2}{3}\right)^2 - \left(\frac{4}{4} + \frac{1}{4}\right)(-1) = 29 + \frac{9}{36} + \frac{16}{36}$ $\left(\frac{16}{3}\right)^2 + \left(\frac{5}{4}\right) = 29 + \frac{25}{36}$ $\frac{256}{9} + \frac{5}{4} = 29 + \frac{25}{36}$ $\frac{1024}{36} + \frac{45}{36} = \frac{1044}{36} + \frac{25}{36}$ $\frac{1024 + 45}{36} = \frac{1044 + 25}{36}$ $\frac{1069}{36} = \frac{1069}{36}$ ومنه المساواة محققة
--	--	---

التمرين الثاني:

مثلث EFG

(1) حساب الطولين EH ، EG

• حساب الطول EH

بتطبيق نظرية فيثاغورث على المثلث قائم EHF ينتج:

$$EF^2 = HE^2 + HF^2$$

$$HE^2 = EF^2 - HF^2$$

بالتعويض نجد: $HE^2 = 6^2 + 3,6^2$ أي $HE^2 = 36 - 12,96$ ومنه $HE^2 = 23,04$ إذن $HE = \sqrt{23,04}$ إذن: $HE \approx 4,8\text{cm}$ • حساب الطول EG

من الرسم نستنتج أن المثلث EHG قائم (نطبق نظرية فيثاغورث)

$$EG^2 = EH^2 + HG^2$$

بالتعويض نجد: $EG^2 = 4,8^2 + 7^2$ ومنه: $EG^2 = 23,04 + 49$ أي $EG^2 = 72,04$ إذن: $EG = \sqrt{72,04} \approx 8,5\text{cm}$

(2) حساب مساحة المثلث EFG:

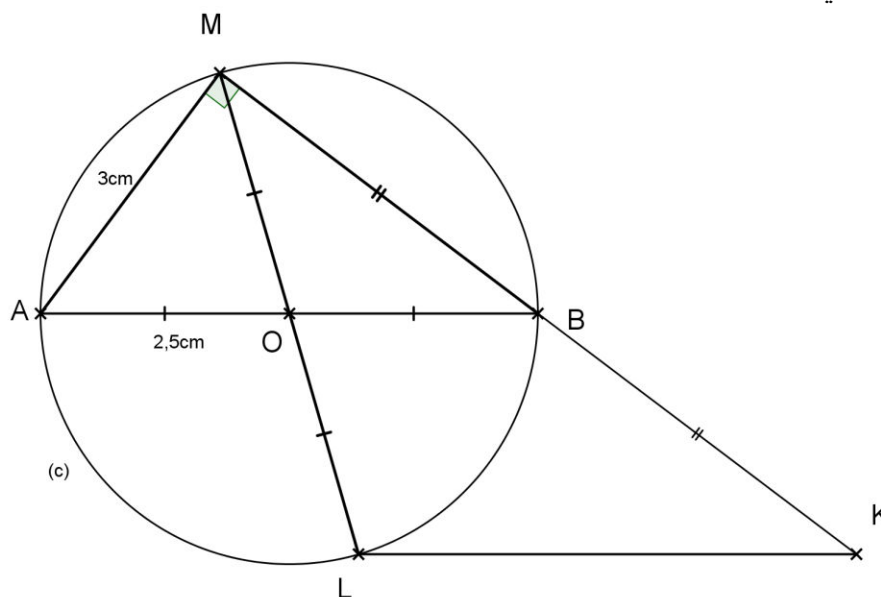
$$S = \frac{GF \times EH}{2}$$

نحسب أولاً الطول: $GF = GH + HF$ ومنه $GF = 7 + 3,6$ أي: $GF = 10,6\text{cm}$

$$S = \frac{GF \times EH}{2} \text{ بالتعويض نجد: } S = \frac{10,6 \times 4,8}{2} = \frac{50,88}{2} \text{ ومنه: } S = 25,44\text{cm}^2$$

التمرين الثالث:

إنشاء الدائرة (C) التي مركزها O ونصف قطرها 2.5cm .

[AB] قطر في الدائرة (C). و M من (C) بحيث: $AM = 3\text{cm}$.

6

1,5

0,5	1	نوع المثلث MAB : مثلث قائم
0,5		<u>التبرير</u> : لأن وتر المثلث [AB] هو قطر للدائرة (c) و M نقطة من هاته الدائرة
0,5	2	حساب الطول BM .
0,5		بتطبيق نظرية فيثاغورث في المثلث القائم ABM نجد :
		$AB^2 = AM^2 + MB^2$
		$MB^2 = AB^2 - AM^2$
		$MB^2 = 5^2 - 3^2 = 25 - 9 = 16$
0,5		$MB = \sqrt{16} = 4\text{cm}$
	4	اثبات ان $(KL) // (OB)$
0,5		لدينا في المثلث MLK : النقطة O منتصف [ML] و B منتصف [MK] بالتناظر المركزي
0,5		ومنه فالمستقيمين (OB) و (KL) متوازيين حسب نظرية مستقيم المنتصفين
0,5		ومنه حسب النظرية فإن طول القطعة الواصلة بين منتصفي الضلعين في مثلث MLK تساوي نصف الضلع الثالث ومنه :
		❖ نستنتج أن الطول : $KL = 2 \times OB$ إذن : $KL = 2 \times 2,5 = 5\text{cm}$
		<u>طريقة أخرى :</u>
0,5		حسب النظرية ينتج لدينا : $\frac{MO}{ML} = \frac{MB}{MK} = \frac{OB}{MK}$
0,5		حسب أولاً
		$ML = MO + OL = 2,5 + 2,5 = 5\text{cm}$
		$MK = MB + BK = 4 + 4 = 8\text{cm}$
0,5		بالتعويض نجد : $\frac{2,5}{5} = \frac{4}{8} = \frac{2,5}{KL}$ ومنه : $\frac{2,5}{5} = \frac{2,5}{KL}$ أي $KL = \frac{2,5 \times 5}{2,5} = 5$
		إذن : $KL = 5\text{cm}$

1+ للتنظيم الجيد ونظافة الورقة