

التمرين الأول (5 نقاط)

لتكن h دالة معرفة على \mathbb{R} بالشكل:
$$h(x) = 1 - 2(x + 1)^2$$

و (C_h) تمثيلها البياني في معلم (o, \vec{i}, \vec{j}) للمستوى

(1) جد صور العددين 0 و 1 - بالدالة h .

(2) عين السوابق الممكنة للعدد 1

(3) أدرس اتجاه تغير الدالة h على المجالين $[-1; -\infty)$ و $(-\infty; 1]$ ثم شكل جدول تغيراتها.

(4) عين القيمة الحدية التي تقبلها الدالة

التمرين الثاني (5 نقاط)

لتكن العبارتان الجبريتان $A(x)$ و $B(x)$ حيث :

$$A(x) = (x - 2)(4x + 1) - (4x + 1)^2 \quad \text{و} \quad B(x) = x + 2$$

(1) أنشر العبارة $A(x)$ ثم أحسب مميزها Δ

(2) حلل العبارة $A(x)$ الى جداء عاملين من الدرجة الأولى

(3) حل في \mathbb{R} المعادلة $A(x) = 0$

(4) أدرس إشارة العبارة $A(x)$ مستنبطا حل المتراجحة $0 > A(x)$

(5) حل في \mathbb{R} المتراجحة $\frac{A(x)}{B(x)} > 0$

التمرين الثاني (5 نقاط)

المستوى منسوب الى معلم متعامد ومتجانس (o, \vec{i}, \vec{j}) . نعتبر النقط $A(3; 0)$ و $B(2; 3)$ و $C(0; 2)$

(1) علم النقط C و B و A

(2) أحسب الأطوال AB و AC و BC ثم استنتج أن المثلث ABC قائم في B

(3) لتكن النقطة H المسقط العمودي للنقطة B على $[AC]$

(ا) بين أن المثلثين ABC و BCH متتشابهان و استنتج نسبة التشابه

(ب) بين أن $BH \times BC = BH \times AC$ ثم استنتاج الطول BH

التمرين الثالث (5 نقاط)

المستوى منسوب إلى معلم متعامد و متجانس (o, \vec{i}, \vec{j}) ، نعتبر النقط $C(1; 3)$ و $B(\alpha; 8)$ و $A(3; -4)$ حيث α عدد حقيقي

(1) عين α حتى تكون النقط O ، A ، B ، C في إستقامية.

(2) نعتبر الآن أن $\alpha = 2$

(3) عين إحداثي النقطة D حتى يكون الرباعي $ABCD$ متوازي الأضلاع.

(4) أكتب معادلة المستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة A و يوازي (BC) .

(5) ليكن (Δ') مستقيم معادلته : $y = \frac{1}{3}x + 2$ ، أوجد نقطة تقاطع (Δ) و (Δ') .

(6) لتكن النقطة $E(-4; 8)$ من هذا المستوي ، أحسب أطوال أضلاع المثلث ABE .