



على التلميذ أن يختار أحد الموضوعين:

يحتوي الموضوع الأول على 4 صفحات (من الصفحة 01 إلى الصفحة 04)

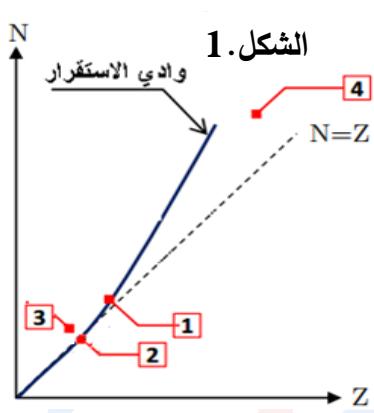
التمرين الأول: (06 نقاط)



عرض التلفزيون الجزائري يوم 09 جانفي 2017 مشهد لنقل رفاة شهاء وجدوا في مغارة بوسيف بجبل الطارف بأم البواقي إلى مخبر التحليل الإشعاعي لغرض تحديد تاريخ استشهادهم.

يهدف هذا التمرين إلى تحديد تاريخ استشهاد الشهاء باعتماد طريق التاريخ (كربون - آزوت)

المعطيات :  $N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$  ;  $1\mu\text{g} = 10^{-6} \text{ g}$  ;  $M(^{14}_6C) = 14 \text{ g.mol}^{-1}$



1. ينتج عن تفكك نواة الكربون 14 ( $^{14}_6C$ ) نواة الأزوت 14 ( $^{14}_7N$ ).

1.1. أكتب المعادلة الممنذجة لتفكك نواة الكربون 14.

2.1. أي النواتين ( $^{14}_6C$  أو  $^{14}_7N$ ) الأكثر استقراراً.

3.1. حدد موقع كل من النواتين ( $^{14}_6C$  و  $^{14}_7N$ ) في المخطط ( $N - Z$ )

الممثل في الشكل 1 معللاً إجابتك.

2.2. 2.1. أكتب قانون التناقص الإشعاعي بدالة عدد الأنوية المتبقية.

2.2. عرف ثابت الزمن  $\tau$  ، ثم بين أن ثابت التفكك  $\lambda$  يعطي

$$\text{بالعلاقة : } \lambda = \frac{1}{\tau}$$

3. يمثل البيان الممثل في الشكل 2 تطور عدد أنوية الأزوت المتشكلة

بدالة الزمن  $N(^{14}_7N) = f(t)$ . اعتمد على هذا البيان، جد كل من:

1.3. عدد الأنوية  $N_0$  لعينة الكربون 14 الحاضرة في اللحظة  $t = 0$

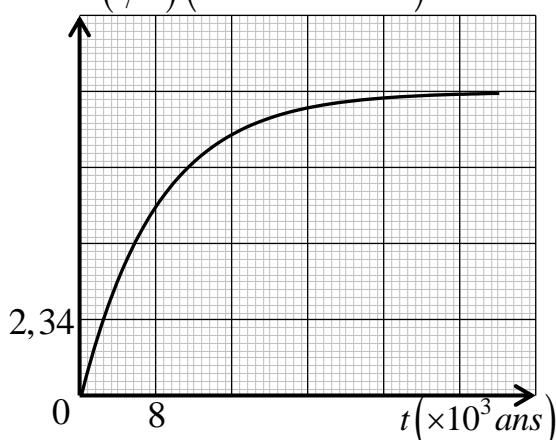
، ثم أحسب الكتلة  $m_0$  للعينة في نفس اللحظة.

2.3. ثابت الزمن  $\tau$  لنواة الكربون 14 ثم أستنتج قيمة ثابت التفكك  $\lambda$ .

4. تبيّن من خلال تحليل عينة من رفاة الشهاء أنها تحتوي في لحظة  $t$  على كتلة  $m_1 = 0,216 \text{ mg}$  من الكربون 14 وعلى الكتلة

$m_2 = 1,68 \mu\text{g}$  من نواة الأزوت 14 .

يبين أنّ عبارة عمر رفات الشهيد هو:  $t = \frac{1}{\lambda} \ln \left( 1 + \frac{m_2}{m_1} \right)$





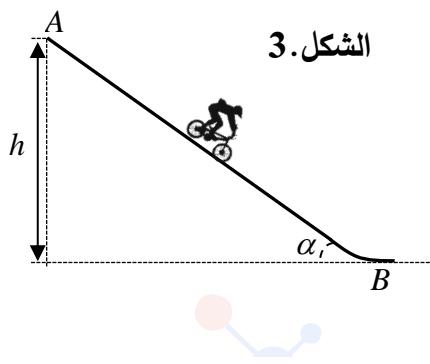
التمرين الثاني: (07 نقاط)



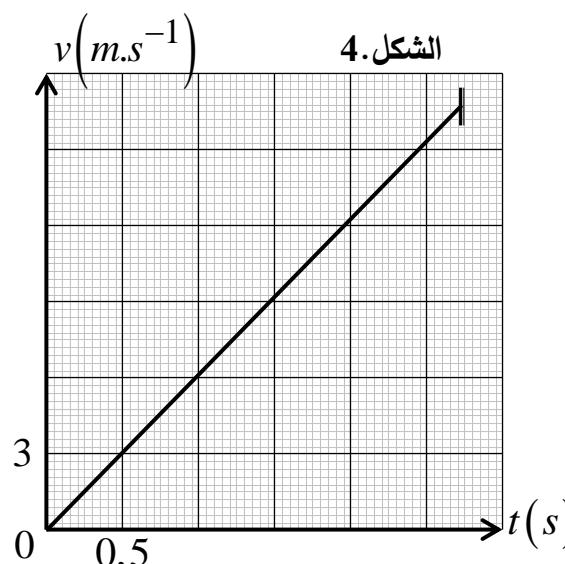
*BMX* هو سباق لركوب الدراجات نشأ في الولايات المتحدة وتم اعتماده كرياضة أولمبية منذ عام 2008. يجري السباق على مضمار وعر يتراوح طوله بين 270 و400 متر.

يهدف التمرين إلى دراسة حركة أحد المتسابقين خلال حصة تدريبية صورت لأحدى القنوات التلفزيونية.

المعطيات: - كتلة الدراج + الدراجة:  $m = 93 \text{ kg}$  - الجاذبية الأرضية:  $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$



الشكل 3.



الشكل 4.

عندما تتخض البوابة، ينطلق ثمانية دراجين من نقطة  $A$  ارتفاعها  $h = 8 \text{ m}$  عن الأفق، يقوم الدراجون بالدوس بشكل مكثف للحصول على أكبر سرعة ممكنة في أسفل النيل (الشكل 3).

مكنت دراسة حركة الجملة (دراج + دراجة) خلال مرحلة النزول على المسار  $AB$  من الحصول على البيان  $v = f(t)$  الممثل

لسرعة مركز عطالة الجملة السابقة بدلالة الزمن  $t$  الموضح في الشكل 4.

1. اعتماداً على بيان الشكل 4:

1.1. حدد طبيعة حركة الجملة على المسار  $(AB)$ .

1.2. أحسب طول المسار  $(AB)$ ، وبين أن  $\alpha \approx 20,5^\circ$  زاوية ميل المنحدر.

2. استنتاج قيمة  $a$  تسارع مركز عطالة الجملة.

2. تخضع الجملة خلال حركتها على المسار  $(AB)$  إلى ثلاث قوى: النقل  $\vec{P}$ ، فعل الطريق  $\vec{R}$  والتي تمثل عن نظام المستوى  $(AB)$  بزاوية  $\theta = 15^\circ$  و  $\vec{F}$  التي يطبقها الدراج والتي تعتبرها ثابتة في الشدة وموازية للطريق.

2.1. مثل القوى المؤثرة على مركز عطالة الجملة التي تعتبرها نقطية.

2.2. حدد المرجع المناسب للدراسة.

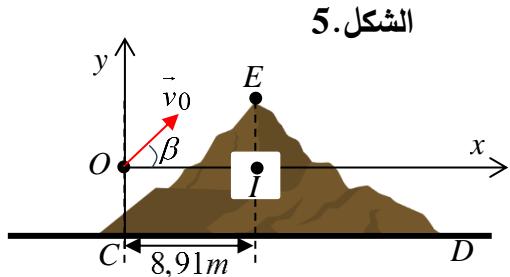
3.2. بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على مركز عطالة الجملة، بين أن عبارة التسارع تكتب بالشكل التالي:

$$a = g \cdot \sin \alpha + \frac{F}{m} - \frac{R \cdot \sin \theta}{m}$$

4.2. أحسب شدة القوة  $\vec{R}$  ثم  $\vec{F}$ .



## II. مرحلة القفز:



الشكل 5.

يصل الدراج إلى هضبة ارتفاعها  $IE = 2m$  وعرضها  $CD = 16m$  ليقفز ابتداء من الموضع  $O$  بسرعة ابتدائية  $v_O = 13,6 \text{ m.s}^{-1}$  يصنع حامل شعاعها زاوية  $\beta = 35^\circ$  مع الأفق. (الشكل 5). بتطبيق القانون الثاني لنيوتون في مرجع غاليلي، تحصلنا على عبارة شعاع السرعة لحركة مركز عطالة الجملة (دراج + دراجة) في المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  والتي عبارته:

$$\vec{v} = (v_O \cos(\beta)) \vec{i} + (-gt + v_O \sin(\beta)) \vec{j}$$

1. استخرج المعادلات الزمنية للحركة  $x(t)$  و  $y(t)$  ، ثم معادلة مسار الحركة  $y(x)$ .
2. لكي يجتاز الدراج القمة  $E$  عليه أن يمر على ارتفاع  $0,6m$  فوق الموضع  $E$ .
- 1.2. تأكد من أن الجملة (دراج + دراجة) قد اجتازت الموضع  $E$ .
- 2.2. أحسب أدنى قيمة للسرعة الابتدائية  $v_O'$  التي من أجلها تجتاز الجملة الموضع  $E$ .
3. إذا كانت مدة السقوط هي  $1,8s$  ، أحسب: المسافة الأفقية للسقوط وسرعته عندئذ.

## التمرين التجاري: (7 نقاط)



سبتين أو بوفيدون أيودين هو مطهر موضعى يستعمل لتطهير جروح الجلد. يعتبر بوفيدون أيودين معقد كيميائى يحتوى على ثنائى اليود  $I_2(aq)$ . يتوفر على مستوى الصيدليات في قارورات صفراء تحمل الدلالة 10% من بوفيدون أيودين والتي تعنى أنه في كل  $100mL$  من محلول تحتوى على  $10g$  من بوفيدون أيودين.

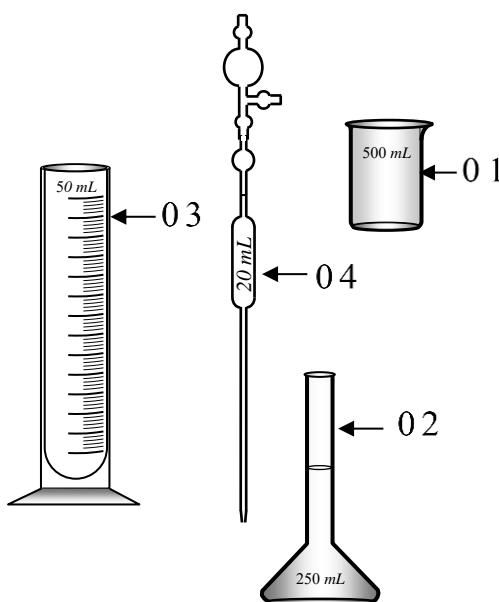
يهدف التمرين إلى دراسة حركية التفاعل بين ثنائى اليود  $Zn(s)$  ، والتتحقق من النسبة الكتليلية لبوفيدون أيودين في المطهر.

**المعطيات:** - الكتلة المولية لبوفيدون أيودين  $M = 2368,8 \text{ g.mol}^{-1}$

- جزيئة واحدة من بوفيدون أيودين تحتوى على جزيئة واحدة من ثنائى اليود  $I_2$ .

### - الجزء الأول: تحضير محلول مدد

قام تلميذ بتوجيهه من الأستاذ بتحضير محلول مدد  $(S_1)$  من المطهر تركيزه المولى بثنائى اليود  $C_1 = [I_2]_0$  حجمه  $V = 250mL$  وذلك بأخذ حجم  $V_0 = 25mL$  من قارورة المطهر التجارى ذى التركيز المولى  $C_0$ .



1. سم العناصر المرقمة، ثم أحسب معامل التمديد  $F$ .

2. توجد في المخبر مجموعة من الزجاجيات.

1.2. حدد الزجاجيات المناسبة لعملية تحضير محلول  $(S_1)$ .

2.2. انكر البروتوكول التجارى لتحضير محلول  $(S_1)$ .

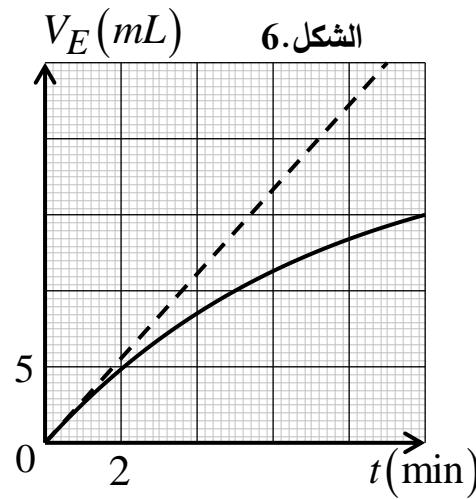
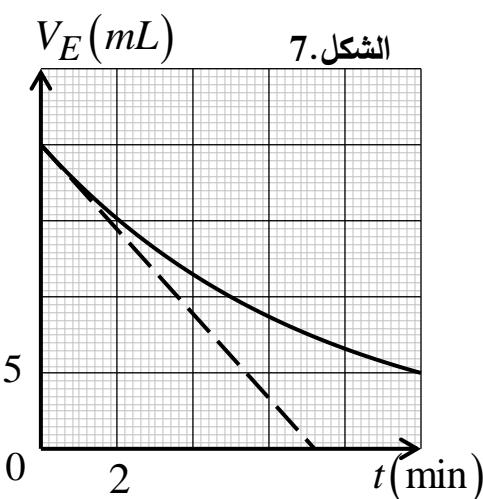


- الجزء الثاني:

في بيشر سعة  $L = 500\text{mL}$ ، يحتوي على حجم  $V = 250\text{mL}$  من المحلول المدد ( $S_1$ ) ذي التركيز المولي  $C_1 = [I_2]_0$  عند اللحظة  $t = 0$  ندخل صفيحة من التوتاء  $\text{Zn}(s)$ ، وبعد مدة زمنية نلاحظ أن جزءاً من الصفيحة قد تآكل، وأن اللون الأسمر قد اخفى تماماً.

نندرج التحول الكيميائي الحادث بمعادلة التفاعل التالية:  $\text{Zn}(s) + I_2(aq) \rightarrow \text{Zn}^{2+}(aq) + 2I^-(aq)$  في اللحظة  $t$  وعند درجة الحرارة  $T = 25^\circ\text{C}$ ، نأخذ حجم  $V_P = 25\text{mL}$  من المزيج التفاعلي ونضعه في الثلاج المدهش، ثم نعاير ثبائي اليود الموجود فيه بواسطة محلول ثيوکبريتات الصوديوم  $(2\text{Na}^+(aq) + \text{S}_2\text{O}_3^{2-}(aq) \rightarrow \text{Na}_2\text{S}_2\text{O}_3(s) + \text{Na}^+(aq))$  تركيزه المولي  $C' = 10^{-2}\text{ mol.L}^{-1}$ .

نكر العملية عدة مرات عند لحظات زمنية مختلفة ونسجل في كل تجربة حجم محلول ثيوکبريتات الصوديوم  $V_E$  اللازم للتكافؤ. بواسطة برمجية مناسبة تم الحصول على أحد المنحنيين الممثلين في الشكلين 6 و 7.



- حدد الهدف من استعمال الثلاج المدهش.
- أنشئ جدولًا لتقدم التفاعل السابق، ثم أكتب عبارة  $n_t$  كمية مادة اليود عند لحظة  $t$  بدلالة  $t$ ،  $C_1$ ،  $V$  و  $x$ .
- اكتب معادلة تفاعل المعايرة. الثنائيان المتفاعلان هما  $(\text{S}_4\text{O}_6^{2-} / \text{S}_2\text{O}_3^{2-})$  و  $(\text{I}_2 / \text{I}^-)$ .
- بين أن عبارة  $V_E(t)$  حجم التكافؤ عند اللحظة  $t$  في المزيج تكتب بالعلاقة:  $V_E(t) = \frac{C_1 \cdot V}{5C'} - \frac{1}{5C'} \cdot x(t)$ .
- حدد المنحني البياني المناسب، ثم أحسب قيمة كل من التركيز المولي  $C_1$  و  $C_0$ .
- أحسب كتلة بوبيدون أيودين الموجودة في حجم  $100\text{mL}$ ، تم تحقق من الدالة التجارية المدونة على القارورة.
- عرف زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$ ، ثم حدد قيمته بياناً.
- أحسب السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظة  $t = 0$ .
- إذا أجري التفاعل السابق عند درجة حرارة  $\theta_2 = 40^\circ\text{C}$ ، ووضح مجهرياً كيف تتغير سرعة التفاعل عند  $t = 0$ .



يحتوي الموضوع الثاني على 4 صفحات (من الصفحة 05 إلى الصفحة 08)

### التمرين الأول: (06 نقاط)



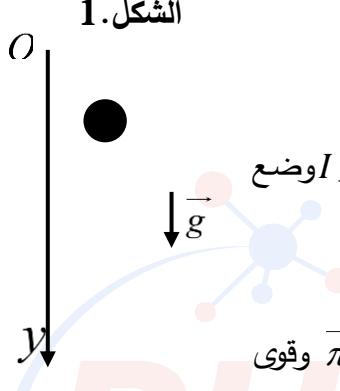
تعتبر دراسة حركة سقوط الأجسام من طرف غاليلي، ثم من بعده نيوتن، هي نقطة الانطلاق نحو اكتشاف قوانين الحركات، فحسب غاليلي فإن الحركة يمكن أن تتغير حسب طبيعة الوسط الذي تتم فيه حركة السقوط.

يهدف هذا التمرين إلى دراسة نموذج مبسط لحركة سقوط شاقولي لجسم صلب في الهواء ونمذجة نوع الاحتكاك.

$$\text{المعطيات: } \rho_{\text{air}} = 1,3 \text{ kg.m}^{-3} \quad g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$$

تدرس حركة المركز ( $S$ ) لجسم صلب في المعلم  $(O, \vec{j})$  موجه نحو الأسفل والمرتبط بمرجع أرضي نعتبره عطاليا.

- I. يسقط الجسم ( $S$ ) سقطاً حرراً من على ارتفاع  $h = 2 \text{ m}$  عن سطح الأرض بدون سرعة ابتدائية عند اللحظة  $t = 0$ . (الشكل.1)

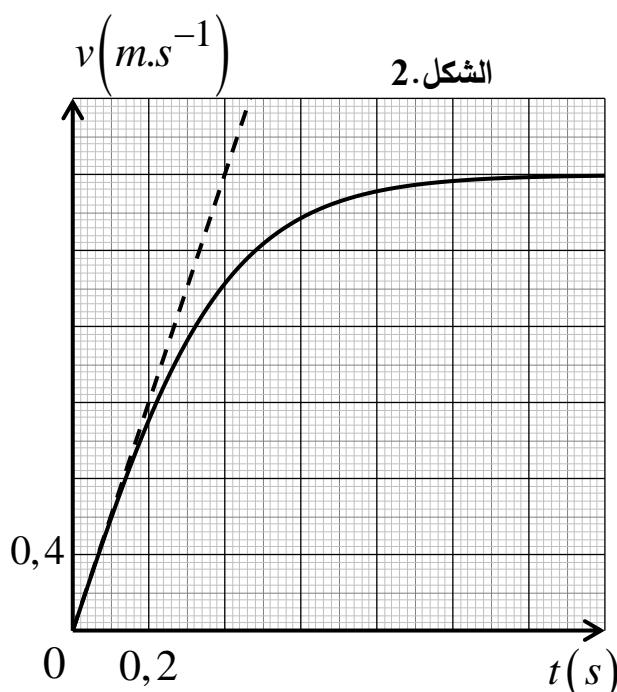


أحسب قيمة السرعة  $v_I$  مركز عطاليا الجسم ( $S$ ) عند اصطدامها بسطح الأرض.

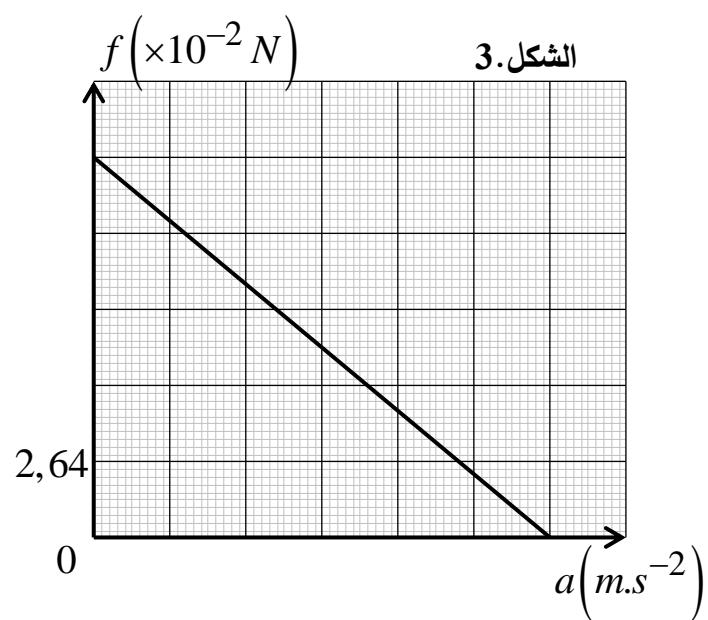
- II. يخضع الجسم ( $S$ ) في الحقيقة بالإضافة إلى ثقله إلى قوتين: دافعة أرخيديس  $\vec{\pi}$  وقوى الاحتكاك الناتجة عن الهواء ننمذجها بالقوة  $\vec{f} = -0,023 \cdot v^n \cdot \vec{j}$ ، حيث  $n$  عدد طبيعي.

1. أعط العبارة الحرفية لشدة دافعة أرخيديس  $\vec{\pi}$ ، وادكر مميزاتها.
2. مثل القوى المؤثرة على مركز عطاليا الجسم ( $S$ ) عند اللحظة  $t$ .
3. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، جد عبارة شدة قوة الاحتكاك  $f$  بدلالة  $a$  تسارع مركز عطاليا الجسم ( $S$ ).
4. معالجة حركة السقوط للجسم ( $S$ ) في الهواء، مكنتنا من الحصول على المنحنى  $v = f(t)$  (الشكل.2)، والبيان

$$f = h(a) \quad (\text{الشكل.3}).$$



الشكل.2





اعتمادا على الشكلين 2 و3:

1.4. حدد قيمة كل من:  $v_{\lim}$ ,  $a_0$  و  $\tau$ .

2.4. استنتاج سلم رسم الشكل 3، ثم بين أن  $m = 22 \text{ g}$

3.4. أحسب حجم الجسم ( $S$ ) و  $n$ .

### التمرين الثاني: (07 نقاط)

تلعب الأسترات دورا هاما في الصناعة الغذائية على اعتبار أنها تمتلك رائحة مميزة لبعض الأزهار أو الفواكه، والتي يتم تصنيعها انطلاقا من تفاعل حمض كربوكسيلي مع كحول  $RCOOH$  معروف أنه مادة قابلة للاشتعال.



يهدف التمرين إلى تحديد صيغة حمض كربوكسيلي، ثم دراسة تفاعله مع كحول.

المعطيات: الكتل المولية مقدرة بـ  $(g \cdot mol^{-1})$

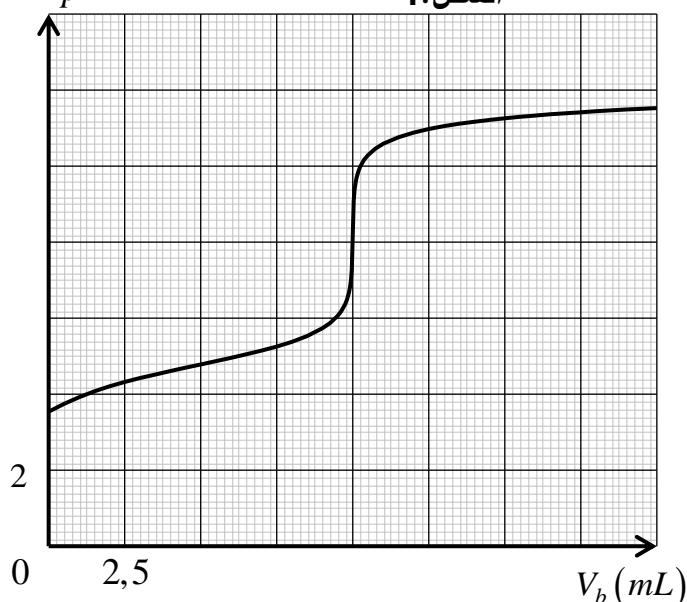
$$M(RCOOR') = 130 ; M(C) = 12 ; M(H) = 1 ; M(O) = 16$$

أولاً: لغرض تحديد صيغة حمض كربوكسيلي  $RCOO(l)$ ، نحل كمية منه في الماء المقطر لنحصل بذلك على محلول  $(S_1)$  حجمه  $V_s$  تركيزه المولي  $C_0$ .

نندرج التحول الكيميائي الحادث بمعادلة التفاعل التالية:

$RCOO(l) + H_2O(l) = RCOO^-(aq) + H_3O^+(aq)$   
نعاير حجما  $V_a = 50 \text{ mL}$  من محلول  $(S_1)$  بواسطة محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم  $(Na^+(aq) + HO^-(aq))$   
تركيزه المولي  $C_b = 2,5 \times 10^{-2} \text{ mol} \cdot L^{-1}$ . سمحت المتابعة الـ  $pH$  مترية للمعايرة بالحصول على المنحنى البياني

الشكل 4.



$pH = f(V_b)$  الممثل لتغيرات  $pH$  المزيج بدلالة حجم هيدروكسيد الصوديوم المسكونب (الشكل 4).

1. أذكر شروط استعمال لاقط قياس الـ  $pH$ .

2. أكتب معادلة تفاعل المعايرة الحادث.

3. أحسب قيمة التركيز المولي  $C_0$ ، وبين أن الحمض  $RCOOH(aq)$  ضعيف.

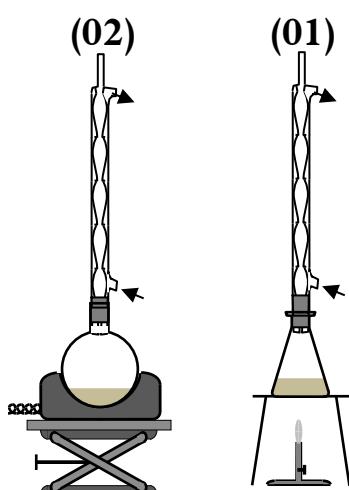
4. أعط عبارة ثابت الحموضة  $K_a$  للثنائية  $(RCOOH(aq) / RCOO^-(aq))$

5. بين أنه من أجل الحجم المسكونب  $V_b = \frac{V_{b,E}}{2}$

من محلول هيدروكسيد الصوديوم، يكون  $pH = pK_a$ .

6. حدد قيمة ثابت الحموضة  $(RCOOH(aq) / RCOO^-(aq))$  للثنائية  $pK_a$ ، واستنتاج صيغة الحمض الكربوكسيلي المستعمل.

| $C_2H_4O_2 / C_2H_3O_2^-$ | $C_7H_6O_2 / C_7H_5O_2^-$ | $C_6H_8O_6 / C_6H_7O_6^-$ | الثنائيات    |
|---------------------------|---------------------------|---------------------------|--------------|
| 4,8                       | 4,2                       | 4,1                       | ثابت الحموضة |



ثانياً: بتجهيز خاص من أجل تصنيع أستر، نمزج  $0,2\text{ mol}$  من الحمض السابق  $RCOOH(l)$  و  $0,3\text{ mol}$  من كحول صيغته المجملة  $R'-OH(l)$ ، ونضف للمزيج بعض قطرات من حمض الكبريت المركب. نسخن المزيج لمدة كافية حتى تبلغ حالة التوازن. بعد فصل الأستر وتنقيته تحصلنا على كتلة  $m_E = 20,41\text{ g}$ .

1. اقترح تلميذ على الأستاذ استعمال التركيب التجريبي رقم (01)، لكن الأستاذ رفض ذلك.

- حدد سبب رفض الأستاذ لهذا الاقتراح.

2. أعط اسم التركيب (02) المستعمل في عملية التصنيع.

3. حدد أهمية إضافة قطرات من حمض الكبريت المركب.

4. اكتب معادلة تفاعل الاسترة.

5. بالاعتماد على جدول تقدم تفاعل الاسترة، حدد التركيب المولي للمزيج عند حالة التوازن.

6. أحسب مردود تفاعل الاسترة وثابت التوازن  $K$ ، واستنتج صنف الكحول المستعمل.

7. أكتب الصيغة النصف المفصلة والاسم النظامي لكل من الكحول المستعمل والاستر الناتج، علماً أن الكحول ذو سلسلة فحمة خطية.



### التمرين التجريبي: (07 نقاط)

تعتمد العديد من الأجهزة الكهربائية على مصدر الطاقة المخزنة في مكثفة ووشيعة. يهدف التمرين إلى دراسة تصرف ثنائي قطب ( $RC$ ) و ( $RL$ )، مع تحديد بعض مميزات كل دارة.

نركب دارة كهربائية (الشكل.5) بالعناصر التالية:

- مولد مثالي توثره ثابت قوته المحركة الكهربائية  $E$

- مكثفة فارغة سعتها  $C$

- ناقل أومي مقاومته  $R = 100\Omega$

- وشيعة مقاومتها الداخلية  $r$  وذاتيتها

- بادلة  $K$  مقاومتها مهملة

- فولطметр رقمي مربوط بين طرفي المكثفة وراسم اهتزاز ذو ذاكرة.

أ. عند اللحظة  $t=0$  نضع البادلة في الوضع (1)، وبعد مدة يسقر جهاز الفولطметр على القيمة  $u = 6V$ .

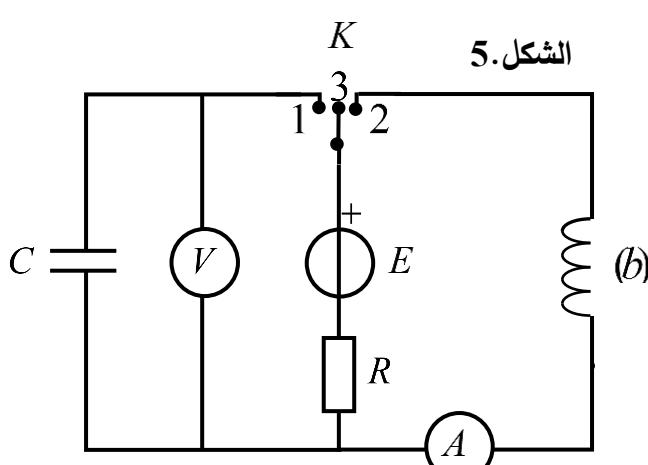
1. حدد مدلول قيمة التوتر الكهربائي التي يشير لها الفولطметр.

2. أكتب عبارة الطاقة المخزنة في المكثفة ( $E_C(t)$ ).

3. إذا علمت أن أكبر طاقة تخزنها المكثفة هي  $E_{C_{\max}} = 0,9\text{ mJ}$  ، أحسب قيمة كل من:

- سعة المكثفة  $C$ . - الشحنة الأعظمية  $Q_{\max}$  . - ثابت الزمن  $\tau$ .

الشكل.5





١٢. نضع البادلة في الوضع (3)، ونربط المدخل ( $y$ ) والأرضي لراسم الاهتزاز من أجل معاينة التوتر الكهربائي بين طфи الناقل الأومي ( $t$ )  $u_R$ ، ثم نغير البادلة في الوضع (2) عند اللحظة  $t=0$ . فنحصل على المنحنى البياني الممثل في الشكل.6.

١. انقل الدارة (الشكل.5) على ورقة الإجابة ثم:

- مثل جهة التيار في الدارة، ووجه سهمي التوتر بين طفي الناقل الأومي والوشيعة.

- بين عليها كيفية ربط جهاز راسم الاهتزاز لمشاهدة التوتر الكهربائي ( $t$ )  $u_R$  بين طفي الناقل الأومي.

٢. بتطبيق قانون جمع التوترات، جد المعادلة التقاضلية التي تميز تطور التوتر الكهربائي ( $t$ )  $u_R$ .

$$3. \text{ حل المعادلة التقاضلية هو } u_R(t) = R \cdot I_{\max} \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right), \text{ حيث } \tau \text{ ثابت الزمن.}$$

١.٣. جد عبارة  $\tau$  بدلالة مميزات الدارة.

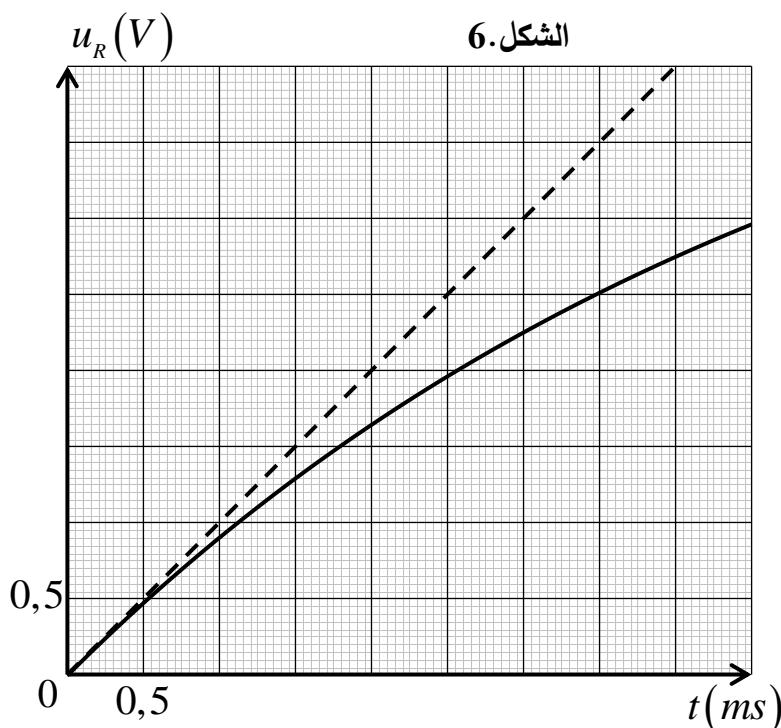
٢.٣. بين أن  $\tau$  متبع مع الزمن.

٤. بعد مدة زمنية كافية يشير الأمبير متر إلى القيمة  $I = 50 \text{ mA}$ ، جد  $r$  المقاومة الداخلية للوشيعة.

٥. أحسب معامل توجيه الماس  $\frac{du_R}{dt}$  عند اللحظة  $t=0$ ، ثم استنتج  $L$  ذاتية الوشيعة.

٦. أحسب الطاقة المغناطيسية الأعظمية في الوشيعة.

٧. بالاعتماد على الشكل.6، حدد اللحظة التي تكون عندها الوشيعة تملك طاقة مغناطيسية تساوي ربع  $\left(\frac{1}{4}\right)$  قيمتها الأعظمية.



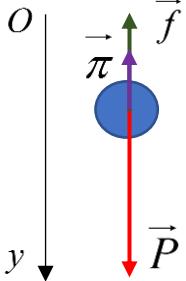
| العلامة | عناصر الإجابة  |
|---------|--|
| مجموعه  | مجازأة   |
|         | <p><b>الموضوع الأول</b></p> <p>التمرين الأول: (06 نقاط)</p> <p>1. 1.1. معادلة تفكك نواة الكربون 14: <math>^{14}_6C \rightarrow ^{14}_7N + ^A_ZX</math> :<br/>بتطبيق قانوني صودي للانفراط: (<math>A = 0</math> ; <math>Z = -1</math>) وعليه:</p> <p>2. 1. تحديد أي النوتين أكثر استقراراً:<br/>حسب تعريف ظاهرة النشاط الاشعاعي، النواة البنت تكون أكثر استقرار من النواة الأم المشعة، وعليه فنواة <math>^{14}_7N</math> أكثر استقرار من نواة الكربون 14.</p> <p>3. 1. تحديد موقع كل من النوتين <math>(^{14}_7N)</math> و <math>(^{14}_6C)</math> في المخطط :<br/>نواة <math>^{14}_6C</math> لها <math>Z &lt; 20</math> ونشاطها الاشعاعي <math>\beta^-</math> فتقع فوق واد الاستقرار الموقع (3).<br/>نواة <math>^{14}_7N</math> لها <math>Z = N</math> وبذلك موقعها سيكون (2).</p> <p>2. 1. كتابة قانون التناقص الاشعاعي بدالة عدد الأنوية: <math>N(t) = N_0 e^{-\lambda t}</math></p> <p>2. 2. تعريف ثابت الزمن <math>\tau</math> ، ثم تبيان عبارته:<br/>*تعريف ثابت الزمن <math>\tau</math>:<br/>الزمن اللازم لبقاء 37% من عدد الأنوية المشعة الابتدائية <math>N(\tau) = 0,37N_0</math><br/>* تبيان عبارة ثابت الزمن:<br/><math>t = \tau \Rightarrow N(\tau) = 0,37N_0 \Rightarrow N_0 e^{-\lambda \tau} = 0,37N_0 \Rightarrow \ln e^{-\lambda \tau} = \ln 0,37 \Rightarrow \lambda = \frac{1}{\tau}</math></p> <p>3. 1.3. ايجاد <math>N_0</math> عدد أنوية الكربون 14 في اللحظة <math>t=0</math> ، ثم حساب <math>m_0</math> للعينة عند نفس اللحظة:<br/>*أنوية الكربون 14 عند <math>t=0</math><br/><math>N_0 = 9,36 \times 10^{18} \text{ noyaux}</math><br/>*كتلة الكربون 14 عند <math>t=0</math><br/><math>m_0 = \frac{N_0}{N_A} \cdot M(^{14}_6C) = \frac{9,36 \times 10^{18} \times 14}{6,02 \times 10^{23}} = 2,17 \times 10^{-4} \text{ g}</math></p> <p>2. 3. إيجاد قيمة ثابت الزمن <math>\tau</math> ، ثم استنتاج قيمة ثابت التفكك <math>\lambda</math> :<br/>*ثابت الزمن <math>\tau</math>:<br/><math>\tau = 8 \times 10^3 \text{ ans}</math> <math>N(^{14}_7N)(\tau) = N_0 - 0,37N_0 = 5,89 \times 10^{18} \text{ noyaux}</math><br/>*ثابت التفكك <math>\lambda</math>: <math>\lambda = \frac{1}{\tau} = 1,25 \times 10^{-4} \text{ ans}^{-1}</math></p> <p>4. تبيان عبارة عمر الشهيد، ثم تحديد في أي سنة استشهد:<br/>*عبارة عمر الشهيد:</p> |

|  |        |  |
|--|--------|--|
|  | 3x0,25 | $N_C = N_0 - N_N \Rightarrow N_C = N_C e^{\lambda t} - N_N \Rightarrow e^{\lambda t} = 1 + \frac{N_N}{N_C} \Rightarrow t = \frac{1}{\lambda} \ln \left( 1 + \frac{N_N}{N_C} \right)$   |
|  | 2x0,25 | حيث : $t = \frac{1}{\lambda} \ln \left( 1 + \frac{m_2}{m_1} \right)$ إذن $M_C = M_N$ و $N = \frac{m}{M} N_A$<br>*تحديد سنة الاستشهاد: $t \approx 62 \text{ ans}$ إذن تاريخ استشهاد الشهيد هو: 1955   |
|  | 3x0,25 | التمرين الثاني: (07 نقاط)<br>ا. مرحلة الانطلاق:<br>1. 1. تحديد طبيعة حركة الجملة على المسار ( $AB$ ):<br>بما أن المسار مستقيم، $a > 0$ و $v > 0$ (معامل توجيه البيان ثابت القيمة) فإن حركة الجملة مستقيمة متتسعة بانتظام.  |
|  | 0,25   | 2. 1. حساب طول المسار ( $AB$ ), وتبين أن $\alpha \approx 20,5^\circ$ :<br>$AB = \frac{16,8 \times 2,7}{2} \approx 22,7 \text{ m}$ : ( $AB$ ) *طول المسار ( $AB$ )<br>*زاوية المنحدر $\alpha \approx 20,5^\circ \rightarrow \alpha \approx 20,5^\circ$  |
|  | 0,25   | 3. 1. استنتاج $a$ تسارع مركز عطالة الجملة: $a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = 6 \text{ m.s}^{-2}$  |
|  | 3x0,25 | 2. 2. تمثيل القوى المؤثرة على مركز عطالة الجملة:<br>   |
|  | 0,25   | 2. 2. تحديد المرجع المناسب للدراسة: سطحي أرضي.   |
|  | 0,25   | 3. 2. إيجاد عبارة $a$ تسارع مركز عطالة الجملة:<br>- المرجع: سطحي أرضي نعتبره غاليليا.<br>- الجملة: الجسم ( $S$ )<br>بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على مركز عطالة الجملة: (1)<br>$\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a} \rightarrow \vec{P} + \vec{F} + \vec{R} = m \cdot \vec{a} \dots (1)$<br>بإسقاط العبارة الشعاعية على محور الحركة: $P_x - R_x + F = m \cdot a \rightarrow a = \frac{F}{m} + g \cdot \sin \alpha - \frac{R \cdot \sin \theta}{m}$ |
|  | 2x0,25 | 4. 2. حساب شدة القوة $R$ و $\vec{F}$ :<br>*شدة القوة $R$ :<br>بإسقاط العبارة الشعاعية على المحور ( $yy'$ ):<br>$-P_y + R_y = 0 \rightarrow R \cdot \cos \theta = m \cdot g \cdot \cos \alpha \rightarrow R = \frac{m \cdot g \cdot \cos \alpha}{\cos \theta} = 883,5 \text{ N}$  |

|  |        |   |
|--|--------|---|
|  | 0,25   | $a = \frac{F}{m} + g \cdot \sin \alpha - \frac{R \cdot \sin \theta}{m} \rightarrow F = \left[ a - g \cdot \sin \alpha + \frac{R \cdot \sin \theta}{m} \right] \cdot m \approx 467,5 N$<br>*شدة القوة $\vec{F}$  |
|  | 2x0,25 | II. مرحلة القفز:<br>1. استخراج المعادلات الزمنية للحركة ( $x(t)$ و $y(t)$ ) ، ثم ( $y(x)$ معايير مسار الحركة:<br>$x(t) = v_o \cdot \cos \beta \cdot t$ ; $y(t) = -\frac{1}{2} gt^2 + v_o \cdot \sin \beta \cdot t$ : $y(t)$ و $x(t)$ *المعادلات الزمنية للحركة<br>$y(x) = -\frac{g}{2v_o^2 \cdot \cos^2 \beta} \cdot x^2 + x \cdot \tan \beta$ : $y(x)$ *معادلة مسار الحركة |
|  | 0,25   | 1.2. التأكد من أن الجملة قد اجتازت الموضع $E$ :<br>$y_E = -\frac{9,8}{2 \times 13,6^2 \times \cos^2(35)} \times 8,91^2 + 8,91 \times \tan(35) = 3,1 m$<br>الدراج اجتاز الموضع $E$ لأن $y_E > 2,6 m$   |
|  | 2x0,25 | 2.2. حساب أدنى قيمة للسرعة الابتدائية $v'_o$ التي من أجلها تجتاز الجملة الموضع $E$ :<br>من أجل يجتاز الدراج الموضع $E$ يجب أن تكون $y_E > 2,6 m$ ، وعليه:<br>$2,6 = -\frac{9,8}{2v_o'^2 \times \cos^2(35)} \times 8,91^2 + 8,91 \times \tan(35) \rightarrow v'_o = 12,62 m.s^{-1}$<br>إذن: $v'_o > 12,62 m.s^{-1}$  |
|  | 0,25   | 3. حساب المسافة الأفقية للسقوط، وسرعة الجملة عند:<br>$x_p = v_o \cdot \cos \beta \cdot t = 13,6 \times \cos(35) \times 1,8 = 20,05 m$<br>*المسافة الأفقية:<br>*سرعة الجملة عند لحظة السقوط:   |
|  | 3x0,25 | $v_p = \sqrt{v_{xp}^2 + v_{yp}^2} = \sqrt{(13,6 \times \cos 35)^2 + (-9,8 \times 1,8 + 13,6 \times \sin 35)^2} = 14,86 m.s^{-1}$  |
|  | 4x0,25 | التمرين التجاري: (70 نقاط)<br>- الجزء الأول:<br>1. تسمية العناصر المرقمة، وحساب معامل التمدد $F$ :<br>ماصة عيارية 04 مخار مدرج 03 حوجلة عيارية 02 بيشر 01   |
|  | 0,25   | *معامل التمدد $F = \frac{V}{V_0} = 10$ : $F$ *  |
|  | 2x0,25 | 2.1. تحديد الزجاجيات المناسبة لعملية تحضير محلول ( $S_1$ ):<br>- مخار مدرج - حوجلة عيارية $250 mL$ .  |
|  | 0,25   | 2.2. البروتوكول التجاري لتحضير محلول ( $S_1$ ):<br>- باستعمال مخار مدرج، نأخذ حجما $25 mL$ من محلول المطهر.<br>- نضعه في حوجلة عيارية سعتها $250 mL$ بها كمية من الماء المقطر.  |

|  |        |  |  |
|--|--------|--|--|
|  | 0,25   | احتياطات الأمان:<br>- قفازات، نظارات، مئزر، ...  | - نكمل بالماء المقطر إلى خط العيار.<br>- نسد الحوجلة ونرج المزيج جيدا.   |
|  | 0,25   | 1. الهدف من استعمال الثلوج المهمش: توقف تفاعل اليود مع الزنك.  | - الجزء الثاني:  |
|  | 0,25   | 2. جدول تقدم التفاعل، وكتابة عبارة $n_t(I_2)$ :  | *جدول تقدم التفاعل:  |
|  | 0,25   | معادلة التفاعل<br><br>الحالة ابتدائية انتقالية نهائية  | Zn + I <sub>2</sub> = Zn <sup>2+</sup> + 2 I <sup>-</sup><br><br>كميات المادة ب (mol)<br><br>$x = 0$ $n_0$ $n_1 = C_1 \cdot V$ 0      0<br>$x$ $n_0 - x$ $n_1 - x$ $x$ $2x$<br>$x_f$ $n_0 - x_f$ $n_1 - x_f$ $x_f$ $2x_f$  |
|  | 0,25   |  | $n_t(I_2) = C_1 \cdot V - x : n_t(I_2)$ *  |
|  | 0,25   |  | 3. كتابة معادلة تفاعل المعايرة:<br><br>$I_2 + 2e^- = 2I^-$<br>$2S_2O_3^{2-} = S_4O_6^{2-} + 2e^-$<br>$I_2 + 2S_2O_3^{2-} = S_4O_6^{2-} + 2I^-$   |
|  | 0,25   |  | 4. تبيان عبارة حجم التكافؤ $V_E(t)$ :<br><br>$n'(I_2) = \frac{n(S_2O_3^{2-})}{2} = \frac{C' \cdot V_E}{2} \rightarrow n(I_2) = 5C' \cdot V_E$<br>عند التكافؤ:<br>$n_t(I_2) = C_1 \cdot V - x$<br>$5C' \cdot V_E = C_1 \cdot V - x \rightarrow V_E = \frac{C_1 \cdot V - x}{5C'} \rightarrow V_E = \frac{C_1 \cdot V}{5C'} - \frac{1}{5C'} \cdot x$ |
|  | 2x0,25 | 5. تحديد المنحني المناسب، ثم حساب التركيز الموللي $C_0$ و $C_1$ و $V_E(0)$ :<br><br>عند $t = 0 ; x = 0$ إذن $V_E(0) = \frac{C_1 \cdot V}{5C'} \neq 0$ ومنه المنحني الشكل 7 الصحيح. | *المنحني المناسب:<br><br>حساب التركيز الموللي:   |
|  | 2x0,25 | $V_E(0) = 20mL \rightarrow C_1 = \frac{5C' \cdot V_E(0)}{V} = 4 \times 10^{-3} mol.L^{-1}$<br>$\rightarrow C_0 = F \cdot C_1 = 4 \times 10^{-2} mol.L^{-1}$                        |  |

|  |        |  |
|--|--------|--|
|  | 0,25   | 6. حساب $m$ كتلة بوفيدون أيدين الموجودة في $100\text{mL}$ ، ثم التتحقق من الدلالة التجارية:<br>$m = C_0 \cdot V \cdot M = 0,04 \times 0,1 \times 2368,8 = 9,47\text{ g}$<br>*كتلة بوفيدون أيدين الموجودة في $100\text{mL}$<br>*التحقق من الدلالة التجارية: $9,5\%$ النتيجة مقبولة في حدود أخطاء القياس.  |
|  | 0,25   | 7. تعريف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ ، ثم تحديد قيمته بيانيًا:<br>هو الزمن اللازم لبلوغ نصف التفاعل نصف تقدمه النهائي<br>*تحديد قيمة زمن نصف التفاعل:<br>$t_{1/2} = 5\text{ min}$ بالإسقاط على المنحنى، نجد: $V_E(t_{1/2}) = \frac{V_E(0)}{2}$   |
|  | 0,25   | 8. حساب السرعة الحجمية للتفاعل عند $t = 0$ :<br>$\frac{dV_E}{dt} = -\frac{1}{5C'} \cdot \frac{dx}{dt}$ $V_E = \frac{C_1 \cdot V}{5C'} - \frac{1}{5C'} \cdot x$ لدينا سابقاً: $V_E$ بالاشتقاق نجد:<br>$v_{vol} = -\frac{5C'}{V} \cdot \frac{dV_E}{dt}$ وعليه تصبح العبارة:<br>تطبيق عددي: $v_{vol} _{t=0} = -\frac{5 \times 10^{-2}}{250} \times \frac{0 - 20}{7,2 - 0} = 5,55 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1}$ |
|  | 0,25   | 9. التفسير المجهري لتغير سرعة التفاعل:<br>سرعة التفاعل عند $t = 0$ بالنسبة للتجربة (2) أكبر منها في التجربة (1)، وبذلك بسبب زيادة درجة الحرارة، والتي أدت إلى ارتفاع تواتر التصادمات الفعالة.  |
|  | 0,25   | <b>الموضوع الثاني</b><br>التمرين الأول: (06 نقاط)<br>1.1. تعريف السقوط الحر: حركة جسم خاضع لقوة تقله فقط.  |
|  | 2x0,25 | 2. حساب $v_I$ سرعة مركز عطالة الجملة ( $S$ ) عند اصطدامها بسطح الأرض:<br>بتطبيق مبدأ انحصار الطاقة للجملة (جسم ( $S$ )) بين الموضعين $O$ و $I$ :<br>$Ec_O + W(\vec{P}) = Ec_I \rightarrow v_I = \sqrt{2 \cdot g \cdot h} = 6,26\text{ m.s}^{-1}$   |
|  | 0,25   | 2.1. إعطاء العبارة الحرافية لشدة دافعة أرخميدس $\vec{\pi}$ ، وذكر مميزاتها:<br>- المبدأ: مركز عطالة الجسم.<br>- الحامل: شاقولي<br>- الاتجاه: نحو الأعلى<br>- الشدة: تعطى بالعلاقة $\pi = \rho_{air} \cdot V_S \cdot g$   |

|  |        |   |  |
|--|--------|---|--|
|  | 3x0,25 |  | 2. تمثيل القوى المؤثرة على مركز عطالة الجسم ( $S$ ) عند اللحظة $t$ : |
|--|--------|---|--|

|  |        |  |   |
|--|--------|--|---|
|  | 0,25   |  | 3. إيجاد عبارة شدة قوة الاحتكاك $f$ بدلالة $a$ :  |
|  | 2x0,25 |  | المرجع: سطحي أرضي نعتبره غاليليا.   |
|  | 2x0,25 |  | الجملة: كرة.  |
|  |        |  | بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على مركز عطالة الجملة: $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a} \rightarrow \vec{P} + \vec{\pi} + \vec{f} = m \cdot \vec{a}$ |

|  |        |  |  |
|--|--------|--|--|
|  | 3x0,25 |  | 4. 1.4. تحديد قيمة كل من $v_{lim}$ ، $a_0$ و $\tau$ :          |
|  |        |  | $v_{lim} = 2,4 \text{ m.s}^{-1} : v_{lim}$ *                   |
|  |        |  | $a_0 = \frac{dv}{dt} \Big _{t=0} = 6 \text{ m.s}^{-2} : a_0$ * |
|  |        |  | * الزمن المميز للحركة $\tau = 0,4 \text{ s} : \tau$ *          |

|  |        |  |  |
|--|--------|--|--|
|  | 2x0,25 |  | 2.4. استنتاج سلم الرسم، وتبيّان أن $m = 22 \text{ g}$  |
|  |        |  | $6 \text{ cm} \rightarrow a_0 = 6 \text{ m.s}^{-2}$ } $1 \text{ cm} \rightarrow a$ } $\rightarrow a = 1 \text{ m.s}^{-2}$ * سلم الرسم: |
|  | 2x0,25 |  | تبيّان قيمة الكتلة:<br>تمثيل الكتلة $m$ معامل توجيهه بيان الشكل 3، وعليه:  |

$$m = -\frac{\Delta f}{\Delta a} = -\frac{0 - 13,2 \times 10^{-2}}{6 - 0} = 0,022 \text{ kg} = 22 \text{ g}$$

|  |        |  |  |
|--|--------|--|--|
|  | 3x0,25 |  | 3.4. حساب $V_S$ و $n$ :                          |
|  |        |  | $V_S$ * حجم الجسم                                |
|  |        |  | في النظام الدائم $a = 0 \text{ m.s}^{-2}$ ، نجد: |

$$f_{lim} = m.g - \pi \rightarrow \rho_{air} \cdot V_S \cdot g = m.g - f_{lim} \rightarrow V_S = \frac{m.g - f_{lim}}{\rho_{air} \cdot g}$$

$$\rightarrow V_S = 6,5 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$f_{\lim} = k \cdot v_{\lim}^n \rightarrow n = \frac{\ln\left(\frac{f_{\lim}}{k}\right)}{\ln(v_{\lim})} = 2$$

\*نموذج الاحتراك:

- التمرين الثاني: (07 نقاط)
- أولاً:
- شروط استعمال لاقط قياس الـ  $pH$ :
    - يغمر جيدا في محلول.
    - يوضع شاقوليا.
    - معايرة اللاقط قبل الاستعمال.

2. كتابة معادلة تفاعل المعايرة:

$$RCOOH + OH^- \rightarrow RCOO^- + H_2O$$

3. حساب التركيز المولي  $C_0$ ، وتبیان أن الحمض ضعیف:

التركيز المولي  $C_0$ : تحديد حجم التكافؤ اعتمادا على طريقة المماسين

$$C_0 \cdot V_a = C_b \cdot V_{bE} \rightarrow C_0 = \frac{C_b \cdot V_{bE}}{V_a} = 5 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

\*تبیان أن الحمض ضعیف:

لدينا عند  $\tau_{f_0} = \frac{10^{-pH_0}}{C_0} = 0,05$  وعليه:  $pH_0 = 3,6 \leftarrow V_b = 0 \text{ mL}$

4. عبارة ثابت الحموضة  $K_a$  للثانية :

$$K_a = \frac{[RCOO^-]_{eq} \cdot [H_3O^+]_{eq}}{[RCOOH]_{eq}}$$

5. تبیان أن  $pH = pKa$  من أجل  $V_b = \frac{V_{bE}}{2}$

نعم أن:  $pH = pKa + \log \frac{[RCOO^-]}{[RCOOH]}$

ومن جهة أخرى:  $[RCOOH] = \frac{C_0 \cdot V_A - x_{eq}}{V_T}$  ;  $[RCOO^-] = \frac{x_{eq}}{V_T}$

قبل التكافؤ نعلم أن  $OH^-$  مقاصل محد إذن  $x_{eq} = C_b \cdot V_b$  ، وعليه:

$$[RCOOH] = \frac{C_0 \cdot V_A - C_b \cdot V_b}{V_T} ; [RCOO^-] = \frac{C_b \cdot V_b}{V_T}$$

عند التكافؤ  $\frac{[RCOO^-]}{[RCOOH]} = \frac{C_b \cdot V_b}{C_b \cdot V_{bE} - C_b \cdot V_b} = \frac{V_b}{V_{bE} - V_b}$  إذن:  $C_0 \cdot V_a = C_b \cdot V_{bE}$

من العلاقات السابقة:

$$pH = pKa + \log\left(\frac{V_b}{V_{bE} - V_b}\right)$$

$$pH = pKa + \log\left(\frac{V_b}{2V_b - V_b}\right) = pKa + \log(1)^0 = pKa \quad \text{من أجل } V_b = \frac{V_{bE}}{2}$$

6. تحديد قيمة ثابت الحموضة  $pKa$  للثانية  $(RCOOH(aq)/RCOO^-(aq))$  ، ثم استنتاج صيغة الحمض المستعمل:

عند نقطة نصف التكافؤ  $V_b = \frac{V_{bE}}{2} = 5mL$  ، نجد أن

وعليه الحمض المستعمل هو:  $CH_3COOH$

- ثانياً:

1. تحديد سبب رفض الأستاذ لهذا الاقتراح: الكحول مادة قابلة للاشتعال والتسخين المباشر باستعمال التركيب (01) يؤدي إلى اشتعاله.

2. إعطاء اسم التركيب (02) المستعمل في عملية التصنيع: التسخين بالارتداد (التسخين المرتد)

3. تحديد أهمية إضافة قطرات من حمض الكبريت المركز: تسريع التفاعل

4. كتابة معادلة تفاعل الاسترة:  $RCOOH(l) + R'OH(l) \rightarrow RCOOR'(l) + H_2O(l)$

5. تحديد التركيب المولي للمزيج عند حالة التوازن:

| معادلة التفاعل |         | RCOOH                 | + | R'OH        | = | RCOOR' | + | H <sub>2</sub> O |
|----------------|---------|-----------------------|---|-------------|---|--------|---|------------------|
| الحالة         | القدم   | كميات المادة بـ (mol) |   |             |   |        |   |                  |
| ابتدائية       | $x = 0$ | 0,2                   |   | 0,3         |   | 0      |   | 0                |
| انتقالية       | $x$     | $0,2 - x$             |   | $0,3 - x$   |   | $x$    |   | $x$              |
| نهائية         | $x_f$   | $0,2 - x_f$           |   | $0,3 - x_f$ |   | $x_f$  |   | $x_f$            |

\*التركيب المولي:

$$n_f(RCOOR') = n_f(H_2O) = \frac{m_f(RCOOR')}{M(RCOOR')} = \frac{20,41}{130} = 0,157 \text{ mol}$$

$$n_f(RCOOH) = 0,2 - x_f = 0,043 \text{ mol}$$

$$n_f(R'OH) = 0,3 - x_f = 0,143 \text{ mol}$$

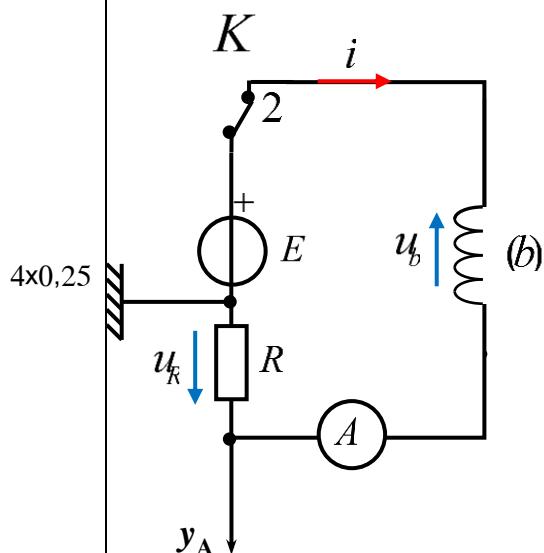
6. حساب مردود تفاعل الاسترة، وثابت التوازن  $K$  ، ثم استنتاج صنف الكحول المستعمل:

|  |        |   |
|--|--------|---|
|  | 2x0,25 | $r = \frac{n_f(RCOOR')}{n_0(RCOOH)} \cdot 100 = \frac{0,157 \times 100}{0,2} = 78,5\%$<br>$K = \frac{n_f(RCOOR').n_f(H_2O)}{n_f(RCOOH).n_f(R'OH)} = \frac{0,157^2}{0,043 \times 0,143} = 4$<br>* ثابت التوازن<br>* مردود تفاعل الأسترة:   |
|  | 0,25   | * صنف الكحول المستعمل: بما أن $K = 4$ فإن الكحول المستعمل أولي.   |
|  | 0,25   | 7. كتابة الصيغة النصف المفصلة والاسم النظامي لكل من الكحول والستر:<br>* الكحول:<br>باستعمال الكتلة المولية للاستر وصيغته العامة: $M(C_nH_{2n}O_2) = 14n + 32 = 130 \rightarrow n = 7$<br>بما الحمض المستعمل هو $C_2H_4O_2$ فإن عدد ذرات الكربون التي يحتويها الكحول هي 5، وعليه تصبح صيغته العامة بالشكل التالي: $C_5H_{11}OH$<br>الكحول المستعمل أولي وذو صيغة خطية إذن: |
|  | 2x0,25 | بنتان 1 ول<br>$CH_3 - CH_2 - CH_2 - CH_2 - OH$  |
|  | 2x0,25 | إيثانوات البنليل<br>$CH_3 - COO - CH_2 - CH_2 - CH_2 - CH_3$<br>* الاستر:   |
|  | 0,25   | التمرين التجاري: (07 نقاط)<br>- الجزء الأول:<br>1. مدلول قيمة التوتر الكهربائي التي يشير لها الفولطметр: القوة المحركة الكهربائية $E$ للمولد.   |
|  | 0,25   | 2. كتابة عبارة الطاقة المخزنة في المكثفة $E_C(t)$ :<br>$E_C(t) = \frac{1}{2} C \cdot u_C^2(t)$  |
|  | 2x0,25 | 3. حساب قيمة كل من $C$ ، $Q_{max}$ و $\tau$ :<br>* سعة المكثفة:<br>$E_{Cmax} = \frac{1}{2} C \cdot E^2 \rightarrow C = \frac{2E_{Cmax}}{E^2} = \frac{2 \times 0,9 \times 10^{-3}}{6^2} = 5 \times 10^{-5} F$  |
|  | 2x0,25 | * الشحنة الأعظمية<br>$Q_{max} = C \cdot E = 5 \times 10^{-5} \times 6 = 3 \times 10^{-4} C$   |
|  | 0,25   | * ثابت الزمن $\tau$ :<br>$\tau = R \cdot C = 100 \times 5 \times 10^{-5} = 5 \times 10^{-3} s$  |

- الجزء الثاني:

1. تمثيل جهة التيار في الدارة، والتوترات  $u_R$  و  $u_b$ ، وتبيان

كيفية ربط راسم الاهتزاز:



2. إيجاد المعادلة التفاضلية بدلالة تطور التوتر الكهربائي  $u_R$ :

بتطبيق قانون جمع التوترات:

$$u_b + u_R = E \rightarrow L \cdot \frac{d\left(\frac{u_R}{R}\right)}{dt} + r \cdot \frac{u_R}{R} + u_R = E \rightarrow \frac{du_R}{dt} + \frac{R+r}{L} \cdot u_R = \frac{R \cdot E}{L}$$

3. إيجاد عبارة ثابت الزمن  $\tau'$ :

$$\frac{du_R}{dt} = \frac{R \cdot I_{\max}}{\tau'} \cdot e^{-\frac{t}{\tau'}} \quad \text{باشتراك عبارة } u_R(t), \text{ نجد:}$$

بتعييض عبارتي  $u_R(t)$  و  $\frac{du_R}{dt}$  في المعادلة التفاضلية السابقة نجد:

$$\begin{aligned} & \frac{R \cdot I_{\max}}{\tau'} \cdot e^{-\frac{t}{\tau'}} + \frac{R+r}{L} \cdot R I_{\max} \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau'}} \right) = \frac{R \cdot E}{L} \\ & \rightarrow \frac{(R+r) \cdot R I_{\max} - R \cdot E}{L} + \left( \frac{1}{\tau'} - \frac{R+r}{L} \right) \cdot R I_{\max} e^{-\frac{t}{\tau'}} = 0 \end{aligned} \quad \rightarrow \tau' = \frac{L}{R+r}$$

2.3. تبيان أن  $\tau'$  متجانس مع الزمن:

$$\begin{cases} u_L = L \cdot \frac{di}{dt} \\ u_R = R \cdot i \end{cases} \rightarrow \begin{cases} [L] = \frac{[u][t]}{[i]} \\ [R] = \frac{[u]}{[i]} \end{cases} \rightarrow [\tau'] = \frac{UT}{I} = T$$

وعليه  $\tau'$  متجانس مع الزمن.

|  |        |  |
|--|--------|--|
|  | 2x0,25 | 4. إيجاد قيمة $r$ المقاومة الداخلية للوسيطة:   |
|  |        | $I_{\max} = \frac{E}{R+r} \rightarrow r = \frac{E}{I_{\max}} - R = \frac{6}{0,05} - 100 = 20\Omega$  |
|  | 0,25   | 5. حساب معامل التوجيه $\frac{du_R}{dt}$ عند اللحظة $t=0$ ، واستنتاج $L$ ذاتية الوسيطة:   |
|  |        | $\left. \frac{du_R}{dt} \right _{t=0} = \frac{1-0}{1-0} = 1V.ms^{-1} : \underline{t=0} \text{ عند } \frac{du_R}{dt}$   |
|  | 2x0,25 | $\left. \frac{du_R}{dt} \right _{t=0} = \frac{RE}{L} \rightarrow L = \frac{RE}{\left. \frac{du_R}{dt} \right _{t=0}} = \frac{100 \times 6}{1} = 600mH : \underline{\text{ذاتية الوسيطة } L}$ |
|  | 0,25   | 6. حساب الطاقة المغناطيسية الأعظمية في الوسيطة:  |
|  |        | $E_{b\max} = \frac{1}{2} L I_{\max}^2 = 0,5 \times 0,6 \times (50 \times 10^{-3})^2 = 7,5 \times 10^{-4} J$  |
|  | 3x0,25 | 7. تحديد اللحظة ' $t'$ التي تكون عنها الوسيطة تملك طاقة مغناطيسية تساوي ربع قيمتها الأعظمية:   |
|  |        | $E_b(t') = \frac{E_{b\max}}{4} \rightarrow \frac{1}{2} L i(t')^2 = \frac{E_{b\max}}{4} \rightarrow i(t') = \sqrt{\frac{E_{b\max}}{2L}}$  |
|  |        | $\rightarrow u_R(t') = R \sqrt{\frac{E_{b\max}}{2L}} \rightarrow u_R(t') = 100 \times \sqrt{\frac{7,5 \times 10^{-4}}{2 \times 0,6}} = 2,5V$   |
|  |        | بالإسقاط على المنحنى، نجد: $t' = 3,5 s$  |