

اختبار للثلاثي الثالث في مادة الرياضيات

التمرين الأول (08 ن) : $u_{n+1} = \frac{u_n - 1}{u_n + 3}$ متالية عدديّة معرفة على \mathbb{N} بـ: $u_0 = 0$ و

$$u_{n+1} = 1 - \frac{4}{u_n + 3} \quad n \in \mathbb{N}$$

1. بين انه من أجل كل عدد طبيعي n :

2. أحسب الحدود الخمسة الأولى للمتالية (u_n)

3. ادرس اتجاه تغير المتالية (u_n) علما أن: $0 \leq u_n \leq -1$

4. نعتبر المتالية (v_n) المعرفة على \mathbb{N} بـ: $v_n = \frac{1}{u_n + 1}$

أ- بين أن (v_n) متالية حسابية يطلب تعين أساسها وحدتها الأولى.

ب- أكتب عبارة (v_n) بدلالة n ثم استنتج عبارة u_n بدلالة n .

التمرين الثاني (12 ن) :

المستوى منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $A(1; 3)$ ، $B(3; 0)$ ، $C(-5; -1)$ و

$N(1; 2)$

1. بين أن المثلث ABC قائم في A ثم عين معادلة للدائرة المحيطة بهذا المثلث.

2. عين معادلة لمماس هذه الدائرة في النقطة A .

3. (D) المستقيم الذي معادلته $2x - y - 1 = 0$.

a) تحقق أن النقطة $H(t; 2t - 1)$ تنتهي إلى المستقيم (D) .

b) عين إحداثيّي النقطة H حق يكون المستقيمين (D) و (NH) متعامدين .

c) تتحقق أن المسافة بين النقطة $M(3; 2)$ و المستقيم (D) هي : $\frac{3\sqrt{5}}{5}$.

4. نعتبر المجموعة (E) للنقط $(x; y)$ حيث: $x^2 + y^2 + 4x - 2y - 31 = 0$

a) بين أن (E) دائرة يطلب تعين مركزها o و نصف قطرها r .

b) أدرس الوضع النسبي للدائرة (E) و المستقيم (D) .

c) عين نقط تقاطع الدائرة مع محور الفواصل إن وجدت .

d) عين صورة الدائرة بالتحاكي الذي مركزه O و نسبته 3 .

انتهى.