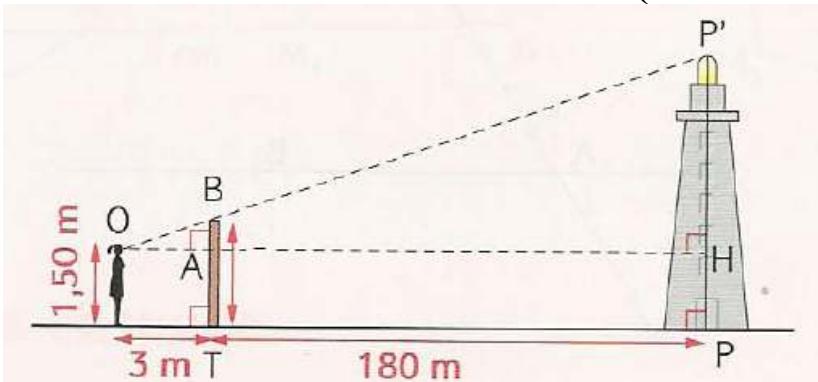


الأستاذ محمد علي خياري  
مؤسسة تاغریب الدراجي  
عین بیوش - ام البواقی -

# المقطع

02

العمليات على الكسور والأعداد الناطقة	الباب 01	أنشطة عدديّة
المثلثات	الباب 09	أنشطة هندسيّة
<p>يحلّ مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة ويوظف خواص مستقيم بمستقيم المتنصفين في مثلث. (مستوى من الكفاءة الشاملة)</p>	<p>الكفاءة الخاتمية التي يستهدفها المقطع التعليمي 02</p>	
<p>التحدي ص 22</p> <p>أسماء تلميذة في الثالثة متوسط تريد أن تعرف ارتفاع منارة بوينت فينوس تقع في بلدة ماهينا في شمال تاهيتي.</p> <p>لهذا، أسماء التي يبلغ طولها 1,50m ثبتت عمودا طوله 2m ويبعد عن المنارة بـ 180 m ثم ابتعدت عنه بـ 3m حتى أصبح يبدو لها أن ارتفاع العمود هو نفس ارتفاع تلك المنارة.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>احسب ارتفاع المنارة</li> </ul> <p>• (P'P) كما هو موضح في الشكل أسفله</p>	<p>الوضعية الانطلاقية</p>	<p>هيكلة تعليمات المقاطع</p>
<p>المنارة بوينت فينوس تاهيتي</p> 	<ul style="list-style-type: none"> <li>• التعرف على العدد الناطق.</li> </ul>	<p>الموارد المعرفية والمنهجية</p>
<p>استعد 12 ص 23 نشاط 5 ص 25 (ب، ج، د فقط) معرفة 5 ص 28</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• حساب مجموع وفرق وجداء وحاصل قسمة عددين ناطقين.</li> </ul>	
<p>نشاط 6 ص 23 (3، 1، 2) معرفة 6 ص 28 طرائق ص 29</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• معرفة خواص مستقيم المتنصفين واستعمالها في براهين بسيطة.</li> </ul>	
<p>نشاط 03 ص 131 معرفة 03 ص 136 طرائق ص 137</p> <p>نشاط 04 ص 131 معرفة 04 ص 136 طرائق ص 137</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• معرفة واستعمال تناصبية الأطوال لأضلاع المثلثين المعينين بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيين.</li> </ul>	

## خياري محمد على ستاغريل الدراجي - عين ببوش أم الباقي

<p>دمج جزئي 01 ... أتعمق 47 و 52 ص 32</p> <p>دمج جزئي 02 ... أو طف تعلماتي 14 ص 143، أتعمق 35 و 37 ص 146</p> <p>الإدماج الكلي وضعية مقتربة تحل الوضعية باستعمال شبكة التقويم</p>	<p>وضعيات تعلم الإدماج الجزئي و الإدماج الكلي</p>
<p>تحل الوضعية باستعمال شبكة التقويم إرشادات : التحدي ص 22</p> <p>الكسر الذي يمثل ما تبقى هو : <math>\frac{11}{60}</math></p> $1 - \left[ \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{2}{3} \times \left( 1 - \frac{1}{4} - \frac{1}{5} \right) \right] = \frac{11}{60}$ <p>حساب الارتفاع 'PP'</p> $PP' = PH + HP'$ $PH = 1.5 \text{ m}$ <p>خاصية تناصبية الأطوال الناتجة عن المستقيم الموازي لأحد أضلاع مثلث نجد :</p> $HP' = 30 \text{ m}$ $PP' = 31.5 \text{ m}$	<p>حل الوضعية الإنطلاقية</p>
<p>وضعية التقويم ص 148 تقترح على شكل (واجب منزلي)</p>	<p>وضعية التقويم</p>
<p>وضعيات مقتربة</p>	<p>المعالجة البيداغوجية</p>
<p>صعوبات تتعلق بإجراء مختلف العمليات على الأعداد الناتجة، الحساب التقريري، بناء خطوات استنتاجية، تحرير برهان بسيط</p>	<p>العقبات المنتظرة</p>
<p>17 سا</p>	<p>الحجم الزمني</p>

**خياري محمد على ستاغريل الدراجي - عين بيوش أم الباقي**  
**الوضعية الإنطلاقية (العمليات على الكسور و الأعداد الناطقة + المثلثات)**

**التحدي ص 22**

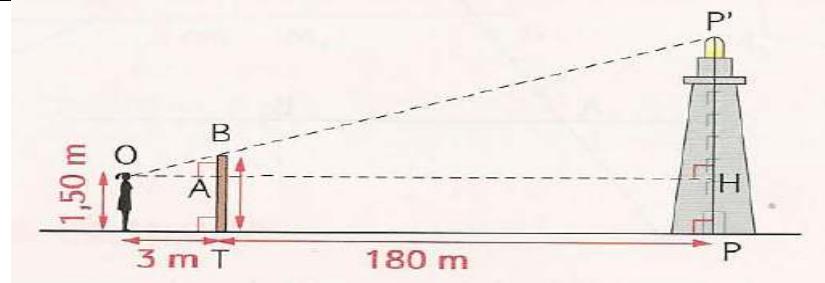


المنارة بوينت فينيوس تاهيتي

أسماء تلميذة في الثالثة متوسط تريد أن تعرف ارتفاع منارة بوينت فينيوس تقع في بلدة ماهينا في شمال تاهيتي.

لهذا ، أسماء التي يبلغ طولها 1,50m ثبتت عمودا طوله 2m ويبعد عن المنارة بـ 180 m ثم ابتدت عنه بـ 3m حتى أصبح يبدو لها أن ارتفاع العمود هو نفس ارتفاع تلك المنارة.

- احسب ارتفاع المنارة .'.PP (كما هو موضح في الشكل أسفله)



**الوضعية الإنطلاقية (العمليات على الكسور و الأعداد الناطقة + المثلثات)**

**التحدي ص 22**

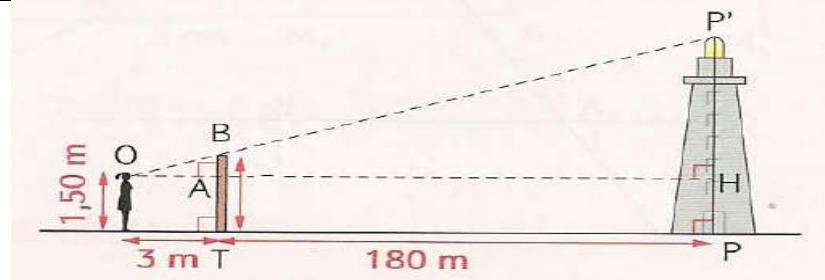


المنارة بوينت فينيوس تاهيتي

أسماء تلميذة في الثالثة متوسط تريد أن تعرف ارتفاع منارة بوينت فينيوس تقع في بلدة ماهينا في شمال تاهيتي.

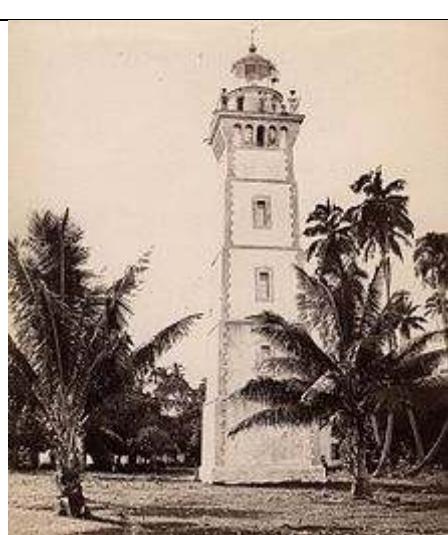
لهذا ، أسماء التي يبلغ طولها 1,50m ثبتت عمودا طوله 2m ويبعد عن المنارة بـ 180 m ثم ابتدت عنه بـ 3m حتى أصبح يبدو لها أن ارتفاع العمود هو نفس ارتفاع تلك المنارة.

- احسب ارتفاع المنارة .'.PP (كما هو موضح في الشكل أسفله)



**الوضعية الإنطلاقية (العمليات على الكسور و الأعداد الناطقة + المثلثات)**

**التحدي ص 22**

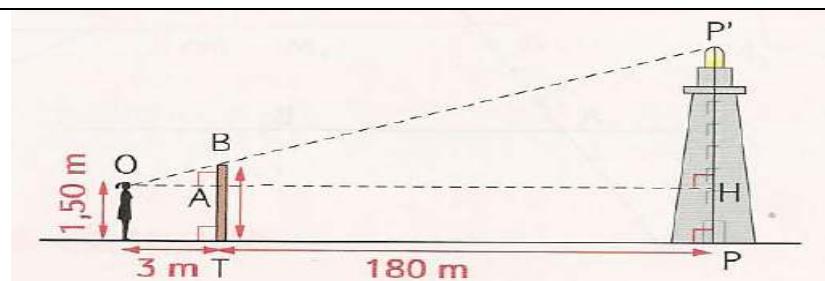


المنارة بوينت فينيوس تاهيتي

أسماء تلميذة في الثالثة متوسط تريد أن تعرف ارتفاع منارة بوينت فينيوس تقع في بلدة ماهينا في شمال تاهيتي.

لهذا ، أسماء التي يبلغ طولها 1,50m ثبتت عمودا طوله 2m ويبعد عن المنارة بـ 180 m ثم ابتدت عنه بـ 3m حتى أصبح يبدو لها أن ارتفاع العمود هو نفس ارتفاع تلك المنارة.

- احسب ارتفاع المنارة .'.PP (كما هو موضح في الشكل أسفله)



## خياري محمد على ستاغريل الدراجي - عين بيوش أم الباقي

<b>المستوى:</b> الثالثة متوسط <b>الداعم:</b> ك.م ، المنهاج ، الوثيقة <b>المرافقة:</b> <b>الوسائل:</b> السبورة	<b>المادة:</b> رياضيات <b>الموارد المستهدفة:</b> • التعرف على العدد الناطق	<b>الميدان:</b> أنشطة عددية <b>الباب:</b> 01 <b>المقطع التعليمي :</b> 02
--	--	--

المراحل	أنشطة و وضعيات التعلم	الاهداف												
تهيئة	<u>أستعد 12 ص 23</u>													
مرحلة بناء التعلم	<p><b>التعرف على العدد الناطق</b>  <b>نشاط 05 ص 25</b></p> <p>1. ب. تحديد إشارة كل حاصل</p> <p><math display="block">\frac{-28}{15} \text{ إشارة الحاصل سالبة} \quad \frac{14}{-18} \text{ إشارة الحاصل سالبة}</math></p> <p><math display="block">\frac{-24}{-32} = \frac{24}{32} = \frac{-28}{15} = \frac{28}{-15} = -\frac{28}{15}</math> لأن لها نفس حاصل القسمة</p> <p>ج. <math>b \neq 0</math> عددان نسبيان حيث <math>\frac{-a}{b} = \frac{a}{-b} = -1 \times \frac{a}{b}</math></p> <p>إثبات أن: <math>\frac{-a}{b} = \frac{a}{-b} = -1 \times \frac{a}{b}</math></p> <p>ومنه: <math>\frac{-a}{b} = \frac{a}{-b} = -1 \times \frac{a}{b}</math></p> <p>إثبات أن: <math>\frac{-a}{b} = \frac{a}{-b}</math></p> <p>ومنه: <math>\frac{-a}{b} = \frac{a}{b}</math></p> <p><b>معرفة 05 ص 28</b></p> <p>العدد الناطق هو حاصل قسمة عدد نسبي صحيح على عدد نسبي صحيح غير معدوم كل عدد ناطق يمكن كتابته من الشكل <math>\frac{a}{b}</math> أو <math>\frac{a}{b} -</math> حيث <math>a</math> و <math>b</math> عددان طبيعيان و <math>b \neq 0</math></p> <p>الأعداد <math>\frac{9}{11}, -1,8, \frac{15}{5}, 2</math> هي أعداد ناطقة</p>													
الوصولة														
أعادة الاستثمار	<p><b>أوظف تعلماتي 23 ص 31</b></p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="width: 50%;">الأعداد</th> <th style="width: 50%;">كتابتها <math>\frac{a}{b}</math> أو</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="text-align: center;">0,3</td> <td style="text-align: center;"><math>\frac{3}{10}</math></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">3,14</td> <td style="text-align: center;"><math>\frac{314}{100}</math></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">-</td> <td style="text-align: center;"><math>\frac{1}{3}</math></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">-</td> <td style="text-align: center;"><math>\frac{1}{7}</math></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">-0,28</td> <td style="text-align: center;"><math>\frac{-28}{100}</math></td> </tr> </tbody> </table>	الأعداد	كتابتها $\frac{a}{b}$ أو	0,3	$\frac{3}{10}$	3,14	$\frac{314}{100}$	-	$\frac{1}{3}$	-	$\frac{1}{7}$	-0,28	$\frac{-28}{100}$	
الأعداد	كتابتها $\frac{a}{b}$ أو													
0,3	$\frac{3}{10}$													
3,14	$\frac{314}{100}$													
-	$\frac{1}{3}$													
-	$\frac{1}{7}$													
-0,28	$\frac{-28}{100}$													
تحصيلي.														

## خياري محمد علي ستاغريل الدراجي - عين بيوش أم الباقي

<p>المستوى: الثالثة متوسط</p> <p>الداعم: ك.م ، المنهاج ، الوثيقة</p> <p>المرافقة</p> <p>الوسائل: السبورة</p>	<p>المادة: رياضيات</p> <p>الموارد المستهدفة:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• حساب مجموع وفرق وجداء وحاصل قسمة عددين ناطقين.</li> </ul>	<p>الميدان: أنشطة عددية</p> <p>الباب: 01</p> <p>المقطع التعليمي : 02</p>
--	---	--

<p><b>التفوييم</b></p> <p><b>تشخيصي</b></p> <p><b>تكويني</b> يتم إدخال مفهوم العدد الناطق كحاصل قسمة عددين نسبيين. (البحث عن القيمة المضبوطة لحاصل قسمة على 3 مثلاً) • لتسهيل العمل على الأعداد الناطقة، يمكن اعتبار العدد الناطق ككسر مسبوق بإشارة.</p> <p><b>تعويذ التلاميذ كتابة العدد الناطق <math>\frac{a}{b}</math> في شكله المبسط بإشارة واحدة،</b> شُتتت من إشارتي <math>a</math> و <math>b</math>.</p>	<p><b>أنشطة و وضعيات التعلم</b></p> <p><b>استعد</b> يتذكر العمليات على الكسور والأعداد النسبية و مقلوب عدد غير معروف</p> <p><b>حساب مجموع وفرق وجاء وحاصل قسمة عددين ناطقين.</b></p> <p><b>نشاط 06 ص 25</b></p> <p><b>2. الجمع</b>  <math display="block">\frac{5}{4} + \frac{-11}{6}</math> <math display="block">\frac{5}{4} = \frac{10}{8} = \frac{15}{12} = \frac{20}{16} \quad \frac{-11}{6} = \frac{-22}{12} = \frac{-33}{18} = \frac{-44}{24}</math> <math display="block">\frac{-11}{6} = \frac{15}{12} + \frac{-22}{12} = \frac{15+(-22)}{12} = -\frac{7}{12}</math> <math display="block">\frac{-4}{9} + \frac{5}{6} = \frac{-8}{18} + \frac{15}{18} = \frac{7}{18}, \quad \frac{3}{8} + \frac{-9}{20} = \frac{15}{40} + \frac{-18}{40} = \frac{-3}{40} = -\frac{3}{40}</math> </p> <p><b>3. الضرب</b>  <math display="block">\frac{35}{48} \times \frac{7}{6} = \frac{5 \times 7}{8 \times 6} = \frac{35}{48}</math> <math display="block">\frac{-5}{8} \times \frac{-7}{6} = \frac{-5 \times -7}{8 \times 6} = \frac{35}{48}</math> <math display="block">\frac{-6}{5} \times \frac{15}{-4} = \frac{-90}{-20} = \frac{90}{20}, \quad \frac{7}{13} \times \frac{-8}{5} = \frac{7 \times -8}{13 \times 5} = \frac{-56}{65} = -\frac{56}{65}</math> </p> <p><b>3. القسمة</b>  <math display="block">a = \frac{2}{7} \div \frac{4}{5} = \frac{2}{7} \times \frac{5}{4} = \frac{2 \times 5}{7 \times 4} = \frac{10}{14}</math> <math display="block">b = -7 \div \frac{3}{2} = -7 \times \frac{2}{3} = \frac{-7 \times 2}{3} = \frac{-14}{3} = -\frac{14}{3}</math> <math display="block">c = \frac{-2}{9} \div 6 = \frac{-2}{9} \times 6 = \frac{-2 \times 6}{9} = \frac{-12}{9} = -\frac{12}{9}</math> </p> <p><b>معرفة 06 ص 28</b>  <b>الجمع و الطرح ، الضرب ، مقلوب عدد ناطق ، القسمة + أمثلة</b></p> <p><b>طرائق ص 29</b></p>	<p><b>المراحل</b></p> <p><b>تهيئة</b></p> <p><b>مرحلة بناء التعلم</b></p> <p><b>الحوصلة</b></p> <p><b>إعادة الاستئنار</b></p>
<p>تحصيلي.</p>	<p><b>أوظف تعلماتي 34، 36، 43، 45 و 45 ص 31 و 32</b></p>	

## خياري محمد على ستاغريل الدراجي - عين بيوش أم الباقي

الميدان: أنشطة عددية	المادة: رياضيات	المستوى: الثالثة متوسط
الباب: 01	الموارد المستهدفة:	الدعائم: ك.م ، المنهاج ، الوثيقة المرافقة الوسائل: السبورة
المقطع التعليمي : 02	• إدماج جزئي 01	

أتعملق 47 و 52 ص 32	نص الوضعية الإدماجية
يحل مشكلات باستعمال العمليات على الأعداد الناطقة	خایات الوضعية التعلمية وطبيعتها
أولوية العمليات ، جمع وطرح عددين ناطقين	صعوبات متوقعة

أتعملق 47 ص 32 :

التحقق من صحة كل مساواة:

$$\begin{aligned}
 1. \quad & \frac{5}{6} - \frac{8}{5} \times \frac{15}{28} = \left(\frac{8}{7} - 1\right) \times \left(\frac{5}{6} - 1\right) \\
 \frac{5}{6} - \frac{8}{5} \times \frac{15}{28} &= \frac{5}{6} - \frac{8}{5} \times \frac{15}{28} = \frac{5}{6} - \frac{8 \times 15}{5 \times 28} \\
 &= \frac{5}{6} - \frac{120}{140} = \frac{700}{840} - \frac{720}{840} \\
 &= \frac{700 - 720}{840} = \frac{-20}{840} = \frac{-1}{42} \\
 \left(\frac{8}{7} - 1\right) \times \left(\frac{5}{6} - 1\right) &= \left(\frac{8}{7} - \frac{7}{7}\right) \times \left(\frac{5}{6} - \frac{6}{6}\right) \\
 &= \frac{8 - 7}{7} \times \frac{5 - 6}{6} = \frac{1}{7} \times \frac{-1}{6} \\
 &= \frac{1 \times (-1)}{7 \times 6} = \frac{-1}{42}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 2. \quad & \frac{1}{5} \div \left(\frac{3}{4} - \frac{5}{6}\right) = \left(\frac{4}{5} - 8\right) \div 3 \\
 \frac{1}{5} \div \left(\frac{3}{4} - \frac{5}{6}\right) &= \frac{1}{5} \div \left(\frac{18}{24} - \frac{20}{24}\right) = \frac{1}{5} \div \frac{18 - 20}{24} \\
 &= \frac{1}{5} \times \frac{-24}{2} = \frac{1 \times (-24)}{5 \times 2} = \frac{-24}{10} \\
 &= \frac{-12}{5} \\
 \left(\frac{4}{5} - 8\right) \div 3 &= \left(\frac{4}{5} - \frac{40}{5}\right) \div 3 = \frac{4 - 40}{5} \div 3 \\
 &= \frac{-36}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{-36}{15} = \frac{-12}{5}
 \end{aligned}$$

أتعملق 52 ص 32 :

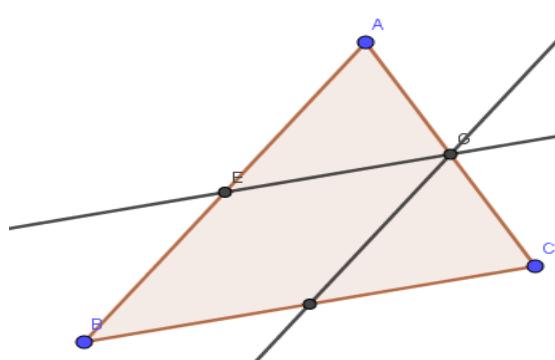
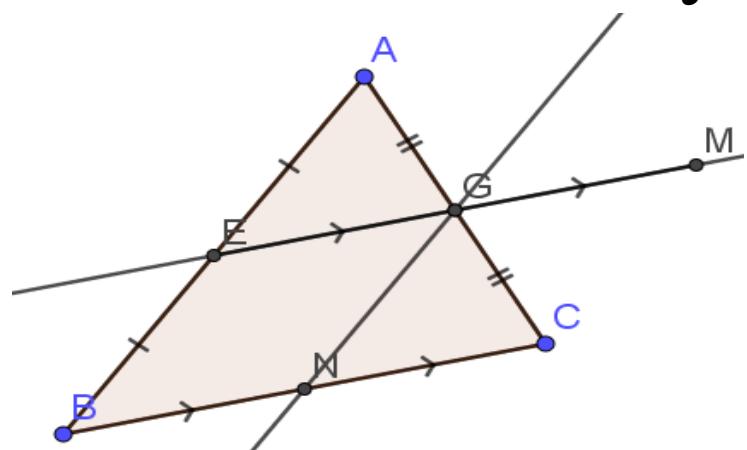
حساب و كتابة الناتج على أبسط شكل ممكن

$$\begin{aligned}
 M &= \left(\frac{8}{11} - \frac{7}{5}\right) \times \left(\frac{-1}{6} + \frac{2}{9}\right) \\
 &= \left(\frac{40}{55} - \frac{77}{55}\right) \times \left(\frac{-9}{54} + \frac{12}{54}\right) \\
 &= \frac{40 - 77}{55} \times \frac{-9 + 12}{54} \\
 &= \frac{-37}{55} \times \frac{3}{54} = \frac{-37 \times 3}{55 \times 54} = \frac{-111}{2970} \\
 &= \frac{-37}{990}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 N &= \frac{-2}{5} + \frac{3}{15} \div \frac{2}{3} = \frac{-2}{5} + \frac{3}{15} \times \frac{3}{2} \\
 &= \frac{-2}{5} + \frac{3 \times 3}{15 \times 2} = \frac{-2}{5} + \frac{9}{30} \\
 &= \frac{-12}{30} + \frac{9}{30} = \frac{-12 + 9}{30} = \frac{-3}{30} \\
 &= \frac{-1}{10}
 \end{aligned}$$

## خياري محمد على ستاغريل الدراجي - عين ببوش أم الباقي

المستوى: الثالثة متوسط الداعم: ك.م ، المنهاج ، الوثيقة المرافق الوسائل: السبورة	المادة: رياضيات الموارد المستهدفة: • معرفة خواص مستقيم المنتصفين واستعمالها في براهين بسيطة	الميدان: أنشطة هندسية الباب: 09 المقطع التعليمي : 02
--	---	--

المراحل	أنشطة و وضعيات التعلم	التقويم
تهيئة	استعد	تشخيصي
مرحلة بناء التعلم	<p><b>نشاط 03 ص 131</b></p> <p>أ. رسم الشكل</p>  <p>1. المستقيمان (EG) و (BC) متوازيان</p> $EG = \frac{1}{2} BC$ <p>2. نعم أو فرقها في ذلك (نرسم المستقيم الذي يشمل G و يوازي (AB) ثم نتحقق أن نقطة تقاطع هي منتصف [BC]</p> <p>3. نعم أو فرقها في ذلك (نرسم المستقيم الذي يشمل G و يوازي (AB) ثم نتحقق أن نقطة تقاطع هي منتصف [BC]</p> <p>ب. رسم الشكل</p>  <p>1. AMCE متوازي أضلاع لأن قطراء متناظفان</p> <p>2. EB=CM ومنه الرباعي EMCB متوازي أضلاع</p> <p>3. بما أن EMCB متوازي أضلاع (فيه كل ضلعان متقابلان حاملاهما متوازيان) ومنه (EG)//(BC)</p> <p>• وبما أن EMCB متوازي أضلاع (فيه كل ضلعان متقابلان لهما نفس الطول) فإن : EG=CB و EM=CB نظيرة M بالنسبة إلى G أي <math>EG = \frac{1}{2} EM</math> ومنه <math>BC = 2EG</math></p> <p>4. بما أن (EG)//(BC) و (GN)//(AB) فإن الرباعي EGNB متوازي أضلاع</p> <p>• EGNB متوازي أضلاع ومنه <math>EG=BN</math> ، و <math>BC = 2EG</math> و بالتالي : <math>BC = 2BN</math> ومنه <math>BN = \frac{1}{2} BC</math></p>	تقويم

الحوصلة	معرفة 03 ص 136:
<p><b>خاصية 01</b> في مثلث، إذا شمل مستقيم منتصف ضلعين ، فإنه يوازي حامل الصلع الثالث</p> <p><b>خاصية 02</b> في مثلث، طول القطعة الواقلة بين منتصف ضلعين ، يساوي نصف طول الصلع الثالث</p> <p><b>خاصية 03</b> في مثلث، إذا شمل مستقيم منتصف أحد أضلاعه وكان مواز لحامل ضلع ثان ، فإنه يقطع الصلع الثالث في منتصفه</p>	
<p>تحصيلي.</p> <p>اكتسب طرائق ص 137 استعمال خاصية مستقيم المنتصفين في مثلث للبرهنة</p> <p>دورى الآن 01 ص 137</p> <p>أتمن 13 ص 143</p>	<p>إعادة الاستثمار</p>

## خياري محمد على ستاغريل الدراجي - عين ببوش أم الباقي

الميدان: أنشطة هندسية	الباب: 09	المادة: رياضيات
الدعائم: ك.م ، المنهاج ، الوثيقة المرافقه الوسائل: السبورة	• معرفة واستعمال تناصبية الأطوال لأضلاع المثلثين المعينين بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيين.	المقطع التعليمي : 02

المراحل	أنشطة و ضعفيات التعلم	النحو								
تهيئة	استعد 08 و 09 ص 129	تشخيصي								
مرحلة بناء التعلم	نشاط 04 ص 131 إنجاز مثيل الأشكال أخذ القياسات و حساب النسب :	توكيني								
	<table border="1"> <thead> <tr> <th>النسبة</th> <th>الحالة الأولى</th> <th>الحالة الثانية</th> <th>الحالة الثالثة</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td><math>\frac{A}{AB} = \frac{AM}{AC} = \frac{LM}{BC}</math></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table> <p>في الحالة 1 و 2 النسب تقريباً متساوية التخمين الذي يمكن وضعه حول النسب هو</p>	النسبة	الحالة الأولى	الحالة الثانية	الحالة الثالثة	$\frac{A}{AB} = \frac{AM}{AC} = \frac{LM}{BC}$				
النسبة	الحالة الأولى	الحالة الثانية	الحالة الثالثة							
$\frac{A}{AB} = \frac{AM}{AC} = \frac{LM}{BC}$										
الوصلة	<p>معرفة 04 ص 136:</p> <p>ABC مثلث ، إذا كانت نقطة من (AB) و M نقطة من (AC) و كان (LM) و (BC) متوازيان فإن :</p> $\frac{AL}{AB} = \frac{AM}{AC} = \frac{LM}{BC}$ <p>اكتسب طرائق ص 137 استعمال تناصبية الأطوال الناتجة عن المستقيم الموازي لأحد أضلاع مثلث</p>									
إعادة الاستثمار	<p>دوري الآن 02 ص 137</p> <p>أتممن 18 ، 19 ، ص 143</p>	تحصيلي.								

## خياري محمد على ستاغريل الدراجي - عين بيوش أم الباقي

الميدان: أنشطة هندسية	المادة: رياضيات	المستوى: الثالثة متوسط
الباب: 09	الموارد المستهدفة:	الدعائم: ك.م ، المنهاج ، الوثيقة
المقطع التعليمي : 02	• إدماج جزئي 02	المرافقة الوسائل: السبورة
نص الوضعية الإدماجية	أوطف تعلماتي 14 ص 143، أتعمق 35 و 37 ص 146	

يحل مشكلات باستعمال نظرية مستقيم المنتصفين و تناصبية الأطوال لأضلاع المثلثين المعينين بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيين

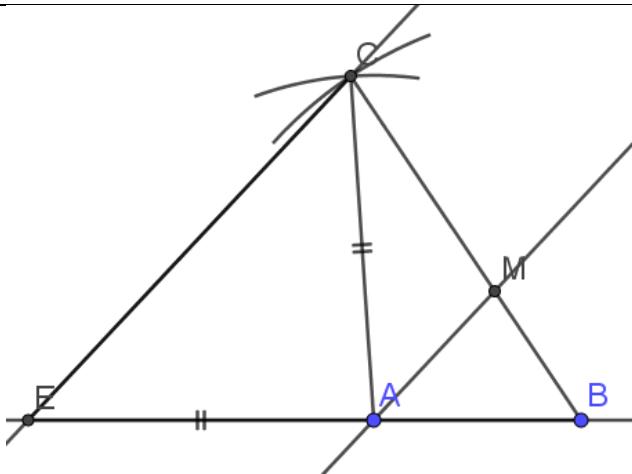
- استعمال خاصية مستقيم المنتصفين في مثلث للبرهنة
- إثبات أن المثلث ACE متساوي الساقين: أتعمق 37 ص 146
- استعمال تناصبية الأطوال الناتجة عن المستقيم الموازي لأحد أضلاع مثلث

### أوطف تعلماتي 14 ص 143

2. طبيعة الرباعي EFHG • في المثلث ACD : H : ACD منتصف [CD] و F منتصف [AC] و حسب نظرية مستقيم المنتصفين فإن : $FH = \frac{1}{2}AD$ • في المثلث DBC : E : DBC منتصف [AB] و G منتصف [BD] و حسب نظرية مستقيم المنتصفين فإن : $GH = \frac{1}{2}BC$ • و نعلم أن : $AD = BC$ معناه : $EF = EG = FH = GH$ ومنه الرباعي EFHG معين	1. إثبات أن المثلث EFG متساوي الساقين • في المثلث ABC : ABC منتصف [AB] و F منتصف [AC] و حسب نظرية مستقيم المنتصفين فإن : $EF = \frac{1}{2}BC$ • في المثلث ABD : ABD منتصف [AB] و G منتصف [BD] و حسب نظرية مستقيم المنتصفين فإن : $EG = \frac{1}{2}AD$ • و نعلم أن : $AD = BC$ معناه : $EF = EG$ ومنه المثلث EFG متساوي الساقين
---	---

### أتعمق 35 ص 146:

	1. إثبات أن P منتصف [MR] في المثلث LMPQ : $LM \parallel (QP) \parallel (MR)$ لأن $(QP) \parallel (LM)$ لأن $(MR) \parallel (LP)$ متوازي أضلاع و منه حسب خاصية تناصبية الأطوال الناتجة عن المستقيم الموازي لأحد أضلاع مثلث فإن :
	نعرض في التنااسب : $\frac{RP}{RM} = \frac{1}{2}$ لأن S منتصف [LM] $\frac{RP}{RM} = \frac{SP}{LM}$ لأن $QP = LM$ و $2RP = RM$ معناه : $SP = RM$ ومنه P منتصف [MR]



1. إثبات أن المثلث ACE متساوي الساقين:  
 $\widehat{CEA} = \widehat{CAE}$  قاطع لهما معناه:  
 $\widehat{MAB}$  لأنهما متماثلان  
 $\widehat{ECA} = \widehat{CAE}$  قاطع لهما معناه:  
 $\widehat{MAC}$  لأنهما مترادفات داخلية  
 $\widehat{MAB} = \widehat{BAC}$  منصف الزاوية معناه:  
 $\widehat{MAC}$  ومنه

$EA = AC = 5\text{cm}$  حيث

$$\frac{BM}{BC} = \frac{3}{8}$$

2. إثبات أن  $(EC) \parallel (AM)$  :  $EBC$   
 ومنه حسب خاصية تناصية الأطوال الناتجة عن  
 المستقيم الموازي لأحد أضلاع مثلث فإن:

نعرض في التالب :

$$\frac{BM}{BC} = \frac{3}{8} \text{ فنجد } \frac{MB}{BC} = \frac{AB}{BE}$$

• حساب  $BM$

$$\text{لدينا: } BC = 6\text{cm} : \frac{BM}{BC} = \frac{3}{8} \text{ حيث ومنه:}$$

• حساب  $MC$

$$MC = BC - MB$$

$$MC = 6 - 2.25$$

$$MC = 3.75\text{cm}$$

المادة: رياضيات	المستوى: الثالثة متوسط
الموارد المستهدفة:	الدعائم: ك.م ، المنهاج ، الوثيقة المرافقه
• إدماج كلي	الوسائل: السبورة

I. يملّك عمر حقلًا مستطيل الشكل  $ABCD$  طوله  $60\text{ m}$  ، أراد أن ينشئ منزلًا من ملتقى طرفيين مستقيمين ، حيث يمر الطريق الأول من رأس  $\widehat{A}$  والزاوietين  $\widehat{A}$  و  $\widehat{D}$  للحقل و الآخر يمر من رأس الزاوية  $\widehat{C}$  للحقل و النقطة  $N$  تقع على الصلع  $[AB]$  للحقل بعيدة عن رأس الزاوية  $\widehat{A}$  للحقل بـ  $42\text{ m}$  .

لتكن  $M$  نقطة تلاقي الطرفيين ، انظر الشكل المعطى:

$$\frac{MA}{MD} = \frac{MN}{MC} = \frac{7}{10} \quad (1)$$

(2) كم سيكون بعد منزل عمر عن رأس الزاوية  $\widehat{C}$  للحقل إذا علمت أن :

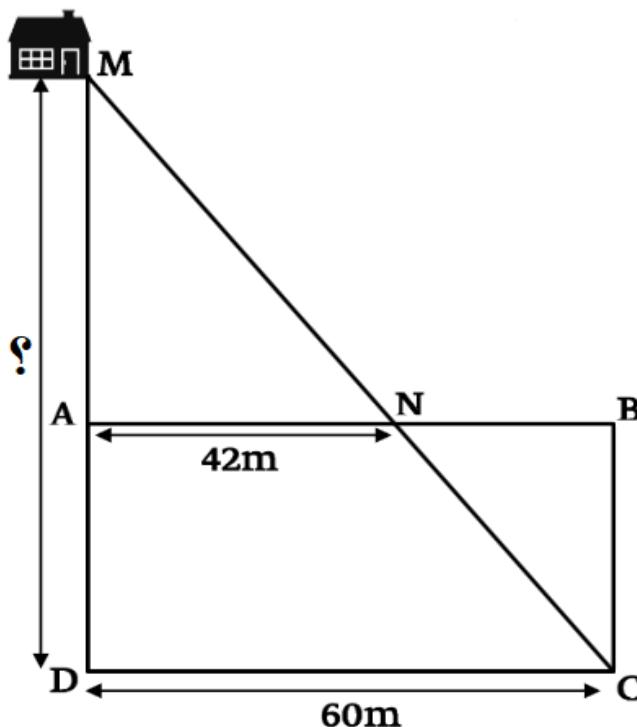
$$MA = 45,5\text{ m}$$

II. بعد انتهاء أشغال الإنشاء طلب عمر من البناء تبليط أرضية المنزل . فقام البناء بإنجاز  $\frac{1}{18}$  من المساحة الأرضية في اليوم الأول و  $\frac{1}{6}$  في اليوم الثاني و  $\frac{5}{9}$  في اليوم الثالث .

(1) في أي يوم كانت المساحة المنجزة أكبر؟ علل إجابتك.

(2) هل مدة ثلاثة أيام كانت كافية لتبليط كل أرضية المنزل؟ علل إجابتك.

نص الوضعية  
الإدماجية



يحل مشكلات باستعمال العمليات على الأعداد الناطقة و استعمال تناوبية الأطوال الناتجة عن المستقيم الموازي لأحد أضلاع مثلث

غايات الوضعية  
التعلمية وطبيعتها

الحل:

(I)

$$(1) \text{ تبين أن: } \frac{MA}{MD} = \frac{MN}{MC} = \frac{7}{10}$$

لدينا في الثالث (AN)/(DC) : DMC = "خواص مستطيل" بتطبيق نظرية طالس نجد:

$$\frac{MA}{MD} = \frac{MN}{MC} = \frac{AN}{DC}$$

$$\frac{MA}{MD} = \frac{MN}{MC} = \frac{42 \div 6}{60 \div 6}$$

$$\frac{MA}{MD} = \frac{MN}{MC} = \frac{7}{10} \dots\dots (1)$$

(2) حساب بعد منزل عمر عن رأس الزاوية  $\hat{D}$  للحقل أي الطول MD :

$$\frac{MA}{MD} = \frac{7}{10} \quad \text{من العبارة (1) نأخذ:}$$

$$\frac{45,5}{MD} = \frac{7}{10}$$

$$MD = \frac{45,5 \times 10}{7} = 65 \quad \text{بحساب الرابع للتناسب نجد:}$$

إذن:  $MD = 65m$

(II)

(1) نبحث عن أكبر كسر: نوحد مقامات الكسور و نقارن بسوطها:

$$\frac{1}{6} = \frac{1 \times 3}{6 \times 3} = \frac{3}{18} \quad ; \quad \frac{5}{9} = \frac{5 \times 2}{9 \times 2} = \frac{10}{18} \quad ; \quad \frac{10}{18} > \frac{4}{18} > \frac{3}{18}$$

و عليه تكون أكبر مساحة منجزة في اليوم الثالث.

(2) نجمع الكسور الثلاثة و نتحقق إن كان الناتج مساوياً للوحدة:

$$\frac{5}{9} + \frac{4}{18} + \frac{1}{6} = \frac{10}{18} + \frac{4}{18} + \frac{3}{18} = \frac{17}{18} \neq 1$$

نستنتج أن ثلاثة أيام لم تكن كافية لتبليط كل أرضية المنزل.

شبكة التقويم للوضعية الإدماجية  
التنقيط : 08

السؤال	المعيار	المؤشرات	سلم التنقيط	العلامة الجزئية	العلامة النهائية
I	١ م	<ul style="list-style-type: none"> <li>- التصريح بتطبيق نظرية طالس.</li> <li>- كتابة مساويات بها نسب.</li> <li>- توظيف حساب الرابع المتناسب.</li> </ul>	0,5 إن وفق في مؤشر واحد 1,5 إن وفق في مؤشرين على الأقل	1,5	3,5
		<ul style="list-style-type: none"> <li>- للساويات للتضمنة نسب صحيحة.</li> <li>- اختزال النسبة العلامة صحيح.</li> <li>- الطول MD صحيح وفق حساب الرابع المتناسب.</li> </ul>	1 إن وفق في مؤشر واحد 2 إن وفق في مؤشرين على الأقل	02	
II	١ م	<ul style="list-style-type: none"> <li>- توظيف مقارنةكسور</li> <li>- توظيف جمعكسور</li> </ul>	0,5 إن وفق في مؤشر واحد 1,5 إن وفق في مؤشرين على الأقل	1,5	3
		<ul style="list-style-type: none"> <li>- مقارنة الكسور صحيحة وفق الطريقة المناسبة</li> <li>- ناتج مجموع الكسور صحيح</li> <li>- مقارنة ناتج مجموع الكسور مع الواحد</li> </ul>	0,5 إن وفق في مؤشر واحد 1,5 إن وفق في مؤشرين على الأقل	1,5	
كل المسألة	٣ م	<ul style="list-style-type: none"> <li>- تسلسل خطوات الحل منطقي</li> <li>- وحدة القياس محترمة (الطول)</li> <li>- التصريح بالإجابة</li> </ul>	0,5 إن وفق في مؤشر واحد 01 إن وفق في مؤشرين على الأقل	01	1,5
		<ul style="list-style-type: none"> <li>- الكتابة مقرؤة</li> <li>- لا يوجد تشطيبات</li> <li>- تأثير الناتج</li> </ul>	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,5 إن وفق في مؤشرين على الأقل	0,5	

م<sub>١</sub> : التفسير السليم للوضعية

م<sub>٢</sub> : الإستعمال السليم للأدوات

م<sub>٣</sub> : الانسجام

م<sub>٤</sub> : الإنقان