

التمرين الأول :

$$f \text{ دالة معرفة على } \mathbb{R} - \{-1\} \text{ ب : } f(x) = \frac{-2x-1}{x+1}$$

(C_f) تمثيلها البياني في مستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

$$(1) \text{ برهن أنه من أجل كل عدد حقيقي } x \neq -1 : f(x) = -2 + \frac{1}{x+1}$$

$$(2) \text{ عين اتجاه تغير الدالة } f \text{ على المجالين }]-1; +\infty[\text{ و }]-\infty; -1[.$$

(3) شكل جدول تغيراتها .

$$(4) \text{ بين أن النقطتين } A(0; -1) \text{ و } B\left(-\frac{1}{2}; 0\right) .$$

(5) بين كيف يمكننا إنشاء (C_f) انطلاقا من (P) منحنى دالة مرجعية يطلب تعيينها ثم أنشئ (C_f) مع الشرح .

التمرين الثاني :

$$P(x) = 2x^2 - 3x - 5 \text{ لتكن العبارة الجبرية } P(x) \text{ ذات المتغير الحقيقي } x \text{ المعرفة ب :}$$

(1) اكتب $P(x)$ على الشكل النموذجي .

(2) حل في \mathbb{R} المعادلة $P(x) = 0$ ثم استنتج تحليلا $P(x)$.

$$(3) \text{ نعتبر العبارة الجبرية } E(x) \text{ بحيث : } E(x) = \frac{P(x)}{x+2}$$

(أ) عين القيم الممنوعة للعبارة $E(x)$ ثم استنتج مجموعة تعريفها .

(ب) ادرس إشارة العبارة $E(x)$.

(ج) استنتج حلول المتراجحة $E(x) \leq 0$.

التمرين الثالث :

(1) علم على الدائرة المثلثية (C) النقط M_1 ، M_2 و M_3 صور الأعداد الحقيقية x_1 ، x_2 و x_3 على

$$\text{الترتيب : } x_1 = 2021\pi \quad , \quad x_2 = -\frac{133\pi}{6} \quad , \quad x_3 = \frac{91\pi}{3} \quad (\text{مع الشرح}).$$

(2) احسب القيم المضبوطة لجيب و جيب تمام الأعداد السابقة .

(3) لتكن العبارة $A(x)$ المعرفة كمايلي :

$$A(x) = \cos\left(-\frac{133\pi}{6}\right) - \sin\left(\frac{91\pi}{3}\right) + \sqrt{2} \sin(2022\pi) - \cos(x + 2021\pi)$$

(f) اثبت أن : $A(x) = \cos(x)$.

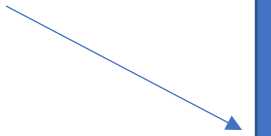
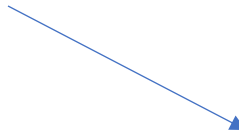
(ب) حل في المجال $\left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$ المعادلة التالية : $\sqrt{2}A(x) = 1$.

" انتهى "

"إذا آمنت بنفسك فلن يستطيع أحد إيقافك"

أساتذة المادة يتمنون لكم كل التوفيق و النجاح

عطلة سعيدة

x	$-\infty$	-1	$+\infty$
$f(x)$			

تصحيح الإختبار الثلاثي الأخير في الرياضيات:

التمرين الأول:

1) لدينا من أجل كل عدد حقيقي x حيث $x \neq -1$:

$$\begin{aligned} -2 + \frac{1}{x+1} &= \frac{-2(x+1)}{x+1} + \frac{1}{x+1} \\ &= \frac{-2(x+1) + 1}{x+1} \\ &= \frac{-2x - 2 + 1}{x+1} \\ &= \frac{-2x - 1}{x+1} \\ &= f(x) \end{aligned}$$

إذن من أجل كل عدد حقيقي x حيث $x \neq -1$:

$$f(x) = -2 + \frac{1}{x+1}$$

2) إتجاه تغير الدالة f :

أولاً- على المجال $]-1; +\infty[$

نفرض x_1 و x_2 من المجال $]-1; +\infty[$

حيث: $-1 < x_1 < x_2$

بإضافة 1 لكل طرف نجد: $0 < x_1 + 1 < x_2 + 1$

بقلب كل طرف نجد: $\frac{1}{x_1 + 1} > \frac{1}{x_2 + 1} > 0$

بإضافة -2 نجد: $-2 + \frac{1}{x_1 + 1} > -2 + \frac{1}{x_2 + 1}$

وبالتالي: $f(x_1) > f(x_2)$

إذن: f متناقصة تماماً على المجال $]-1; +\infty[$.

ثانياً- على المجال $]-\infty; -1[$

نفرض x_1 و x_2 من المجال $]-\infty; -1[$

حيث: $x_1 < x_2 < -1$

بإضافة 1 لكل طرف نجد: $x_1 + 1 < x_2 + 1 < 0$

بقلب كل طرف نجد: $\frac{1}{x_1 + 1} > \frac{1}{x_2 + 1}$

بإضافة -2 نجد: $-2 + \frac{1}{x_1 + 1} > -2 + \frac{1}{x_2 + 1}$

وبالتالي: $f(x_1) > f(x_2)$

إذن: f متناقصة تماماً على المجال $]-\infty; -1[$

النتيجة:

الدالة f متناقصة تماماً على كل مجال من المجالين

$]-1; +\infty[$ و $]-\infty; -1[$.

3) جدول تغيرات الدالة f :

4) إثبات أن $A(0; -1) \in (C_f)$ و $B(-\frac{1}{2}; 0) \in (C_f)$:

$f(0) = -1$ معناه $A(0; -1) \in (C_f)$

يكفي إثبات أن $f(0) = -1$:

$$f(0) = \frac{-2(0) - 1}{0 + 1} = \frac{0 - 1}{1} = \frac{-1}{1} = -1$$

إذن النقطة $A(0; -1)$ تنتمي للمنحنى (C_f) .

$f(-\frac{1}{2}) = 0$ معناه $B(-\frac{1}{2}; 0) \in (C_f)$

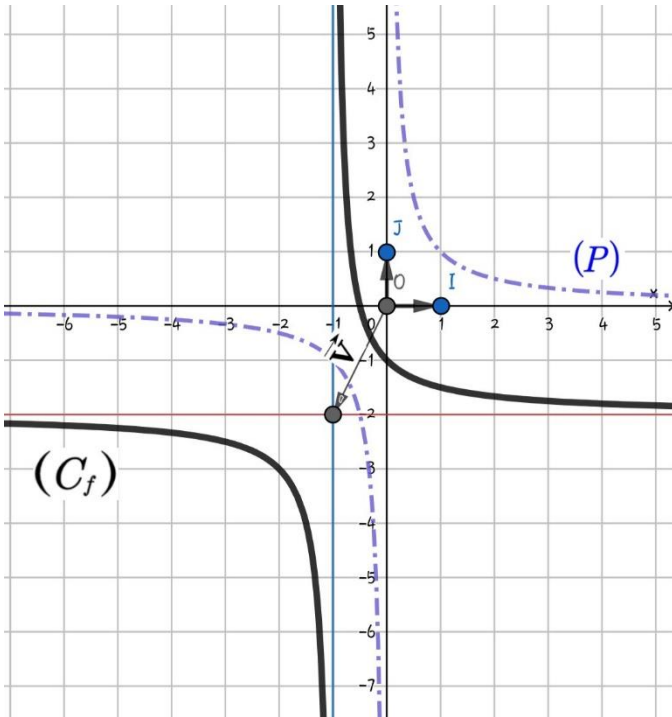
يكفي إثبات أن $f(-\frac{1}{2}) = 0$:

$$f\left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{-2\left(-\frac{1}{2}\right) - 1}{\left(-\frac{1}{2}\right) + 1} = \frac{\frac{2}{2} - 1}{\frac{1}{2}} = \frac{1 - 1}{\frac{1}{2}} = \frac{0}{\frac{1}{2}} = 0$$

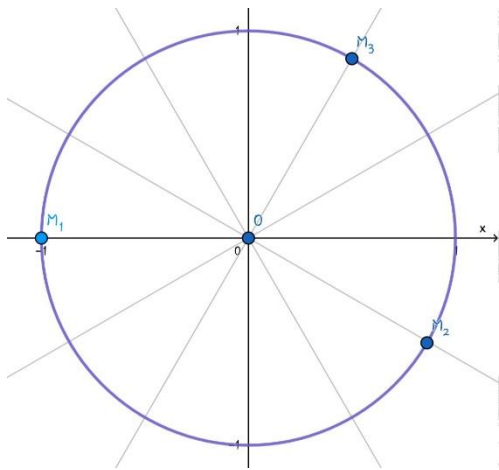
إذن النقطة $B(-\frac{1}{2}; 0)$ تنتمي للمنحنى (C_f) .

5) المنحنى (C_f) هو صورة (P) منحنى الدالة "مقلوب"

بالإنسحاب الذي شعاعه $\vec{V}\left(\begin{matrix} -1 \\ -2 \end{matrix}\right)$.



الشرح: يُترك للتلميذ



(2) حساب جيب وجيب تمام الأعداد السابقة:

$$\cos(x_1) = \cos(2021\pi) = \cos(\pi) = -1$$

$$\sin(x_1) = \sin(2021\pi) = \sin(\pi) = 0$$

$$\cos(x_2) = \cos\left(\frac{-133\pi}{6}\right) = \cos\left(\frac{-\pi}{6}\right) = \cos\left(\frac{\pi}{6}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\sin(x_2) = \sin\left(\frac{-133\pi}{6}\right) = \sin\left(\frac{-\pi}{6}\right) = -\sin\left(\frac{\pi}{6}\right) = -\frac{1}{2}$$

$$\cos(x_3) = \cos\left(\frac{91\pi}{3}\right) = \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) = \frac{1}{2}$$

$$\sin(x_3) = \sin\left(\frac{91\pi}{3}\right) = \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

(3) أ- إثبات أن $A(x) = \cos(x)$

$$A(x) = \cos\left(\frac{-133\pi}{6}\right) - \sin\left(\frac{91\pi}{3}\right) + \sqrt{2} \sin(2022\pi) - \cos(x + 2021\pi)$$

$$A(x) = \cos\left(\frac{-\pi}{6}\right) - \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) + \sqrt{2} \sin(0) - \cos(x + \pi)$$

$$A(x) = \cos\left(\frac{\pi}{6}\right) - \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) + \sqrt{2} \sin(0) + \cos(x)$$

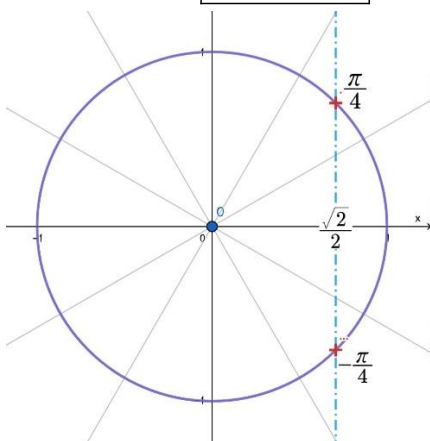
$$A(x) = \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2} + \sqrt{2}(0) + \cos(x)$$

$$A(x) = \cos(x)$$

ب- حل في $\left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$ المعادلة $\sqrt{2}A(x) = 1$ لدينا:

$$\sqrt{2}A(x) = 1 \text{ تكافئ: } A(x) = \frac{1}{\sqrt{2}} \text{ تكافئ: } \frac{1 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}}$$

$$A(x) = \frac{\sqrt{2}}{2} \text{ تكافئ: } \cos(x) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$



$$S = \left\{ \frac{-\pi}{4}; \frac{\pi}{4} \right\}$$

أساتذة المادة يتمنون لكم كل التوفيق

التمرين الثاني: لدينا: $P(x) = 2x^2 - 3x - 5$

(1) كتابة العبارة $P(x)$ على الشكل النموذجي:

$$P(x) = a \left[\left(x + \frac{b}{2a} \right)^2 - \frac{\Delta}{4a^2} \right] \text{ أي من الشكل:}$$

$$\begin{cases} \Delta = b^2 - 4ac \\ \Delta = (-3)^2 - 4(2)(-5) \\ \Delta = 49 \end{cases}, \begin{cases} a = 2 \\ b = -3 \\ c = -5 \end{cases}$$

$$P(x) = 2 \left[\left(x - \frac{3}{4} \right)^2 - \frac{49}{16} \right] \text{ بالتعويض نجد:}$$

(2) حل المعادلة $P(x) = 0$ في \mathbb{R} :

لدينا $\Delta = 49 > 0$ ومنه للمعادلة حلان هما:

$$\begin{cases} x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{3 - 7}{4} = \boxed{-1} \\ x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{3 + 7}{4} = \boxed{\frac{5}{2}} \end{cases}$$

$$S = \left\{ -1; \frac{5}{2} \right\} \text{ إذن:}$$

$$E(x) = \frac{P(x)}{x+2} \quad (3)$$

أ- القيم الممنوعة للعبارة $E(x)$: هي قيم x التي تعدم المقام

لإيجاد القيم الممنوعة نحل المعادلة $x+2=0$ نجد $x=-2$.

إذن توجد قيمة الممنوعة وحيدة هي $\boxed{-2}$

- إستنتاج مجموعة تعريف $E(x)$:

$$D_E = \{x \in \mathbb{R} / x+2 \neq 0\}$$

$$D_E = \{x \in \mathbb{R} / x \neq -2\}$$

$$D_E = \mathbb{R} - \{-2\}$$

ب- دراسة إشارة العبارة $E(x)$:

نلخص إشارة العبارة $E(x)$ في جدول الإشارة التالي:

x	$-\infty$	-2	-1	$\frac{5}{2}$	$+\infty$
$P(x)$	+	+	0	-	+
$x+1$	-	0	+	+	+
$E(x)$	-	+	0	-	+

ج) من الجدول السابق نستنتج أن حلول المتراجحة $E(x) \leq 0$ هي:

$$S =]-\infty; -2[\cup \left[-1; \frac{5}{2} \right]$$

التمرين الثالث:

(1) تعليم النقط: $x_1 = 2021\pi = 2020\pi + \pi = 1010(2\pi) + \pi$

$$x_2 = \frac{-133\pi}{6} = \frac{-132\pi - \pi}{6} = -22\pi - \frac{\pi}{6} = -11(2\pi) - \frac{\pi}{6}$$

$$x_3 = \frac{91\pi}{3} = \frac{90\pi + \pi}{3} = 30\pi + \frac{\pi}{3} = 15(2\pi) + \frac{\pi}{3}$$

التمرين الأول : (14 نقطة)

(1) أنقل ثم أكمل الجدول التالي:

...	36°	...	20°	القيس بالدرجة
$\frac{5\pi}{12}$...	$\frac{3\pi}{5}$...	القيس بالراديان

مع توضيح طريقة الحساب من الدرجة إلى الراديان و العكس.

(2) أ - ضع على الدائرة المثلثية النقط A، B و C التي صورها $\frac{13\pi}{2}$ ، $\frac{85\pi}{4}$ و $\frac{-71\pi}{6}$ على الترتيب.

ب - أحسب القيم المضبوطة لجيب تمام وجيب القيم السابقة.

(3) x عدد حقيقي و $A(x)$ عبارة معرفة كما يلي:

$$A(x) = \cos(-x) + \cos(2022\pi + x) - \sin x + \sin(1443\pi - x)$$

بسط العبارة $A(x)$ ؟

(4) x عدد حقيقي من المجال $\left[\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right]$ ، حيث: $\cos(x) = \frac{1}{3}$

أحسب $\sin x$ ؟ (علماً أنه "من أجل كل x من \mathbb{R} : $\cos^2(x) + \sin^2(x) = 1$ ".)

(5) لتكن العبارة: $E(x) = \sin(11\pi - x) + 2\sin(-x) + \sin(6\pi + x) - \cos(x - \pi)$

أ- بين أن: $E(x) = \cos(x)$

ب- حل في المجال $[-\pi; \pi]$ المعادلات: $E(x) = \frac{1}{2}$ ، $E(x) = \frac{-\sqrt{3}}{2}$ ، $\sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ ، $\sin x = \frac{-\sqrt{3}}{2}$

نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $g(x) = x^2 - 2x$.

(1) أدرس شفعية الدالة g .
(2) أ- تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $g(x) = (x-1)^2 - 1$.
ب- أدرس اتجاه تغير الدالة g على كل من المجالين $[1; +\infty[$ و $]-\infty; 1]$ ، ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) أدرس شكل جدول تغيراتها.

(4) عيّن نقط تقاطع (C_g) مع حامل محور الفواصل.

...
...
...

(5) أنشئ (H) . اشرح كيفية إنشاء (C_g) اعتماداً على (H) ثم أنشئه.

التمرين الأول: (09 نقاط)

الجزء الأول: لتكن الدالة f المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = x^2 + ax + b$ و (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) عين العددين الحقيقيين a و b علما أن: $f(1) = 4$ و $f(-1) = 0$.

(2) في ما يلي نضع $a = 2$ و $b = 1$

أ) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x , $f(x) = (x+1)^2$

ب) بين أن الدالة f ليست زوجية ولا فردية .

ت) أدرس إتجاه تغير الدالة f على كل من المجالين $[-1; +\infty[$ و $]-\infty; -1]$

ث) اشرح كيف يمكن إنشاء (C_f) انطلاقا من التمثيل البياني للدالة مربع ثم أنشئه (استعمل الورقة المرفقة)

الجزء الثاني: لتكن الدالة g المعرفة على \mathbb{R} ب: $g(x) = -x^2 + 5x$ و (C_g) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى

المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ (أنظر الورقة المرفقة)

(1) بقراءة بيانية

أ) لخص إشارة الدالة g في جدول .

ب) حل في \mathbb{R} المعادلة : $f(x) = g(x)$

ت) حل في \mathbb{R} المتراجحة : $f(x) < g(x)$

(2) حل في \mathbb{R} المعادلة : $f(x) = g(x)$ جبريا .

(3) حل في \mathbb{R} المتراجحة : $f(x) < g(x)$ جبريا .

التمرين الثاني: (04 نقاط)

(1) علم على الدائرة المثلثية النقط A , B , C صور الأعداد -43π , $\frac{63\pi}{4}$, $\frac{2023\pi}{3}$ على الترتيب مع الشرح و

الدقة .

(2) علما أن: $\sin \frac{\pi}{8} = \frac{\sqrt{2}-\sqrt{2}}{2}$, أوجد القيمة المضبوطة للعدد $\cos \frac{\pi}{8}$

(3) استنتج قيم جيب وجيب تمام الأعداد : $\frac{7\pi}{8}$ ، $\frac{9\pi}{8}$ ، $\frac{31\pi}{8}$

التمرين الثالث: (04 نقاط)

بفرض $A(x) = -2(x-4) + x^2 - 4x$

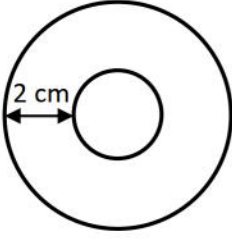
1. حل ثم أنشر $A(x)$

2. نضع $E(x) = \frac{A(x)}{x-2}$

أ) حل في \square المعادلات الآتية : $A(x) = 0$ ، $E(x) = 0$.

ب) حل في \square المتراجحة : $\frac{8}{x-2} \leq \frac{6x-x^2}{x-2}$

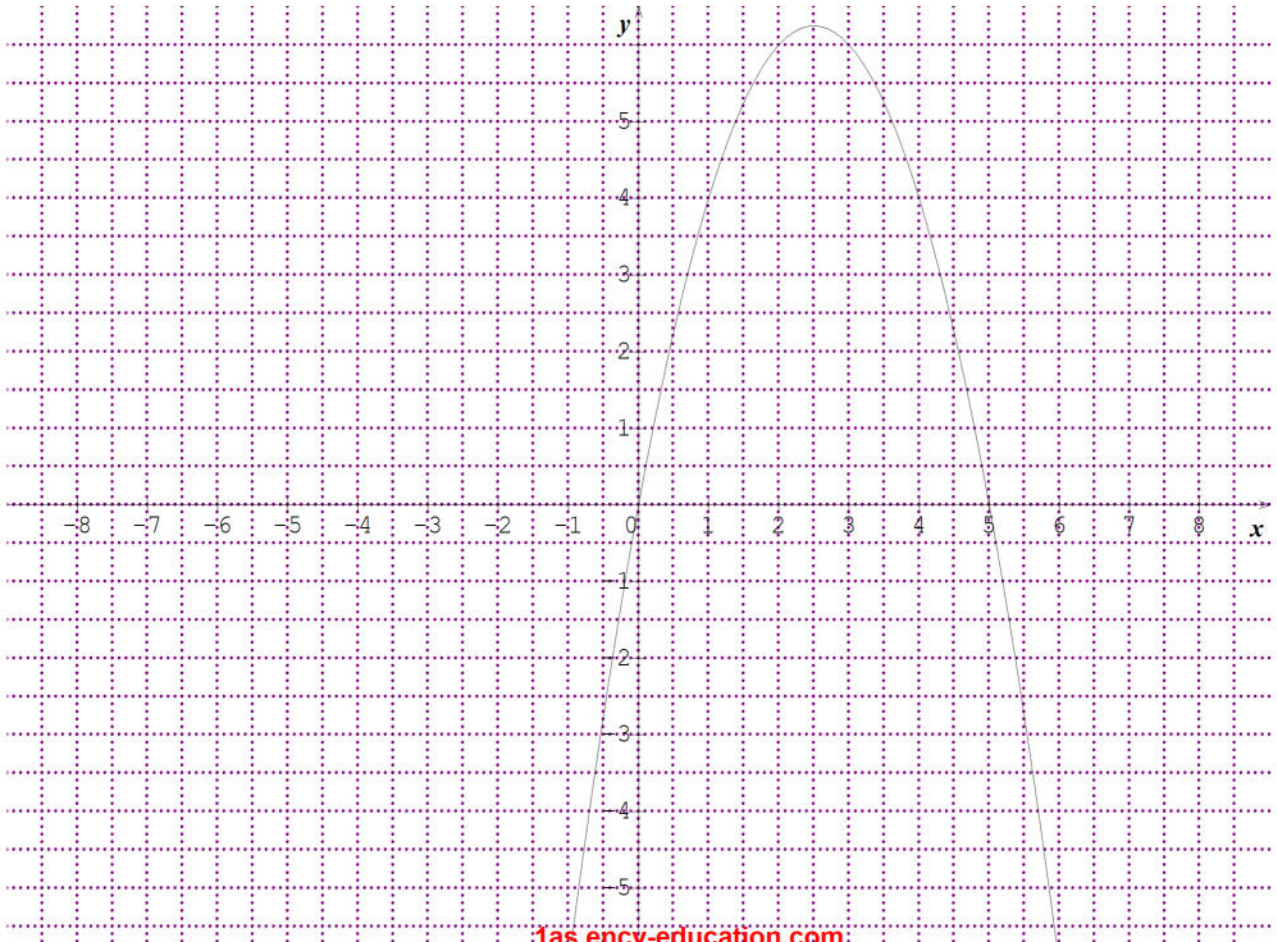
التمرين الرابع: (03 نقاط)



في الشكل المقابل ، الدائرتان لهما نفس المركز.

• أحسب نصف القطر لكل منهما بحيث تكون مساحة إحدى الدائرتين

تساوي ثلاث مرات مساحة الأخرى.



اختبار الفصل الثالث في مادة الرياضيات

التمرين الأول (نقاط):

- f الدالة المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $f(x) = x^2 - 4x + 3$
- (C_f) منحنىها البياني المرسوم في معلم متعامد ومتجانس (O, \vec{i}, \vec{j})
- 1- أوجد صور الأعداد الحقيقية -3 ، $\frac{1}{2}$ ، $\sqrt{5}$ بالدالة f .
 - 2- تحقق أن $f(x) = (x-1)(x-3)$.
 - 3- عين السوايق الممكنة للعددين: 0 ، 3 بالدالة f .
 - 4- بين أن: $f(x) = (x-2)^2 - 1$.
 - 5- ادرس اتجاه تغير الدالة f على المجالين $]-\infty; 2]$ و $[2; +\infty[$.
 - 6- شكل جدول تغيرات الدالة f .
 - 7- بين كيفية رسم (C_f) انطلاقا من منحنى الدالة المربع.
 - 8- أرسم (C_f) .

التمرين الثاني (نقاط):

المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

I.

- 1 علم النقط: A, B, C حيث: $A(1; -1)$ ، $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \end{pmatrix}$ ، $\overrightarrow{OC} = 2\vec{i}$
- 2 عين إحداثيتي النقطة M منتصف القطعة $[AC]$
- 3 عين حسابيا إحداثيتي النقطة D التي تحقق: $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{2}\overrightarrow{BD}$
- 4 ما هي طبيعة كلام من الرباعي $ABCD$ والمثلث ABC ؟ (حسابيا)

II.

- 1 حل في مجموعة الأعداد الحقيقية \mathbb{R} الجملة: $\begin{cases} x - y = -3 \\ -3x + y - 3 = 0 \end{cases}$.
- 2 أكتب معادلة المستقيمين (Δ_1) و (Δ_2) حيث:
 - * المستقيم (Δ_1) يشمل النقطتين $A(-2; 1)$ و $B(2; 5)$.
 - * المستقيم (Δ_2) يشمل النقطة $C(-\frac{1}{3}; 2)$ ويوازي الشعاع $\vec{u} \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix}$.

التمرين الثالث (نقاط):

اختر الاجابة الصحيحة من بين الثلاث مع التبرير

السؤال	الاجابة 1	الاجابة 2	الاجابة 3
$\frac{7\pi}{12}$ rad يقابلها	105^0	90^0	135^0
$\cos\left(\frac{2022\pi}{6}\right)$ يساوي	0	-1	$\frac{1}{2}$
ليكن $\alpha \in \left[\pi; \frac{3\pi}{2}\right]$ و $\cos\alpha = \frac{-4}{5}$ قيمة $\sin\alpha$	$\sin\alpha = \frac{3}{5}$	$\begin{cases} \sin\alpha = -\frac{3}{5} \\ \text{أو} \\ \sin\alpha = \frac{3}{5} \end{cases}$	$\sin\alpha = \frac{-3}{5}$

بالتوفيق

إختبار التلاميذ الثالث في مادة الرياضيات

التمرين الأول..... (4 نقاط) :

أ. لتكن $P(x)$ العبارة الجبرية للمتغير الحقيقي x معرفة كما يلي : $P(x) = x^2 + x - 2$.

1. حل في \mathbb{R} المعادلة $P(x) = 0$ ، ثم استنتج تحليلاً $P(x) \geq 0$.

2. أوجد القيمة العددية لـ $P(x)$ من أجل : $x = -\frac{1}{2}$.

إ. $Q(x)$ عبارة جبرية للمتغير الحقيقي x معرفة كما يلي : $Q(x) = \frac{(x-1)(3x+1)}{P(x)}$.

1. ما هي القيم الممنوعة للعبارة $Q(x)$.

2. حل في \mathbb{R} المعادلة $Q(x) = 0$ ، ثم استنتج إشارة $Q(x)$.

التمرين الثاني..... (7 نقاط) :

أ. 1. علم على الدائرة المثلثية (C) النقط M_1, M_2, M_3, M_4 صور الأعداد الحقيقية :

$$\frac{2004\pi}{6}, \frac{-2021\pi}{6}, \frac{5\pi}{6}, \frac{\pi}{6}$$

على الترتيب (مع الشرح)

2. أحسب القيم المضبوطة لجيب وجيب تمام العددين الحقيقيين $\frac{5\pi}{6}$ و $\frac{-2021\pi}{6}$

إ. لتكن العبارة $B(x)$ حيث :

$$B(x) = \sin(\pi - x) - 2\sin(x + 2\pi) + \cos(-x + 4\pi) + \cos(\pi + x)$$

1. أثبت أن $B(x) = -\sin x$

2. حل في المجال $[0; \pi]$ ما يلي : $[B(x)]^2 = \frac{1}{2}$ و $B(x) = -3$

III. لتكن الأعداد الحقيقية a و b و c حيث : $\frac{\pi}{6} \leq a < b \leq \frac{\pi}{4}$ و $\frac{\pi}{3} \leq c \leq \frac{\pi}{2}$

إرشاد: يمكن استعمال اتجاه تغير الدالتين \sin و \cos في الإجابة على الأسئلة التالية :

1. رتب واحصر العددين $\cos(b)$ و $\cos(a)$

2. أوجد إشارة العبارة A بحيث : $A = 3 - 2\sin c$

التمرين الثالث.....(9 نقاط)

1. لتكن الدالة f المعرفة على $\mathbb{R} - \{-1\}$ بـ: $f(x) = \alpha + \frac{\beta}{x+1}$ وليكن (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1. عين العددين الحقيقيين α و β إذا علمت أن $f(0) = -3$ و $f(1) = \frac{-7}{2}$

2. فيما يلي نضع: $f(x) = -4 + \frac{1}{x+1}$

أ. أدرس اتجاه تغير الدالة f على كل من المجالين $]-\infty; -1[$ و $]-1; +\infty[$ ثم شكل جدول تغيراتها

ب. عين إحداثي نقاط تقاطع (C_f) مع حامل محوري الإحداثيات

ج. عين جبريا حصر الدالة $f(x)$ على المجال $]0; 1[$

هـ. اشرح كيف يمكن إنشاء (C_f) اعتمادا على (C) منحنى الدالة مقلوب . ثم أنشئ (C_f)

II. ليكن m عدد حقيقي , نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = (2 - |1 - 2m|)x^2 + 2mx - 3$

1. جد قيمة m حتى تكون g دالة تآلفية متناقصة تماما

2. نضع $m = \frac{-1}{2}$. أنشئ (C_g) منحنى الدالة g في المعلم السابق $\frac{-1}{2}$

3. حل بيانيا المعادلة $f(x) = g(x)$ و المتراجحة $f(x) \geq g(x)$

$$(2 - |1 - 2m|)x^2 + 2mx - 3$$

$$(2 - 2)x^2 - 4x + 3$$

$$0x^2 - 4x + 3$$

$$g(x) = -x + 3$$

$$(2 - |1 - 2 \times 1|)x^2 + 2 \times 1x - 3$$

$$(2 - 1)x^2 + 2x - 3$$

إذا فرضنا m_1 و m_2 :
 $0 < m_1 < m_2$
 $2m_1 < 2m_2$

صفحة 2 من 2

بالتوفيق للجميع / استاذة المادة

الرياضيات هي واحدة من الأمور التي تتصلب الرغبة كشرط ضروري وغير كاف فإن لم تكن لديك الرغبة الصادقة بدراستها
 لن تستطيع التقدم فيها قدر أتمنى

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

وزارة التربية الوطنية

ثانوية بوعلقة عبد القادر تسابيت

قائمة - قمرية

مديرية التربية لولاية أدرار

الشعبة: الأولى جذع مشترك علوم وتكنولوجيا

اختبار الفصل الثالث في مادة الرياضيات

المدة: ساعتان

التمرين الأول (12 نقطة):

I. $A(x)$ عبارة جبرية حيث: $A(x) = x^2 - x - 6$

(1) باستعمال المميز حل في \mathbb{R} المعادلة $A(x) = 0$

(2) استنتج تحليلا للعبارة $A(x)$ إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

(3) اكتب $A(x)$ على الشكل النموذجي.

(4) باستعمال الشكل النموذجي , حل في \mathbb{R} المعادلات: $A(x) = \frac{11}{4}$, $A(x) = \frac{-25}{4}$

II. $B(x)$ عبارة جبرية حيث: $B(x) = x^2 - x - 6 - (x - 3)(3x - 4)$

(1) حل $B(x)$ إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

(2) أدرس إشارة $B(x)$, ثم استنتج حلول المتراجحة: $B(x) < 0$

III. $E(x)$ عبارة جبرية حيث: $E(x) = \frac{B(x)}{x-2}$

(1) أدرس إشارة $E(x)$.

(2) استنتج حلول المتراجحتين: $E(x) < 0$, $E(x) \geq 0$

التمرين الثاني:

1. أ) حول إلى الراديان قيس الزاوية 135° .

ب) حول إلى الدرجة قيس الزاوية $-\frac{9\pi}{4}$.

2. أ) ضع على الدائرة المثلثية النقط A , B , C صور الأعداد: $\frac{1995\pi}{6}$, $\frac{-199\pi}{3}$, $\frac{75\pi}{4}$ على الترتيب

ب) أحسب القيمة المضبوطة ل: $\cos\left(\frac{1995\pi}{6}\right) \sin\left(\frac{-199\pi}{3}\right) \tan\left(\frac{75\pi}{4}\right)$.

3. إذا علمت أن $\cos x = \frac{3}{5}$ و $x \in \left[\pi; \frac{3\pi}{2}\right]$ احسب $\sin x$.

4. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x , $(\cos x + \sin x)^2 + (\cos x - \sin x)^2 = 2$.

بالتوفيق للجميع

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

ثانوية شيهاني بشير *تلاخمة*
2024--2023

مديرية التربية لولاية ميله
الشعبة : 1 ج م ع ت

مقترح إختبار الثلاثي الثالث

المدة : 02 سا

المادة : رياضيات

التمرين الأول: (6 نقاط)

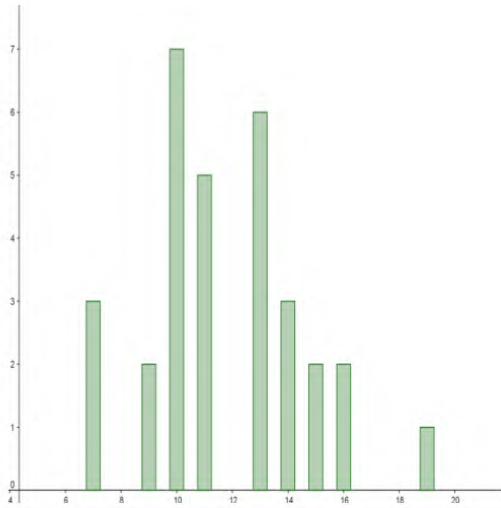
ليكن كثير الحدود $P(x)$ للمتغير الحقيقي x حيث: $P(x) = x^3 - 8x^2 - 25x + 200$

- ① بين من اجل كل x من \mathbb{R} $P(x) = (x + 5)(x^2 - 13x + 40)$
- ② حل في المجموعة \mathbb{R} المعادلة: $x^2 - 13x + 40$ استنتج مجموعة حلول المعادلة: $P(x)$
- ③ نعتبر العبارة $E(x)$ للمتغير الحقيقي x حيث: $E(x) = x^2 - 13x + 40$
 - حلل العبارة $E(x)$ الى جداء عاملين
 - حل في المجموعة \mathbb{R} المتراجحة $E(x) \geq 0$
- ④ مستطيل محيطه 26 ومساحته 40 عين طول وعرض هذا المستطيل

التمرين الثاني : (6 نقاط)

يمثل الشكل المقابل مخطط بالأعمدة لعلامات تلاميذ في مادة الرياضيات.

- ① نظم معطيات المخطط في جدول توضح فيه القيم وتكراراتها والتكرار المجموع الصاعد وتكرار المجموع النازل
- ② عين وسيط السلسلة (Med)، الربعي الأول (Q_1) الربعي الثالث (Q_3)، المنوال (Mod) والمدى (I)
- ③ أحسب الوسط الحسابي (\bar{x})، التباين (V) والانحراف المعياري
- ④ أعد توزيع العلامات السابقة في الجدول التالي:



الفئة	[4;8[[8;12[[12;16[[16;20[
تكرارها				

- أحسب الوسط الحسابي
- عين الفئة المنوالية والفئة الوسيطة ثم احسب الوسيط



التمرين الثالث : (8 نقاط)

ABC مثلث متساوي الساقين رأسه الأساسي A و $[AD]$ الارتفاع المتعلق بالضلع $[BC]$ حيث $BC = AD = 10cm$ الدائرة ذات القطر $[BC]$ تقطع الضلعين $[AB]$ و $[AC]$ في النقطتين E و F على الترتيب.

① أنشئ الشكل .

② • أوجد قيس الزاوية $B\hat{F}C$ ؟ ماهي طبيعة المثلثين BCE و BCF ؟

• بين ان المثلثين BCE و BCF متقايسان .

③ • بين ان: $AC = AB = 5\sqrt{5}$.

• أحسب مساحة المثلث ABC ثم عبر عن هذه المساحة بطريقة أخرى.

• استنتج ان: $AD \times BC = AC \times BE$ ثم أحسب BE و CE .

④ أثبت ان المثلثين ABE و ACF متقايسان.

⑤ • أنشئ النقطة A' صورة النقطة A بالانسحاب الذي شعاعه \vec{DC} .

• ماهي طبيعة الرباعي $AA'CD$.

• حدد مركز وزاوية الدوران الذي يحول B إلى A' .

بالتوفيق و عطلة سعيدة

اختبار الثلاثي الثالث في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (04 ن)

لتكن العبارة الجبرية $F(x)$ المعرفة كمايلي:

$$F(x) = (\alpha - 1)x^2 - 3\alpha x + \alpha + 1 \quad (\alpha \text{ عدد حقيقي})$$

1- عين قيمة α حتى تكون المعادلة $F(x) = 0$ من الدرجة الأولى، ثم حل في \mathbb{R} هذه المعادلة من أجل هذه القيمة.

2- أ- عين قيم α حتى تكون المعادلة $F(x) = 0$ من الدرجة الثانية

في كل مايلي: $\alpha \neq 1$

ب- عين حلول المعادلة $F(x) = 0$ بدلالة α .

ج- عين قيمة α حتى يكون -1 حلا للمعادلة $F(x) = 0$.

د- بوضع $\alpha = 2\sqrt{3}$ ، حل في \mathbb{R} المتراجحة $F(x) < 0$.

التمرين الثاني: (04 ن)

ليكن ABC مثلث متساوي الساقين رأسه الأساسي A . N نقطة من $[AC]$ حيث $NB = BC$.
لتكن M نقطة من $[AB]$ حيث $(MN) \parallel (BC)$ ، F نقطة تقاطع المستقيم (BC) مع منصف الزاوية \widehat{BNM} .
- أنشئ الشكل المناسب.

- بين أن المثلث FBN متساوي الساقين.

- استنتج طبيعة المثلث NFC .

- أنشئ النقطة B' من المستوى حتى يكون الرباعي $B'MCB$ معين.

- بين أن المثلثين AMN و $B'MB$ متشابهين.

التمرين الثالث: (10 ن)

سجلت الشرطة بإحدى الطرقات السريعة السرعة المسجلة من طرف السائقين:

80، 80، 85، 80، 70، 90، 70، 90، 95، 90، 80، 85، 100، 100، 100، 105، 85، 80، 108، 100، 115، 90، 95، 108، 100، 105، 108، 100، 110، 110، 115، 120، 110، 120، 120، 120، 108.

- رتب النتائج في جدول مبين التكرار المجمع الصاعد، التكرار المجمع النازل.

- أحسب تواتر هذه السلسلة، التواتر المجمع الصاعد، التواتر المجمع النازل.

- أنشئ المخطط بالأعمدة لهذه السلسلة.

- أنشئ المضلع التكراري للمجمع الصاعد والنازل.

- رتب هذه النتائج على شكل فئات طول كل فئة 10 محددًا تكرار كل فئة.

- أحسب الوسط الحسابي.

- عين الفئة الموالية.

- أنشئ المدرج التكراري، المضلع التكراري.

- أجريت مراقبة بواسطة الرادار، فانخفض معدل السرعة المسجلة بنسبة 15 %، ماهو معدل السرعة المسجلة الجديدة؟