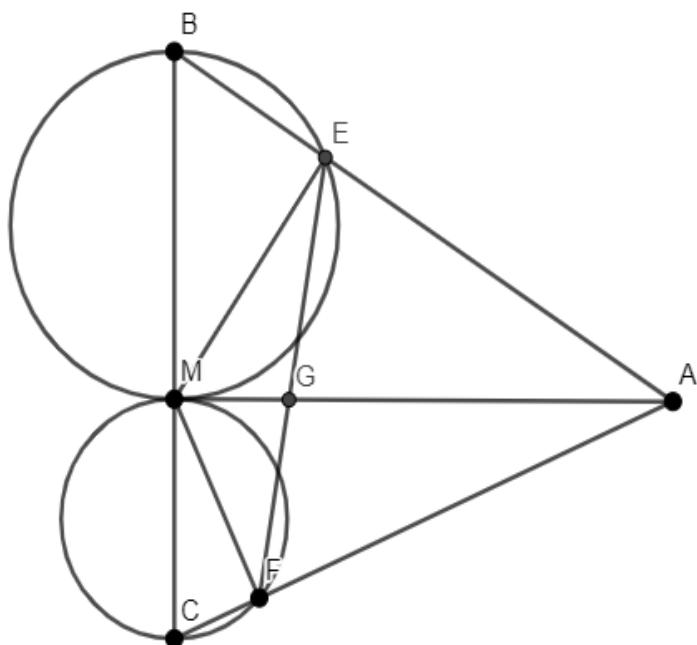


التمرين الأول:



مثلث زواياه حادة ، M نقطة من $[BC]$ ، الدائرة التي

قطع الصلع $[AB]$ في النقطة E ، والدائرة التي قطر

قطع الصلع $[AC]$ في النقطة F

المستقيمان (AM) و (EF) يتقاطعان في النقطة G

1. ما طبيعة كل من المثلثين AFM و AEM ؟ على .

2. * أثبت أن النقط A, E, F, M تنتهي إلى دائرة واحدة .

* استنتج أن : $\angle ABC + \angle ACB = \angle EMF$

3. * بين أن : $\angle MEF = \angle MAF$

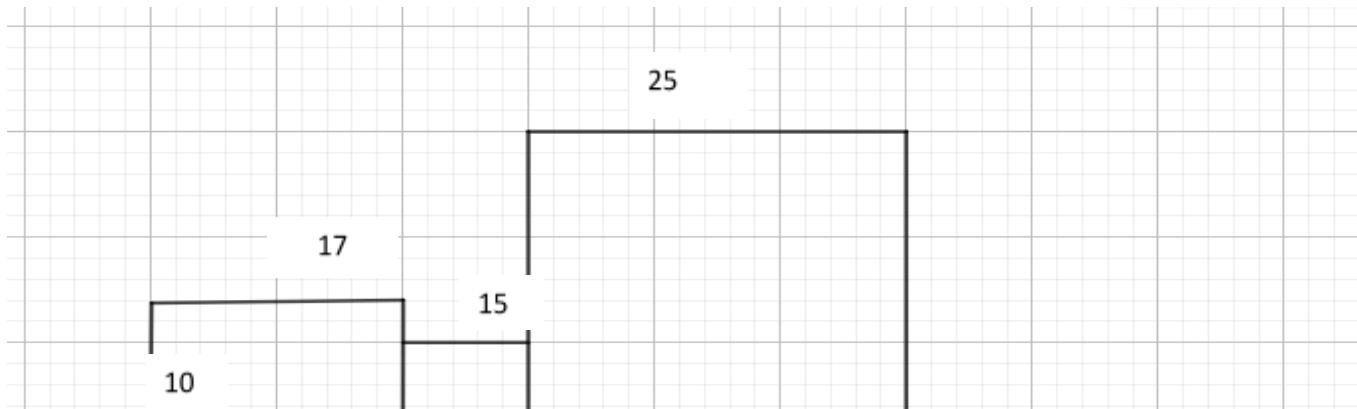
* استنتج أن المثلثين AGF و EGM متتشابهين .

4. بفرض أن $GA = 2GE$ فعبر عن GF بدلالة GM .

التمرين الثاني:

سجلت مؤسسة لكراء السيارات، في إطار متابعتها لحصیرتها أن 149 سيارة قطعت عددا من الكيلومترات

يبينه المدرج التكراري الآتي:



1- أكمل الجدول التالي اعتماداً على المدرج التكراري مع الشرح

عدد الكيلومترات	[85;90[[90;100[[100;105[[105;120[[120;135]
عدد السيارات					

2- أكمل كتابة الجدول مبينا فيه مراكز الفئات، التكرار المجمع الصاعد ، تكرار المجمع النازل ، التواتر

3- أحسب الوسط الحسابي للسلسلة \bar{X} .

4- عين قيمة الوسيط Med الفئة المنوالية ، الربعى الأول Q_1 الربعى الثالث Q_3

التمرين الثالث:

نعتبر السلسلة الإحصائية التالية التي تمثل عدد ساعات عمل 60 عاملًا في مؤسسة إنتاجية خلال أسبوع

عدد ساعات العمل	3	7	9	11	13	16	19	21
(الكرار) عدد العمال	10	a	5	15	$2a$	8	6	10

I. عين العدد الطبيعي a

II. بأخذ $a = 2$

1. أعد كتابة الجدول مبينا فيه عدد الساعات، عدد العمال ، التكرار المجمع الصاعد ، تكرار المجمع النازل ، التواتر

2. أحسب كل من:

(1) معدل عمل عمال المؤسسة

(2) المنوال Mod ، الوسيط والمدى هذه السلسلة الإحصائية

(3) مثل السلسلة الإحصائية بمخطط علبة .

اضطر مدير المؤسسة لإضافة ساعتين في الأسبوع إلى كل عامل لتحسين الإنتاج فكم يصبح معدل عمل عمال هذه المؤسسة ؟

التمرين الأول:

مثلث زوايا حادة ، M نقطة من $[AB]$ ، الدائرة التي قطعها $[BM]$ في النقطة E ، والدائرة التي

قطرها $[CM]$

قطع الصلع $[AC]$ في النقطة F . المستقيمان (AM) و (EF) يتقاطعان في النقطة G .

1. طبيعة كل من المثلثين AEM و AFM :

أ) لدينا المثلث FCM قائم في F لأن الدائرة محيطة بالمثلث FCM قطعها $\overset{\text{لأن } F \text{ قائم}}{[CM]}$ هو أحد اضلاع المثلث و F تنتهي إلى هذه الدائرة

لدينا $\overset{\text{لأن } F \text{ قائم}}{AFM} = 90^\circ$ ومنه $\overset{\text{لأن } F \text{ قائم}}{AFM} + 90^\circ = 180^\circ$ إذن مثلث قائم AFM في F

ب) لدينا المثلث BEM قائم في E لأن الدائرة محيطة بالمثلث BEM قطعها $\overset{\text{لأن } E \text{ قائم}}{[BM]}$ هو أحد اضلاع المثلث و E تنتهي إلى هذه الدائرة

لدينا $\overset{\text{لأن } E \text{ قائم}}{AEM} = 90^\circ$ ومنه $\overset{\text{لأن } E \text{ قائم}}{AEM} + 90^\circ = 180^\circ$ إذن مثلث قائم AEM في E

2. * اثبات أن النقط A,E,F,M تنتهي إلى دائرة واحدة .

بما أن مثلث قائم AFM في F فإنه يوجد دائرة قطعها $\overset{\text{لأن } F \text{ قائم}}{[AM]}$ محيطة بالمثلث و منه النقط A,F,M تنتهي إلى نفس الدائرة

بما أن مثلث قائم AEM في E فإنه يوجد دائرة قطعها $\overset{\text{لأن } E \text{ قائم}}{[AM]}$ محيطة بالمثلث و منه النقط A,E,M تنتهي إلى نفس الدائرة

و منه النقط A,E,F,M تنتهي إلى دائرة واحدة .

* استنتاج أن : $\overset{\text{لأن } A,E,F,M \text{ تنتهي إلى دائرة واحدة}}{ABC + ACB = EMF}$

لدينا $\overset{\text{لأن } A,E,F,M \text{ تنتهي إلى دائرة واحدة}}{ABC + ACB = 180^\circ - BAC} \dots (1)$

$BAC = EAM + MAF = (180^\circ - (AEM + EMA)) + (180^\circ - (AFM + AMF))$ وأيضا

$$BAC = \left(180^\circ - (90^\circ + EMA)\right) + \left(180^\circ - (90^\circ + AMF)\right)$$

$$BAC = 90^\circ - EMA + 90^\circ - AMF = 180^\circ - (EMA + AMF)$$

$$BAC = 180^\circ - EMF$$

$$ABC + ACB = 180^\circ - (180^\circ - EMF) = EMF$$

نوع (2) في (1) نجد

* اثبات أن : 3.

$$\overset{\otimes}{MF} \text{ لأنهما تحصران نفس القوس } MEF = MAF$$

* الاستنتاج أن المثلثين AGF و EGM متشابهين.

$$MEF = MAF \text{ لدينا}$$

$$\text{و } EGM = AGF \text{ لأنهما متقابلين بالرأس}$$

و منه المثلثين EGM و AGF متشابهين

4. بفرض أن $GA = 2GE$ تعبر عن GF بدلالة GM .

$$GF = 2GM \quad \frac{AG}{GE} = \frac{GF}{GM} = 2$$

بما أن المثلثين AGF و EGM متشابهين فإن

التمرين الثاني:

سجلت مؤسسة لكراء السيارات، في إطار متابعتها لحصیرتها، أن 149 سيارة قطعت عدداً من الكيلومترات

1- اكمال الجدول التالي اعتماداً على المدرج

عدد الكيلومترات	[85;90[[90;100[[100;105[[105;120[[120;135]
عدد السيارات	10	34	15	75	15
طول الفئة	5	10	5	15	15
k_i	1	2	1	3	3
الارتفاع	10	17	15	25	5

2- اكمال كتابة الجدول مبيناً فيه مراكز الفئات، التكرار المجمع الصاعد، تكرار المجمع النازل، التواتر

عدد الكيلومترات	[85;90[[90;100[[100;105[[105;120[[120;135]
مراكز الفئات	87.5	95	102.5	112.5	127.5
تكرار مجمع صاعد	10	44	59	134	149
تكرار مجمع النازل	149	139	105	90	15
التوافر	$\frac{10}{149}$	$\frac{34}{149}$	$\frac{15}{149}$	$\frac{75}{149}$	$\frac{15}{149}$

3- حساب الوسط الحسابي للسلسلة \bar{X}

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^5 c_i \times n_i}{N} = \frac{87.5 \times 10 + 95 \times 34 + 102.5 \times 15 + 12.5 \times 75 + 127.5 \times 15}{149} \\ = \frac{15992.5}{149} \approx 107.33$$

4- عين قيمة الوسيط Med

تعيين رتبة الفئة الوسيطية : $\frac{N+1}{2} = 75$ ومنه الفئة الوسيطية هي : $[105;120[$

$$Med = a + \frac{\frac{N+1}{2} - n_c}{d} l = 105 + \frac{75 - 59}{75} 15 = 108.2$$

تعيين الوسيط

الفئة المنوالية هي الفئة الموافقة لأكبر تكرار هو 75 ومنه الفئة المنوالية هي $[105;120[$

الرابعى الأول Q_1

تعيين رتبة الفئة الرابعى الأول : $\frac{N}{4} = 37.25$ ومنه الفئة الرابعى الأول هي : $[90;100[$

$$Q_1 = a + \frac{\frac{N}{4} - n_c}{d} l = 90 + \frac{37.25 - 10}{34} 10 \approx 98.01$$

تعيين الربعي الأول

الربعي الثالث Q_3

$$[105;120] \quad \frac{3N}{4} = 111.75 \quad \text{ومنه الفتة الربعي الثالث هي :} \quad \text{تعيين رتبة الفتة الربعي الثالث :}$$

$$Q_3 = a + \frac{\frac{3N}{4} - n_c}{d} l = 105 + \frac{111.75 - 59}{75} 15 = 115.55$$

تعيين الربعي الثالث

التمرين الثالث :

لدينا السلسلة الإحصائية التالية التي تمثل عدد ساعات عمل 60 عاماً في مؤسسة إنتاجية خلال أسبوع

عدد ساعات العمل	3	7	9	11	13	16	19	21
(التكرار) عدد العمال	10	a	5	15	$2a$	8	6	10

I. تعيين العدد الطبيعي a

$$60 = 10 + a + 5 + 15 + 2a + 8 + 6 + 10 \quad \text{لدينا} \quad a = 2 \quad \text{ومنه} \quad 3a + 54 = 30 \quad \text{إذن}$$

$$a = 2 \quad \text{بأخذ}$$

1. إكمال الجدول فيه عدد الساعات، عدد العمال، التكرار المجمع الصاعد، تكرار المجمع النازل، التواتر

عدد ساعات العمل	3	7	9	11	13	16	19	21
(التكرار) عدد العمال	10	2	5	15	4	8	6	10
تكرار المجمع الصاعد	10	12	17	32	36	44	50	60
تكرار المجمع النازل	60	50	48	43	28	24	16	10
التوتر	$\frac{10}{60}$	$\frac{2}{60}$	$\frac{5}{60}$	$\frac{15}{60}$	$\frac{4}{60}$	$\frac{8}{60}$	$\frac{6}{60}$	$\frac{10}{60}$

2. حساب كل من:

1) مُعْدَل عَمَل عَمَالِ الْمَؤْسِسَة

$$\begin{aligned}\bar{X} &= \frac{\sum_{i=1}^8 x_i \times n_i}{N} = \frac{3 \times 10 + 7 \times 2 + 9 \times 5 + 11 \times 15 + 13 \times 4 + 16 \times 8 + 19 \times 6 + 21 \times 10}{60} \\ &= \frac{758}{60} = 12.63\end{aligned}$$

، Mod المنوال (2)

المنوال هي القيمة الموافقة لأكبر تكرار هو 15 ومنه الفئة $Mod = 11$

Med الوسيط

تعين رتبة الوسيط : $\frac{N}{2} = 30; \frac{N}{2} + 1 = 31$

$Med = \frac{\frac{x_{\frac{N}{2}}}{2} + \frac{x_{\frac{N}{2}+1}}{2}}{2} = \frac{11+11}{2} = 11$ ومنه

الرابعى الأول Q_1

تعين رتبة الرابعى الأول : $Q_1 = 9$ $\frac{N}{4} = 15$ ومنه الرابعى الأول هو :

الرابعى الثالث Q_3

تعين الفئة الرابعى الثالث :

ومنه الرابعى الثالث هو : $Q_3 = 19$

المدى هذه السلسلة الإحصائية $x_{\max} - x_{\min} = 21 - 3 = 18$

3) تمثيل السلسلة الإحصائية بمخطط علبة .



III. اضطر مدير المؤسسة لإضافة ساعتين في الأسبوع إلى كل عامل لتحسين الإنتاج يصبح معدل عمل عمال هذه المؤسسة

$$\bar{Y} = \bar{X} + 2 \approx 14.63$$