

## التمرين الأول: (50 نقط)

إعتمادا على الشكل المقابل ، أجب بصحيح أو خطأ مع التبرير.

(القياسات تتم بالتقريب إلى  $10^{-2}$ )

1) المثلث  $ABC$  قائم في النقطة  $B$ .

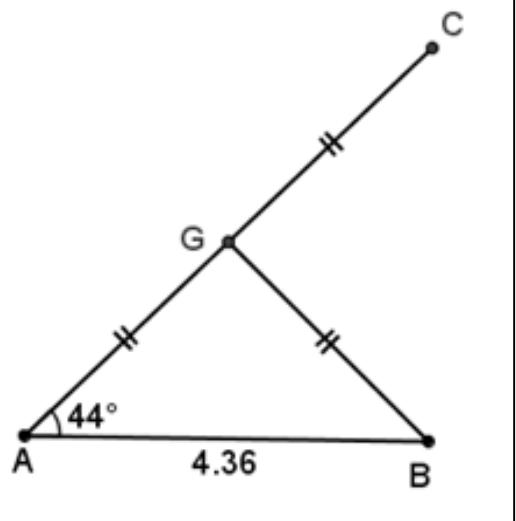
2) المثلثان  $ABG$  و  $GBC$  متقابيان

3) بعد حساب  $AG$  نجد أن :  $AG = 3.14\text{cm}$

4) يوجد دوران يحول  $A$  إلى  $B$  و يحول  $B$  إلى  $C$

5) إذا كانت  $'B'$  نظيرة  $B$  بالنسبة إلى  $G$  فإن  $'B'$  صورتها

بالانسحاب الذي شعاعته  $\overrightarrow{AB}$



## التمرين الثاني: (57 نقط)

1) علم على الدائرة المثلثية  $(C)$  النقاط  $M_1$  ،  $M_2$  و  $M_3$  صور الأعداد الحقيقية  $-2023\pi$  ،  $-\frac{133\pi}{6}$  و  $\frac{91\pi}{3}$  على الترتيب.

2) احسب القيم المضبوطة لجيب وجيب تمام الأعداد الحقيقية السابقة.

3) لتكن العبارة  $A(x)$  المعرفة بـ:  $A(x) = \cos\left(\frac{-133\pi}{6}\right) - \sin\left(\frac{91\pi}{3}\right) + \sqrt{2} \sin(1444\pi) - \cos(2023\pi + x)$

أـ اثبت أن :  $A(x) = \cos x$

بـ حل في المجال  $\left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$  المعادلات :

4) اذا علمت ان  $\sin \frac{\pi}{5} = \frac{\sqrt{10 - 2\sqrt{5}}}{4}$   $\cos \frac{\pi}{5} = \frac{\sqrt{5} + 1}{4}$  يبين ان :

## التمرين الثالث: (58 نقط)

1) عبارة جبرية معرفة بـ:  $A(x) = x^2 - 16 + (x - 4)(2x - 1)$  حيث  $x$  عدد حقيقي.

1) انشر ثم بسط العبارة  $A(x)$ .

2) اكتب العبارة  $A(x)$  على الشكل النموذجي.

3) حلل العبارة  $A(x)$  الى جداء عاملين من الدرجة الاولى بطريقتين مختلفتين.

4) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلين :  $A(x) = 0$  و  $A(x) = -12$

5) لتكن العبارة  $K(x)$  المعرفة بـ:  $K(x) = \frac{A(x)}{x^2 - 4}$

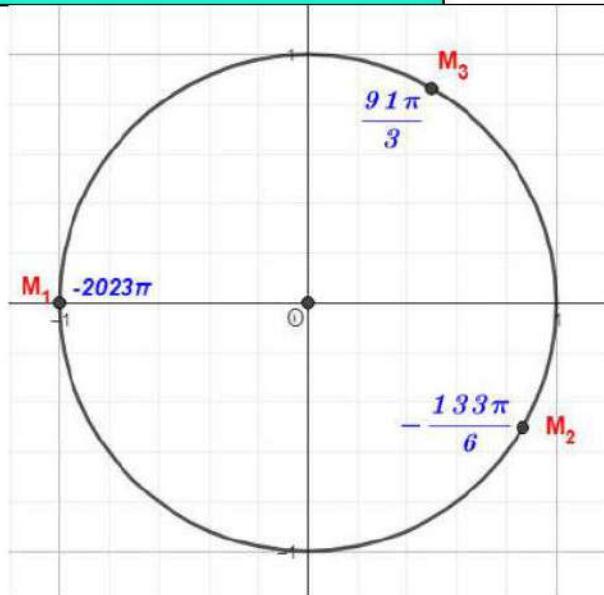
أ) عين القيم الممنوعة للعبارة  $K(x)$

ب) حل في  $\mathbb{R}$  المتراجحة :  $K(x) \leq 0$

6) نعتبر المعادلة  $(E_m)$  ذات المجهول الحقيقي  $x$  والوسيط الحقيقي  $m$  :  $(m-1)x^2 - 2mx + (m+1) = 0$

\* ناقش حسب قيم الوسيط  $m$  عدد حلول  $(E_m)$

## حل التمرين 01:



(2) حساب القيم المضبوطة لجيب وجيب تمام لقيم السابقة:

x	القيم	$-2023\pi$	$-\frac{133\pi}{6}$	$\frac{91\pi}{3}$
$\cos x$		-1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{1}{2}$
$\sin x$		0	$-\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$

:  $A(x) = \cos x$  (3) اثبات أن

$$\begin{aligned}
 A(x) &= \cos\left(-\frac{\pi}{6}\right) - \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) + \sqrt{2} \sin(2\pi) - \cos(\pi + x) \\
 &= \cos\left(\frac{\pi}{6}\right) - \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) + \sqrt{2} \sin(2\pi) + \cos(x) \\
 &= \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2} + \cos x = \cos x
 \end{aligned}$$

ب) حل المعادلتين:

$$A(x) = \frac{1}{\sqrt{2}} \quad \text{نكافىء} \quad \sqrt{2}A(x) = 1 \quad \diamond$$

$$\begin{aligned}
 \cos x &= \cos \frac{\pi}{4} \quad \text{اي} \quad A(x) = \frac{\sqrt{2}}{2} \\
 \cos x &= \cos\left(-\frac{\pi}{4}\right)
 \end{aligned}$$

$$S = \left\{ \frac{\pi}{4}; -\frac{\pi}{4} \right\}$$

الاجابة بصحيح او خطأ مع التبرير

(1) المثلث ABC قائم في B : صحيح.

البرير: لدينا المثلث ABG متساوي الساقين وعليه  $\hat{CGB} = 88^\circ$  اذن  $\hat{AGB} = 92^\circ$  وبما ان المثلث GBC متساوي الساقين فان  $\hat{GBC} = 46^\circ$  في الاخير  $\hat{ABC} = \hat{AGB} + \hat{GBC} = 44^\circ + 46^\circ = 90^\circ$  نجد

(2) المثلثان فان G و ABG متقابisan : خطأ

البرير: لما سبق لدينا الزوايا المتماثلة غير متقابسة

$$\hat{AGB} \neq \hat{CGB}$$

(3) بعد الحساب نجد  $\hat{AG} = 3.14 \text{ cm}$  : خطأ

$$\begin{aligned}
 \cos(44^\circ) &= \frac{4.36}{2AG} \quad \text{ومنه} \quad \cos(\hat{GAB}) = \frac{4.36}{AC} \\
 AG &= \frac{4.36 \times \cos(44^\circ)}{2} \simeq 1.57 \text{ cm}
 \end{aligned}$$

(4) يوجد دوران : خطأ.

$$\hat{AGB} \neq \hat{CGB}$$

(5) صورة 'B هي C بالانسحاب : صحيح.

البرير: المثلثان فان B'GC و ABG متقابisan لأن فيما ضلعان متقابسان  $\hat{AG} = \hat{GC}$  و  $\hat{B} = \hat{B}'$  وزاوية بال مقابل بالراس  $\hat{AGB} = \hat{B}'GC$  ومنه فان

$$\overline{AB} = \overline{B'C}$$

## حل التمرين 02:

(1) تليم النقط على الدائرة الثالثية

$$-2023\pi = -1011 \times 2\pi - \pi \quad \text{لدينا:}$$

$$\begin{aligned}
 -\frac{133\pi}{6} &= \frac{-132\pi - \pi}{6} = -11 \times 2\pi - \frac{\pi}{6} \\
 \frac{91\pi}{3} &= \frac{90\pi + \pi}{3} = 15 \times 2\pi + \frac{\pi}{3}
 \end{aligned}$$

التعليم على الدائرة المثلثية :

(2 ط)

$$\begin{aligned}
 A(x) &= 3 \left[ \left( x - \frac{3}{2} \right)^2 - \frac{25}{4} \right] \\
 &= 3 \left( x - \frac{3}{2} - \frac{5}{2} \right) \left( x - \frac{3}{2} + \frac{5}{2} \right) \\
 &= 3 \left( x - \frac{8}{2} \right) \left( x + \frac{2}{2} \right) = (x - 4)(3x + 3)
 \end{aligned}$$

(4) حلول المعادلتين :

$$(x - 4)(3x + 3) = 0 \quad \text{ومنه اما } A(x) = 0$$

$$3x + 3 = 0 \quad \text{او} \quad x - 4 = 0$$

حلول المعادلة هي :  $S = \{4; -1\}$ 

$$3x^2 - 9x - 12 = -12 \quad \text{ومنه } A(x) = 12$$

$$x - 3 = 0 \quad \text{او} \quad 3x = 0 \quad \text{اي اما } 3x(x - 3) = 0$$

حلول المعادلة هي :  $S = \{0; 3\}$ 

(5)

✿ أ) القيم الممنوعة للعبارة  $K(x)$ 

$$x \neq -2 \quad \text{و} \quad x^2 - 4 \neq 0$$

ومنه القيم الممنوعة للعبارة هي 2 و -2

✿ ب) حلول المتراجحة  $K(x) \leq 0$ 

بعد دراسة اشارة العبارة نجد :

$x$	$-\infty$	-2	-1	2	4	$+\infty$
$A(x)$		+	0	-	0	+
$x^2 - 4$		+	0	-	0	+
$K(x)$		+	-	0	+	-

حلول المتراجحة :  $S = [-2; -1] \cup [2; 4]$ ✿ مناقشة عدد حلول المعادلة حسب قيمة  $m$ 

$$\Delta = (-2m)^2 - 4(m-1)(m+1)$$

$$\begin{aligned}
 &= 4m^2 - 4(m^2 - 1) \\
 &= 4
 \end{aligned}
 \quad \text{لدينا :}$$

$$\Delta > 0 \quad \text{ومنه :}$$

اذن المعادلة  $(E_m)$  تقبل حللين متمايزين من اجل

$$m \in \mathbb{R}$$

✿ تكافئ  $A(x) = -\frac{1}{2}$ ومنه  $\cos x = \cos\left(\pi + \frac{\pi}{3}\right)$  او  $\cos x = \cos\left(\pi - \frac{\pi}{3}\right)$ 
 $\frac{4\pi}{3} \notin \left[\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$  و  $\frac{2\pi}{3} \notin \left[\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$  لكن  $x = \frac{4\pi}{3}$  او  $x = \frac{2\pi}{3}$ 
حلول المعادلة هي  $S = \emptyset$ 

$$\sin\left(\frac{\pi}{5}\right) = \frac{\sqrt{10 - 2\sqrt{5}}}{4} \quad (4)$$

$$\cos^2\left(\frac{\pi}{5}\right) + \sin^2\left(\frac{\pi}{5}\right) = 1 \quad \text{اي} \quad \left(\frac{\sqrt{5} + 1}{4}\right)^2 + \sin^2\left(\frac{\pi}{5}\right) = 1$$

$$\sin^2\left(\frac{\pi}{5}\right) = 1 - \left(\frac{\sqrt{5} + 1}{4}\right)^2$$

$$\sin\left(\frac{\pi}{5}\right) = \frac{\sqrt{10 - 2\sqrt{5}}}{4}$$

## حل التمارين 03:

(1) نشر وتبسيط العبارة:

$$\begin{aligned}
 A(x) &= x^2 - 16 + 2x^2 - 9x + 4 \\
 &= 3x^2 - 9x - 12
 \end{aligned}$$

(2) كتابة  $A(x)$  على الشكل التموجي :

$$\begin{aligned}
 A(x) &= a \left[ \left( x + \frac{b}{2a} \right)^2 - \frac{\Delta}{4a^2} \right] \\
 &= 3 \left[ \left( x - \frac{9}{6} \right)^2 - \frac{225}{36} \right] = 3 \left[ \left( x - \frac{3}{2} \right)^2 - \frac{25}{4} \right]
 \end{aligned}$$

(3) تحليل  $A(x)$  الى جداء عاملين بطرقتين :

$$\begin{aligned}
 A(x) &= (x-4)(x+4) + (x-4)(2x-1) \\
 &= (x-4)[x+4+2x-1] \\
 &= (x-4)(3x+3)
 \end{aligned} \quad (1 \text{ ط})$$