

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

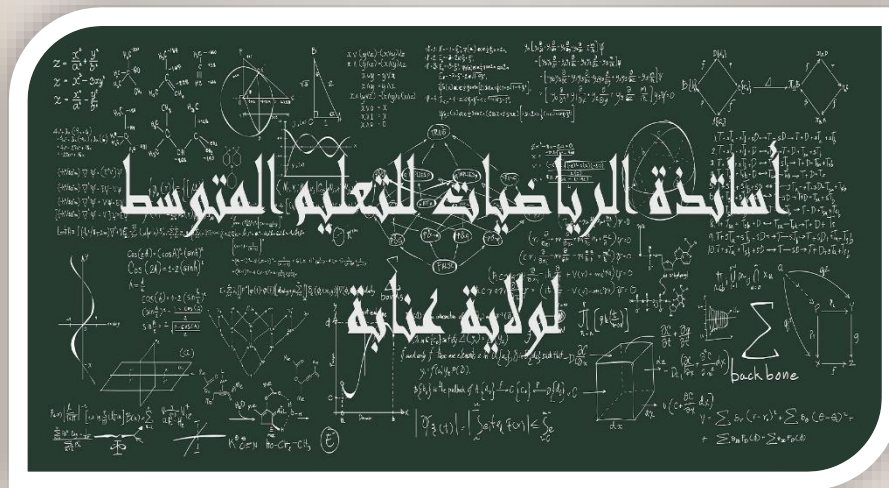
<https://prof27math.weebly.com/>

مذكرات المقطع 04 من إعداد الأستاذ ش . قبائلي

3 متوسط

مجموعة أساتذة الرياضيات للتعليم المتوسط لولاية عنابة

<https://www.facebook.com/groups/Cem23Math/>



أنشطة عددية



أنشطة هندسية



المكتسبات القبلية:

- تعويض الحروف بقيم عددية في عبارة حرفية
- تدريب على الحساب الحرفي
- اختبار صحة المساواة أو متباينة تحتوي على مجهول أو مجهولين
- حل معادلات بسيطة
- سلسلة عمليات (استعمال الأقواس و أولوية العمليات)

الكفاءة الختامية:

- ♥ التدريب على الحساب الحرفي
- ♥ العمل وفق منهجية علمية عند حل مشكلة : تشخيص مشكلة ، تجريب ، تخمين نتيجة ، تبرير و إنجاز حل .
- ♥ بناء براهين بسيطة في مختلف مجالات المادة .

إعداد و تحضير :
أستاذ : ش . قبيلي

الموارد:

- (1) تبسيط عبارة جبرية
- (2) نشر عبارات جبرية من شكل $(a+b)(c+d)$ حيث a و b و c و d أعداد نسبية .
- (3) حساب قيمة عبارة حرفية

وثائق التحضير	الوسائل البيداغوجية	نقد ذاتي
• الكتاب المدرسي • المنهاج • الوثيقة المرافقة	• السبورة	

المستوى: **ثالثة متوسط**
الدعائم: **الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.**

الميدان: **أنشطة عددية**
المقطع التعليمي: **الحساب الحرفي**

المورد المعرفي:	تبسيط عبارة جبرية
الكفاءة المستهدفة:	كيفية تبسيط عبارة جبرية

المراحل	المدة	سير الدرس	التقويم و مؤشرات الكفاءة
تهيئة	5د	<u>استعد 4 ص 55</u> • $a \times a \times a$ يساوي : $a \times a^2$ أو a^3 <u>نشاط (وضعية تعليمية) 1 ص 56 :</u> - تبرير صحة المساوتين : نعوض L ب 1 اذن طول الخط الاحمر هو 12 $4 \times (3L) = 4 \times (3 \times 1) = 4 \times 3 = 12$ $3 \times L + 3 \times L + 3 \times L + 3 \times L = 3 \times 1 + 3 \times 1 + 3 \times 1 + 3 \times 1 = 3 + 3 + 3 + 3 = 12$ $4 \times (3L)$ (عبارة جداء) $3 \times L + 3 \times L + 3 \times L + 3 \times L$ (عبارة مجموع) - تبسيط العبارتين :	مؤشرات الكفاءة
أنشطة بناء و الموارد	25د	(ب) - مساحة المربع البني هي : x^2 - بعدي المستطيل : الطول $(5x)$ العرض $(3x)$ - مساحة المستطيل ABCD : 1) $15x^2$ 2) $3x \times 5x$	
تقويم الموارد المكتسبة	15د	<u>كتابة المعرفة 1 ص 58 :</u> تبسيط عبارة حرفية يعني كتابتها بأقل ما يمكن من الحدود في حالة مجموع أو العوامل في حالة جداء <u>حل تمرين 7 ص 62</u> $G = 3x + 11x = 14x$ $I = 2b^2 + 3b^2 = 5b^2$ $L = 2x - 8x = -6x$	

المستوى: ثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة عددية
المقطع التعليمي: الحساب الحرفي

المورد المعرفي:	حذف الأقواس
الكفاءة المستهدفة:	كيفية حذف الأقواس من عبارة جبرية

المراحل	المدة	سير الدرس	التقويم و مؤشرات الكفاءة									
تهيئة	5د	<u>إستعد 2 ص 55</u> 1- $2 \times (8 - 5)$ يساوي : 6 <u>نشاط (وضعية تعليمية) 2 ص 56</u> (أ) <table><tr><th>التلميذ 1</th><th>التلميذ 2</th><th>التلميذ 3</th></tr><tr><td>$50 - (14+17) = 19$</td><td>$50 - 14 - 17 = 19$</td><td>$50 - (14 - 17) = 53$</td></tr><tr><td>$36 + 29 - 7 = 58$</td><td>$36 - 29 - 7 = 0$</td><td>$36 + (29 - 7) = 58$</td></tr></table> الاجابات الصحيحة : (1) التلميذين 1 و 2 (2) التلميذين 1 و 3 (ب) $50 - (14+17) = 50 - 14 - 17$ $36 + (29 - 7) = 36 + 29 - 7$ (ج) $A=5+(3-7) = 1 = 5+3-7$ $B=9+(-13-6) = -10 = 9-13-6$ $C=3.4-(-3+7) = -0.6 = 3.4+3-7$ $D=9-(4-2.3) = 7.3 = 9-4+2.3$ (د) لحذف قوسين مسبوقين بالإشارة (-) نغير اشارة ما داخل القوسين . لحذف قوسين مسبوقين بالإشارة (+) نترك اشارة ما داخل القوسين كما هي . <u>كتابة المعرفة 2 ص 58 :</u> في عبارة جبرية يمكن حذف القوسين غير المتبوعتين بـ x او ÷ : • نحذف المسبوقتين بالإشارة + دون تغيير إشارات الحدود الموجودة بين القوسين . • ونحذف المسبوقتين بالإشارة - مع تغيير إشارة كل حد موجود بين القوسين . <u>تمرين 13 ص 63 :</u> $A = -8a + 3$ $B = -b + 10$ $C = -8x + 18$ $D = d - 4$	التلميذ 1	التلميذ 2	التلميذ 3	$50 - (14+17) = 19$	$50 - 14 - 17 = 19$	$50 - (14 - 17) = 53$	$36 + 29 - 7 = 58$	$36 - 29 - 7 = 0$	$36 + (29 - 7) = 58$	
التلميذ 1	التلميذ 2	التلميذ 3										
$50 - (14+17) = 19$	$50 - 14 - 17 = 19$	$50 - (14 - 17) = 53$										
$36 + 29 - 7 = 58$	$36 - 29 - 7 = 0$	$36 + (29 - 7) = 58$										
أنشطة بناء و الموارد	25د											
تقويم الموارد المكتسبة	15د											

المستوى: ثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة عددية
المقطع التعليمي: الحساب الحرفي

المورد المعرفي:	نشر عبارات جبرية
الكفاءة المستهدفة:	نشر عبارة من الشكل $(a+b)(c+d)$

المراحل	المدة	سير الدرس	التقويم و مؤشرات الكفاءة
تهيئة	5د	<u>استعد 8 ص 55 :</u> • $5x \times 2x$ يساوي $10x^2$ <u>نشاط (وضعية التعلمية) 3 ص 51 :</u> (أ - 1) - الطول AD : $3 + x$ - مساحة المستطيل ABCD : $S = 5 \times (x + 3)$ (1) $S = 5x + 15$ (2) - المساواة : $5 \times (x + 3) = 5x + 15$ - <u>نشر العبارات :</u> $A = 5 \times (x - 3) = 5x - 15$ $B = -2 \times (3 - y) = -6 + 2y$ $C = x(y + z) = xy + xz$	
أنشطة بناء و الموارد	25د	(2 - أ) بعدي المستطيل : الطول $(c+d)$ العرض $(a+b)$ - مساحة المستطيل 1) $S = (a+b)(c+d)$ 2) $S = ac+ad+bc+bd$ - المساواة : $(a+b)(c+d) = ac+ad+bc+bd$ - <u>نشر العبارات :</u> $A = (x + 2)(x + 3) = x^2 + 3x + 2x + 6 = x^2 + 6x + 6$ $B = (x - 5)(3 - y) = x^2 - xy - 15 + 5y$ $C = (2x - 5)(x - 7) = 2x^2 - 14x - 5x + 35 = 2x^2 - 19x + 35$ <u>كتابة المعرفة 3 ص 58 :</u> نشر عبارة جداء يعني كتابتها على الشكل مجموع . <u>خاصية 1 :</u> من أجل كل a, b, c أعداد نسبية $a(b + c) = ab + ac$ <u>ملاحظات :</u> (أ) تسمى الخاصية 1 بالخاصية التوزيعية (توزيع الضرب على الجمع) (ب) يمكن تبرير قاعدة حذف الأقواس بإستعمال هذه الخاصية 1 <u>خاصية 2 :</u> من أجل كل a, b, c, d أعداد نسبية $(a + b)(c + d) = ac + ad + bd + bd$	
تقويم الموارد المكتسبة	15د	<u>تمرين 17 ص 63</u> $E = -6x^2 + 13x - 6$ $F = -15x^2 + 51x - 18$	

المستوى: ثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة عددية
المقطع التعليمي: الحساب الحرفي

المورد المعرفي:	حساب قيمة عبارة حرفية
الكفاءة المستهدفة:	اختبار صحة نشر عبارة جبرية بتعويض الحرف بعدد

المراحل	المدة	سير الدرس	التقويم و مؤشرات الكفاءة
تهيئة	5د	إستعد 5 ص 55 $x + x + x + x + x$ يساوي $5x$ نشاط (وضعية التعلمية) 4 ص 57: (أ) حساب قيمة العبارة: $A = (3x + 2)(x - 5)$ من أجل: $x = 1$ $A = (3(1) + 2)(1 - 5) = 5 \times (-4) = -20$ من أجل: $x = -1$ $A = (3(-1) + 2)(-1 - 5) = (-1) \times (-6) = +6$ من أجل: $x = 5$ $A = (3(5) + 2)(5 - 5) = 17 \times 0 = 0$ (ب) تبرير عدم صحة العبارة نعوض x بـ 1 ثم بـ -1 ثم بـ 5: $A = 3x^2 - 17x - 6$ $x = 1$ $A = 3 \times (1)^2 - 17(1) - 6 = -20 = -20$ $x = -1$ $A = 3 \times (-1)^2 - 17(-1) - 6 = +14 \neq +6$ $x = 5$ $A = 3(5)^2 - 17(5) - 6 = 75 - 85 - 6 = -16 \neq 0$ اذن نشر العبارة غير صحيح	مؤشرات الكفاءة
أنشطة بناء و الموارد	25د	كتابة المعرفة 4 ص 60 لحساب قيمة عبارة حرفية من أجل بعض قيم للحرف أو الحروف في العبارة ، نعوض الحروف بهذه القيم و نجري الحسابات بإحترام قواعد أولوية العمليات . ملاحظة : عند تعويض نكتب إشارة الضرب بين العددين ، و في حالة التعويض بعدد سالب نستعمل الأقواس	
تقويم الموارد المكتسبة	15د	تمرين 20 ص 63 (1) $E = (5x - 6)(x + 4) = 5x^2 + 20x - 6x - 24$ $= 5x^2 + 14x - 24$ (2) من أجل $x = \frac{1}{5}$ الطريقة 1: $E = \left(5 \left(\frac{1}{5}\right) - 6\right) \left(\frac{1}{5} + 4\right) = (1 - 6) \left(\frac{21}{5}\right)$ $= -5 \left(\frac{21}{5}\right) = -21$ الطريقة 2 : $E = 5 \left(\frac{1}{5}\right)^2 + 14 \left(\frac{1}{5}\right) - 24 = \frac{15}{5} - 24 = 3 - 24 = -21$	

المكتسبات القبلية:

- الدائرة المحيطة بمثلث – المثلث القائم .
- الوضعية النسبية لنقطة و دائرة .
- مستقيم المنتصفين .
- الخاصية المتعلقة بالمثلثين المعينين بمستقيمين متوازيين يقطعهما مستقيمان غير متوازيين .
- المستقيمت الخاصة في مثلث .

الكفاءة الختامية:

- ♥ تمييز المثلث القائم بإحاطته بدائرة أو بعلاقة فيثاغورث .
- ♥ إجراء حسابات في المثلث القائم .
- ♥ العمل وفق منهجية علمية عند حل مشكلة : تشخيص مشكلة ، تجريب ، تخمين نتيجة ، تبرير و إنجاز حل .
- ♥ بناء براهين بسيطة في مختلف مجالات المادة .
- ♥ استعمال أمثلة مضادة لإثبات عدم صحة قضية .

إعداد و تحضير :
أستاذ : ش . قبيلي

الموارد:

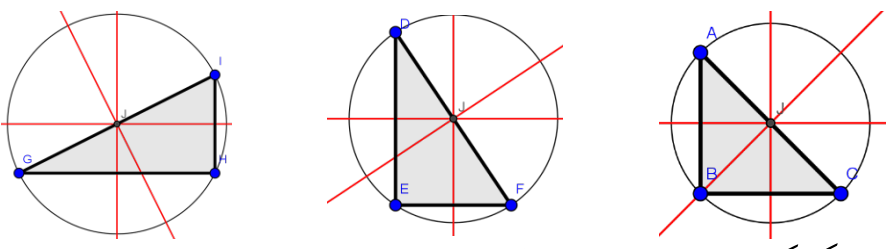
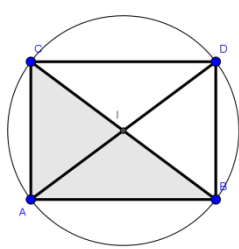
- (1) معرفة خاصية الدائرة المحيطة بالمثلث القائم و استعمالها
- (2) معرفة خاصية فيثاغورث و استعمالها
- (3) تعريف بُعد نقطة عن مستقيم و تعيينه
- (4) معرفة الوضعيات النسبية لمستقيم و دائرة
- (5) إنشاء مماس لدائرة في نقطة منها
- (6) تعريف جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم
- (7) تعيين قيمة مقربة أو قيمة المضبوطة لجيب تمام زاوية حادة أو لزاوية بمعرفة جيب التمام لها
- (8) حساب زوايا أو أطوال بتوظيف جيب تمام زاوية

وثائق التحضير	الوسائل البيداغوجية	نقد ذاتي
• الكتاب المدرسي • المنهاج • الوثيقة المرافقة	• السبورة	

المستوى: ثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة هندسية
المقطع التعليمي: المثلث القائم و الدائرة

المورد المعرفي:	الدائرة المحيطة بمثلث قائم
الكفاءة المستهدفة:	معرفة واستعمال خاصية الدائرة المحيطة بمثلث قائم

المراحل	المدة	سير الدرس	التقويم و مؤشرات الكفاءة
تهيئة	5د	إستعد 1 ، 2 ، 3 ، 4 ص 151 : - متوسط - محاور 4 [DC]	ان يكون المتعلم قادرا معرفة واستعمال خاصية الدائرة المحيطة بمثلث قائم
أنشطة بناء و الموارد	25د	نشاط (وضعية تعلمية) 1 ص 152 : (1) أ-  ب) مركز كل دائرة هو منتصف الوتر (2) أ-  ج) نعلم ان : $ID = IA = IC = IB$ اذن قطرا الرباعي متناصفان و متقايسان ومنة الرباعي ABCD مستطيل (3) أ- يمثل [B] وتر المثلث ABC ب) A تنتمي الى الدائرة لان $IA = IB = IC$ ج) اذا كان مثلث قائما ، فان وتره قطر للدائرة المحيطة بهذا المثلث .	ان يكون المتعلم قادرا معرفة واستعمال خاصية الدائرة المحيطة بمثلث قائم
	15د	معرفة 1 ص 154 : خاصية 1 : إذا كان المثلث قائما ، فإن وتره قطر للدائرة المحيطة به .	

المستوى: ثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة هندسية
المقطع التعليمي: المثلث القائم و الدائرة

نتيجة:

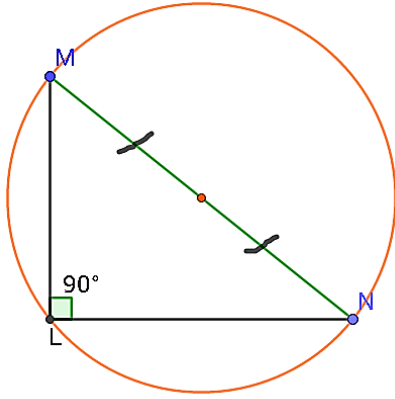
إذا كان المثلث قائما ، فإن طول المتوسط المتعلق بوتر هذا المثلث ، يساوي نصف طول هذا الوتر .

15د

تمرين 2 ص 158 :

1. حساب نصف القطر :

$$OL = \frac{MN}{2} = \frac{7.5}{2} = 3.75$$



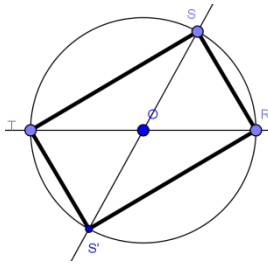
تقويم
الموارد
المكتسبة

المستوى: ثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة هندسية
المقطع التعليمي: المثلث القائم و الدائرة

المورد المعرفي:	الدائرة المحيطة بمثلث قائم -2-
الكفاءة المستهدفة:	معرفة واستعمال خاصية الدائرة المحيطة بمثلث قائم

المراحل	المدة	سير الدرس	التقويم و مؤشرات الكفاءة
تهيئة	5د	إستعد 5 ص 151 5. مستطيل نشاط (وضعية تعليمية) 2 ص 152 : (2) أ) الرباعي $RSTS'$ مستطيل لان: قطراه متقايسان ب) المثلث RST مثلث قائم ج) اذا كان احد اضلاع مثلث قطرا للدائرة المحيطة به ، فان هذا المثلث قائم	ان يكون المتعلم قادر على استعمال خاصية المتوسط المتعلق بالوتر في مثلث قائم في براهين بسيطة
أنشطة بناء و الموارد	15د	معرفة 1 ص 154 : خاصية 2 : إذا كان أحد أضلاع مثلث قطرا للدائرة المحيطة به ، فإن المثلث قائم . نتيجة : إذا كان في مثلث طول المتوسط المتعلق بأحد الأضلاع مساويا لنصف طول هذا الضلع ، فإن هذا المثلث قائم .	
تقويم الموارد المكتسبة	15د	تمرين 7 ص 158 : لدينا في المثلث LMK $MJ = \frac{KL}{2}$ و $JK = JL = MJ = 2 \text{ cm}$ و منه نستنتج أن : المثلث LMK قائم في L	



المستوى: ثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة هندسية
المقطع التعليمي: المثلث القائم و الدائرة

المورد المعرفي:	خاصية فيثاغورس - المباشرة -
الكفاءة المستهدفة:	معرفة خاصية فيثاغورس واستعمالها

المراحل	المدة	سير الدرس	التقويم و مؤشرات الكفاءة
تهيئة	5د	إستعد 1 ، 2 ، 3 ص 167 1. أطول ضلع 2. $3,7 \times 3,7$ 3. 52	ان يكون المتعلم قادرا على استعمال خاصية فيثاغورس مباشرة في الحساب والبرهان
أنشطة بناء و الموارد	25د	نشاط (وضعية تعليمية) مقترحة: 1. في الحالتين التاليتين ، ارسم المثلث ABC القائم في A : (1) $AB = 3 \text{ cm}$ و $AC = 4 \text{ cm}$ (2) $AB = 6 \text{ cm}$ و $AC = 8 \text{ cm}$ 2. في كل حالة احسب العددين $AB^2 + AC^2$ و BC^2، ماذا تلاحظ ؟	ان يكون المتعلم قادرا على استعمال خاصية فيثاغورس مباشرة في الحساب والبرهان
تقويم الموارد المكتسبة	10د	معرفة 1 ص 169 إذا كان مثلث قائما ، فإن مربع طول وتره يساوي مجموع مربعي طولي ضلعيه الآخرين . ملاحظات : - خاصية فيثاغورس لا تُطبق إلا في المثلثات القائمة - تسمح خاصية فيثاغورس بحساب طول ضلع في مثلث قائم إذا علمنا طولي الضلعين الآخرين . نتيجة : إذا كان في المثلث ، مربع أطوال أضلاعه لا يساوي مجموع مربعي طولي الضلعين الآخرين فإن هذا المثلث غير قائم .	ان يكون المتعلم قادرا على استعمال خاصية فيثاغورس مباشرة في الحساب والبرهان
	15د	تمرين 3 ص 175 : في المثلث ABC لدينا : $AB^2 = AC^2 + CB^2$ $AB^2 = 6^2 + 8^2 = 36 + 64 = 100$ $AB = \sqrt{100} = 10 \text{ cm}$ في المثلث HEF لدينا : $HF^2 = FE^2 + EH^2$ $HF^2 = 7,7^2 + 3,6^2 = 59,29 + 12,96 = 72,25$ $HF = \sqrt{72,25} = 8,5 \text{ cm}$	ان يكون المتعلم قادرا على استعمال خاصية فيثاغورس مباشرة في الحساب والبرهان

المستوى: ثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة هندسية
المقطع التعليمي: المثلث القائم و الدائرة

المورد المعرفي:	خاصية فيثاغورس – العكسية -
الكفاءة المستهدفة:	معرفة خاصية فيثاغورس واستعمالها

المراحل	المدة	سير الدرس	التقويم و مؤشرات الكفاءة
		نشاط (وضعية تعليمية) مقترحة : 1. في كل حالة من الحالات التالية احسب $AB^2 + AC^2$ و BC^2. (1) $AB = 8 \text{ cm}$ و $AC = 6 \text{ cm}$ و $BC = 10 \text{ cm}$ (2) $AB = 4.5 \text{ cm}$ و $AC = 5.4 \text{ cm}$ و $BC = 7.03 \text{ cm}$ (3) $AB = 2.4 \text{ cm}$ و $AC = 3.5 \text{ cm}$ و $BC = 4.25 \text{ cm}$ 2. ارسم المثلث ABC في كل حالة ثم تأكد أنه قائم .	ان يكون المتعلم قادرا على استعمال خاصية فيثاغورس عكسية في الحساب والبرهان
أنشطة بناء و الموارد	15د	معرفة 1 ص 169 إذا كان في مثلث مربع طول أحد الأضلاع مساويا لمجموع مربعي طولي الضلعين الآخرين فإن هذا المثلث قائم . ملاحظة : تسمح الخاصية العكسية لفيثاغورس بإثبات أن مثلثا عُلمت أطوال أضلاعه الثلاثة قائم .	
تقويم الموارد المكتسبة	20د	تمرين 20 ص 175 : <u>نبرهن أن المستقيمين (EF) و (EB) متعامدين :</u> من المثلث ABD لدينا : $AD^2 = 15,21; AB^2 = 64; BD^2 = 79,21$ $15,21 + 64 = 79,21$ $AD^2 + AB^2 = BD^2$ و عليه فالمثلث ABD قائم في A . إذن: $(EB) \perp (AD)$ و من جهة أخرى لدينا من المعطيات $(AD) \parallel (EF)$ و عليه فإن $(EB) \perp (EF)$ (إذا كان مستقيم عمودي على أحد مستقيمين متوازيين فهو عمودي على الآخر)	