

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

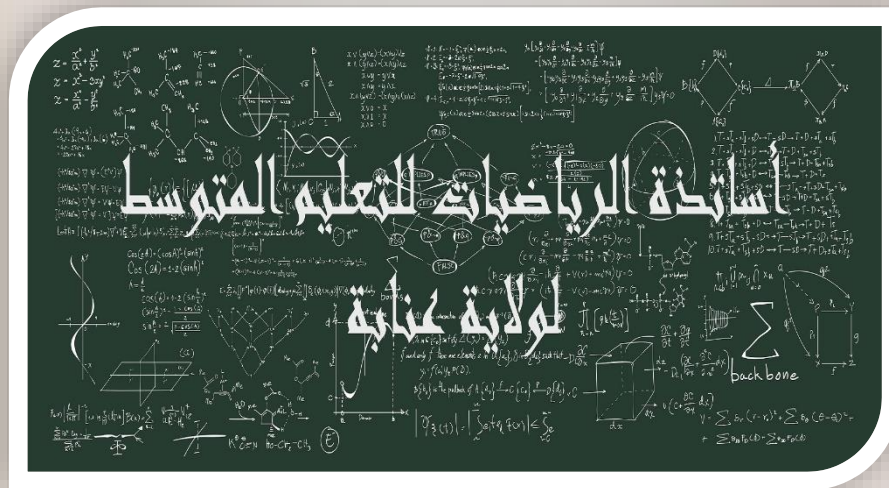
<https://prof27math.weebly.com/>

مذكرات المقطع 02 من إعداد الأستاذ ش . قبائلي

3 متوسط

مجموعة أساتذة الرياضيات للتعليم المتوسط لولاية عنابة

<https://www.facebook.com/groups/Cem23Math/>



أنشطة عددية



أنشطة هندسية



المكتسبات القبلية:

- ضرب (قسمة) بسط و مقام كسر في (على) نفس العدد غير معدوم.
- مقارنة كسرين لهما نفس المقام أو مقام أحدهما هو مضاعف لمقام الكسر الثاني .
- جمع وطرح كسرين لهما نفس المقام أو مقام أحدهما هو مضاعف لمقام الكسر الثاني .
- ضرب و قسمة عددين نسبيين .
- قاعدة إشارة جداء و حاصل قسمة عددين نسبيين .

الكفاءة الختامية:

- ♥ يتعرف على العدد الناطق .
- ♥ يحسب مجموع و فرق و جداء و حاصل قسمة عددين ناطقين .

إعداد و تحضير :

أستاذ : ش . قبيلي

الموارد:

- (1) مفهوم العدد الناطق
- (2) مقارنة عددين ناطقين
- (3) حساب مجموع و فرق عددين ناطقين
- (4) حساب جداء أو قسمة عددين ناطقين

وثائق التحضير	الوسائل البيداغوجية	نقد ذاتي
• الكتاب المدرسي • المنهاج • الوثيقة المرافقة	• السبورة	

المستوى: ثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة عددية
المقطع التعليمي: الأعداد الناطقة

المورد المعرفي:	مفهوم العدد الناطق
الكفاءة المستهدفة:	- أن يستكشف المتعلم مفهوم العدد الناطق

المراحل	المدة	سير الدرس	التقويم و مؤشرات الكفاءة						
أنشطة بناء و الموارد	30د	وضعية تعليمية 5 ص 25 1- الأعداد العشرية : $\frac{-8,2}{5} = -1,64 ; \frac{5}{7} \approx 0,71 ; \frac{11}{3} = 3,66 ; -\frac{3}{8} = -0,375$ 2- إشارة كل حاصل : <table border="1"> <tr> <td>$\frac{-28}{15}$</td> <td>$\frac{14}{-18}$</td> <td>$\frac{-24}{-32}$</td> </tr> <tr> <td>سالبة</td> <td>سالبة</td> <td>موجبة</td> </tr> </table> 3- شرح : حاصل قسمة عددين نسبيين لهما نفس الإشارة هو عدد موجب حاصل قسمة عددين نسبيين مختلفين في الإشارة هو عدد سالب 4- إثبات : $\frac{-a}{b} = 1 \times \frac{-a}{b} = \frac{-1}{-1} \times \frac{-a}{b} = \frac{a}{-b} = \frac{1}{-1} \times \frac{a}{b} = -1 \times \frac{a}{b}$ $\frac{-a}{-b} = \frac{a}{b} \Rightarrow (-a) \times b = a \times (-b) \Rightarrow -ab = -ab$ 5- بعد تعليم على مستقيم المدرج نلاحظ أن : $\frac{-4}{6} = \frac{-2}{3}$ 6- الأعداد الناطقة المتساوية هي : $-\frac{9}{6} = \frac{-3}{2} ; \frac{4}{3} = \frac{8}{6} = \frac{16}{12} ; -\frac{10}{6} = -\frac{5}{3}$ 7- ترتيب الأعداد ترتيبا تصاعديا : المقام الموحد هو 12 $-\frac{23}{12} < -\frac{18}{12} < -\frac{10}{12} < -\frac{8}{12} < \frac{34}{12} < \frac{44}{12}$ هذا يعني أن : $-\frac{23}{12} < -\frac{3}{2} < -\frac{5}{6} < -\frac{2}{3} < \frac{17}{6} < \frac{11}{3}$ حوصلة 5 ص 28 العدد الناطق هو حاصل قسمة عدد نسبي على عدد نسبي غير معدوم كل عدد ناطق يمكن كتابته على الشكل $\frac{a}{b}$ أو $-\frac{a}{b}$ حيث a و b عددان طبيعيين و $b \neq 0$	$\frac{-28}{15}$	$\frac{14}{-18}$	$\frac{-24}{-32}$	سالبة	سالبة	موجبة	التعرف على الأعداد الناطقة
	$\frac{-28}{15}$	$\frac{14}{-18}$	$\frac{-24}{-32}$						
سالبة	سالبة	موجبة							
15د			إعطاء إشارة حاصل قيم تقريبية لعدد ناطق						

المستوى: ثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة عديدة
المقطع التعليمي: الأعداد الناطقة

تمرين 22 ص 31

الأعداد الطبيعية : $\frac{15}{3}$

الأعداد العشرية : $\frac{5}{4}$; $\frac{15}{3}$; 0,33 ; $\frac{3,5}{7}$

الأعداد النسبية : $\frac{5}{4}$; $\frac{15}{3}$; -2,17 ; 0,33 ; $\frac{13}{7}$; $\frac{3,5}{7}$; $\frac{10}{-15}$

15د

تقويم
الموارد
المكتسبة

المستوى: ثلاثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة عديدة
المقطع التعليمي: الأعداد الناطقة

المورد المعرفي:	حساب مجموع و فرق عددين ناطقين
الكفاءة المستهدفة:	- يحسب مجموع و فرق و جداء وحاصل قسمة عددين ناطقين

المراحل	المدة	سير الدرس	التقويم و مؤشرات الكفاءة
تهيئة	5د	استعد 9 ، 10 ، 11 ص 23 : - /9 - (-7) + (-11) يساوي : -18 - /10 - (-18) + (11) يساوي : -7 - /11 - (-12) - (-8) يساوي : 4 وضعية التعلمية (العمليات على الأعداد الناطقة) 6 ص 25: - /2 الجمع :	- تذكر بـ - حساب مجموع و فرق عددين نسبيين - كيف نجمع أو نطرح كسرين
أنشطة بناء و الموارد	25د	أ- $-\frac{11}{6} = -\frac{22}{12} = -\frac{33}{18} = -\frac{44}{24}$ و $\frac{5}{4} = \frac{10}{8} = \frac{15}{12} = \frac{20}{16}$ ب- $\frac{5}{4} + \frac{-11}{6} = \frac{5}{4} - \frac{11}{6} = \frac{15}{12} - \frac{22}{12} = -\frac{7}{12}$ ت- $\frac{3}{8} + \frac{-9}{20} = \frac{3}{8} - \frac{9}{20} = \frac{60}{160} - \frac{72}{160} = -\frac{12}{160}$ $-\frac{4}{9} + \frac{5}{6} = -\frac{24}{54} + \frac{45}{54} = \frac{-24+45}{54} = \frac{21}{54}$ حوصلة 6 ص 28	- كيف نحسب جداء كسرين - ماهي قاعدة حساب قسمة كسرين
تقويم الموارد المكتسبة	15د	لجمع أو طرح عددين ناطقين لهما نفس المقام ، نجمع أو نطرح بسطهما و نحتفظ بنفس المقام . a, b, c أعداد نسبية حيث $c \neq 0$ $\frac{a}{c} + \frac{b}{c} = \frac{a+b}{c}$ أو $\frac{a}{c} - \frac{b}{c} = \frac{a-b}{c}$ لجمع أو طرح عددين ناطقين لهما مقامان مختلفان نكتبهما بنفس المقام و نطبق عندئذ القاعدة السابقة. تمرين 34 ص 31	- كيف نجمع أو نطرح عددين ناطقين لهما مقامان مختلفان - إكتشاف طرق حساب مجموع و فرق عددين طبيعيين.
	15د	$-\frac{1}{2} + \frac{1}{4} = \frac{-1}{4}$ $-1 - \frac{1}{3} = -\frac{4}{3}$ $-\frac{5}{10} - \frac{1}{2} = -1$ $-\frac{2}{3} - \frac{5}{6} = \frac{-9}{6} = \frac{-3}{2}$	

الميدان: أنشطة عديدة المقطع التعليمي: الأعداد الناطقة	المستوى: ثلاثة متوسط الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.
--	--

المورد المعرفي:	حساب جداء أو قسمة عددين ناطقين
الكفاءة المستهدفة:	- يحسب مجموع و فرق و جداء وحاصل قسمة عددين ناطقين

المراحل	المدة	سير الدرس	التقويم و مؤشرات الكفاءة
تهيئة	5د	استعد 12 ص 23 : 1- $(-2) \div (-7)$ يساوي: 3,5 أو $\frac{7}{2}$ وضعية تعليمية (العمليات على الأعداد الناطقة) 6 ص 25 1- الضرب : $\frac{5}{8} \times \frac{7}{6} = \frac{35}{48}$ قيمة a من قيمة جداء: $a = \frac{-5}{8} \times \frac{-7}{6} = \frac{5}{8} \times \frac{7}{6} = \frac{35}{48}$ ب- $b = \frac{(-5) \times (-7)}{8 \times 6} = \frac{35}{48}$ مقارنة : $a - b = \frac{35}{48} - \frac{35}{48} = \frac{35-35}{48} = \frac{0}{48} = 0$ يعني : $a = b$ اي $a - b = 0$ ث- $\frac{7}{13} \times \frac{-8}{5} = \frac{-42}{65}$ $\frac{-6}{5} \times \frac{15}{-4} = \frac{-90}{-20} = 3$ $-12 \times \frac{-2}{7} = \frac{12 \times 2}{7} = \frac{24}{7}$	ضرب أو قسمة عددين نسبين
أنشطة بناء و الموارد	25د	لحساب جداء عددين ناطقين نقوم بضرب بسط عدد الأول مع بسط عدد الثاني ومقام عدد الأول مع مقام العدد 2 ، مع مراعاة إشارتهما وفي الأخير إختزال إن أمكن لنا ذلك. 2- القسمة : أ- $a = \frac{2}{7} \div \frac{4}{5} = \frac{2}{7} \times \frac{5}{4} = \frac{10}{28} = \frac{5}{14}$ $b = -7 \div \frac{3}{2} = -7 \times \frac{2}{3} = -\frac{14}{3}$ $c = -\frac{2}{9} \div 6 = -\frac{2}{9} \times \frac{1}{6} = -\frac{2}{34} = -\frac{1}{17}$ $d = -\frac{2}{9} \div \frac{-11}{8} = -\frac{2}{9} \times \frac{8}{-11} = \frac{16}{99} = \frac{8}{33}$	اكتشاف قاعدة - حساب جداء أو قسمة عددين ناطقين
		لقسمة عددين ناطقين نقوم بضرب العدد ناطق الأول في مقلوب العدد الثاني و هذا يعني إجراء نفس طريقة جداء عددين ناطقين ، مع مراعاة الإشارات البسط و المقام .	

المستوى: الثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة عددية
المقطع التعليمي: الأعداد الناطقة

حوصلة 6 ص 28

الضرب: لضرب عددين ناطقين، نضرب البسط في البسط والمقام في المقام

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d} ; b \neq 0, d \neq 0$$

مقلوب عدد ناطق: a و b عدنان نسبتيان غير معدومان مقلوب العدد الناطق $\frac{a}{b}$ هو العدد الناطق $\frac{b}{a}$.

القسمة: القسمة على عدد غير معدوم، هي الضرب في مقلوب هذا العدد a ، b ، c ، d أعداد نسبية، لدينا:

$$\frac{c}{d} \div \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \times \frac{b}{a} = \frac{c \times b}{d \times a}$$

$$(a \neq 0 ; b \neq 0 ; d \neq 0)$$

$$a \div b = \frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b} ; b \neq 0$$

تمرين 43 ص 32

$$8 \div \frac{3}{4} = 8 \times \frac{4}{3} = \frac{32}{3}$$

$$1 \div \frac{11}{12} = 1 \times \frac{12}{11} = \frac{12}{11}$$

$$-\frac{7}{11} \div 13 = -\frac{7}{11} \times \frac{1}{13} = -\frac{7}{143}$$

$$\frac{5}{6} \div \frac{6}{5} = \frac{5}{6} \times \frac{5}{6} = \frac{25}{36}$$

$$\frac{2}{9} \div \frac{-5}{3} = \frac{2}{9} \times \frac{-3}{5} = -\frac{6}{45} = -\frac{2}{15}$$

15د

15د

تقويم
الموارد
المكتسبة

المستوى: ثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة هندسية
المقطع التعليمي: المثلثات

المورد المعرفي:	نظرية مستقيم المنتصفين
الكفاءة المستهدفة:	معرفة خواص مستقيم منتصفين في مثلث و استعمالها في براهين البسيطة

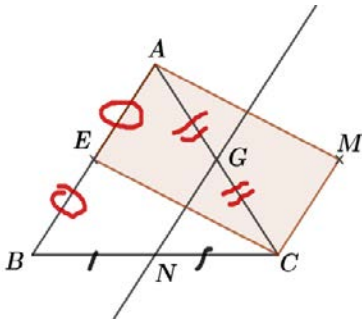
المراحل	المدة	سير الدرس	التقويم و مؤشرات الكفاءة
تهيئة	5د	استعد 2 ص 129 2- الإجابة الثالثة	مراجعة متوازي الأضلاع
	25د	وضعية تعليمية 3 ص 131 من وضع تخمينات 1- $(BC) \parallel (EG)$ 2- $EG = \frac{1}{2}BC$ 3- نعم أوافق على ما تقول مريم	أن يستنتج التلميذ برهان خاصية المستقيم المنتصف
أنشطة بناء و الموارد	15د	حوصلة 3 ص 136 خاصية 1 : في مثلث ، إذا شمل مستقيم منتصفي ضلعين ، فإنه يوازي الضلع الثالث خاصية 2 : في مثلث ، طول القطعة الواصلة بين منتصفي ضلعين يساوي نصف طول الضلع الثالث	
تقويم الموارد المكتسبة	15د	تمرين 12 ص 143 حساب محيط المثلث $A'B'C'$ $P = A'B' + B'C' + A'C'$ بما أن كل من النقاط السابقة هي منتصفات أضلاع المثلث ABC فإنه حسب خاصية مستقيم المنتصفين فإن: $A'B' = \frac{1}{2}AB$ و $B'C' = \frac{1}{2}BC$ $A'C' = \frac{1}{2}AC$ و منه : $P = \frac{1}{2}(AB + BC + AC)$ $P = 1,5 + 2,1 + 1,8$ $P = 5,4 \text{ cm}$ محيط المثلث $A'B'C'$ هو 5,4 cm	

المستوى: ثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة هندسية
المقطع التعليمي: المثلثات

المورد المعرفي:	نظرية العكسية لمستقيم منتصفين
الكفاءة المستهدفة:	استثمار خواص متوازي الأضلاع للبرهنة على خاصية مستقيم المنتصفين

المراحل	المدة	سير الدرس	التقويم و مؤشرات الكفاءة
تهيئة	10د	تذكير بمورد السابق	
أنشطة بناء و الموارد	25د	وضعية تعليمية 3 ص 131 إلى التبرير 1- AMCE متوازي الأضلاع لأن : ❖ E و G منتصفي الضلعين [AB] و [AC] على الترتيب. ❖ نظيرة النقطة E بالنسبة إلى G هذا يعني أن : (AE) // (CM) و AE = CM و من جهة أخرى لدينا G تمثل مركز الناتج عن تقاطع الأقطار و منه نستنتج أن AMCE مستطيل نظرا لتقايس و تناسف أقطاره 2- EB = CM ، طبيعة الرباعي EMCB : متوازي الأضلاع 3- إستنتاج : لدينا E و G منتصفي الضلعين [AB] و [AC] على الترتيب. و منه : (EG) // (BC) و حسب نظرية مستقيم منتصفين إذا شمل مستقيم منتصفين ضلعين فإن : $EG = \frac{1}{2} BC \Rightarrow BC = 2EG$ 4- إثبات أن EGNB متوازي الأضلاع : لدينا : (GN) // (AB) و حسب نظرية مستقيم منتصفين فإن : $NG = \frac{1}{2} AB \dots (1)$ و من جهة أخرى لدينا : E منتصف [AB] و عليه : $EB = \frac{1}{2} AB \dots (2)$ و عليه من (1) و (2) فإن : (NG) // (EB) و NG = EB إذن الرباعي EGNB متوازي الأضلاع (فيه ضلعان متقابلان متقايسان و حاملهما متوازيان) 5- إثبات أن N منتصف الضلع [BC] : مما سبق لدينا EGNB متوازي الأضلاع ، هذا يعني أن : (BN) // (EG) و BN = EG ، $EG = \frac{1}{2} BC$ و عليه فإن : $BN = \frac{1}{2} BC$ و هذا يعني أن N منتصف الضلع [BC]	



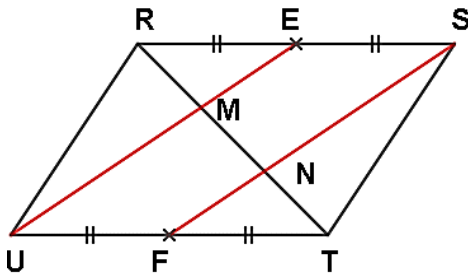
المستوى: الثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة هندسية
المقطع التعليمي: المثلثات

حوصلة 3 ص 136

خاصية 3 :

في مثلث ، إذا شمل مستقيم منتصف أحد أضلاعه و كان موازيا لضلع ثان ، فإنه يقطع الضلع الثالث في منتصفه .



تمرين 16 ص 143

طبيعة الرباعي ESFU

ESFU متوازي الأضلاع لأن فيه ضلعان متقابلان متقايسان و حاملهما متوازيان

$$EF = UF \text{ و } (EF) \parallel (US)$$

إثبات أن $RM = MN = NT$

في المثلث RSN لدينا :

E منتصف [RS] (من المعطيات)

(NS) // (EM) (لأن الرباعي ESFU متوازي الأضلاع)

و عليه حسب الخاصية العكسية لمستقيم المنتصفين فإن M هي منتصف [RN]

$$\text{أي : } RM = MN \text{ (1)}$$

في المثلث UTM لدينا :

F منتصف [TU] (من المعطيات) و (UM) // (FN)

و منه حسب الخاصية العكسية لمستقيم المنتصفين فإن N هي منتصف [MT]

$$\text{أي : } MN = NT \text{ (2)}$$

من (1) و (2) لدينا : $NT = MN = RM$ و هو المطلوب .

المستوى: ثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة هندسية
المقطع التعليمي: المثلثات

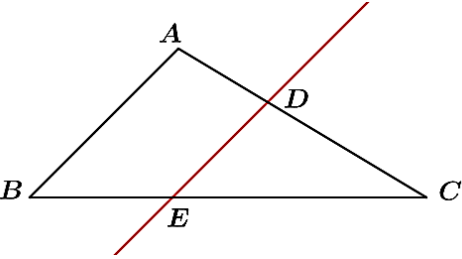
المورد المعرفي:	نظرية المثلثان المعينان بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيين
الكفاءة المستهدفة:	معرفة تناسبية الأطوال لأضلاع المثلثين المعينين بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيين

المراحل	المدة	سير الدرس	التقويم و مؤشرات الكفاءة
أنشطة بناء و الموارد	25د	وضعية تعليمية 4 ص 131 1- حساب النسب $\frac{LM}{BC}$; $\frac{AM}{AC}$; $\frac{AL}{AB}$ لكل شكل من الأشكال الثلاثة المنجزة من طرف التلاميذ 2- نلاحظ أن كل من النسب الثلاثة متساوية فيما بينها بنسبة لكل شكل من الأشكال الثلاثة . حوصلة 4 ص 136 ABC مثلث ، إذا كان L نقطة من (AB) و M نقطة من (AC) و (LM)//(BC) فإن : $\frac{AL}{AB} = \frac{AM}{AC} = \frac{LM}{BC}$	مؤشرات الكفاءة
	15د	تمرين 19 ص 143 حساب الطولين SK و SM JSK مثلث - $M \in [JS]$; $L \in [JK]$ و (LM) //(KS) و منه حسب نظرية المثلثان المعينان بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيين فإن : $\frac{JM}{JS} = \frac{JL}{JK} = \frac{LM}{KS}$ $JL = JK - LK$ $JL = 10 - 4 = 6 \text{ cm}$ حساب الطول KS $\frac{LM}{KS} = \frac{LJ}{JK}$ $KS = \frac{(JK \times LM)}{JL} = \frac{10 \times 3}{6} = 5 \text{ cm}$ حساب الطول SM لدينا : $\frac{JM}{JS} = \frac{JL}{JK}$ $JS = \frac{JK \times JM}{JL} = \frac{10 \times 4,8}{6} = 8 \text{ cm}$ و منه : $SM = JS - JM$ $SM = 8 - 4,8 = 3,2 \text{ cm}$	تقويم الموارد المكتسبة

المستوى: ثالثة متوسط
الدعائم: الكتاب المدرسي، المنهاج، الوثيقة المرفقة، دليل الأستاذ.

الميدان: أنشطة هندسية
المقطع التعليمي: المثلثات

المورد المعرفي:	استعمال نظرية المثلثين المعينين بمتوازيين في برهان
الكفاءة المستهدفة:	استعمال نظرية المثلثين المعينين بمتوازيين في برهان بسيطة

المراحل	المدة	سير الدرس	التقويم و مؤشرات الكفاءة
تهيئة	5د	استعد 8 ص 129 8- الإجابة الثانية و الثالثة وضعية تعليمية ص 137 لدينا في الشكل المقابل :  $AB = 7\text{cm}$ و $(DE) \parallel (AB)$ $CD = 6\text{cm}$ و $AD = 3\text{cm}$ و $CE = 8\text{cm}$ و - المطلوب هو حساب الطول BE تعاليق : نبدأ بحساب الطول CB ثم نحسب BE من العلاقة : $BE = CB - CE = CB - 8$	
أنشطة بناء و الموارد	25د	كما أن : $CA = CD + DA$ أي : $CA = 9\text{cm}$ حل و توجيهات : في المثلث ABC لدينا $(DE) \parallel (AB)$ ، و منه حسب خاصية تناسبية الأطوال الناتجة عن المستقيم الموازي لأحد أضلاع مثلث فإن : $\frac{CD}{CA} = \frac{CE}{CB} = \frac{DE}{AB}$ نعوض في التناسب $\frac{CD}{CA} = \frac{CE}{CB}$ فنجد : $\frac{6}{9} = \frac{8}{CB}$ معناه : $CB = 8 \times \frac{9}{6} = 12$ و منه : $BE = 12 - 8 = 4\text{cm}$ أي $BE = 4\text{cm}$ حوصلة ص 137 لحساب أطوال يمكن استعمال تناسبية الأطوال الناتجة عن المستقيم الموازي لأحد أضلاع مثلث	
تقويم الموارد المكتسبة	15د	تمرين 17 ص 143 من الشكل لدينا $\frac{EL}{ED} = \frac{1}{3}$ ، في المثلث EDF لدينا : $M \in [EF]$; $L \in [ED]$ و منه حسب نظرية المثلثان المعينان بمستقيمين متوازيين يقطعهما آخران غير متوازيين فإن : و منه : $\frac{EL}{ED} = \frac{EM}{EF} = \frac{ML}{FD}$ و هو المطلوب	