

التمرين الأول(5 نقاط)

إجابة واحدة صحيحة فقط من بين الإجابات المقترحة لكل سؤال ، عينها مع التعليل المناسب :

1. ليكن x حيث $x = \frac{2009\pi}{3}$ فان :

$$\cos(x)=0.5 \quad (3) \quad \tan(x) = \frac{-1}{2} \quad (2) \quad . \tan(x) = 0 \quad (1)$$

2. ليكن x عدد حقيقي حيث $\sin(x) = \frac{(\sqrt{2} - \sqrt{6})}{4}$ و $x \in \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$ فان :

$$\cos(x) = \frac{(\sqrt{6} - \sqrt{2})}{4} \quad (3) \quad \cos(x) = \frac{(\sqrt{2} + \sqrt{6})}{4} \quad (2) \quad \cos(x) = 1 \quad (1)$$

3. العبارة المبسطة للعبارة $A(x) = \left[\cos\left(\frac{21\pi}{2} - x\right) + \sin\left(\frac{17\pi}{2} - x\right) \right] * \left[\cos(2009\pi + x) + \cos\left(\frac{17\pi}{2} - x\right) \right]$ هي :

$$A(x) = 0 \quad (3) \quad A(x) = 1. \quad (2) \quad A(x) = 2\sin^2(x) - 1 \quad (1)$$

4. المعادلة $2\cos(2x) - 1 = 0$ تقبل بالضبط في المجال $[-\pi, \pi]$:
 (3) أربعة حلول
 (2) لا تقبل حلول
 (1) حلان

التمرين الثاني:(9 نقاط)

لتكن f دالة عددية حيث : $f(x) = \frac{x^2 + 4x + 8}{x + 2}$. أدرس تغيرات الدالة f .

(2) بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x + 2$ مستقيم مقارب مائل للمنحنى (C_f) .

(3)-عين معادلة المماس للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة $-1 = x_0$ ولترمز له بـ (D) .

ب-هل يوجد للمنحنى (C_f) مماسات موازية للمستقيم (D) . عينها في حالة الوجود.

(4) أنشئ (C_f) و (Δ) و (D) .

(5) بين أن النقطة $(-2, 0)$ مركز تناول للمنحنى (C_f) .

(6) لتكن h الدالة العددية المعرفة بـ :
$$h(x) = \frac{-x^2 + 4|x| - 8}{|x| - 2}$$

ا)- بين أن $D_h = R - \{-2, +2\}$

ب-بين أن h دالة زوجية.

ج-أكتب عبارة $h(x)$ دون قيمة مطلقة مستنرجا طريقة لإنشاء $h(x)$ انطلاقاً من (C_f) ثم أنشأه.

التمرين الثالث:(6 نقاط)

لتكن $(U_n)_{n \in N}$ و $(V_n)_{n \in N}$ متاليتين عديتين معرفتين بالعلاقة : $U_0 = 16; U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n + 3; V_n = U_n - 6$

(1) أحسب V_1 .

(2) أثبت أن متالية $(V_n)_{n \in N}$ هندسية يطلب تعين أساسها q و حدتها الأولى V_0 .

(3) عين عبارة الحد العام V_n ثم U_n بدلالة V_n .

(4) أحسب بدلالة n المجموع : $S_n = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_n$. ثم نهايته لم يؤول إلى $+\infty$.

(5) أحسب العددين : $S_2 = V_1 \times V_2 \times V_3 \times \dots \times V_{50}$ و $S_1 = U_5 + U_6 + U_7 + \dots + U_{100}$

(6) نسمى المدة الزمنية اللازمة لعنصر مشع بأن تقسم كتلته إلى النصف بالدوره فإذا كانت دوره الراديوم هي 1500 سنة وكانت لدينا عينة من 10 غرامات من الراديوم فما هو وزن العينة بعد 9000 سنة (دور الكتلة الـ)