

## التمرين الأول (5 نقاط):

إجابة واحدة صحيحة فقط من بين الإجابات المقترحة لكل سؤال ، عينها مع التعليل المناسب :

1. ليكن  $x$  حيث  $x = \frac{2009\pi}{3}$  فإن :

(1)  $\tan(x) = 0$  (2)  $\tan(x) = \frac{-1}{2}$  (3)  $\cos(x) = 0.5$

2. ليكن  $x$  عدد حقيقي حيث  $x \in \left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$  و  $\sin(x) = \frac{(\sqrt{2} - \sqrt{6})}{4}$  فإن :

(1)  $\cos(x) = 1$  (2)  $\cos(x) = \frac{(\sqrt{2} + \sqrt{6})}{4}$  (3)  $\cos(x) = \frac{(\sqrt{6} - \sqrt{2})}{4}$

3. العبارة المبسطة للعبارة  $A(x) = \left[ \cos\left(\frac{21\pi}{2} - x\right) + \sin\left(\frac{17\pi}{2} - x\right) \right] * \left[ \cos(2009\pi + x) + \cos\left(\frac{17\pi}{2} - x\right) \right]$  هي :

(1)  $A(x) = 2\sin^2(x) - 1$  (2)  $A(x) = 1$  (3)  $A(x) = 0$

4. المعادلة  $2\cos(2x) - 1 = 0$  تقبل بالضبط في المجال  $[-\pi; \pi]$  :

(1) حلان (2) لا تقبل حلول (3) أربعة حلول متميزة.

## التمرين الثاني: (9 نقاط)

لتكن  $f$  دالة عددية حيث :  $f(x) = \frac{x^2 + 4x + 8}{x + 2}$  و  $(C_f)$  منحناها البياني في مستوى منسوب لمعلم متعامد ومتجانس

(1) أدرس تغيرات الدالة  $f$ .

(2) بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = x + 2$  مستقيم مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$ .

(3) أ- عين معادلة المماس للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة  $x_0 = -1$  ولنرمز له بـ  $(D)$ .

ب- هل يوجد للمنحنى  $(C_f)$  مماسات موازية للمستقيم  $(D)$  . عينها في حالة الوجود.

(4) أنشئ  $(C_f)$  و  $(\Delta)$  و  $(D)$  .

(5) بين أن النقطة  $\omega(-2, 0)$  مركز تناظر للمنحنى  $(C_f)$  .

(6) لتكن  $h$  الدالة العددية المعرفة بـ :  $h(x) = \frac{-x^2 + 4|x| - 8}{|x| - 2}$

أ- بين أن  $D_h = R - \{-2, 2\}$

ب- بين أن  $h$  دالة زوجية.

ج- أكتب عبارة  $h(x)$  دون قيمة مطلقة مستنتجا طريقة لإنشاء  $h(x)$  انطلاقا من  $(C_f)$  ثم أنشأه .

## التمرين الثالث: (6 نقاط)

لتكن  $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$  و  $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$  متتاليتين عدديتين معرفتين بالعلاقة :  $U_0 = 16; U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n + 3; V_n = U_n - 6$

(1) أحسب  $V_1$ .

(2) أثبت أن متتالية  $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$  هندسية يطلب تعيين أساسها  $q$  وحدها الأول  $V_0$

(3) عين عبارة الحد العام  $V_n$  ثم  $U_n$  بدلالة  $n$ .

(4) أحسب بدلالة  $n$  المجموع :  $S_n = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_n$  ثم نهايته لم يؤول  $n$  إلى  $\infty$  .

(5) أحسب العددين :  $S_1 = U_5 + U_6 + U_7 + \dots + U_{100}$  و  $S_2 = V_1 \times V_2 \times V_3 \times \dots \times V_{50}$

(6) نسمي المدة الزمنية اللازمة لعنصر مشع بأن تنقسم كتلته الى النصف بالدورة . فإذا كانت دورة الراديوم هي 1500 سنة وكانت لدينا عينة من 10 غرامات من الراديوم فما هو وزن العينة بعد 9000 سنة ( تدور الكتلة ال )