

التمرين الأول (8 ن) :

$$(u_n)_{n \geq 0} \text{ و } (v_n)_{n \geq 0} \text{ متتاليتان معرفتان على } \mathbb{N} \text{ كما يلي : } u_0 = \frac{1}{4} \text{ و } u_{n+1} = 3 - \frac{10}{4+u_n} \text{ و } v_n = \frac{u_n + 2}{1 - u_n} \text{ و}$$

(1) بين أن $(v_n)_{n \geq 0}$ متتالية هندسية أساسها $\frac{5}{2}$ يطلب تعيين حدها الاول

(2) أستنتج اتجاه تغير $(v_n)_{n \geq 0}$

(3) جد عبارة الحد العام v_n بدلالة n

(4) بين أن $u_n = 1 - \frac{3}{1+v_n}$ استنتج عبارة u_n بدلالة n .

(5) احسب النهاية $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$ ماذا تستنتج ؟

(6) احسب المجموعين S_1 و S_2 حيث : $S_1 = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ و

$$S_2 = v_0^2 + v_1^2 + \dots + v_n^2$$

التمرين الثالث (11 ن) :

المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$, نعتبر النقط $A(1;3)$, $B(3;0)$ و $C(-5;-1)$ و $N(1;2)$

(1) بين أن المثلث ABC قائم في A ثم عين معادلة للدائرة المحيطة بهذا المثلث.

(2) عين معادلة لمماس هذه الدائرة في النقطة A .

(3) (D) المستقيم الذي معادلته $2x - y - 1 = 0$.

(a) تحقق أن النقطة $H(t; 2t-1)$ تنتمي إلى المستقيم (D) .

(b) عين إحداثيتي النقطة H حتى يكون المستقيمين (D) و (NH) متعامدين

(c) احسب المسافة بين النقطة $M(3;2)$ والمستقيم (D)

(5) نعتبر المجموعة (E) للنقط $M(x,y)$ حيث : $x^2 + y^2 + 4x - 2y - 31 = 0$

(a) بين أن (E) دائرة يطلب تعيين مركزها ω ونصف قطرها r

(b) ادرس الوضع النسبي للدائرة (E) و المستقيم (D)

(c) عين نقط تقاطع الدائرة مع محور الفواصل ان وجدت

(d) عين صورة الدائرة (C) بالتحاكي الذي مركزه O ونسبته 3

بالتوفيق للجميع

اساتذة المادة (بلعباس محمد+بوتلحيق عماد)

ملاحظة : تمنح علامة للمنهجية والتنظيم