



على المترشح ان يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

التمرين الأول: (4 نقاط)

احب بصح أو خطأ مع التبرير في كل حالة من الحالات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x^2 + 1)}{x} = 0 \quad (1)$$

(2) نعتبر المتالية (v_n) المعرفة بـ $v_0 = \frac{1}{2}$ و من أجل كل n من \mathbb{N} :

$$v_n = \frac{2^n}{1 + 2^n} \quad \text{من أجل كل } n \text{ من } \mathbb{N} :$$

(3) معامل x^6 في منشور $(x+2)^9$ هو:

(4) المعادلة ذات المجهول الطبيعي n التالية: $C_n^3 + C_{2n}^2 = 8n$ تقبل حلين متمايزين.

التمرين الثاني: (4.5 نقاط)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة والمترادفة تماما على $[0; +\infty)$ بـ:

(5) المتالية العددية المعرفة بحدها الأول $u_0 = 2$ و من أجل كل عدد طبيعي n ، (u_n)

(1) برهن بالترابع انه من أجل كل عدد طبيعي n : $2 \leq u_n \leq n$

(2) ادرس اتجاه تغير المتالية (u_n) ثم برهن تقاربها.

(3) لتكن المتالية (v_n) المعرفة على N كما يلي :

أ. اثبت أن (v_n) متالية حسابية أساسها 3.

ب. أكتب عبارة الحد العام v_n بدلالة n ثم تحقق أنه من أجل كل عدد طبيعي n :

ج. احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$

(4) احسب بدلالة n المجموع S_n حيث، $S_n = u_0 v_0 + u_1 v_1 + u_2 v_2 + \dots + u_n v_n$

التمرين الثالث: (4 نقاط)

يضم كيس خمس كرات بيضاء مرقمة من 1 إلى 5 وثلاث كرات حمراء مرقمة من 6 إلى 8 وكرتين خضراء تحملان الرقمين 9 و 10 (الكرات لا تفرق بينها عند اللمس). نسحب عشوائيا كرتين من الكيس في آن واحد.

1) ما احتمال وقوع الحوادث التالية: A " الكرتان المسحوبتان تحملان رقمين فردانين " .

B " الكرتان المسحوبتان من نفس اللون " و C " الكرتان المسحوبتان من لونين مختلفين " .

هل الحادثان A و B مستقلتان ؟

2) ما احتمال سحب رقم زوجي على الأقل ؟

3) ما احتمال سحب كرتين تحملان رقمين فردانين علما أنهما من لونين مختلفين ؟

4) ما هو عدد الكرات البيضاء الممكن إضافتها إلى الكيس حتى يكون $P(B) = \frac{59}{120}$ ؟

التمرين الرابع: (7.5 نقاط)

I) $g(x) = 4xe^{2x} + 1$ دالة معرفة على R بـ:

1) احسب نهايات الدالة g .

2) ادرس اتجاه تغير الدالة g على المجال R ثم شكل جدول تغيراتها.

3) استنتج أنه من أجل كل x من R : $g(x) > 0$

II) لتكن الدالة f المعرفة على R بـ:

1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

2) أ - بين أن المستقيم (Δ) ذو معادلة $y = x + 1$ هو مستقيم مقارب مائل للمنحنى (C_f) بجوار $-\infty$.

ب - ادرس وضعية (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ) .

3) بين أنه من أجل كل x من R : $f'(x) = g(x)$ ثم شكل جدول تغيرات f .

4) أ - بين أن المنحنى (C_f) يشمل النقطة $\omega\left(\frac{-1}{2}; \frac{e-4}{2e}\right)$.

ب - تحقق أن النقطة ω هي نقطة انعطاف للمنحنى (C_f) .

5) احسب $f(0)$ ثم انشئ (Δ) و (C_f) .

6) أ - باستعمال المتكاملة بالتجزئة احسب العدد:

$$I = \int_0^{\frac{1}{2}} (2x-1)e^{2x} dx$$

ب - احسب التكامل $J = 2 \int_0^{\frac{1}{2}} f(x) dx$. مادا تمثل النتيجة المحصل عليها بالنسبة للدالة f .