

الحل

$$\begin{aligned}
 & \text{2) تبيين أن: } BC^2 = 180 \text{ و } AB^2 = 45 \\
 & \text{بما أن } \widehat{AOC} = 180^\circ \text{ و } \widehat{BOC} \text{ فإن المثلثين:} \\
 & \text{ABC و BOC قائمان، إذن حسب نظرية فيثاغورس:} \\
 AB^2 &= OB^2 + OA^2 \quad BC^2 = OB^2 + OC^2 \\
 AB^2 &= 6^2 + 3^2 \quad BC^2 = 6^2 + (3+9)^2 \\
 AB^2 &= 36 + 9 \quad BC^2 = 36 + 144 \\
 AB^2 &= 45 \quad BC^2 = 180
 \end{aligned}$$

3) برهان أن المستقيمين (AB) و (BC) متعامدين:
يكفي إثبات أن المثلث ABC قائم في B :

$$\begin{aligned}
 AC^2 &= 15^2 = 225 & \text{لدينا:} \\
 BC^2 + AB^2 &= 180 + 45 = 225 \\
 \text{بما أن: } & AC^2 = BC^2 + AB^2
 \end{aligned}$$

فإن المثلث ABC قائم في B وبالتالي:

4) بُعد النقطة A عن المستقيم (BC) هو الطول
لأن حامل $[AB]$ عمودي على (BC)

$$AB^2 = 45$$

$$AB = \sqrt{45}$$

$$AB \approx 6,7 \text{ cm}$$

التمارين و الوضعيات

المطلوب:

- 1) أنشئ الشكل بالأبعاد المُعطاة.
- 2) بين أن: $BC^2 = 180$ و $AB^2 = 45$.
- 3) برهن أن المستقيمين (AB) و (BC) متعامدين.
- 4) ما هو بُعد النقطة A عن المستقيم (BC) ؟
- 5) أنشئ الدائرة (G) ذات القطر $[FC]$ تقطع (BC) في H .
- 6) بين طبيعة المثلث FHC مع التعليل.
- 7) اشرح لماذا المستقيمان (AB) و (FH) متوازيان؟

5) المثلث FHC مُحاط بالدائرة (G) و ضلعه $[FC]$ قُطر
لهذه الدائرة فهو قائم في H .

6) المستقيمان (AB) و (FH) متوازيان لأنهما عموديان
على نفس المستقيم أي: $(FH) \perp (BC)$ و $(AB) \perp (BC)$