

## عناصر الإجابة

خالد معمري للرياضيات

الجزء الثاني ( 08 نقط )

حل الوضعية الإدماجية :

(1) إيجاد مساحة القاعدة بيانيا :

العبرة الجبرية للدالة  $f$  : مدة الأشغال 4 أيام إذن ثمن النقل هو  $DA$  4000 ،  $1000 \times 4 = 4000$

$$f(x) = 780x + 4000$$

العبرة الجبرية للدالة  $g$  :  $g(x) = 43000$

$$f(x) = 780x + 4000$$

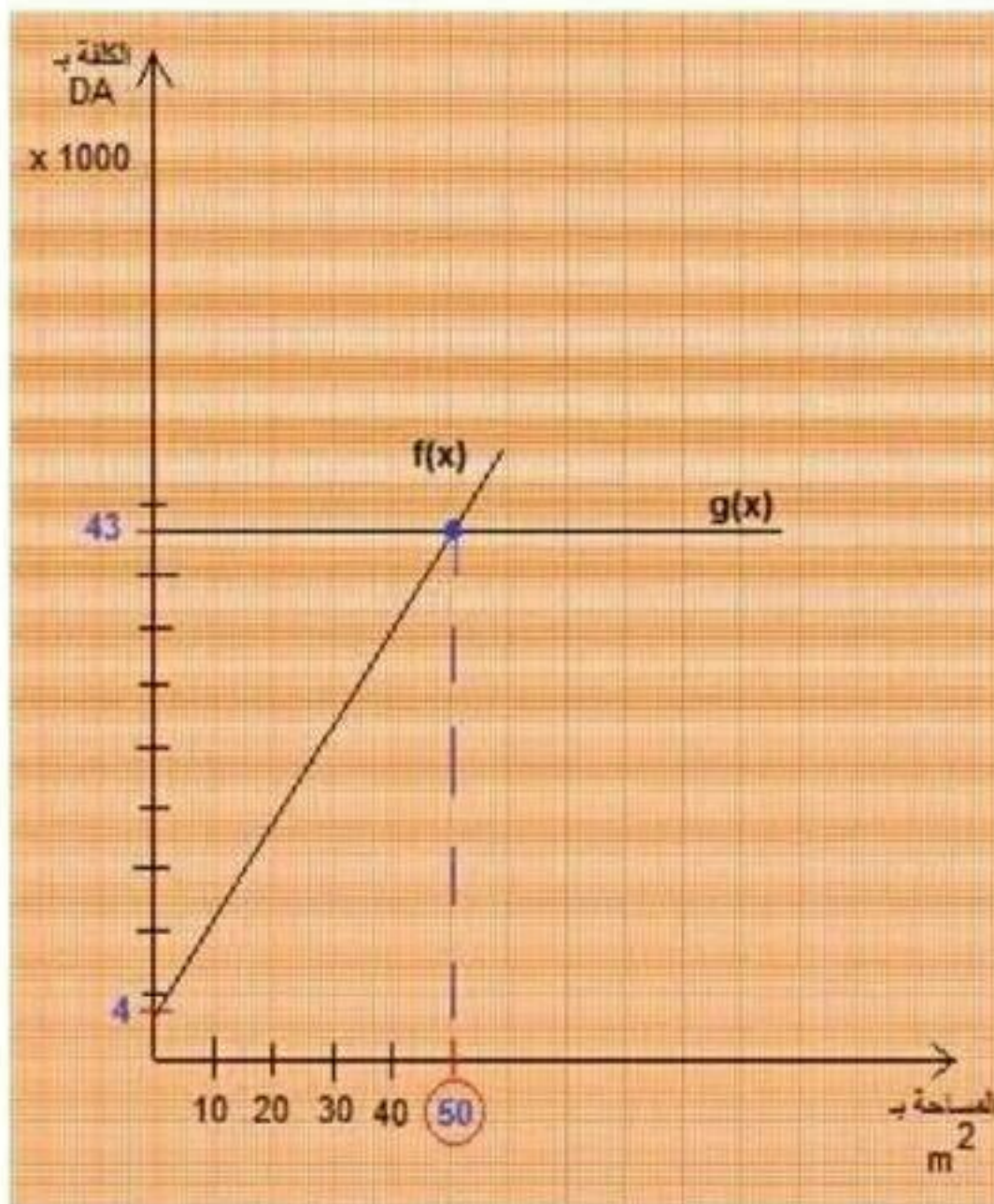
|          |           |             |
|----------|-----------|-------------|
| $x$      | 0         | 40          |
| $y$      | 4000      | 35200       |
| $(x; y)$ | (0; 4000) | (40; 35200) |

$$g(x) = 43000$$

|          |            |             |
|----------|------------|-------------|
| $x$      | 0          | 10          |
| $y$      | 43000      | 43000       |
| $(x; y)$ | (0; 43000) | (10; 43000) |

بيانيا : بالإسقاط نجد  $x = 50$

مساحة القاعدة تساوي  $50m^2$



(2) إيجاد السعر الذي لا يجب أن يتعداه سعر المتر المربع الواحد من البلاط

• أجرة البناء  $DA$  43000

• السلع الأخرى  $DA$  12500

• ثمن نقلها  $DA$  5000

• ثمن البلاط  $50 \times P$

$$12500 + 5000 + 43000 + 50 \times P < 120000$$

بحل المتراجحة نجد

$$P < 1190$$

إذن السعر الذي لا يجب أن يتعداه سعر المتر المربع الواحد من البلاط هو  $DA$  1190

خالد معمري للرياضيات

## عناصر الإجابة

العلامة

خالد معمري للرياضيات

كلية

مجزأة

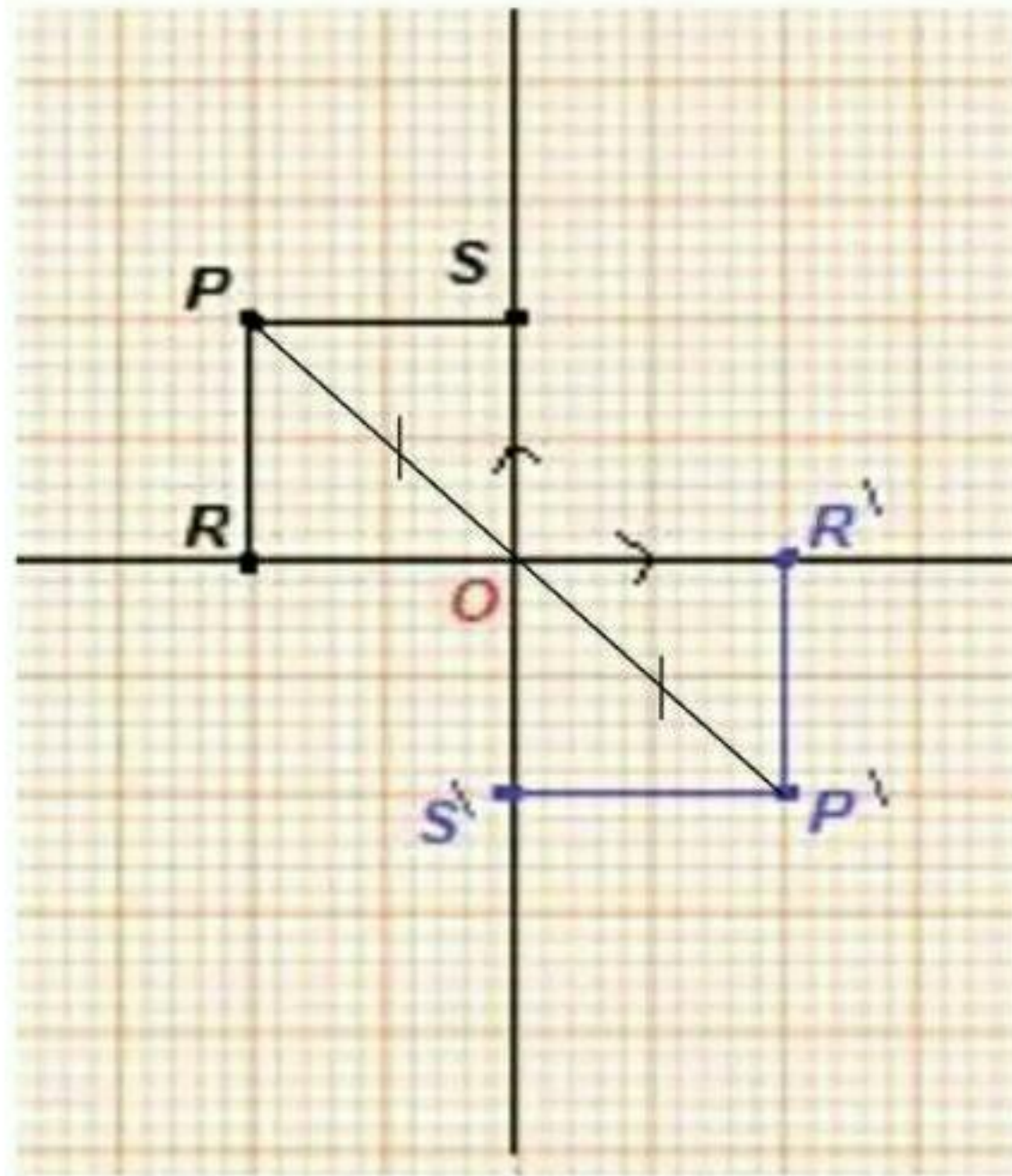
حل التمرين الرابع ( 03 نقط )

01

$0,25 \times 2$

$0,25 \times 2$

(1) تعليم النقطتين  $R, S$  :  $S(0; 2)$  ,  $\vec{RO} \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \end{pmatrix}$  ,  
 $R(-2; 0)$  إذن  $\begin{cases} x_R = -2 \\ y_R = 0 \end{cases}$  و منه  $\begin{cases} 0 - x_R = 2 \\ 0 - y_R = 0 \end{cases}$



(2) إيجاد إحداثيتي النقطة  $P$  :

$\vec{RO} \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \end{pmatrix} = \vec{PS} \begin{pmatrix} 0 - x_P \\ 2 - y_P \end{pmatrix}$  منه  $SORP$  متوازي أضلاع و منه

$P(-2; 2)$  إذن  $\begin{cases} x_P = -2 \\ y_P = 2 \end{cases}$  و منه  $\begin{cases} 0 - x_P = 2 \\ 2 - y_P = 0 \end{cases}$

(3) إنشاء صورة متوازي الأضلاع  $SORP$

الدوران الذي مركزه  $O$  و زاويته  $180^\circ$  هو تناظر مركزي مركزه  $O$ .

صورة  $O$  هي نفسها

$R'$  صورة  $R$

$S'$  صورة  $S$

$P'$  صورة  $P$

01

$0,25 \times 4$

خالد معمري للرياضيات

# عناصر الإجابة

العلامة

خالد معمري للرياضيات

كلية

مجزأة

حل التمرين الثاني ( 03 نقط )

01  
0,25  
0,25  
0,25  
0,25

$$\begin{aligned} (1) \text{ تبين أن } A &= 2(x+1)^2 \\ A &= (3x+3)(x+1) - (x+1)^2 \\ A &= (x+1)[(3x+3) - (x+1)] \\ A &= (x+1)[3x+3-x-1] \\ A &= (x+1)(2x+2) \\ A &= 2(x+1)(x+1) \\ A &= 2(x+1)^2 \end{aligned}$$

(2) كتابة  $MN$  بدلالة  $x$  :

في المثلث القائم  $KMN$  :  $\tan \alpha = \frac{MN}{x}$  و  $\tan \alpha = 1$  ( من المعطيات )

0,5 0,25 × 2

إذن :  $\frac{MN}{x} = 1$  و بالتالي :  $MN = x$

01,5 0,25 × 2

(3) إيجاد قيمة  $x$  : مساحة المثلث القائم  $KMN$  تساوي  $8\text{cm}^2$

و منه :  $\frac{x \times MN}{2} = 8$  أي :  $\frac{x \times x}{2} = 8$  و بالتالي :  $x^2 = 16$

0,5 × 2

$x = -\sqrt{16} = -4$  ( مرفوض ) أو  $x = \sqrt{16} = 4$  ( مقبول )

إذن  $x = 4\text{cm}$

مساحة الشكل :  $(3x+3)(x+1) + 8 = (12+3)(5) + 8$

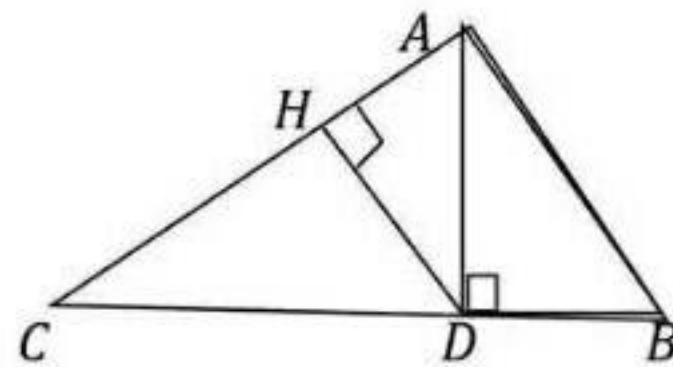
و بالتالي مساحة الشكل تساوي :  $83\text{cm}^2$

0,25 × 2

حل التمرين الثالث ( 03 نقط )

(1) إنشاء الشكل :

0,75 0,25 × 3



(2) تبين أن  $(AB) \parallel (HD)$  :

نبين أن المثلث  $ABC$  قائم في النقطة  $A$  بتوظيف الخاصية العكسية لخاصية فيثاغورث

و منه نجد  $(AB) \perp (AC)$

ولدينا  $(HD) \perp (AC)$  ( من المسقط العمودي )

إذن :  $(AB) \parallel (HD)$  ( خاصية )

0,75

0,25

(3) حساب  $CD$  : في المثلث القائم  $ACD$  حسب خاصية فيثاغورث :  $AC^2 = CD^2 + AD^2$

و منه  $CD^2 = AC^2 - AD^2$

بالتعويض و الحساب نجد  $CD = 6,4\text{cm}$

حساب  $HD$  :  $(AB) \parallel (DH)$  و النقط  $B, D, C$  في استقامة و كذلك النقط  $A, H, C$

0,5 0,25 × 2

فحسب خاصية طالس :  $\frac{CD}{CB} = \frac{HD}{AB}$  و منه  $\frac{6,4}{10} = \frac{HD}{6}$

$$HD = \frac{6,4 \times 6}{10}$$

0,5

0,25

$HD = 3,84$  بالتدوير المطلوب نجد  $HD = 3,8\text{cm}$

0,5

0,25 × 2

خالد معمري للرياضيات

## اختبار تجريبي في مادة الرياضيات

## الجزء الأول ( 12 نقطة )

خالد معمري للرياضيات

## التمرين الأول ( 03 نقط )

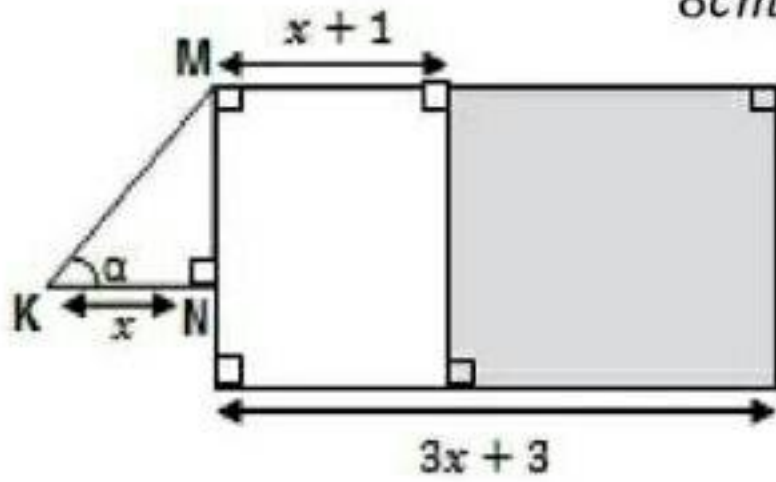
 $F, E$  عدنان حيث :

$$F = 4\sqrt{28} - \sqrt{175} - \frac{\sqrt{49}}{\sqrt{7}} \text{ و } E = \frac{676}{845} + \frac{2}{5} \times 3$$

(1) أكتب  $\frac{676}{845}$  بشكل كسر غير قابل للاختزال(2) بين أن  $F = E \times \sqrt{7}$ (3) ليكن العدد  $H$  حيث :  $H = (E + F)(E - F)$ بين أن :  $H = -24$ 

## التمرين الثاني ( 03 نقط )

الشكل غير المرسوم بالأطوال الحقيقية و وحدة الطول هي السنتيمتر ( $x > 1$ ).  
ويمثل مربع طول ضلعه  $x + 1$ ، مستطيل مظل و مثلث  $MNK$  قائم مساحته  $8\text{cm}^2$

(1) لتكن  $A$  مساحة المستطيل المظلبين أن  $A = 2(x + 1)^2$ (2) أكتب  $MN$  بدلالة  $x$  إذا علمت أن  $\tan \alpha = 1$ (3) جد قيمة  $x$  ثم احسب مساحة الشكل .

## التمرين الثالث ( 03 نقط )

 $ABC$  مثلث فيه :  $BC = 10\text{cm}$ ,  $AC = 8\text{cm}$ ,  $AB = 6\text{cm}$ ليكن  $H, D$  المسقطان العموديان للنقطتين  $A, D$  على المستقيمين  $(BC)$ ,  $(AC)$  على الترتيب .

(1) أنشئ الشكل بدقة

(2) بين أن  $(AB) \parallel (HD)$ (3) إذا علمت أن  $AD = 4,8\text{cm}$  احسب كلا من  $CD$  و  $HD$  ( تدور النتائج إلى  $\frac{1}{10}$  من السنتيمتر ) .

## التمرين الرابع ( 03 نقط )

(1) في مستو منسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(O ; I ; J)$  وحدته  $1\text{cm}$  علم النقطتين  $R, S$  حيث :

$$\vec{RO} \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \end{pmatrix} \text{ و } S(0;2)$$

(2) جد إحداثيتي النقطة  $P$  حتى يكون الرباعي  $SORP$  متوازي أضلاع .(3) أنشئ صورة متوازي الأضلاع  $SORP$  بالدوران الذي مركزه النقطة  $O$  و زاويته  $180^\circ$

## حل الاختبار التجريبي في مادة الرياضيات

## الجزء الأول ( 12 نقطة )

خالد معمري للرياضيات

| العلامة |                 | عناصر الإجابة                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |
|---------|-----------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| كلية    | مجزأة           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
| 0,75    | 0,25            | <p><b>حل التمرين الأول ( 03 نقط )</b></p> <p><b>(1) كتابة <math>\frac{676}{845}</math> بشكل كسر غير قابل للاختزال</b><br/> حساب <math>PGCD(676,845)</math><br/> <math>845 = 676 \times 1 + 169</math><br/> <math>676 = 169 \times 4 + 0</math><br/> <math>PGCD(676,845) = 169</math></p> $\frac{676}{845} = \frac{676 \div 169}{845 \div 169}$ $\frac{735}{605} = \frac{4}{5} \quad \text{إذن :}$ <p><b>(2) تبين أن <math>F = E \times \sqrt{7}</math></b><br/> حساب <math>E</math><br/> <math>\frac{735}{605} = \frac{4}{5}</math> مما سبق <math>E = \frac{676}{845} + \frac{2}{5} \times 3</math><br/> <math>E = \frac{4}{5} + \frac{6}{5}</math> منه <math>E = \frac{4+6}{5}</math> إذن : <math>E = \frac{10}{5}</math> و بالتالي <math>E = 2</math><br/> حساب <math>F</math><br/> <math>F = 4\sqrt{28} - \sqrt{175} - \frac{\sqrt{49}}{\sqrt{7}}</math><br/> <math>F = 4\sqrt{4 \times 7} - \sqrt{25 \times 7} - \frac{7}{\sqrt{7}}</math><br/> <math>F = 4 \times 2\sqrt{7} - 5\sqrt{7} - \frac{7\sqrt{7}}{7}</math><br/> <math>F = 8\sqrt{7} - 5\sqrt{7} - \sqrt{7}</math><br/> <math>F = (8 - 5 - 1)\sqrt{7}</math><br/> <math>F = 2\sqrt{7}</math> ولدينا مما سبق <math>E = 2</math><br/> إذن : <math>F = E \times \sqrt{7}</math></p> <p><b>(3) تبين أن <math>H = -24</math></b><br/> <math>H = (E + F)(E - F)</math> لدينا <math>E = 2</math> و <math>F = 2\sqrt{7}</math><br/> إذن : <math>H = (2 + 2\sqrt{7})(2 - 2\sqrt{7})</math> و عليه : <math>H = 2^2 - (2\sqrt{7})^2</math><br/> أي أن : <math>H = 4 - 28</math><br/> و بالتالي : <math>H = -24</math></p> |
|         | 0,25            |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
|         | 0,25            |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
| 01,25   | $0,25 \times 2$ | <p><math>F = 2\sqrt{7}</math> ولدينا <math>E = 2</math> و <math>F = 2\sqrt{7}</math><br/> إذن : <math>H = (2 + 2\sqrt{7})(2 - 2\sqrt{7})</math> و عليه : <math>H = 2^2 - (2\sqrt{7})^2</math><br/> أي أن : <math>H = 4 - 28</math><br/> و بالتالي : <math>H = -24</math></p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |
|         | $0,25 \times 2$ |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
| 01      | 0,25            | <p><b>خالد معمري للرياضيات</b></p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
|         | 0,25            |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
|         | 0,25            |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |

يملك عمي أحمد خزان ماء يستعمله لأغراض فلاحية , شكله متوازي مستطيلات مساحة قاعدته  $x m^2$

خصص عمي أحمد مبلغ  $120000 DA$  لتبليط قاعدة الخزان و اتصل ببنائين إثنين

البناء الأول : عرض سعر  $780 DA$  لتبليط متر مربع واحد بالإضافة إلى مصاريف النقل المقدرة بـ  $1000 DA$  لليوم الواحد .

البناء الثاني : عرض سعر  $43000 DA$  لتبليط كل الأرضية مع عدم دفع مستحقات النقل .

و كل منهما يستغرق أربعة أيام لإتمام الأشغال

نضع  $f(x)$  و  $g(x)$  كلفة البناء الأول و كلفة البناء الثاني على الترتيب

(1) إذا علمت أن كلفتي البنائين الاثنين متساويتين , جد بيانيا مساحة قاعدة الخزان المراد تبليطها .

(2) بالإضافة إلى ثمن البلاط قدر سعر السلع الأخرى اللازمة لهذا المشروع بـ  $12500 DA$  و نقلها بـ  $5000 DA$

جد  $P$  السعر الذي لا يجب أن يتعداه سعر المتر المربع الواحد من البلاط كي يكون المبلغ الذي خصصه عمي أحمد كاف لإنجاز هذا المشروع .

سلم الرسم : على محور الفواصل  $1cm$  يمثل  $10m^2$

على محور التراتيب  $1cm$  يمثل  $5000 DA$