

على الطالب ان يختار أحد الموضوعين التاليين

الموضوع الأول:

التمرين الأول(06 نقاط):

اختر الاجابة الصحيحة مع تبرير اختيارك :

1. a = 2019 و b = 1440 عددان حيث :

$a + b \equiv 1[3]$	$a + b \equiv -1[5]$	$a + b \equiv 2[7]$
---------------------	----------------------	---------------------

2. عدد قواسم العدد 120 هي :

16 قاسما	14 قاسما	8 قواسم
----------	----------	---------

..... إذا $b \equiv 2[3]$ و $a \equiv -1[3]$.3

$a^{2n} + b - 1 \equiv -1[3]$	$a^{2n} + b - 1 \equiv 2[3]$	$a^{2n} + b - 1 \equiv 0[3]$
-------------------------------	------------------------------	------------------------------

4. أ- A و B حدثان متلائمان حيث $P(A \cup B) = 0.2$ ، $P(B) = 0.3$ ، $P(A) = 0.25$.

$P(A \cap B) = 0.55$	$P(A \cap B) = 0.35$	$P(A \cap B) = 0.75$
----------------------	----------------------	----------------------

- ب-

$P(\bar{A} \cup \bar{B}) = 0.25$	$P(\bar{A} \cup \bar{B}) = 1$	$P(\bar{A} \cup \bar{B}) = 0.8$
----------------------------------	-------------------------------	---------------------------------

5. نسحب كرية واحدة عشوائيا من كيس يحتوي على 3 كريات حمراء مرقمة بـ 1 ، 2 ، 3 و 5 كريات سوداء مرقمة بـ

1 ، 1 ، 2 ، 2 ، 2 ، 2

أ- احتمال الحصول على كرية تحمل الرقم 1 هو :

1	0.33	0.37
---	------	------

ب- احتمال الحصول على كرية سوداء مرقمة بالرقم 1 هو :

0.5	0.25	0.4
-----	------	-----

التمرين الثاني(06 نقاط):

I) لتكن (u_n) متتالية عددية معرفة على \mathbb{N} بـ :

1. أثبت أن (u_n) متتالية هندسية يتطلب تعين أساسها .

2. أحسب الحدود u_0 ، u_1 ، u_2 .

3. أحسب قيمة الحد السابع للممتالية (u_n) .

II) لتكن (v_n) متتالية حسابية معرفة بحدتها الأول $v_1 = 7$ و أساسها $r = 2$.

1. أكتب عبارة v_n بدلالة n .

2. استنتج اتجاه تغير (v_n) .

3. هل العدد 65 حد من حدود (v_n) ؟ ما رتبته ؟

III) لتكن (w_n) متتالية عددية معرفة بـ :

$$w_n = 4 \times 5^n + 5 + 2n$$

- أحسب المجموع : $S_n = w_0 + w_1 + \dots + w_n$

التمرين الثالث (08 نقاط):

لتكن الدالة f المعرفة على $[3; +\infty) \cup [3; -\infty)$ بالعبارة :

(c) التمثيل البياني للدالة f في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(\vec{r}; \vec{t}; o)$

1. أوجد العدد الحقيقي a حيث من أجل كل x من $[3; +\infty) \cup [3; -\infty)$ فإن :

 - أ-احسب نهايات الدالة f عند الأطراف المفتوحة لمجموعة تعريفها
 - ب- فسر النتائج بيانيا.

3. احسب $(x)f'$ ثم ادرس إشارتها وشكل جدول تغيرات الدالة f .
4. عين إحداثيات نقط تقاطع المنحني (c) مع محوري الإحداثيات.
5. اكتب معادلة $L(\Delta)$ مماس المنحني (c) عند النقطة ذات الفاصلة 4.
6. هل توجد مماسات لمنحني (c) موازية للمماس $.(\Delta)$.
7. أنشئ (c) والمستقيمات المقاربة.

انتهى الموضوع الاول

الموضوع الثاني :

التمرين الأول(06 نقاط)

1. و a b عددان طبيعيان حيث : $2[5] \equiv a$ و $-1[5] \equiv b$ على 5 .
عين باقي قسمة b على 5 .
2. عين باقي قسمة العدد 2^n على 5 حيث n عدد طبيعي .
3. عين باقي قسمة العدد 17 على 5 واستنتج باقي قسمة العدد 17^{4k} على 5 حيث k عدد طبيعي .
4. استنتاج ان العدد $6 + 2^{4k+3} + 17^{4k}$ يقبل القسمة على 5 .
5. عين باقي القسمة الاقليدية على 5 للعدد : $1962^{2016} - 2^{49} + 61^{1954}$.

التمرين الثاني(06 نقاط)

الجزء الاول:

(u_n) متتالية عددية معرفة على \mathbb{N} بـ: $u_0 = 5$ و $u_{n+1} = 2u_n + 3$.

1. أحسب الحدود u_1 ، u_2 ، u_3 .

2. لتكن (v_n) متتالية عددية معرفة على \mathbb{N} بـ: $v_n = u_n - 3$.

أ- بين ان (v_n) متتالية هندسية يطلب تعين أساسها وحدتها الأولى .

ب- أكتب عبارة v_n بدلالة n ، ثم استنتاج عبارة u_n بدلالة n

3. أحسب المجموع : $S = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

الجزء الثاني:

كيس به خمس كرات متجانسة لا نفرق بينهم باللمس 3 منها حمراء والباقي بيضاء .

نسحب عشوائياً كرة من الكيس ونسجل لونها ثم نعيدها ونسحب كرة أخرى ونسجل لونها .

1. شكل شجرة الاحتمالات

2. أحسب احتمال الأحداث التالية :

A : الحصول على كرتين مختلفتين اللون

C: الحصول على كرية بيضاء وتحدة على الأقل

التمرين الثالث(08 نقاط)

لتكن f دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بالعبارة : $2 - x^2 - x$

(C_f) تمثيلها البياني في معلم متعمد ومتجانس

1. أحسب نهايات الدالة f عند $+\infty$ ، $-\infty$.

2. عين اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها .

$f(x) = (x - 2)(x^2 + x + 1)$:

أ- تحقق انه من اجل كل عدد حقيقي x مع محوري الاحداثيات .

ب- استنتاج نقط تقاطع (C_f) مع محوري الاحداثيات .

4. أكتب معادلة للمستقيم (Δ) مماساً للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0.

5. بين أن (C_f) يقبل نقطة انعطاف يطلب تعين احداثياتها .

6. أنشئ (C_f)

انتهى الموضوع الثاني

مع تمنياتنا لكم بالنجاح في باك 2019

استاذة المادة : مباركي . ف