

السؤال :

- 1- بسط المجموع التالي : $1 + y + y^2 + \dots + y^{2023}$ حيث y عدد حقيقي يختلف عن 1
- 2- استنتج حساب النهاية التالية : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x+1)^{2024} - 1}{x}$ ارشاد : يمكن وضع $y = x + 1$

تنبيه : لا تستعمل طريقة العدد المشتق

السؤال :

- 1- بسط المجموع التالي : $1 + y + y^2 + \dots + y^{2023}$ حيث y عدد حقيقي يختلف عن 1
- 2- استنتج حساب النهاية التالية : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x+1)^{2024} - 1}{x}$ ارشاد : يمكن وضع $y = x + 1$

تنبيه : لا تستعمل طريقة العدد المشتق

السؤال :

- 1- بسط المجموع التالي : $1 + y + y^2 + \dots + y^{2023}$ حيث y عدد حقيقي يختلف عن 1
- 2- استنتج حساب النهاية التالية : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x+1)^{2024} - 1}{x}$ ارشاد : يمكن وضع $y = x + 1$

تنبيه : لا تستعمل طريقة العدد المشتق

السؤال :

- 1- بسط المجموع التالي : $1 + y + y^2 + \dots + y^{2023}$ حيث y عدد حقيقي يختلف عن 1
- 2- استنتج حساب النهاية التالية : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x+1)^{2024} - 1}{x}$ ارشاد : يمكن وضع $y = x + 1$

تنبيه : لا تستعمل طريقة العدد المشتق

سؤال :

- الدالة f معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = \ln(1+e^{-x})$ ، (C_f) تمثيلها البياني في م م إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.
- (1) تحقق أن (C_f) يقبل مستقيما مقاربا (D) معادلته: $y = -x$.
 - (2) أ) بين أن من أجل كل عدد حقيقي x بـ: $f(-x) - f(x) = x$ ،
ب) استنتج حساب: $f'(-x) + f'(x)$

سؤال :

- الدالة f معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = \ln(1+e^{-x})$ ، (C_f) تمثيلها البياني في م م إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.
- (1) تحقق أن (C_f) يقبل مستقيما مقاربا (D) معادلته: $y = -x$.
 - (2) أ) بين أن من أجل كل عدد حقيقي x بـ: $f(-x) - f(x) = x$ ،
ب) استنتج حساب: $f'(-x) + f'(x)$

سؤال :

- الدالة f معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = \ln(1+e^{-x})$ ، (C_f) تمثيلها البياني في م م إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.
- (1) تحقق أن (C_f) يقبل مستقيما مقاربا (D) معادلته: $y = -x$.
 - (2) أ) بين أن من أجل كل عدد حقيقي x بـ: $f(-x) - f(x) = x$ ،
ب) استنتج حساب: $f'(-x) + f'(x)$

سؤال :

- الدالة f معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = \ln(1+e^{-x})$ ، (C_f) تمثيلها البياني في م م إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.
- (1) تحقق أن (C_f) يقبل مستقيما مقاربا (D) معادلته: $y = -x$.
 - (2) أ) بين أن من أجل كل عدد حقيقي x بـ: $f(-x) - f(x) = x$ ،
ب) استنتج حساب: $f'(-x) + f'(x)$

-السؤالين مستقلان عن بعضهما -

1- عين مجموعة تعريف الدالة f المعرفة بـ: $f(x) = \ln(\ln(\ln x))$

2- اوجد عبارة $f(x)$ بحيث: $f(x) + 3f(1-x) = 2x^2 + x - 7$

ارشاد: (يمكن فرض أن $f(x) = ax^2 + bx + c$ ثم البحث عن الثوابت باستعمال المساواة السابقة)

-السؤالين مستقلان عن بعضهما -

1- عين مجموعة تعريف الدالة f المعرفة بـ: $f(x) = \ln(\ln(\ln x))$

2- اوجد عبارة $f(x)$ بحيث: $f(x) + 3f(1-x) = 2x^2 + x - 7$

ارشاد: (يمكن فرض أن $f(x) = ax^2 + bx + c$ ثم البحث عن الثوابت باستعمال المساواة السابقة)

-السؤالين مستقلان عن بعضهما -

1- عين مجموعة تعريف الدالة f المعرفة بـ: $f(x) = \ln(\ln(\ln x))$

2- اوجد عبارة $f(x)$ بحيث: $f(x) + 3f(1-x) = 2x^2 + x - 7$

ارشاد: (يمكن فرض أن $f(x) = ax^2 + bx + c$ ثم البحث عن الثوابت باستعمال المساواة السابقة)

-السؤالين مستقلان عن بعضهما -

1- عين مجموعة تعريف الدالة f المعرفة بـ: $f(x) = \ln(\ln(\ln x))$

2- اوجد عبارة $f(x)$ بحيث: $f(x) + 3f(1-x) = 2x^2 + x - 7$

ارشاد: (يمكن فرض أن $f(x) = ax^2 + bx + c$ ثم البحث عن الثوابت باستعمال المساواة السابقة)

- السؤالين مستقلان عن بعضهما البعض -

$$(1) \text{ احسب النهاية التالية : } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - e^{-x}}{x}$$

$$(2) \text{ ماهو عدد المماسات المشتركة لمنحني الدالتين } f \text{ و } g \text{ حيث: } \begin{cases} f(x) = \ln x \\ g(x) = e^x \end{cases}$$

- - السؤالين مستقلان عن بعضهما البعض - -

$$(3) \text{ احسب النهاية التالية : } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - e^{-x}}{x}$$

$$(4) \text{ ماهو عدد المماسات المشتركة لمنحني الدالتين } f \text{ و } g \text{ حيث: } \begin{cases} f(x) = \ln x \\ g(x) = e^x \end{cases}$$

- - السؤالين مستقلان عن بعضهما البعض -

$$1- \text{ احسب النهاية التالية : } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - e^{-x}}{x}$$

$$2- \text{ ماهو عدد المماسات المشتركة لمنحني الدالتين } f \text{ و } g \text{ حيث: } \begin{cases} f(x) = \ln x \\ g(x) = e^x \end{cases}$$

- السؤالين مستقلان عن بعضهما البعض -

$$(1) \text{ احسب النهاية التالية : } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - e^{-x}}{x}$$

$$(2) \text{ ماهو عدد المماسات المشتركة لمنحني الدالتين } f \text{ و } g \text{ حيث: } \begin{cases} f(x) = \ln x \\ g(x) = e^x \end{cases}$$

سؤال :

(1) الدالة f معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = e^x \ln(1 + e^{-x})$ ،
- احسب نهاية f عند $-\infty$.

(2) حل في $\mathbb{R}$ المتراجحة المقترحة : $\ln(5-x) - \ln 3 + \ln(x-1) \leq 0$

سؤال :

(1) الدالة f معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = e^x \ln(1 + e^{-x})$ ،
- احسب نهاية f عند $-\infty$.

(2) حل في $\mathbb{R}$ المتراجحة المقترحة : $\ln(5-x) - \ln 3 + \ln(x-1) \leq 0$

سؤال :

(1) الدالة f معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = e^x \ln(1 + e^{-x})$ ،
- احسب نهاية f عند $-\infty$.

(2) حل في $\mathbb{R}$ المتراجحة المقترحة : $\ln(5-x) - \ln 3 + \ln(x-1) \leq 0$

سؤال :

(1) الدالة f معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = e^x \ln(1 + e^{-x})$ ،
- احسب نهاية f عند $-\infty$.

(2) حل في $\mathbb{R}$ المتراجحة المقترحة : $\ln(5-x) - \ln 3 + \ln(x-1) \leq 0$

سؤال :

(1) الدالة f معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = e^x \ln(1 + e^{-x})$ ،
- احسب نهاية f عند $-\infty$.

(2) حل في $\mathbb{R}$ المتراجحة المقترحة : $\ln(5-x) - \ln 3 + \ln(x-1) \leq 0$

سؤال :

$$\begin{cases} u_0 = \alpha \\ u_n = 10u_{n-1} + 20 \end{cases} \quad \text{نعتبر المتتالية } (u_n) \text{ المعرفة على } \mathbb{N} \text{ و } \alpha \text{ عدد حقيقي حيث :}$$

(1) عبر عن u_n بدلالة n و α (2) احسب : $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$.

سؤال :

$$\begin{cases} u_0 = \alpha \\ u_n = 10u_{n-1} + 20 \end{cases} \quad \text{نعتبر المتتالية } (u_n) \text{ المعرفة على } \mathbb{N} \text{ و } \alpha \text{ عدد حقيقي حيث :}$$

(1) عبر عن u_n بدلالة n و α (2) احسب : $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$.

سؤال :

$$\begin{cases} u_0 = \alpha \\ u_n = 10u_{n-1} + 20 \end{cases} \quad \text{نعتبر المتتالية } (u_n) \text{ المعرفة على } \mathbb{N} \text{ و } \alpha \text{ عدد حقيقي حيث :}$$

(1) عبر عن u_n بدلالة n و α (2) احسب : $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$.

سؤال :

$$\begin{cases} u_0 = \alpha \\ u_n = 10u_{n-1} + 20 \end{cases} \quad \text{نعتبر المتتالية } (u_n) \text{ المعرفة على } \mathbb{N} \text{ و } \alpha \text{ عدد حقيقي حيث :}$$

(1) عبر عن u_n بدلالة n و α (2) احسب : $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$.

السؤال :

(1) نعتبر (v_n) متتالية حسابية حدها الأول v_1 وأساسها r

$$S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$$

- عين v_1 و r حتى يكون: $2S_n = n(3n + 7)$

السؤال :

(1) نعتبر (v_n) متتالية حسابية حدها الأول v_1 وأساسها r

$$S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$$

- عين v_1 و r حتى يكون: $2S_n = n(3n + 7)$

السؤال :

(1) نعتبر (v_n) متتالية حسابية حدها الأول v_1 وأساسها r

$$S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$$

- عين v_1 و r حتى يكون: $2S_n = n(3n + 7)$

السؤال :

(1) نعتبر (v_n) متتالية حسابية حدها الأول v_1 وأساسها r

$$S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$$

- عين v_1 و r حتى يكون: $2S_n = n(3n + 7)$

السؤال :

(1) نعتبر (v_n) متتالية حسابية حدها الأول v_1 وأساسها r

$$S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$$

- عين v_1 و r حتى يكون: $2S_n = n(3n + 7)$

$$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{4u_n}{1+u_n} \end{cases} \quad \text{سؤال : 1) نعتبر المتتالية } (u_n) \text{ المعرفة على } \mathbb{N} \text{ و } \alpha \text{ عدد حقيقي حيث :}$$

أ) احسب u_1 و u_2 ب) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي : $\frac{1}{2} < u_n < 3$.

$$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{4u_n}{1+u_n} \end{cases} \quad \text{سؤال : 1) نعتبر المتتالية } (u_n) \text{ المعرفة على } \mathbb{N} \text{ و } \alpha \text{ عدد حقيقي حيث :}$$

أ) احسب u_1 و u_2 ب) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي : $\frac{1}{2} < u_n < 3$.

$$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{4u_n}{1+u_n} \end{cases} \quad \text{سؤال : 1) نعتبر المتتالية } (u_n) \text{ المعرفة على } \mathbb{N} \text{ و } \alpha \text{ عدد حقيقي حيث :}$$

أ) احسب u_1 و u_2 ب) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي : $\frac{1}{2} < u_n < 3$.

$$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{4u_n}{1+u_n} \end{cases} \quad \text{سؤال : 1) نعتبر المتتالية } (u_n) \text{ المعرفة على } \mathbb{N} \text{ و } \alpha \text{ عدد حقيقي حيث :}$$

أ) احسب u_1 و u_2 ب) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي : $\frac{1}{2} < u_n < 3$.

الأسئلة :

- (1) a, b, c أعداد حقيقية موجبة تماما
- أثبت أنه إذا كانت الأعداد المتتالية $\ln a, \ln b, \ln c$ بهذا الترتيب تشكل حدودا متتابعة لمتتالية حسابية
فإن الأعداد a, b, c بهذا الترتيب تشكل حدودا متتابعة لمتتالية هندسية
- (2) عين قيمة العدد الحقيقي α بحيث تكون الأعداد $e^\alpha + 1, e^\alpha + 2, 2e^\alpha$ بهذا الترتيب حدودا متتابعة من متتالية هندسية

الأسئلة :

- (1) a, b, c أعداد حقيقية موجبة تماما
- أثبت أنه إذا كانت الأعداد المتتالية $\ln a, \ln b, \ln c$ بهذا الترتيب تشكل حدودا متتابعة لمتتالية حسابية
فإن الأعداد a, b, c بهذا الترتيب تشكل حدودا متتابعة لمتتالية هندسية
- (2) عين قيمة العدد الحقيقي α بحيث تكون الأعداد $e^\alpha + 1, e^\alpha + 2, 2e^\alpha$ بهذا الترتيب حدودا متتابعة من متتالية هندسية

الأسئلة :

- (1) a, b, c أعداد حقيقية موجبة تماما
- أثبت أنه إذا كانت الأعداد المتتالية $\ln a, \ln b, \ln c$ بهذا الترتيب تشكل حدودا متتابعة لمتتالية حسابية
فإن الأعداد a, b, c بهذا الترتيب تشكل حدودا متتابعة لمتتالية هندسية
- (2) عين قيمة العدد الحقيقي α بحيث تكون الأعداد $e^\alpha + 1, e^\alpha + 2, 2e^\alpha$ بهذا الترتيب حدودا متتابعة من متتالية هندسية

الأسئلة :

- (1) a, b, c أعداد حقيقية موجبة تماما
- أثبت أنه إذا كانت الأعداد المتتالية $\ln a, \ln b, \ln c$ بهذا الترتيب تشكل حدودا متتابعة لمتتالية حسابية
فإن الأعداد a, b, c بهذا الترتيب تشكل حدودا متتابعة لمتتالية هندسية
- (2) عين قيمة العدد الحقيقي α بحيث تكون الأعداد $e^\alpha + 1, e^\alpha + 2, 2e^\alpha$ بهذا الترتيب حدودا متتابعة من متتالية هندسية

الأسئلة :

- (1) نعتبر المتتالية (v_n) المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n حيث : $v_n = \ln(n+2) - \ln(n+1)$
 - احسب بدلالة n المجموع التالي : $v_0 + v_1 + \dots + v_n$

- (2) الدالة f معرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = (ax - b)e^{-x}$ ، a و b عددا حقيقيان
 (C_f) تمثيلها البياني في M إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$
 - عين قيمتي العددين الحقيقيين a و b بحيث المنحنى (C_f) يشمل النقطة $A(-1;1)$
 ومعامل توجيه المماس عند النقطة عند A يساوي $-e$

الأسئلة :

- (1) نعتبر المتتالية (v_n) المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n حيث : $v_n = \ln(n+2) - \ln(n+1)$
 - احسب بدلالة n المجموع التالي : $v_0 + v_1 + \dots + v_n$

- (2) الدالة f معرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = (ax - b)e^{-x}$ ، a و b عددا حقيقيان
 (C_f) تمثيلها البياني في M إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$
 - عين قيمتي العددين الحقيقيين a و b بحيث المنحنى (C_f) يشمل النقطة $A(-1;1)$
 ومعامل توجيه المماس عند النقطة عند A يساوي $-e$

الأسئلة :

- (1) نعتبر المتتالية (v_n) المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n حيث : $v_n = \ln(n+2) - \ln(n+1)$
 - احسب بدلالة n المجموع التالي : $v_0 + v_1 + \dots + v_n$

- (2) الدالة f معرفة على $\mathbb{R}$ بـ : $f(x) = (ax - b)e^{-x}$ ، a و b عددا حقيقيان
 (C_f) تمثيلها البياني في M إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$
 - عين قيمتي العددين الحقيقيين a و b بحيث المنحنى (C_f) يشمل النقطة $A(-1;1)$
 ومعامل توجيه المماس عند النقطة عند A يساوي $-e$

الأسئلة :

- (1) نعتبر المتتالية (v_n) المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n حيث : $v_n = \ln(n+2) - \ln(n+1)$
- احسب بدلالة n المجموع التالي : $v_0 + v_1 + \dots + v_n$

- (2) الدالة f معرفة على $\mathbb{R}^*$ بـ : $f(x) = \frac{x^2}{e^x - 1}$ ، (C_f) تمثيلها البياني في M إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$
- احسب $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) + x^2$ ثم فسر النتيجة بيانيا .

الأسئلة :

- (1) نعتبر المتتالية (v_n) المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n حيث : $v_n = \ln(n+2) - \ln(n+1)$
- احسب بدلالة n المجموع التالي : $v_0 + v_1 + \dots + v_n$

- (2) الدالة f معرفة على $\mathbb{R}^*$ بـ : $f(x) = \frac{x^2}{e^x - 1}$ ، (C_f) تمثيلها البياني في M إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$
- احسب $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) + x^2$ ثم فسر النتيجة بيانيا .

الأسئلة :

- (1) نعتبر المتتالية (v_n) المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n حيث : $v_n = \ln(n+2) - \ln(n+1)$
- احسب بدلالة n المجموع التالي : $v_0 + v_1 + \dots + v_n$

- (2) الدالة f معرفة على $\mathbb{R}^*$ بـ : $f(x) = \frac{x^2}{e^x - 1}$ ، (C_f) تمثيلها البياني في M إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$
- احسب $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) + x^2$ ثم فسر النتيجة بيانيا .

الأسئلة :

- (1) نعتبر المتتالية (v_n) المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n حيث : $v_n = \ln(n+2) - \ln(n+1)$
- احسب بدلالة n المجموع التالي : $v_0 + v_1 + \dots + v_n$

- (2) الدالة f معرفة على $\mathbb{R}^*$ بـ : $f(x) = \frac{x^2}{e^x - 1}$ ، (C_f) تمثيلها البياني في M إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$
- احسب $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) + x^2$ ثم فسر النتيجة بيانيا .

الأسئلة :

- (2) الدالة f_n معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = ne^{-x}(2 - 3ne^{-x})$ ، حيث عدد حقيقي n غير معدوم ،
 (C_f) تمثيلها البياني في M إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$
 - عين قيم العدد الحقيقي n التي يكون من أجلها معامل توجيه المماس عند النقطة
 ذات الفاصلة $\ln\left(\frac{3}{2}\right)$ يساوي 4

الأسئلة :

- (2) الدالة f_n معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = ne^{-x}(2 - 3ne^{-x})$ ، حيث n عدد حقيقي غير معدوم ،
 (C_f) تمثيلها البياني في M إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$
 - عين قيم العدد الحقيقي n التي يكون من أجلها معامل توجيه المماس عند النقطة
 ذات الفاصلة $\ln\left(\frac{3}{2}\right)$ يساوي 4

الأسئلة :

- (2) الدالة f_n معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = ne^{-x}(2 - 3ne^{-x})$ ، حيث n عدد حقيقي غير معدوم ،
 (C_f) تمثيلها البياني في M إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$
 - عين قيم العدد الحقيقي n التي يكون من أجلها معامل توجيه المماس عند النقطة
 ذات الفاصلة $\ln\left(\frac{3}{2}\right)$ يساوي 4

الأسئلة :

- (2) الدالة f_n معرفة على $\mathbb{R}$ بـ: $f(x) = ne^{-x}(2 - 3ne^{-x})$ ، حيث n عدد حقيقي غير معدوم ،
 (C_f) تمثيلها البياني في M إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$
 - عين قيم العدد الحقيقي n التي يكون من أجلها معامل توجيه المماس عند النقطة
 ذات الفاصلة $\ln\left(\frac{3}{2}\right)$ يساوي 4