

• تمارين و مشكلات :

1. ما هو الشرط حتى يكون العدد الناطق $\frac{a}{b}$ مساويا عددا صحيحا ؟

2. أكمل، إن أمكن، بعدد صحيح ما يلي:

$$\frac{2}{\dots} = \frac{3}{11} \quad ; \quad \frac{4}{\dots} = \frac{3}{9} \quad ; \quad \frac{\dots}{7} = \frac{15}{21}$$

3. a عدد صحيح غير معدوم. اختزل الأعداد الناطقة الآتية:

$$\frac{27a}{36a} \quad ; \quad \frac{18a}{12a} \quad ; \quad \frac{5a}{12a}$$

4. أكتب الأعداد الناطقة الآتية بنفس المقام (يختار هذا المقام بأبسط شكل ممكن).

$$\frac{14}{36} \text{ و } \frac{15}{4,8} \quad ; \quad \frac{5}{36} \text{ و } \frac{-11}{27} \quad ; \quad \frac{5}{6} \text{ و } \frac{3}{8}$$

5. أجر عمليات الجمع الآتية:

$$\frac{-3}{11} + 2 \quad ; \quad \frac{22}{42} + \frac{4}{3} \quad ; \quad \frac{6}{7} + \frac{7}{6} \quad ; \quad \frac{43}{11} + \frac{25}{121}$$

6. a, b, c ثلاثة أعداد ناطقة. احسب $a + b, b + c, c + a$ من أجل:

$$c = \frac{2}{3}, b = -\frac{1}{3}, a = \frac{4}{3}$$

7. نفس السؤال من أجل: $c = \frac{4}{15}, b = \frac{1}{5}, a = -\frac{3}{10}$

8. نفس السؤال من أجل: $c = -\frac{3}{16}, b = -\frac{1}{30}, a = \frac{13}{12}$

9. بنفس معطيات التمارين 6، 7، 8، احسب الفروق $a - b, b - c, c - a$.

10. x عدد صحيح و العدد الناطق، حيث:

$$A = \frac{x+1}{2} + \frac{4x-3}{5} + \frac{8x-2}{6}$$

1 احسب من أجل $x = 3, x = -1, x = 0$

(2) عيّن عبارة A بدلالة x .

(3) تحقق من صحة النتائج المحصل سابقا بتعويض قيم x المعطاة في السؤال (1) في عبارة بدلالة x .

11. أوجد العدد تحت اللطخة.

$$\frac{37}{60} = \frac{1}{2} - \frac{1}{4} + \frac{1}{3} - \frac{1}{6} + \frac{1}{\dots}$$

12. أكمل المربع الآتي حيث يكون مجموع أعداد كلّ سطر وكلّ عمود وكلّ قطر معدوما.

	$-\frac{1}{2}$		
	$\frac{11}{2}$	$-\frac{7}{2}$	$-\frac{9}{2}$
		$\frac{7}{2}$	
$\frac{15}{2}$	$\frac{1}{2}$	$-\frac{13}{2}$	

13. احسب الجداءات الآتية:

$$\left(-\frac{1}{3}\right) \times \left(-\frac{3}{2}\right) \times \frac{2}{5} \quad (أ) \quad -6 \times \left(-\frac{5}{12}\right) \times \left(-\frac{7}{15}\right) \quad (ب)$$

$$\left(\frac{-7}{4} \times \frac{a}{b}\right) \times \frac{5}{12} = \frac{-8}{9} \quad \text{حيث } \frac{a}{b}$$

14. عيّن العدد الناطق $\frac{a}{b}$ حيث $\frac{a}{b}$

$$\frac{4}{5} ; -\frac{7}{6} ; -2 ; -\frac{4}{12}$$

15. عيّن مقلوب كلّ من الأعداد الناطقة الآتية:

$$\frac{6}{-7} x = \frac{11}{9} \quad \text{حيث } x$$

16. احسب حاصل قسمة العدد الناطق a على العدد الناطق b في الحالات الآتية:

$$b = \frac{3}{2}, a = -\frac{4}{3} \quad (ب) \quad b = \frac{3}{2}, a = \frac{4}{5} \quad (أ)$$

18. هل يمكن حساب حاصل قسمة العدد الناطق a على العدد الناطق b في الحالة: $a = \frac{1}{7} + \frac{4}{21}$ ،

$$b = \left(-\frac{1}{2}\right) + \frac{1}{3} + \frac{1}{6} \text{ ؟}$$

19. تقاسم ثلاثة أطفال علبة قطع شوكولاتة: أخذ الأول $\frac{2}{5}$ القطع وأخذ الثاني الثلث والثالث $\frac{4}{15}$ من

القطع. ما هو عدد القطع الباقية ؟

20. نريد تشكيل سلسلة من كسور على النحو الآتي: كل كسر يساوي جداء الكسر الذي يسبقه في العدد

$$\frac{3}{7} . \text{ الكسر السادس في هذه السلسلة هو } \frac{3402}{84035} . \text{ عيّن حدود هذه السلسلة.}$$

• تصحيح التمارين و المشكلات :

1.

حتى يكون $\frac{a}{b} = x$ حيث x عدد صحيح هو a مضاعف لـ b .

2.

$\frac{4}{12} = \frac{3}{9}$ ؛ $\frac{5}{7} = \frac{15}{21}$ ؛ لا يوجد عدد صحيح يحقق $2 \times 11 = 3 \times x$

3.

$$\frac{27a}{36a} = \frac{3}{4} \quad ؛ \quad \frac{18a}{12a} = \frac{3}{2} \quad ؛ \quad \frac{5a}{12a} = \frac{5}{12}$$

4.

$$\frac{56}{144} \text{ و } \frac{450}{144} \quad ؛ \quad \frac{15}{108} \text{ و } \frac{-44}{108} \quad ؛ \quad \frac{20}{24} \text{ و } \frac{9}{24}$$

5.

$$\frac{6}{7} + \frac{7}{6} = \frac{36 + 49}{42} = \frac{85}{42} \quad ؛ \quad \frac{43}{11} + \frac{25}{121} = \frac{473 + 25}{121} = \frac{498}{121}$$

$$\frac{-3}{11} + 2 = \frac{-3 + 22}{11} = \frac{19}{11} \quad ؛ \quad \frac{22}{42} + \frac{4}{3} = \frac{22 + 56}{42} = \frac{78}{42}$$

6.

$$\dots ، a + b = \frac{4}{3} + \left(-\frac{1}{3}\right) = \frac{4}{3} - \frac{1}{3} = \frac{3}{3} = 1$$

7.

$$\dots ، a + b = -\frac{3}{10} + \frac{1}{5} = \frac{-6 + 2}{10} = \frac{-4}{10} = -\frac{2}{5}$$

8.

$$\dots ، a + b = \frac{13}{12} + \left(-\frac{1}{30}\right) = \frac{13}{12} - \frac{1}{30} = \frac{65 - 2}{60} = \frac{63}{60}$$

$$A(3) = \frac{34}{5} \quad ; \quad A(-1) = -\frac{46}{15} \quad ; \quad A(0) = -\frac{13}{30} \quad (1)$$

$$A = \frac{79x - 13}{30} \quad (2)$$

$$\frac{37}{60} = \frac{1}{2} - \frac{1}{4} + \frac{1}{3} - \frac{1}{6} + \frac{1}{5}$$

$-\frac{15}{2}$	$-\frac{1}{2}$	$\frac{13}{2}$	$\frac{3}{2}$
$\frac{5}{2}$	$\frac{11}{2}$	$-\frac{7}{2}$	$-\frac{9}{2}$
$-\frac{5}{2}$	$-\frac{11}{2}$	$\frac{7}{2}$	$\frac{9}{2}$
$\frac{15}{2}$	$\frac{1}{2}$	$-\frac{13}{2}$	$-\frac{3}{2}$

$$\left(-\frac{1}{3}\right) \times \left(-\frac{3}{2}\right) \times \frac{2}{5} = \frac{6}{30} = \frac{1}{5} \quad (1)$$

$$-6 \times \left(-\frac{5}{12}\right) \times \left(-\frac{7}{15}\right) = -\frac{210}{180} = -\frac{7}{6} \quad (2)$$

$$\frac{a}{b} = \frac{128}{105}$$

$$-3 \quad ; \quad -\frac{1}{2} \quad ; \quad -\frac{6}{7} \quad ; \quad \frac{5}{4}$$

$$x = -\frac{77}{54} \quad .16$$

$$a = \frac{1}{7} + \frac{4}{21} \quad , \quad \text{لا يمكن حساب حاصل قسمة العدد الناطق } a \text{ على العدد الناطق } b \text{ في الحالة:} \quad .18$$

$$b = \left(-\frac{1}{2}\right) + \frac{1}{3} + \frac{1}{6} \quad , \quad \text{لأن } b = 0 \quad .19$$

$$1 - \frac{2}{5} - \frac{1}{3} - \frac{4}{15} = 0 \quad \text{عدد القطع الباقية هو:} \quad .20$$

$$a_3 = \frac{126}{245} \quad , \quad a_4 = \frac{378}{1715} \quad , \quad a_5 = \frac{7}{3} \times \frac{3402}{84035} = \frac{1134}{12005} \quad , \quad a_6 = \frac{3402}{84035}$$

$$a_1 = \frac{14}{5} \quad , \quad a_2 = \frac{42}{35}$$