

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
جوان 2018



مطبوعة سبيل الناجح الرابعة متوسط

+++++

50 سؤال في الرياضيات

+++++



من إعداد: الأستاذ بلال عبد الحق

LATEX 2019

--

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

مديرية التربية لولاية المدية
المستوى : رابعة متوسط



متوسطة الرائد سي لخضر بلدية جَوَّاب
2019 / جوان

مطبوعة 50 سؤال في رياضيات للأستاذ بلال عبد الحق الأستاذ: بلال عبد الحق

- 1 ← أحسب العدد G ثم أكتب الناتج كتابة علمية. $G = \frac{2.8 \times (10^2)^{15} \times 17.3 \times 10^{-7}}{(10^{-2})^6 \times 1.6 \times 10^{13} \times 0.7}$
- 2 ← أحسب $PGCD(306, 323)$ ، ثم إختزل الكسر $\frac{306}{323}$.
- 3 ← هل العددين 7, 18 أوليان فيما بينهما؟ علّل.
- 4 ← هل الكسر $\frac{7}{18}$ قابل للإختزال؟ علّل.
- 5 ← بسط كل من: $A = \frac{2}{9} - \frac{306}{323} \div \frac{1}{2}$, $B = \left(\frac{306}{323} - 3\right) \times \frac{2}{7}$
- 6 ← أحسب: $\sqrt{4}$, $\sqrt{16}$, $\sqrt{25}$, $\sqrt{36}$, $\sqrt{49}$, $\sqrt{64}$, $\sqrt{81}$, $\sqrt{100}$
- 7 ← يبين أنّ الأعداد التالية أعداد طبيعية $\frac{7\sqrt{6} \times 8\sqrt{6}}{\sqrt{36}}$, $\frac{3\sqrt{45}}{\sqrt{5}}$, $\frac{\sqrt{24}}{\sqrt{6}}$, $2\sqrt{2} \times \sqrt{8}$
- 8 ← أكتب على شكل $a\sqrt{b}$: $A = \sqrt{8} + 3\sqrt{18} - \sqrt{32}$ ثم يبين أنّ: $100 - A^2$ عدد طبيعي.
- 9 ← أكتب على شكل $a\sqrt{3}$: $B = \sqrt{3} - 2\sqrt{27} + 3\sqrt{12}$
- 10 ← أكتب على شكل $a\sqrt{5} + b$: $C = \sqrt{16} + 2\sqrt{20} + 4\sqrt{45} - 3$
- 11 ← أكتب على شكل $a\sqrt{3} + b\sqrt{7}$: $M = 4\sqrt{27} + 2\sqrt{28} + 3\sqrt{12} - 2\sqrt{63}$
- 12 ← أكتب على شكل كسر مقامه عدد ناطق: $\frac{\sqrt{3}-2}{2\sqrt{5}}$, $\frac{7}{3\sqrt{5}}$, $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{3}-2}$
- 13 ← أحسب: $(\sqrt{7} - \sqrt{5})^2$, $(2 + \sqrt{2})^2$, $(2\sqrt{5} - \sqrt{3})(2\sqrt{5} + \sqrt{3})$
- 14 ← أنشر ثم بسط: $(3x + 2)(4x - 3) - (3 - 2x)(x + 1)$
- 15 ← أنشر ثم بسط: $(2x + 3)^2$, $(4x - 5)^2$, $(3x - 7)(3x + 7)$
- 16 ← حلّل العبارات: $A = 4x^2 + 9 + 12x$, $B = 16x^2 + 25 - 40x$, $C = 9x^2 - 49$
- 17 ← حلّل العبارات: $(2x + 3)^2 - (x + 4)^2$, $4 - (x + 2)^2$, $(4x + 3)^2 - 25$
- 18 ← حلّل العبارة: $C = (4x - 3)^2 - (4x - 3)(2x - 5)$

19 ← حل المعادلات التالية : $x^2 = 16$, $x^2 - 1 = 20$

20 ← حل المعادلات التالية : $7(7x + 3) = 0$, $(4x - 3)(-7x - 8) = 0$

21 ← حل المتراجحات التالية ثم مثلها : $3(x + 2) \geq 12$, $4x + 7 > -23$, $8x - 3 < 8$

22 ← $f(x) = 3x$: أوجد صورة الأعداد $2, -3, -\frac{3}{4}$ بالدالة f .

23 ← $f(x) = -6x$: أوجد العدد الذي صورته بدالة f هي 24.

24 ← إذا كانت $h(x) = 4x + 2$ أحسب $h(2)$ و $h(-5)$.

25 ← إذا كانت $g(x) = 7x + 2$ أوجد x_1, x_2 حيث $g(x_1) = 8$ و $g(x_2) = -13$

26 ← g دالة خطية حيث $g(-12) = 36$: أوجد عبارة الدالة g .

27 ← h دالة خطية تمثيلها البياني عبارة عن مستقيم (D) يمر من النقطة $A(3 ; 39)$: ماهي عبارة الدالة h ؟ وأكتب معادلة المستقيم (D) .

28 ← g دالة تألفت حيث $g(2) = 9$ و $g(5) = -15$: أوجد عبارة الدالة g .

29 ← h دالة تألفت تمثيلها البياني عبارة عن مستقيم (d) يمر من النقطة $A(3 ; 7)$ و من النقطة $B(3 ; 15)$: ماهي عبارة الدالة h ؟ وأكتب معادلة المستقيم (d) .

30 ← حل الجملين التاليتين بثلاث طرق مختلفة :

$$\begin{cases} 2x + 3y = 18 \\ 3x - 5y = -11 \end{cases} \quad \begin{cases} 2x + y = 10 \\ 3x - y = 5 \end{cases}$$

31 ← ABC مثلث حيث : $AB = 7cm, AC = 6cm, BC = 8cm$ أنشئ
 $E \in [AB]$ و $AE = 3.5cm$
 $F \in [AC]$ و $AF = 3cm$
 - بين أن $(EF) \parallel (BC)$ ثم أحسب EF .

32 ← ABC مثلث حيث : $AB = 7cm, AC = 6cm, BC = 8cm$ أنشئ
 $E \in [AB]$ و $AE = 10.5cm$
 $F \in [CB]$ و $CF = 12cm$
 - بين أن $(EF) \parallel (AC)$ ثم أحسب EF .

33 ← ABC مثلث قائم في B و $E \in [AB]$ و (Δ) مستقيم عمودي على $[AB]$ في النقطة E .
 - بين أن $(\Delta) \parallel (BC)$

34 ← ABC مثلث حيث $AB = 2\sqrt{5}, BC = 3\sqrt{3}, AC = \sqrt{47}$: بين أنه قائم.

35 ← ABC مثلث قائم في B : أوجد عبارة $\sin \hat{A}, \cos \hat{A}, \tan \hat{A}$.

36 ← ABC مثلث حيث $AB = 8, BC = 6, AC = 10$: بين أنه قائم ثم أحسب أقياس زواياه.

37 ← إذا علمت أن : $\cos x = \frac{2}{5}$ أحسب $\sin x$.

38 ← إذا علمت أن : $\sin x = \frac{\sqrt{3}}{2}, \cos x = \frac{1}{2}$ أحسب $\tan x$.

39 ← ABC مثلث : أنشئ D صورة C بالإنسحاب $\overrightarrow{AB}$. ثم أنشئ M حيث : $\overrightarrow{CA} + \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{CM}$

40 ← $ABCD$ متوازي أضلاع أحسب : $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}$, $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CD}$, $\overrightarrow{DA} + \overrightarrow{DC}$

41 ← $A(5 ; 2), B(2 ; 6), C(-6 ; 0)$ يبين أن ABC مثلث قائم , ثم أوجد إحداثيتي D مركز الدائرة المحيطة به.

42 ← (C) دائرة مركزها $M(2 ; 3)$ وطول نصف قطرها $\sqrt{10}$: هل $E(3 ; 6)$ تنتمي لهذه الدائرة ؟ علّل.

43 ← $A(-2 ; 3), B(1 ; -2), C(2 ; -1), D(-1 ; 4)$: يبين أن $ABCD$ متوازي أضلاع.

44 ← أنشر ثم بسط العبارة A حيث : $A = (x - 2)^2 - (x - 1)(x + 1)$

45 ← إستنتج قيمة العبارة B حيث : $B = 2016^2 - 2017 \times 2019$

46 ← أكتب على شكل $a\sqrt{7}$ كلاً من الأعداد التالية : $\sqrt{63}$, $\sqrt{343}$, $\sqrt{700}$

47 ← نعتبر ثلاث نقاط A, B, C حيث : $AC = \sqrt{700}$, $BC = \sqrt{63}$, $AB = \sqrt{343}$

- بين أن النقاط A, B, C على إستقامة واحدة .

48 ← $ABCD$ مستطيل بعده $AB = \sqrt{50} + \sqrt{8}$; $BC = \sqrt{98}$

- بين أنه مربع .

49 ← أحسب القطر AC .

50 ← أحسب محيط ومساحة $ABCD$.

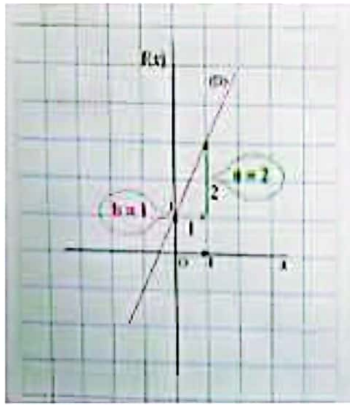


متوسطة الرائد سي لخضر



الأستاذ : بلال عبد الحق

أسئلة وأجوبة مقترحة في الدوال

الاجوبة	الاسئلة
f دالة خطية، g دالة تآلفية، h دالة ثابتة	1. ما نوع كل دالة من الدوال التالية، $h(x) = b$, $g(x) = ax + b$, $f(x) = ax$
A و B نقطتان من التمثيل البياني للدالة f معناه $f(1) = -8$ و $f(-2) = 4$ لنحسب المعاملين a و b لدينا $a = \frac{f(-2) - f(1)}{-2 - 1} = \frac{4 - (-8)}{-2 - 1} = \frac{12}{-3} = -4$ أي $a = -4$ لدينا $a = -2$ و $f(1) = -8$ و $f(x) = ax + b$ بالتعويض نجد $-4 \times 1 + b = -8$ نحل المعادلة $b = -4$ ومنه العبارة الجبرية للدالة f هي $f(x) = -4x - 4$ توجد طريقة أخرى وهي حل جملة معادلتين	2. f دالة تآلفية. حيث $A(1; -8)$ و $B(-2; 4)$ نقطتان من التمثيل البياني للدالة f عين العبارة الجبرية للدالة f
نبحث عن العبارة الجبرية للدالة f التي تمثيلها البياني المستقيم (AB) بالطريقة السابقة نجد $f(x) = -x + 1$ لدينا $f(-1) = 2$ أي $f(-1) = -(-1) + 1 = 2$ وهذا يعني أن النقطة $C(-1; 2)$ تنتمي إلى المستقيم الممثل للدالة f ومنه النقاط A, B, C على استقامة واحدة	3. لتكن النقط $A(1; 0)$ و $B(2; -1)$ و $C(-1; 2)$ حدد العبارة الجبرية للدالة التآلفية h التي تمثيلها البياني المستقيم (AB) بين أن هذه النقاط هي استقامة
لتكن $A(x; y)$ لايجاد إحداثي A نقطة تقاطع (d) و (d') نحل الجملة $\begin{cases} y = 2x + 3 \\ y = 5x + 6 \end{cases}$ ومنه نستنتج أن $5x + 6 = 2x + 3$ ومنه $x = -1$ بالتعويض في إحدى المعادلتين نجد $y = 1$ ومنه $A(-1; 1)$	4. f و g دالتان تآلفتان حيث، $g(x) = 5x + 6$ و $f(x) = 2x + 3$ (d) هو المستقيم الممثل للدالة f (d') هو المستقيم الممثل للدالة g احسب إحداثي A نقطة تقاطع (d) و (d').
لنرسم المستقيم (D) ممثل للدالة f. الترتيب إلى المبدأ لهذا المستقيم هو المعامل b. الآن $b = 1$ لنقدم بحد نعو البين لم نحدد بوجدلن نعو الأخرى لنصل إلى المستقيم (D) الآن $a = 2$ ومنه $f(x) = 2x + 1$ 	5. f دالة تآلفية. حيث $f(1) = 3$ و $f(2) = 5$ بين أن العبارة الجبرية للدالة f هي $f(x) = 2x + 1$ بيانها.

70 - سؤال المراجعة برنامج السنة الرابعة متوسط

- 1 - احسب PGCD(125 ; 385)
- 2 - صفيحة مستطيلة بعدها 220 و 140 جزئت الى مربعات متساوية باكثر ضلع دون ضياع اوجد طول الضلع ثم عدد المربعات
- 3 - ما هو أكبر عدد من الفرق المتماثلة التي يمكن تشكيلها من 3073 تلميذ و 1317 تلميذة.
- 4 - اختزل الكسر التالي: $\frac{125}{350}$
- 5 - هل العددين 123 و 456 أوليان فيما بينهما ؟
- 6 - اكتب على الشكل $a\sqrt{b}$ ما يلي $2\sqrt{45} + 3\sqrt{80} - 2\sqrt{5}$
- 7 - اكتب على أبسط شكل: $2\sqrt{28} + 3\sqrt{99} - 5\sqrt{44}$
- 8 - اكتب على شكل كسر مقامه عدد ناطق $\frac{\sqrt{2}-5}{\sqrt{5}}$
- 9 - اكتب على شكل كسر مقامه عدد ناطق $\frac{\sqrt{3}-5}{\sqrt{3}+1}$
- 10 - اعط الكتابة العلمية للعدد $\frac{3 \times 10^{-3} \times 0.005 \times 10^{-8}}{2.5 \times 10^{-2} \times 10 \times 4 \times 10^{-1}}$
- 11 - بسط ما يلي: $-\frac{2}{3} + \frac{1}{2} \div \frac{3}{4}$
- 12 - اكتب على الشكل العشري العدد $\frac{2}{3} \times \frac{5}{-2} - \frac{1}{4} \div \frac{2}{3}$
- 13 - اكتب على الشكل a^n ما يلي: $27^2 \times 9^{-2} \times 3^{-25}$
- 14 - اعط الكتابة العشرية بالتدوير الى 10^{-2} للعدد: $\frac{\frac{3}{-2} - \frac{2}{3}}{\frac{1}{8}}$
- 15 - اعط الكتابة العلمية للعدد $\frac{25 \times 10^{-2} \times 0.06 \times (10^{-2})^{-6}}{3 \times 10^{-15} \times 0.025 \times 10}$
- 16 - انشر ثم بسط العبارة $A = 3(x+2)^2 - (x-5)$
- 17 - اكتب على أبسط شكل الجداء $(\sqrt{2}-3)(\sqrt{2}-1)$
- 18 - احسب ما يلي: $(\sqrt{2}+\sqrt{3})(2\sqrt{2}-\sqrt{3})$
- 19 - انشر ثم بسط العبارة التالية: $2(3x-2)^2 - 5(2x-1)^2 - 3x$
- 20 - حلل العبارة الى جداء عاملين من الدرجة الاولى $(x-1)^2 - 64$
- 21 - نفس السؤال السابق: $(2x-3)(x-1) - (2x-3)(2x-1)$
- 22 - نفس السؤال: $4x^2 + 12x + 9 - (x-1)(2x+3)$
- 23 - حل المعادلة: $3(x+2)^2 = 27$
- 24 - حل المعادلة: $3(x-2)(5x-10) = 0$
- 25 - حل المعادلة: $\frac{2x-1}{3x} = \frac{4}{5}$
- 26 - حل المعادلة التالية: $\frac{(2x-1)^2}{4} = \frac{(x+1)^2}{9}$
- 27 - نحن ونحن ونصفنا وربنا وانت معنا نكون 100 كم عدنا ؟
- 28 - بين أن: $\frac{1}{1-\sqrt{2}} + \frac{1}{1+\sqrt{2}} = -2$
- 29 - حل المتراجحة التالية: $2x^2 - 4x + 5 \leq 2x^2 + 6x - 5$
- 30 - مثل حلول المتراجحة بيانيا $2x - 3 \geq 3x - 1$
- 31 - حل الجملة التالية: $\begin{cases} 2x + 3y = -1 \\ -x + 2y = -3 \end{cases}$
- 32 - ثمن 5 كؤوس و 3 ميداليات هو 6500 و ثمن 7 كؤوس و 6 ميداليات هو 10000 اوجد ثمن كأسين و 4 ميداليات
- 33 - اوجد الدالة f علما أن $f(-2) = -1$ و $f(2) = 7$
- 34 - هل النقطة $a(-2; -1)$ تنتمي الى المستقيم $d) y = 3x + 5$
- 35 - هل النقط $a(2; 3)$ $b(-3; -2)$ $c(-1; -1)$ في استقامية ؟
- 36 - اعط عبارة الدالة الخطية f حيث: $f(-3) = -6$
- 37 - اعط العبارة الجبرية للدالة الخطية التي تمثيلها البياني يشمل النقطة $A(2; 1)$



- 38 - عين الدالة التافئية f التي تمثيلها البياني يشمل النقطتين $A(3; -1)$ و $B(2; -2)$.
- 39 - سلعة ثمنها 500DA ارتفع ثمنها بـ 10% ثم انخفض بـ 5% احسب ثمنها النهائي
- 40 - بعد ارتفاع ثمن سلعة بـ 25% اصبح ثمنها 3500DA احسب ثمنها الأصلي
- 41 - احسب النسبة المئوية لتغير ثمن سلعة من 500 إلى 420
- 42 - احسب الوسط الحسابي والوسيط في السلسلة الاحصائية 3-5-2-2-2-3-5-4-4-3-5-2-2-3
- 43 - احسب التكرارات المجمعة والتواترات المجمعة في السلسلة 6-5-3-2-3-2-4-1-3-5-6-6-5-3-2-6-3-4-5-5-6-6-5
- 44 - ABC مثلث و E ; F نقطتان من $[AB]$; $[AC]$ حيث $AB=12$; $AC=6$; $AF=2$; $AE=4$ هل $EF \parallel (BC)$
- 45 - ABC مثلث حيث $AB=7$; $AC=10$; $BC=6$ و E ; F نقطتان من $[AB]$; $[AC]$ حيث $AE=3$ و $EF \parallel (BC)$ احسب EF ; AF
- 46 - ABC مثلث قائم في B حيث $CB=3$; $AC=4$ احسب AB
- 47 - هل المثلث ABC قائم حيث $B(2; 1)$ $A(2; 3)$ $C(-4; 1)$ ؟
- 48 - احسب $\sin \alpha$ ثم $\tan \alpha$ علما ان $\cos \alpha = \frac{3}{5}$
- 49 - اعط $\sin \widehat{ABC}$ في مثلث قائم حيث $AC=10$; $BC=8$; $AB=6$
- 50 - (C) دائرة مركزها O و $[AB]$ قطرها $E \in (C)$ حيث $\widehat{EAB} = 35^\circ$ احسب قياس الزاوية $\widehat{EOB}$
- 51 - احسب مركبتى الشعاعين $\overrightarrow{AB}$; $\overrightarrow{BA}$ حيث: $B(-1; 1)$ $A(-1; -2)$
- 52 - اعط مجموع الأشعة: $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{FC} + \overrightarrow{BF}$
- 53 - احسب احداثيتي منتصف القطعة $[AB]$ حيث $B(-1; -3)$ $A(2; 5)$
- 54 - O- منتصف القطعة $[AB]$ احسب OA حيث $A(-2; 3)$ $B(2; 2)$
- 55 - $c(-5; 2)$ $b(-1; -3)$ $A(2; 3)$ عين احداثيتي النقطة D حتى يكون الرباعي ABCD متوازي أضلاع
- 56 - احسب احداثيتي النقطة D حتى $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ حيث $B(2; 1)$ $A(2; 3)$ $C(-4; 1)$
- 57 - EFG مثلث و H صورة E بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{FG}$ متوابع الرباعي FGHE ؟ مع التعليل.
- 58 - احسب اطوال المثلث ABC حيث $c(-5; 2)$ $b(-1; -3)$ $A(2; 3)$
- 59 - ABC مثلث قائم ومتساوي الساقين في A النقطة D هي صورة النقطة A بالدوران الذي مركزه B و زاويته 90° في الاتجاه السالب متوابع الرباعي ABDC مع التعليل
- 60 - اعط قياس زاوية رأس خماسي منتظم اي زاويته الداخلية
- 61 - احسب حجم الكرة ومساحة الكرة التي نصف قطرها $R=3\text{Cm}$
- 62 - احسب المساحة الجانبية لمخروط دوران نصف قطر قاعدته 4Cm وطول مولده 3Cm
- 63 - حجم موشور 25Cm^3 احسب حجمه بمقياس $\frac{1}{25}$
- 64 - عين المقياس الذي يمكننا من رسم مسافة 20Km قطعة مستقيم طولها 4Cm
- 65 - مربع طول ضلعه $(2x-7)$ عبر بدلالة x عن مساحته ثم محيطه
- 66 - عبر بدلالة x عن مساحة شبه منحرف قاعدته الكبرى $(2x-3)$ وقاعدته الصغرى $(x-1)$ وارتفاعه $(3x-1)$
- 67 - مستطيل محيطه 30 وطوله ضعف عرضه اوجد بعديه
- 68 - حجم كرة $36\pi\text{m}^3$ ، اوجد مساحتها بدلالة π
- 69 - اصبح حجم هرم 2000m^3 بتكبير معاملته 5 ما هو حجمه قبل التكبير
- 70 - حجم مكعب 2400cm^3 بعد تصغيره اصبح حجمه 2.4cm^3 ما هو معامل تصغير حجمه ؟

- 39- حل الجملة التالية هندسيا : $\begin{cases} 2x - y = 3 \\ x + y = -6 \end{cases}$
- 40- حل المعادلة التالية $\frac{(2x-1)^2}{4} = \frac{(x+1)^2}{9}$
- 41- سلعة ثمنها 500DA ارتفع ثمنها بـ 10% ثم انخفض بـ 5% احسب ثمنها النهائي
- 42- احسب المساحة الجانبية لمخروط دوران نصف قطر قاعدته 4Cm وطول مولده 3Cm
- 43- حل المتراجحة التالية : $2x^2 - 4x + 5 \leq 2x^2 + 6x - 5$
- 44- اعط عبارة الدالة الخطية f حيث : $f(-3) = -6$
- 45- اكتب على ابسط شكل : $2\sqrt{28} + 3\sqrt{99} - 5\sqrt{44}$
- 46- احسب النسبة المئوية لتغير ثمن سلعة من 500 إلى 420
- 47- حجم موشور $25Cm^3$ احسب حجمه بمقياس $\frac{1}{25}$
- 48- ABC مثلث حيث $AB=7$; $AC=10$; $BC=6$ و E ; F نقطتان من $[AC]$; $[AB]$ حيث (BC) " AE=3(EF) احسب EF ; AF
- 49- حل العبارة : $4x^2 + 12x + 9 - (x-1)(2x+3)$
- 50- صفيحة مستطيلة بعدها 220 و 140 جزئت الى مربعات متساوية باكثر ضلع دون ضياع اوجد طول الضلع ثم عدد المربعات
- 51- ABC مثلث قائم ومتساوي الساقين في A النقطة D هي صورة النقطة A بالدوران الذي مركزه B وزاويته 90° في الاتجاه السالب ماتوع الرباعي ABDC مع التعليل
- 52- احسب اطوال المثلث ABC حيث $c(-5; 2)$ $B(-1; -3)$ $A(2; 3)$
- 53- اكتب على شكل كسر مقامه عدد ناطق $\frac{\sqrt{3}-5}{\sqrt{+1}}$
- 54- EFG مثلث و H صورة E بالاتسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{FG}$ ماتوع الرباعي FGHE مع التعليل .
- 55- احسب احداثيات النقطة D حتى $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ حيث $A(2; 3)$ $C(-4; 1)$ $B(2; 1)$
- 56- عين المقياس الذي يمكننا من رسم مسافة 20Km قطعة مستقيم طولها 4Cm
- 57- بين أن : $\frac{1}{1-\sqrt{2}} + \frac{1}{1+\sqrt{2}} = -2$
- 58- عين معادلة المستقيم الذي يشمل $A(3; -1)$ و يقطع محور الترتيب في نقطة ترتيبتها 2-
- 59- ما هو أكبر عدد من الفرق المتماثلة التي يمكن تشكيلها من 3073 تلميذ و 1317 تلميذة.
- 60- انشر ثم بسط العبارة التالية : $2(3x-2)^2 - 5(2x-1)^2 - 3x$
- 61- بعد ارتفاع ثمن سلعة بـ 25% اصبح ثمنها 3500DA احسب ثمنها الأصلي
- 62- $c(-5; 2)$ $B(-1; -3)$ $A(2; 3)$ عين إحداثيات النقطة D حتى يكون الرباعي ABCD متوازي أضلاع
- 63- مربع طول ضلعه $(2x-7)$ عبر بدلالة x عن مساحته ثم محيطه
- 64- ثمن 5 كؤوس و 3 ميداليات هو 6500 و ثمن 7 كؤوس و 6 ميداليات هو 10000 اوجد ثمن كأسين و 4 ميداليات
- 65- اعط الكتابة العلمية للعدد $\frac{25 \times 10^{-2} \times 0.06 \times (10^{-2})^{-6}}{3 \times 10^{-15} \times 0.025 \times 10}$
- 66- اعط الكتابة العشرية بالتدوير الى 10^{-2} للعدد : $\frac{\frac{3}{-2}}{\frac{1}{8}} - \frac{2}{3}$
- 67- باعتبار $\alpha = 0.75$ و $t \sin \alpha + 2 \cos \alpha = 3.4$ احسب $\sin \alpha$ و $\cos \alpha$ دون حساب قيس الزاوية α

- 1- احسب PGCD(125 ; 385)
- 2- انشر ثم بسط العبارة $A = 3(x+2)^2 - (x-5)$
- 3- حل المعادلة : $3(x+2)^2 = 27$
- 4- هل النقط $a(2; 3)$ $b(-3; -2)$ $c(-1; -1)$ استقامية
- 5- احسب $\sin \alpha$ ثم $\tan \alpha$ علما ان $\cos \alpha = \frac{3}{5}$
- 6- اوجد الدالة f علما ان $f(2)=7$ و $f(-2)=-1$
- 7- هل النقطة $a(-2; -1)$ تنتمي للمستقيم $(d) y=3x+5$
- 8- ABC مثلث قائم في B حيث $CB=3$; $AC=4$ احسب AB
- 9- هل المثلث ABC قائم حيث $B(2; 1)$ $A(2; 3)$ $C(-4; 1)$
- 10- اعط قيس زاوية رأس خماسي منتظم
- 11- احسب الوسط الحسابي والمتوازن والوسيط في السلسلة الاحصائية 3-5-2-2-2-3-5-4-4-3-5-2-2-3
- 12- حل الجملة التالية : $\begin{cases} 2x + 3y = -1 \\ -x + 2y = -3 \end{cases}$
- 13- حل المعادلة $3(x-2)(5x-10)=0$
- 14- مثل حلول المتراجحة بيانيا $2x - 3 \geq 3x - 1$
- 15- اعط معادلة المستقيم الذي يشمل المبدأ والنقطة $A(2; 1)$
- 16- اكتب على الشكل $a\sqrt{b}$ ما يلي $2\sqrt{45} + 3\sqrt{80} - 2\sqrt{5}$
- 17- اكتب على ابسط شكل $(\sqrt{2} - 1)(\sqrt{2} - 3)$
- 18- اعط احداثيات الاشعة $\overrightarrow{AB}$; $\overrightarrow{BA}$ حيث: $A(-1; -2)$ $B(-1; 1)$
- 19- اختزل الكسر التالي $\frac{125}{350}$
- 20- اعط $\sin \widehat{ABC}$ في مثلث قائم حيث $AB=6$; $BC=8$; $AC=10$
- 21- اعط مجموع الأشعة : $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{FC} + \overrightarrow{BF}$
- 22- اعط احداثيات منتصف القطعة $[AB]$ حيث $B(-1; -3)$ $A(2; 5)$
- 23- حل العبارة الى جداء عاملين $(x-1)^2 - 64$
- 24- احسب حجم الكرة ومساحة الكرة التي نصف قطرها $R=3Cm$
- 25- احسب التكرارات المجمعة والتواترات المجمعة في السلسلة 6-5-3-2-3-2-4-1-3-5-6-6-5-3-2-6-3-4-5-5-6-6-5
- 26- هل العددين 123 و 456 أوليان فيما بينهما
- 27- اعط الكتابة العلمية للعدد $\frac{3 \times 10^{-3} \times 0.005 \times 10^{-8}}{2.5 \times 10^{-2} \times 10 \times 4 \times 10^{-1}}$
- 28- بسط ما يلي : $-\frac{2}{3} + \frac{1}{2} \div \frac{3}{4}$
- 29- اكتب على شكل كسر مقامه عدد ناطق $\frac{\sqrt{2}-5}{\sqrt{}}$
- 30- ABC مثلث و E ; F نقطتان من $[AB]$; $[AC]$ حيث $AB=12$; $AC=6$; $AF=2$; $AE=4$ هل (BC) " (EF)
- 31- احسب ما يلي : $(\sqrt{2} + \sqrt{3})(2\sqrt{2} - \sqrt{3})$
- 32- O منتصف القطعة $[AB]$ احسب OA حيث $A(-2; 3)$ و $B(2; 2)$
- 33- اكتب على الشكل العشري العدد $\frac{2}{3} \times \frac{5}{-2} - \frac{1}{4} \div \frac{2}{3}$
- 34- حل العبارة : $(2x-3)(x-1) - (2x-3)(2x-1)$
- 35- حل المعادلة : $\frac{2x-1}{3x} = \frac{4}{5}$
- 36- مستطيل محيطه 30 وطوله ضعف عرضه اوجد بعديه
- 37- اكتب على الشكل $27^2 \times 9^{-2} \times 3^{-25}$ ما يلي : n
- 38- (C) دائرة مركزها O و $[AB]$ قطلها $E \in (C)$ حيث $\widehat{EAB} = 35^\circ$ احسب قيس الزاوية $\widehat{EOB}$

الوضعية:

بعد إجراء فحص دقيق لوليد، تبين أنه مصاب بمرض مناعي نادر يستدعي إجراء فحوصات و تحاليل و أشعة بشكل دوري لمدة سنة على الأقل. و لأن دخل العائلة المتوسط لا يمكنه تغطية مصاريف العلاج، فكرت الأم في مشروع تحقق من خلاله بعض الأرباح للمساهمة في هذه المصاريف.

يتمثل المشروع في خياطة فساتين صيفية دون أكمام لبنات صغيرات (6 - 9 سنوات)، لكنها وجدت مشكلا يتعلق بحساب مساحة القماش و تكلفة الفستان الواحد، و هي تطلب منك مساعدتها.

نقترح عليك مساعدتها بإجرائين:

الإجراء الأول: إنجاز تصميم مصغر للتصميم الحقيقي على ورقة مليمتريّة وفقا للمعلومات الآتية:

التصميم يمثل الجهة اليسرى من الجزء الأمامي، حيث الجهة اليمنى مطابقة لها و الجزءان الأمامي و الخلفي متطابقان .
(O. I. J) معلم متعامد و متجانس حيث: $A(-1; 3)$ $B(0; 3)$ $G(-1; 2.5)$ $H(-1; 0)$ $C(0; 2)$
F نظيرة A بالنسبة إلى G.

E هي صورة F بالدوران الذي مركزه H و زاويته 180° .

M هي صورة C بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{FE}$.

عرض الفستان في الأسفل هو ED، يكون حسب طلب الزبون لذلك نضع النقطة D تحقق: $D \in [EM]$

$D \notin [EM]$ بحيث $MD = t$ ، شكل التصميم هو المضلع GBCDE

(1) عبر بدلالة t عن مساحة المضلع GBCDE ثم تحقق أن مساحة القماش اللازم هي: $m^2 (0.32t + 0.76)$ علما أن كل 1cm^2 من التصميم يمثل 0.04m^2 من الشكل الحقيقي.

(2) عين قيمة الطول t التي لا تتعدى من أجلها تكلفة الفستان 1000 DA

ثمن المتر المربع من القماش 550 DA
تكاليف أخرى (أزرار + خيط + شرائط) 230 DA

الإجراء الثاني: في هذا الجزء نعتبر تكلفة فستان واحد هو 1000 DA

- نخطط هذه السيدة لبيع الفستان الواحد بربح قدره 40 % من تكلفة الفستان بحيث تخصص الأموال التي تجمعها من البيع كاملة لتكاليف العلاج.

ليكن x هو عدد الفساتين التي بالإمكان خياطتها.

$P(x)$ ثمن الفساتين بعد البيع.

أ) عبر عن $P(x)$ بدلالة x ثم مثل هذه الوضعية في معلم متعامد و متجانس مبدؤه O و وحدته 1 cm

بحيث : على محور الفواصل 10 فساتين $\longrightarrow$ 1 cm

على محور التراتيب 14 000 DA $\longrightarrow$ 1 cm

ب) بقراءة بيانية من المعلم، حدد عدد الفساتين الواجب خياطتها لتغطية تكاليف العلاج المقدرة بحوالي 84 000 DA

$9 \leq n < 11$	$11 \leq n < 13$	$13 \leq n < 15$	$15 \leq n < 17$
8	3	5	4

احسب التكرار النسبي ثم النسبة المئوية للتكرارات ثم التكرارات المجمعة ثم التواترات المجمعة ثم احسب الوسط الحسابي و الوسط المتوازن و عين الفئة الوسيطة

69- نحن و نحن و نصفنا و ربعنا و انت معنا 100 كم عدنا

70- عبر بدلالة x عن مساحة شبه منحرف قاعدته الكبرى $(2x-3)$

وقاعدته الصغرى $(x-1)$ وارتفاعه $(3x-1)$

مسائل متنوعة

مسألة 1 :

خلال كأس الأمم الإفريقية الأخيرة في الغابون ، قدمت الكاف (الكونفدرالية الإفريقية لكرة القدم) العروض التالية على القنوات التلفزيونية لشراء حقوق بث المباريات (المبلغ بالعملة الجزائرية بالمليار سنتيم) حيث عدد المباريات الإجمالية هو 32 مباراة .
الصيغة الأولى: تدفع القناة 1.5 مليار سنتيم لكل مقابلة.
الصيغة الثانية: تدفع القناة اشتراكا قدره 10 مليار سنتيم ثم 0.5 مليار سنتيم عن كل مقابلة .
الصيغة الثالثة: تدفع القناة 20 مليار سنتيم لبث كامل مباريات البطولة.

- 1- (أ) ما هو الثمن اللازم لبث 10 مقابلات حسب كل صيغة ؟
(ب) ما هو الثمن اللازم لبث 20 مقابلة حسب كل صيغة ؟
(2) ليكن x هو عدد المقابلات التي يتم بثها خلال البطولة و P_1 ، P_2 المبلغ المدفوع حسب الصيغة الأولى ، الثانية و الثالثة على الترتيب .
- أكتب P_1 ، P_2 ، P_3 بدلالة x .
(3) المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

حيث : $1cm$ على محور الفواصل يمثل مقابلتين .

$1cm$ على محور الترتيب يمثل 2 مليار سنتيم .

أرسم المستقيمات : $y_1 = 1,5x$: (D_1)

$y_2 = 0,5x + 10$: (D_2) ، $y_3 = 20$: (D_3)

(4) حدد بيانيا أحسن العروض حسب عدد المباريات ؟

مسألة 2 :

مجلة أسبوعية تقترح على زبائنها سعريين :

السعر الأول: $15 DA$ للمجلة الواحدة لغير المشتركين

السعر الثاني: $150 DA$ للمخترطين سنويا و كل مجلة ثمنها

$10 DA$

1 . أحسب ثمن الحصول على 10 مجلات ، ثم على 50 مجلة و ذلك في كل حالة من السعريين .

2 . أحمد يحب هذه المجلة و يشتريها في بعض الأحيان .

نسوي x عدد المجلات التي يشتريها في السنة الواحدة ، y_1

الثمن المدفوع للنوع الأول و y_2 الثمن المدفوع للنوع الثاني.

عبر عن كلا من y_1 و y_2 بدلالة x

3 . المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ ،

على محور الفواصل $1cm$ يمثل 5 مجلات ، على محور الترتيب

$1cm$ يمثل $50 DA$

- أرسم المستقيم (D_1) الذي معادلته $y = 15x$.

- أرسم المستقيم (D_2) الذي معادلته $y = 10x + 150$.

4. بالاستعانة بالتمثيل البياني ، أجب عن مايلي :

- ما النوع الأحسن فائدة للسعريين لما أحمد يشتري 20 مجلة .

- إذا اشترى أحمد 25 مجلة من النوع الثاني ، كم سيدفع من دينار ؟

- إذا كان لإحمد $600 DA$ ، كم يمكن أن يشتري من مجلة على الأكثر من كل نوع ؟

5 . حل المتراجحة $15x > 10x + 150$ ثم علل على هذه النتيجة.

مسألة 3 :

يتلقى عامل في مصنع للمحافظ أجرة أسبوعية قرها $400 DA$ زائد علاوة قدرها $50 DA$ عن كل محفظة ينجزها .

(A) نرمز ب x لعدد المحافظ المنجزة خلال الأسبوع و بالرمز y للأجرة الأسبوعية.

1 - أنقل وأكمل الجدوت التالي :

x	0	2	8	15
y				

2- عبر عن y بدلالة x

3 - مثل بيانيا التطبيق التآلفي F المعروف ب: $F(x) = 50x + 400$

نأخذ $1cm$ من أجل 2 وحدات على محور الفواصل و $1cm$ من أجل 100 وحدة على محور الترتيب.

4 - إذا أراد هذا العامل أن تكون أجرته الأسبوعية $1200 DA$ ما هو عدد المحافظ التي يجب إنجازها في هذا الأسبوع ؟

(B) عادة هذا العامل أجرته الأسبوعية تقدر ب $1200 DA$. لكن في أحد الأسابيع وقع له عائق فلم ينجز إلا 75% من عدد المحافظ المعتادة .

1 - ما هو عدد المحافظ التي أنجزها في هذا الأسبوع ؟

2 - ما هي أجرته في هذا الأسبوع ؟

مسألة 4 :

ABC مثلث حيث :

$AB = 12cm$ ، $BC = 16cm$ ، $AC = 20cm$

F نقطة من قطعة المستقيم [BC] .

المستقيم الذي يشمل F و يعامد (BC) يقطع (CA) في E .

الجزء الأول :

أثبت أن المثلث ABC قائم في B .

(1) أثبت أن المستقيمين (EF) و (AB) متوازيان .

(2) أحسب مساحة المثلث ABC .

الجزء الثاني :

لتكن F نقطة حيث : $CF = 4cm$.

(1) أثبت أن $EF = 3cm$.

(2) أحسب مساحة المثلث EBC .

الجزء الثالث :

لتكن F نقطة من [BC] تختلف عن B و C .

نضع $CF = x$ حيث : $0 < x < 1$

(1) أثبت أن :

(2) أثبت أن مساحة المثلث EBC تساوي $6x$.

(3) من أجل أي قيمة لـ x تكون مساحة المثلث EBC تساوي

$33 cm$

(4) أثبت أن FB هو الارتفاع المتعلق بالضلع [AB] في المثلث

ABE .

(5) عبر بدلالة x عن مساحة المثلث EAB

(6) من أجل أي قيمة لـ x تكون مساحة المثلث EAB تساوي

ضعف مساحة المثلث EBC ؟

سلسلة تمارين رياضيات للمقطع الرابع مستوى رابعة متوسط

التمرين ① :

1- انشئ مثلث RST متقايس الأضلاع فيه $RS = 3 \text{ cm}$ ،

عين U صورة T بالإنسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{RS}$.

2- ما نوع الرباعي RSUT ؟ برر إجابتك .

3- بين أن : $\overrightarrow{TR} + \overrightarrow{SU} - \overrightarrow{SR} = \overrightarrow{TU}$

التمرين ② :

ABC مثلث قائم في B فيه $AB = 3 \text{ cm}$ ، $AC = 5 \text{ cm}$

1- عين M و N حيث : $\overrightarrow{BM} = \overrightarrow{CA}$ و $\overrightarrow{CN} + \overrightarrow{AB} = \vec{0}$.

2- حدد طبيعة كل رباعي ABCN ، ACBM ثم احسب مساحته .

3- بين أن $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{NA}$ ، ماذا تستنتج ؟

4- أثبت أن $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AN} = \overrightarrow{MC}$.

التمرين ③ :

المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$

1- علم النقط : E (2، 1) ؛ F (3، -3) ؛ G (-1، -1) ؛ H (-2، 3)

2- بين أن الرباعي EFGH متوازي الأضلاع .

التمرين ④ :

المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{O}_i, \vec{O}_j)$ ، وحدة التدريج cm .

1- علم النقط : R (-5، 2) ؛ S (-1، 2) ؛ T (0، -2)

2- احسب إحداثيتي النقطة V حتى يكون الرباعي RSTV متوازي الأضلاع .

التمرين ⑤ : (ش.ت.م 2022)

المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O, \vec{O}_i, \vec{O}_j)$ حيث : $OI = OJ = 1 \text{ cm}$.

لتكن النقط : A (3؛ 2) ، B (1؛ -2) ، C (-3؛ 0)

(1) إذا كان : $AC = 2\sqrt{10}$ و $BC = 2\sqrt{5}$ ، ما نوع المثلث ABC ؟

(2) جد إحداثيتي النقطة D صورة النقطة C بالإنسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{BA}$.

(3) بين أن الرباعي ABCD مربع .

التمرين ⑥ : (ش.ت.م 2012)

($O, \vec{i}, \vec{j}$) معلم متعامد ومتجانس للمستوي .

(1) علم النقط : A (2؛ -1) ، B (-2؛ 3) ، C (-4؛ -3)

(2) احسب الطول AC واستنتج نوع المثلث ABC علماً أن $BC = 2\sqrt{10}$.

(3) احسب إحداثيتي النقطة D حتى يكون $\overrightarrow{CA} = \overrightarrow{BD}$

(4) بين أن $(AB) \perp (CD)$

التمرين ⑦ : (ش.ت.م 2021)

K ، L و M نقط من المستوي المزود بمعلم متعامد ومتجانس حيث :

· K (-1؛ 4) ، L (-5؛ 1) ، M (1؛ -3)

(1) احسب مركبتي الشعاع $\overrightarrow{LK}$ ثم الطول LK .

(2) احسب إحداثيتي النقطة E منتصف [LM] .

(3) أوجد إحداثيتي النقطة N بحيث يكون الرباعي KLMN متوازي الأضلاع .