

## كيف أتخلص من أحد المجهولين ؟

حسب المعاملات :

• إذا كان معامل  $x$  في المعادلتين متعاكسين، نجمع المعادلتين طرفا لطرف.• وإذا كان معامل  $y$  في المعادلتين متعاكسين، نجمعهما طرفا لطرف.• في الحالات الأخرى، نضرب إحدى المعادلتين (أو كليهما) في عدد غير معدوم حتى يصبح معامل  $x$  أو  $y$  متعاكسين.الحل:التمرين 1:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -7x + 9y = -125 \dots\dots [1] \\ -3x + y = -25 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -9 و نجد:

$$\begin{cases} -7x + 9y = -125 \dots\dots [1] \\ 27x - 9y = 225 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-7x + 9y + 27x - 9y = -125 + 225$$

$$20x = 100$$

$$x = \frac{100}{20}$$

$$x = 5$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-7 \times 5 + 9y = -125$$

$$-35 + 9y = -125$$

$$9y = -125 + 35$$

$$9y = -90$$

$$y = \frac{-90}{9}$$

$$y = -10$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (5; -10).

التمرين 2:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 2x + 3y = 1 \dots\dots [1] \\ -7x + 4y = -76 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -7 و المعادلة [2] في

-2 نجد:

$$\begin{cases} -14x - 21y = -7 \dots\dots [1a] \\ 14x - 8y = 152 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-14x - 21y + 14x - 8y = -7 + 152$$

$$-29y = 145$$

$$y = \frac{145}{-29}$$

$$y = -5$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$2x + 3 \times (-5) = 1$$

$$2x - 15 = 1$$

$$2x = 1 + 15$$

$$2x = 16$$

$$x = \frac{16}{2}$$

$$x = 8$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (8; -5).

التمرين 3:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 3x - 5y = 79 \dots\dots [1] \\ 2x + 3y = -17 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 2 و المعادلة [2] في -3

نجد:

$$\begin{cases} 6x - 10y = 158 \dots\dots [1a] \\ -6x - 9y = 51 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$6x - 10y - 6x - 9y = 158 + 51$$

$$-19y = 209$$

$$y = \frac{209}{-19}$$

$$y = -11$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$3x - 5 \times (-11) = 79$$

$$\begin{cases} 2x + 3y = 23 \dots\dots [1a] \\ -2x - 10y = -100 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$2x + 3y - 2x - 10y = 23 - 100$$

$$-7y = -77$$

$$y = \frac{-77}{-7}$$

$$y = 11$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$2x + 3 \times 11 = 23$$

$$2x + 33 = 23$$

$$2x = 23 - 33$$

$$2x = -10$$

$$x = \frac{-10}{2}$$

$$x = -5$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-5; 11)$ .

#### التمرين 6:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} x - y = 2 \dots\dots [1] \\ 7x - 10y = -7 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في  $-7$  و نجد:

$$\begin{cases} -7x + 7y = -14 \dots\dots [1a] \\ 7x - 10y = -7 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-7x + 7y + 7x - 10y = -14 - 7$$

$$-3y = -21$$

$$y = \frac{-21}{-3}$$

$$y = 7$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$x - 7 = 2$$

$$x - 7 = 2$$

$$x = 2 + 7$$

$$x = 9$$

$$3x + 55 = 79$$

$$3x = 79 - 55$$

$$3x = 24$$

$$x = \frac{24}{3}$$

$$x = 8$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(8; -11)$ .

#### التمرين 4:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -3x + 2y = 21 \dots\dots [1] \\ 8x + 7y = -19 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 8 و المعادلة [2] في 3

نجد:

$$\begin{cases} -24x + 16y = 168 \dots\dots [1a] \\ 24x + 21y = -57 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-24x + 16y + 24x + 21y = 168 - 57$$

$$37y = 111$$

$$y = \frac{111}{37}$$

$$y = 3$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-3x + 2 \times 3 = 21$$

$$-3x + 6 = 21$$

$$-3x = 21 - 6$$

$$-3x = 15$$

$$x = \frac{15}{-3}$$

$$x = -5$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-5; 3)$ .

#### التمرين 5:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 2x + 3y = 23 \dots\dots [1] \\ x + 5y = 50 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في  $-2$  و نجد:

$$x = -6$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة  $\boxed{1}$  و نجد:

$$3 \times (-6) - 8y = -74$$

$$-18 - 8y = -74$$

$$-8y = -74 + 18$$

$$-8y = -56$$

$$y = \frac{-56}{-8}$$

$$y = 7$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-6; 7)$ .

### التمرين 9:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 10x + 7y = -22 \dots\dots \boxed{1} \\ -3x + 10y = 55 \dots\dots \boxed{2} \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة  $\boxed{1}$  في  $-3$  و المعادلة  $\boxed{2}$  في  $-10$  نجد:

$$\begin{cases} -30x - 21y = 66 \dots\dots \boxed{1a} \\ 30x - 100y = -550 \dots\dots \boxed{2a} \end{cases}$$

بجمع المعادلتين  $\boxed{1a}$  و  $\boxed{2a}$  طرفا لطرف، نجد:

$$-30x - 21y + 30x - 100y = 66 - 550$$

$$-121y = -484$$

$$y = \frac{-484}{-121}$$

$$y = 4$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة  $\boxed{1}$  و نجد:

$$10x + 7 \times 4 = -22$$

$$10x + 28 = -22$$

$$10x = -22 - 28$$

$$10x = -50$$

$$x = \frac{-50}{10}$$

$$x = -5$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-5; 4)$ .

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(9; 7)$ .

### التمرين 7:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 9x + 4y = 114 \dots\dots \boxed{1} \\ x + y = 16 \dots\dots \boxed{2} \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة  $\boxed{2}$  في  $-9$  و نجد:

$$\begin{cases} 9x + 4y = 114 \dots\dots \boxed{1a} \\ -9x - 9y = -144 \dots\dots \boxed{2} \end{cases}$$

بجمع المعادلتين  $\boxed{1}$  و  $\boxed{2a}$  طرفا لطرف، نجد:

$$9x + 4y - 9x - 9y = 114 - 144$$

$$-5y = -30$$

$$y = \frac{-30}{-5}$$

$$y = 6$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة  $\boxed{1}$  و نجد:

$$9x + 4 \times 6 = 114$$

$$9x + 24 = 114$$

$$9x = 114 - 24$$

$$9x = 90$$

$$x = \frac{90}{9}$$

$$x = 10$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(10; 6)$ .

### التمرين 8:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 3x - 8y = -74 \dots\dots \boxed{1} \\ -7x + 4y = 70 \dots\dots \boxed{2} \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة  $\boxed{2}$  في  $2$  و نجد:

$$\begin{cases} 3x - 8y = -74 \dots\dots \boxed{1} \\ -14x + 8y = 140 \dots\dots \boxed{2a} \end{cases}$$

بجمع المعادلتين  $\boxed{1}$  و  $\boxed{2}$  طرفا لطرف، نجد:

$$3x - 8y - 14x + 8y = -74 + 140$$

$$-11x = 66$$

$$x = \frac{66}{-11}$$

$$2y = -6 + 20$$

$$2y = 14$$

$$y = \frac{14}{2}$$

$$y = 7$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-4; 7)$ .

### التمرين 12:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} x + 5y = -1 \dots\dots [1] \\ 4x + 3y = 30 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -4 و نجد:

$$\begin{cases} -4x - 20y = 4 \dots\dots [1a] \\ 4x + 3y = 30 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-4x - 20y + 4x + 3y = 4 + 30$$

$$-17y = 34$$

$$y = \frac{34}{-17}$$

$$y = -2$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$x + 5 \times (-2) = -1$$

$$x - 10 = -1$$

$$x = -1 + 10$$

$$x = 9$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(9; -2)$ .

### التمرين 13:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 5x - 2y = 40 \dots\dots [1] \\ 9x + 5y = -14 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 9 و المعادلة [2] في -5

نجد:

$$\begin{cases} 45x - 18y = 360 \dots\dots [1a] \\ -45x - 25y = 70 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

### التمرين 10:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 2x - y = -9 \dots\dots [1] \\ x + 4y = 18 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -2 و نجد:

$$\begin{cases} 2x - y = -9 \dots\dots [1a] \\ -2x - 8y = -36 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$2x - y - 2x - 8y = -9 - 36$$

$$-9y = -45$$

$$y = \frac{-45}{-9}$$

$$y = 5$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$2x - 5 = -9$$

$$2x - 5 = -9$$

$$2x = -9 + 5$$

$$2x = -4$$

$$x = \frac{-4}{2}$$

$$x = -2$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-2; 5)$ .

### التمرين 11:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 5x + 2y = -6 \dots\dots [1] \\ -x + 2y = 18 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نطرح المعادلة [2] من [1] طرفا لطرف، نجد:

$$5x + 2y + x - 2y = -6 - 18$$

$$6x = -24$$

$$x = \frac{-24}{6}$$

$$x = -4$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$5 \times (-4) + 2y = -6$$

$$-20 + 2y = -6$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-8; -8)$ .

### التمرين 15:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 2x - 3y = -23 \dots\dots [1] \\ -8x + 3y = -7 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$2x - 3y - 8x + 3y = -23 - 7$$

$$-6x = -30$$

$$x = \frac{-30}{-6}$$

$$x = 5$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$2 \times 5 - 3y = -23$$

$$10 - 3y = -23$$

$$-3y = -23 - 10$$

$$-3y = -33$$

$$y = \frac{-33}{-3}$$

$$y = 11$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(5; 11)$ .

### التمرين 16:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -10x + 7y = -52 \dots\dots [1] \\ -x + 2y = 0 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في  $-10$  و نجد:

$$\begin{cases} -10x + 7y = -52 \dots\dots [1a] \\ 10x - 20y = 0 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-10x + 7y + 10x - 20y = -520$$

$$-13y = -52$$

$$y = \frac{-52}{-13}$$

$$y = 4$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-10x + 7 \times 4 = -52$$

$$45x - 18y - 45x - 25y = 360 + 70$$

$$-43y = 430$$

$$y = \frac{430}{-43}$$

$$y = -10$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$5x - 2 \times (-10) = 40$$

$$5x + 20 = 40$$

$$5x = 40 - 20$$

$$5x = 20$$

$$x = \frac{20}{5}$$

$$x = 4$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(4; -10)$ .

### التمرين 14:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 7x + 2y = -72 \dots\dots [1] \\ 5x + 4y = -72 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في  $-2$  و نجد:

$$\begin{cases} -14x - 4y = 144 \dots\dots [1] \\ 5x + 4y = -72 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-14x - 4y + 5x + 4y = 144 - 72$$

$$-9x = 72$$

$$x = \frac{72}{-9}$$

$$x = -8$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$7 \times (-8) + 2y = -72$$

$$-56 + 2y = -72$$

$$2y = -72 + 56$$

$$2y = -16$$

$$y = \frac{-16}{2}$$

$$y = -8$$

$$\begin{cases} 63x - 54y = 360 \dots\dots [1a] \\ -63x + 49y = -385 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين  $[1a]$  و  $[2a]$  طرفا لطرف، نجد:

$$63x - 54y - 63x + 49y = 360 - 385$$

$$-5y = -25$$

$$y = \frac{-25}{-5}$$

$$y = 5$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة  $[1]$  و نجد:

$$-7x + 6 \times 5 = -40$$

$$-7x + 30 = -40$$

$$-7x = -40 - 30$$

$$-7x = -70$$

$$x = \frac{-70}{-7}$$

$$x = 10$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (10; 5).

### التمرين 19:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 3x - 5y = 25 \dots\dots [1] \\ -9x + 4y = 46 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة  $[1]$  في 3 و نجد:

$$\begin{cases} 9x - 15y = 75 \dots\dots [1a] \\ -9x + 4y = 46 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين  $[1a]$  و  $[2]$  طرفا لطرف، نجد:

$$9x - 15y - 9x + 4y = 75 + 46$$

$$-11y = 121$$

$$y = \frac{121}{-11}$$

$$y = -11$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة  $[1]$  و نجد:

$$3x - 5 \times (-11) = 25$$

$$3x + 55 = 25$$

$$3x = 25 - 55$$

$$3x = -30$$

$$-10x + 28 = -52$$

$$-10x = -52 - 28$$

$$-10x = -80$$

$$x = \frac{-80}{-10}$$

$$x = 8$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (8; 4).

### التمرين 17:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 10x - 3y = 90 \dots\dots [1] \\ x - y = 16 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة  $[2]$  في -10 و نجد:

$$\begin{cases} 10x - 3y = 90 \dots\dots [1a] \\ -10x + 10y = -160 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين  $[1]$  و  $[2a]$  طرفا لطرف، نجد:

$$10x - 3y - 10x + 10y = 90 - 160$$

$$7y = -70$$

$$y = \frac{-70}{7}$$

$$y = -10$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة  $[1]$  و نجد:

$$10x - 3 \times (-10) = 90$$

$$10x + 30 = 90$$

$$10x = 90 - 30$$

$$10x = 60$$

$$x = \frac{60}{10}$$

$$x = 6$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (6; -10).

### التمرين 18:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -7x + 6y = -40 \dots\dots [1] \\ -9x + 7y = -55 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة  $[1]$  في -9 و المعادلة  $[2]$  في

7 نجد:

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$4x + 5 \times 9 = 1$$

$$4x + 45 = 1$$

$$4x = 1 - 45$$

$$4x = -44$$

$$x = \frac{-44}{4}$$

$$x = -11$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-11; 9)$ .

### التمرين 22:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 3x - 2y = -26 \dots\dots [1] \\ 4x + 5y = 19 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 4 و المعادلة [2] في -3  
نجد:

$$\begin{cases} 12x - 8y = -104 \dots\dots [1a] \\ -12x - 15y = -57 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$12x - 8y - 12x - 15y = -104 - 57$$

$$-23y = -161$$

$$y = \frac{-161}{-23}$$

$$y = 7$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$3x - 2 \times 7 = -26$$

$$3x - 14 = -26$$

$$3x = -26 + 14$$

$$3x = -12$$

$$x = \frac{-12}{3}$$

$$x = -4$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-4; 7)$ .

$$x = \frac{-30}{3}$$

$$x = -10$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-10; -11)$ .

### التمرين 20:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 7x + 3y = 15 \dots\dots [1] \\ 5x + 3y = 9 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نطرح المعادلة [2] من [1] طرفا لطرف، نجد:

$$7x + 3y - 5x - 3y = 15 - 9$$

$$2x = 6$$

$$x = \frac{6}{2}$$

$$x = 3$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$7 \times 3 + 3y = 15$$

$$21 + 3y = 15$$

$$3y = 15 - 21$$

$$3y = -6$$

$$y = \frac{-6}{3}$$

$$y = -2$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(3; -2)$ .

### التمرين 21:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 4x + 5y = 1 \dots\dots [1] \\ x + 3y = 16 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -4 و نجد:

$$\begin{cases} 4x + 5y = 1 \dots\dots [1a] \\ -4x - 12y = -64 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$4x + 5y - 4x - 12y = 1 - 64$$

$$-7y = -63$$

$$y = \frac{-63}{-7}$$

$$y = 9$$

$$3x + 5 = 26$$

$$3x = 26 - 5$$

$$3x = 21$$

$$x = \frac{21}{3}$$

$$x = 7$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (5; 7).

### التمرين 25:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 2x + 9y = -50 \dots\dots [1] \\ x + y = 3 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -2 و نجد:

$$\begin{cases} 2x + 9y = -50 \dots\dots [1a] \\ -2x - 2y = -6 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$2x + 9y - 2x - 2y = -50 - 6$$

$$7y = -56$$

$$y = \frac{-56}{7}$$

$$y = -8$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$2x + 9 \times (-8) = -50$$

$$2x - 72 = -50$$

$$2x = -50 + 72$$

$$2x = 22$$

$$x = \frac{22}{2}$$

$$x = 11$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-8; 11).

### التمرين 26:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 3x + 10y = -81 \dots\dots [1] \\ -3x + y = 15 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$3x + 10y - 3x + y = -81 + 15$$

### التمرين 23:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} x - 4y = -17 \dots\dots [1] \\ 9x + 5y = 52 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -9 و نجد:

$$\begin{cases} -9x + 36y = 153 \dots\dots [1a] \\ 9x + 5y = 52 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-9x + 36y + 9x + 5y = 153 + 52$$

$$41y = 205$$

$$y = \frac{205}{41}$$

$$y = 5$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$x - 4 \times 5 = -17$$

$$x - 20 = -17$$

$$x = -17 + 20$$

$$x = 3$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (3; 5).

### التمرين 24:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 3x - y = 26 \dots\dots [1] \\ x + 4y = -13 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -3 و نجد:

$$\begin{cases} 3x - y = 26 \dots\dots [1a] \\ -3x - 12y = 39 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$3x - y - 3x - 12y = 26 + 39$$

$$-13y = 65$$

$$y = \frac{65}{-13}$$

$$y = -5$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$3x - (-5) = 26$$



للجملة حل وحيد هو الثنائية (3; -10).

### التمرين 28:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 4x + 5y = 47 \dots\dots [1] \\ -x + y = -5 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في 4 و نجد:

$$\begin{cases} 4x + 5y = 47 \dots\dots [1a] \\ -4x + 4y = -20 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$4x + 5y - 4x + 4y = 47 - 20$$

$$9y = 27$$

$$y = \frac{27}{9}$$

$$y = 3$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$4x + 5 \times 3 = 47$$

$$4x + 15 = 47$$

$$4x = 47 - 15$$

$$4x = 32$$

$$x = \frac{32}{4}$$

$$x = 8$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (8; 3).

### التمرين 29:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} x - y = -1 \dots\dots [1] \\ 6x + 7y = 59 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -6 و نجد:

$$\begin{cases} -6x + 6y = 6 \dots\dots [1a] \\ 6x + 7y = 59 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-6x + 6y + 6x + 7y = 6 + 59$$

$$13y = 65$$

$$y = \frac{65}{13}$$

$$11y = -66$$

$$y = \frac{-66}{11}$$

$$y = -6$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$3x + 10 \times (-6) = -81$$

$$3x - 60 = -81$$

$$3x = -81 + 60$$

$$3x = -21$$

$$x = \frac{-21}{3}$$

$$x = -7$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-7; -6).

### التمرين 27:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -3x + 7y = -79 \dots\dots [1] \\ 10x + 3y = 0 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 10 و المعادلة [2] في 3

نجد:

$$\begin{cases} -30x + 70y = -790 \dots\dots [1a] \\ 30x + 9y = 0 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-30x + 70y + 30x + 9y = -7900$$

$$79y = -790$$

$$y = \frac{-790}{79}$$

$$y = -10$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-3x + 7 \times (-10) = -79$$

$$-3x - 70 = -79$$

$$-3x = -79 + 70$$

$$-3x = -9$$

$$x = \frac{-9}{-3}$$

$$x = 3$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 6 و المعادلة [2] في -5

نجد:

$$\begin{cases} 30x + 18y = 246 \dots\dots [1a] \\ -30x - 35y = -280 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$30x + 18y - 30x - 35y = 246 - 280$$

$$-17y = -34$$

$$y = \frac{-34}{-17}$$

$$y = 2$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$5x + 3 \times 2 = 41$$

$$5x + 6 = 41$$

$$5x = 41 - 6$$

$$5x = 35$$

$$x = \frac{35}{5}$$

$$x = 7$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (7; 2).

### التمرين 32:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 7x - 5y = -66 \dots\dots [1] \\ 4x - y = -34 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -5 و نجد:

$$\begin{cases} 7x - 5y = -66 \dots\dots [1] \\ -20x + 5y = 170 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$7x - 5y - 20x + 5y = -66 + 170$$

$$-13x = 104$$

$$x = \frac{104}{-13}$$

$$x = -8$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$7 \times (-8) - 5y = -66$$

$$-56 - 5y = -66$$

$$y = 5$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$x - 5 = -1$$

$$x - 5 = -1$$

$$x = -1 + 5$$

$$x = 4$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (4; 5).

### التمرين 30:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 10x + 7y = -17 \dots\dots [1] \\ 9x + 8y = 0 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 9 و المعادلة [2] في

-10 نجد:

$$\begin{cases} 90x + 63y = -153 \dots\dots [1a] \\ -90x - 80y = 0 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$90x + 63y - 90x - 80y = -1530$$

$$-17y = -153$$

$$y = \frac{-153}{-17}$$

$$y = 9$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$10x + 7 \times 9 = -17$$

$$10x + 63 = -17$$

$$10x = -17 - 63$$

$$10x = -80$$

$$x = \frac{-80}{10}$$

$$x = -8$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-8; 9).

### التمرين 31:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 5x + 3y = 41 \dots\dots [1] \\ 6x + 7y = 56 \dots\dots [2] \end{cases}$$

$$\begin{cases} 7x + 8y = 11 \dots\dots [1] \\ -24x - 8y = -96 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$7x + 8y - 24x - 8y = 11 - 96$$

$$-17x = -85$$

$$x = \frac{-85}{-17}$$

$$x = 5$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$7 \times 5 + 8y = 11$$

$$35 + 8y = 11$$

$$8y = 11 - 35$$

$$8y = -24$$

$$y = \frac{-24}{8}$$

$$y = -3$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-3; 5)$ .

### التمرين 35:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 10x + 9y = 28 \dots\dots [1] \\ 4x + 3y = 16 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في  $-3$  و نجد:

$$\begin{cases} 10x + 9y = 28 \dots\dots [1] \\ -12x - 9y = -48 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$10x + 9y - 12x - 9y = 28 - 48$$

$$-2x = -20$$

$$x = \frac{-20}{-2}$$

$$x = 10$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$10 \times 10 + 9y = 28$$

$$100 + 9y = 28$$

$$9y = 28 - 100$$

$$9y = -72$$

$$-5y = -66 + 56$$

$$-5y = -10$$

$$y = \frac{-10}{-5}$$

$$y = 2$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(2; -8)$ .

### التمرين 33:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 3x - 5y = -67 \dots\dots [1] \\ -10x + 9y = 139 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في  $-10$  و المعادلة [2] في

$-3$  نجد:

$$\begin{cases} -30x + 50y = 670 \dots\dots [1a] \\ 30x - 27y = -417 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-30x + 50y + 30x - 27y = 670 - 417$$

$$23y = 253$$

$$y = \frac{253}{23}$$

$$y = 11$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$3x - 5 \times 11 = -67$$

$$3x - 55 = -67$$

$$3x = -67 + 55$$

$$3x = -12$$

$$x = \frac{-12}{3}$$

$$x = -4$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-4; 11)$ .

### التمرين 34:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 7x + 8y = 11 \dots\dots [1] \\ 3x + y = 12 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في  $-8$  و نجد:

$$-3x - 11 = -17$$

$$-3x = -17 + 11$$

$$-3x = -6$$

$$x = \frac{-6}{-3}$$

$$x = 2$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (2; -11).

### التمرين 38:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 2x + 3y = 5 \dots\dots [1] \\ x + y = -1 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -2 و نجد:

$$\begin{cases} 2x + 3y = 5 \dots\dots [1a] \\ -2x - 2y = 2 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$2x + 3y - 2x - 2y = 5 + 2$$

$$y = 7$$

$$y = 7$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$2x + 3 \times 7 = 5$$

$$2x + 21 = 5$$

$$2x = 5 - 21$$

$$2x = -16$$

$$x = \frac{-16}{2}$$

$$x = -8$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-8; 7).

### التمرين 39:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 5x + 9y = 90 \dots\dots [1] \\ 2x + 5y = 43 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 2 و المعادلة [2] في -5

نجد:

$$y = \frac{-72}{9}$$

$$y = -8$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (10; -8).

### التمرين 36:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -2x + y = -7 \dots\dots [1] \\ 2x + y = 13 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-2x + y + 2x + y = -7 + 13$$

$$2y = 6$$

$$y = \frac{6}{2}$$

$$y = 3$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-2x + 3 = -7$$

$$-2x = -7 - 3$$

$$-2x = -10$$

$$x = \frac{-10}{-2}$$

$$x = 5$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (5; 3).

### التمرين 37:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -3x + y = -17 \dots\dots [1] \\ -x + 2y = -24 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -3 و نجد:

$$\begin{cases} -3x + y = -17 \dots\dots [1a] \\ 3x - 6y = 72 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-3x + y + 3x - 6y = -17 + 72$$

$$-5y = 55$$

$$y = \frac{55}{-5}$$

$$y = -11$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$x = \frac{-44}{4}$$

$$x = -11$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-11; 2)$ .

#### التمرين 41:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 8x - 9y = 75 \dots\dots [1] \\ x - y = 8 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -8 و نجد:

$$\begin{cases} 8x - 9y = 75 \dots\dots [1a] \\ -8x + 8y = -64 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$8x - 9y - 8x + 8y = 75 - 64$$

$$-y = 11$$

$$y = -11$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$8x - 9 \times (-11) = 75$$

$$8x + 99 = 75$$

$$8x = 75 - 99$$

$$8x = -24$$

$$x = \frac{-24}{8}$$

$$x = -3$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-3; -11)$ .

#### التمرين 42:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -9x + 8y = 0 \dots\dots [1] \\ -3x + 2y = 6 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -3 و نجد:

$$\begin{cases} -9x + 8y = 0 \dots\dots [1a] \\ 9x - 6y = -18 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-9x + 8y + 9x - 6y = 0 - 18$$

$$2y = -18$$

$$\begin{cases} 10x + 18y = 180 \dots\dots [1a] \\ -10x - 25y = -215 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$10x + 18y - 10x - 25y = 180 - 215$$

$$-7y = -35$$

$$y = \frac{-35}{-7}$$

$$y = 5$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$5x + 9 \times 5 = 90$$

$$5x + 45 = 90$$

$$5x = 90 - 45$$

$$5x = 45$$

$$x = \frac{45}{5}$$

$$x = 9$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(9; 5)$ .

#### التمرين 40:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 4x - y = -46 \dots\dots [1] \\ 8x + 3y = -82 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -2 و نجد:

$$\begin{cases} -8x + 2y = 92 \dots\dots [1a] \\ 8x + 3y = -82 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-8x + 2y + 8x + 3y = 92 - 82$$

$$5y = 10$$

$$y = \frac{10}{5}$$

$$y = 2$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$4x - 2 = -46$$

$$4x - 2 = -46$$

$$4x = -46 + 2$$

$$4x = -44$$

**التمرين 44:**

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 9x - 8y = 76 \dots\dots [1] \\ x - 2y = 14 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -9 و نجد:

$$\begin{cases} 9x - 8y = 76 \dots\dots [1a] \\ -9x + 18y = -126 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$9x - 8y - 9x + 18y = 76 - 126$$

$$10y = -50$$

$$y = \frac{-50}{10}$$

$$y = -5$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$9x - 8 \times (-5) = 76$$

$$9x + 40 = 76$$

$$9x = 76 - 40$$

$$9x = 36$$

$$x = \frac{36}{9}$$

$$x = 4$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-5; 4).

**التمرين 45:**

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 10x + 3y = 49 \dots\dots [1] \\ 4x + 7y = 37 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 2 و المعادلة [2] في -5

نجد:

$$\begin{cases} 20x + 6y = 98 \dots\dots [1a] \\ -20x - 35y = -185 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$20x + 6y - 20x - 35y = 98 - 185$$

$$-29y = -87$$

$$y = \frac{-87}{-29}$$

$$y = \frac{-18}{2}$$

$$y = -9$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-9x + 8 \times (-9) = 0$$

$$-9x - 72 = 0$$

$$-9x = 0 + 72$$

$$-9x = 72$$

$$x = \frac{72}{-9}$$

$$x = -8$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-8; -9).

**التمرين 43:**

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 8x + 3y = -88 \dots\dots [1] \\ -7x + 8y = -8 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -7 و المعادلة [2] في

-8 نجد:

$$\begin{cases} -56x - 21y = 616 \dots\dots [1a] \\ 56x - 64y = 64 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-56x - 21y + 56x - 64y = 616 + 64$$

$$-85y = 680$$

$$y = \frac{680}{-85}$$

$$y = -8$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$8x + 3 \times (-8) = -88$$

$$8x - 24 = -88$$

$$8x = -88 + 24$$

$$8x = -64$$

$$x = \frac{-64}{8}$$

$$x = -8$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-8; -8).

$$\begin{cases} -2x + 4y = -18 \dots\dots [1a] \\ 2x - 3y = 15 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين  $[1a]$  و  $[2]$  طرفا لطرف، نجد:

$$-2x + 4y + 2x - 3y = -18 + 15$$

$$y = -3$$

$$y = -3$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة  $[1]$  و نجد:

$$x - 2 \times (-3) = 9$$

$$x + 6 = 9$$

$$x = 9 - 6$$

$$x = 3$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(3; -3)$ .

#### التمرين 48:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 3x + 2y = -14 \dots\dots [1] \\ 2x + 3y = -1 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة  $[1]$  في 2 و المعادلة  $[2]$  في -3

نجد:

$$\begin{cases} 6x + 4y = -28 \dots\dots [1a] \\ -6x - 9y = 3 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين  $[1a]$  و  $[2a]$  طرفا لطرف، نجد:

$$6x + 4y - 6x - 9y = -28 + 3$$

$$-5y = -25$$

$$y = \frac{-25}{-5}$$

$$y = 5$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة  $[1]$  و نجد:

$$3x + 2 \times 5 = -14$$

$$3x + 10 = -14$$

$$3x = -14 - 10$$

$$3x = -24$$

$$x = \frac{-24}{3}$$

$$x = -8$$

$$y = 3$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة  $[1]$  و نجد:

$$10x + 3 \times 3 = 49$$

$$10x + 9 = 49$$

$$10x = 49 - 9$$

$$10x = 40$$

$$x = \frac{40}{10}$$

$$x = 4$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(4; 3)$ .

#### التمرين 46:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 5x + 2y = -2 \dots\dots [1] \\ 5x + 2y = -2 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نطرح المعادلة  $[2]$  من  $[1]$  طرفا لطرف، نجد:

$$5x + 2y - 5x - 2y = -2 + 2$$

$$0 = 0$$

$$y = \frac{0}{0}$$

$$y = -6$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة  $[1]$  و نجد:

$$5x + 2 \times (-6) = -2$$

$$5x - 12 = -2$$

$$5x = -2 + 12$$

$$5x = 10$$

$$x = \frac{10}{5}$$

$$x = 2$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(2; -6)$ .

#### التمرين 47:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} x - 2y = 9 \dots\dots [1] \\ 2x - 3y = 15 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة  $[1]$  في -2 و نجد:

$$5x - 36 = -26$$

$$5x = -26 + 36$$

$$5x = 10$$

$$x = \frac{10}{5}$$

$$x = 2$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (2; -6).

### التمرين 51:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -2x + 5y = -27 \dots\dots [1] \\ 7x + 9y = -91 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 7 و المعادلة [2] في 2 نجد:

$$\begin{cases} -14x + 35y = -189 \dots\dots [1a] \\ 14x + 18y = -182 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-14x + 35y + 14x + 18y = -189 - 182$$

$$53y = -371$$

$$y = \frac{-371}{53}$$

$$y = -7$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-2x + 5 \times (-7) = -27$$

$$-2x - 35 = -27$$

$$-2x = -27 + 35$$

$$-2x = 8$$

$$x = \frac{8}{-2}$$

$$x = -4$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-4; -7).

### التمرين 52:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -7x + 9y = 32 \dots\dots [1] \\ -2x + 5y = 14 \dots\dots [2] \end{cases}$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (5; -8).

### التمرين 49:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} x + y = -13 \dots\dots [1] \\ 4x + 7y = -58 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -4 و نجد:

$$\begin{cases} -4x - 4y = 52 \dots\dots [1a] \\ 4x + 7y = -58 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-4x - 4y + 4x + 7y = 52 - 58$$

$$3y = -6$$

$$y = \frac{-6}{3}$$

$$y = -2$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$x - 2 = -13$$

$$x = -13 + 2$$

$$x = -11$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-11; -2).

### التمرين 50:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 5x + 6y = -26 \dots\dots [1] \\ x - y = 8 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -5 و نجد:

$$\begin{cases} 5x + 6y = -26 \dots\dots [1a] \\ -5x + 5y = -40 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$5x + 6y - 5x + 5y = -26 - 40$$

$$11y = -66$$

$$y = \frac{-66}{11}$$

$$y = -6$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$5x + 6 \times (-6) = -26$$



$$3x = 22 + 2$$

$$3x = 24$$

$$x = \frac{24}{3}$$

$$x = 8$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (8; 2).

#### التمرين 54:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 3x + 5y = -65 \dots\dots [1] \\ 4x + y = -30 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -5 و نجد:

$$\begin{cases} 3x + 5y = -65 \dots\dots [1] \\ -20x - 5y = 150 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$3x + 5y - 20x - 5y = -65 + 150$$

$$-17x = 85$$

$$x = \frac{85}{-17}$$

$$x = -5$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$3 \times (-5) + 5y = -65$$

$$-15 + 5y = -65$$

$$5y = -65 + 15$$

$$5y = -50$$

$$y = \frac{-50}{5}$$

$$y = -10$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-5; -10).

#### التمرين 55:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -7x + 9y = -3 \dots\dots [1] \\ x + y = 5 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في 7 و نجد:

$$\begin{cases} -7x + 9y = -3 \dots\dots [1a] \\ 7x + 7y = 35 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -2 و المعادلة [2]

نجد:

$$\begin{cases} 14x - 18y = -64 \dots\dots [1a] \\ -14x + 35y = 98 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$14x - 18y - 14x + 35y = -64 + 98$$

$$17y = 34$$

$$y = \frac{34}{17}$$

$$y = 2$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-7x + 9 \times 2 = 32$$

$$-7x + 18 = 32$$

$$-7x = 32 - 18$$

$$-7x = 14$$

$$x = \frac{14}{-7}$$

$$x = -2$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-2; 2).

#### التمرين 53:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 3x - y = 22 \dots\dots [1] \\ 9x + 5y = 82 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -3 و نجد:

$$\begin{cases} -9x + 3y = -66 \dots\dots [1a] \\ 9x + 5y = 82 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-9x + 3y + 9x + 5y = -66 + 82$$

$$8y = 16$$

$$y = \frac{16}{8}$$

$$y = 2$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$3x - 2 = 22$$

$$3x - 2 = 22$$

**التمرين 57:**

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} x + 3y = 5 \dots\dots [1] \\ 2x + y = 20 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -2 و نجد:

$$\begin{cases} -2x - 6y = -10 \dots\dots [1a] \\ 2x + y = 20 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-2x - 6y + 2x + y = -10 + 20$$

$$-5y = 10$$

$$y = \frac{10}{-5}$$

$$y = -2$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$x + 3 \times (-2) = 5$$

$$x - 6 = 5$$

$$x = 5 + 6$$

$$x = 11$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (11; -2).

**التمرين 58:**

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 5x - 4y = -24 \dots\dots [1] \\ -5x + y = -9 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$5x - 4y - 5x + y = -24 - 9$$

$$-3y = -33$$

$$y = \frac{-33}{-3}$$

$$y = 11$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$5x - 4 \times 11 = -24$$

$$5x - 44 = -24$$

$$5x = -24 + 44$$

$$5x = 20$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-7x + 9y + 7x + 7y = -3 + 35$$

$$16y = 32$$

$$y = \frac{32}{16}$$

$$y = 2$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-7x + 9 \times 2 = -3$$

$$-7x + 18 = -3$$

$$-7x = -3 - 18$$

$$-7x = -21$$

$$x = \frac{-21}{-7}$$

$$x = 3$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (3; 2).

**التمرين 56:**

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 2x - 3y = 49 \dots\dots [1] \\ -2x + y = -27 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$2x - 3y - 2x + y = 49 - 27$$

$$-2y = 22$$

$$y = \frac{22}{-2}$$

$$y = -11$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$2x - 3 \times (-11) = 49$$

$$2x + 33 = 49$$

$$2x = 49 - 33$$

$$2x = 16$$

$$x = \frac{16}{2}$$

$$x = 8$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (8; -11).

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$8 \times 10 + 3y = 95$$

$$80 + 3y = 95$$

$$3y = 95 - 80$$

$$3y = 15$$

$$y = \frac{15}{3}$$

$$y = 5$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (10; 5).

### التمرين 61:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 7x - 6y = 95 \dots\dots [1] \\ 3x + y = 5 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في 6 و نجد:

$$\begin{cases} 7x - 6y = 95 \dots\dots [1] \\ 18x + 6y = 30 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$7x - 6y + 18x + 6y = 95 + 30$$

$$25x = 125$$

$$x = \frac{125}{25}$$

$$x = 5$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$7 \times 5 - 6y = 95$$

$$35 - 6y = 95$$

$$-6y = 95 - 35$$

$$-6y = 60$$

$$y = \frac{60}{-6}$$

$$y = -10$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (5; -10).

### التمرين 62:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} x + y = -5 \dots\dots [1] \\ x + y = -5 \dots\dots [2] \end{cases}$$

$$x = \frac{20}{5}$$

$$x = 4$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (4; 11).

### التمرين 59:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 7x + 6y = -8 \dots\dots [1] \\ -3x + 2y = 40 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -3 و نجد:

$$\begin{cases} 7x + 6y = -8 \dots\dots [1] \\ 9x - 6y = -120 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$7x + 6y + 9x - 6y = -8 - 120$$

$$16x = -128$$

$$x = \frac{-128}{16}$$

$$x = -8$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$7 \times (-8) + 6y = -8$$

$$-56 + 6y = -8$$

$$6y = -8 + 56$$

$$6y = 48$$

$$y = \frac{48}{6}$$

$$y = 8$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-8; 8).

### التمرين 60:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 8x + 3y = 95 \dots\dots [1] \\ x - 3y = -5 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$8x + 3y + x - 3y = 95 - 5$$

$$9x = 90$$

$$x = \frac{90}{9}$$

$$x = 10$$

نطرح المعادلة [2] من [1] طرفا لطرف، نجد:

$$x + y - x - y = -5 + 5$$

$$0 = 0$$

$$y = \frac{0}{0}$$

$$y = -3$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$x - 3 = -5$$

$$x = -5 + 3$$

$$x = -2$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-2; -3)$ .**التمرين 63:**

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} x + 2y = 16 \dots\dots [1] \\ 5x + 4y = 44 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -5 و نجد:

$$\begin{cases} -5x - 10y = -80 \dots\dots [1a] \\ 5x + 4y = 44 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-5x - 10y + 5x + 4y = -80 + 44$$

$$-6y = -36$$

$$y = \frac{-36}{-6}$$

$$y = 6$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$x + 2 \times 6 = 16$$

$$x + 12 = 16$$

$$x = 16 - 12$$

$$x = 4$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(4; 6)$ .**التمرين 64:**

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 4x + 5y = -56 \dots\dots [1] \\ 8x + 3y = -56 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -2 و نجد:

$$\begin{cases} -8x - 10y = 112 \dots\dots [1a] \\ 8x + 3y = -56 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-8x - 10y + 8x + 3y = 112 - 56$$

$$-7y = 56$$

$$y = \frac{56}{-7}$$

$$y = -8$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$4x + 5 \times (-8) = -56$$

$$4x - 40 = -56$$

$$4x = -56 + 40$$

$$4x = -16$$

$$x = \frac{-16}{4}$$

$$x = -4$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-4; -8)$ .**التمرين 65:**

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 2x + 3y = 12 \dots\dots [1] \\ 4x + 7y = 30 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -2 و نجد:

$$\begin{cases} -4x - 6y = -24 \dots\dots [1a] \\ 4x + 7y = 30 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-4x - 6y + 4x + 7y = -24 + 30$$

$$y = 6$$

$$y = 6$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$2x + 3 \times 6 = 12$$

$$2x + 18 = 12$$

$$2x = 12 - 18$$

$$2x = -6$$

$$y = 11$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$x - 11 = -7$$

$$x - 11 = -7$$

$$x = -7 + 11$$

$$x = 4$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (4; 11).

### التمرين 68:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 3x + 5y = -46 \dots\dots [1] \\ x - 2y = 3 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -3 و نجد:

$$\begin{cases} 3x + 5y = -46 \dots\dots [1a] \\ -3x + 6y = -9 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$3x + 5y - 3x + 6y = -46 - 9$$

$$11y = -55$$

$$y = \frac{-55}{11}$$

$$y = -5$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$3x + 5 \times (-5) = -46$$

$$3x - 25 = -46$$

$$3x = -46 + 25$$

$$3x = -21$$

$$x = \frac{-21}{3}$$

$$x = -7$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-7; -5).

### التمرين 69:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} x + y = 17 \dots\dots [1] \\ 5x + 3y = 63 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -5 و نجد:

$$x = \frac{-6}{2}$$

$$x = -3$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-3; 6).

### التمرين 66:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 5x + y = -26 \dots\dots [1] \\ 9x + 8y = -22 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -8 و نجد:

$$\begin{cases} -40x - 8y = 208 \dots\dots [1] \\ 9x + 8y = -22 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-40x - 8y + 9x + 8y = 208 - 22$$

$$-31x = 186$$

$$x = \frac{186}{-31}$$

$$x = -6$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$5 \times (-6) + y = -26$$

$$-30 + y = -26$$

$$y = -26 + 30$$

$$y = 4$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-6; 4).

### التمرين 67:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} x - y = -7 \dots\dots [1] \\ 4x + 5y = 71 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -4 و نجد:

$$\begin{cases} -4x + 4y = 28 \dots\dots [1a] \\ 4x + 5y = 71 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-4x + 4y + 4x + 5y = 28 + 71$$

$$9y = 99$$

$$y = \frac{99}{9}$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-10; -2)$ .

### التمرين 71:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 8x - 7y = -61 \dots\dots [1] \\ -6x + 7y = 51 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$8x - 7y - 6x + 7y = -61 + 51$$

$$2x = -10$$

$$x = \frac{-10}{2}$$

$$x = -5$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$8 \times (-5) - 7y = -61$$

$$-40 - 7y = -61$$

$$-7y = -61 + 40$$

$$-7y = -21$$

$$y = \frac{-21}{-7}$$

$$y = 3$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-5; 3)$ .

### التمرين 72:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 4x + 3y = -57 \dots\dots [1] \\ 4x + 3y = -57 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نطرح المعادلة [2] من [1] طرفا لطرف، نجد:

$$4x + 3y - 4x - 3y = -57 + 57$$

$$0 = 0$$

$$y = \frac{0}{0}$$

$$y = -7$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$4x + 3 \times (-7) = -57$$

$$4x - 21 = -57$$

$$4x = -57 + 21$$

$$4x = -36$$

$$\begin{cases} -5x - 5y = -85 \dots\dots [1a] \\ 5x + 3y = 63 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-5x - 5y + 5x + 3y = -85 + 63$$

$$-2y = -22$$

$$y = \frac{-22}{-2}$$

$$y = 11$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$x + 11 = 17$$

$$x = 17 - 11$$

$$x = 6$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(6; 11)$ .

### التمرين 70:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -10x + 3y = 94 \dots\dots [1] \\ 7x + 10y = -90 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 7 و المعادلة [2] في 10

نجد:

$$\begin{cases} -70x + 21y = 658 \dots\dots [1a] \\ 70x + 100y = -900 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-70x + 21y + 70x + 100y = 658 - 900$$

$$121y = -242$$

$$y = \frac{-242}{121}$$

$$y = -2$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-10x + 3 \times (-2) = 94$$

$$-10x - 6 = 94$$

$$-10x = 94 + 6$$

$$-10x = 100$$

$$x = \frac{100}{-10}$$

$$x = -10$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-8 \times (-9) + 5y = 92$$

$$72 + 5y = 92$$

$$5y = 92 - 72$$

$$5y = 20$$

$$y = \frac{20}{5}$$

$$y = 4$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-9; 4)$ .

### التمرين 75:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 3x + 2y = -30 \dots\dots [1] \\ x + y = -11 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في 3 - و نجد:

$$\begin{cases} 3x + 2y = -30 \dots\dots [1a] \\ -3x - 3y = 33 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$3x + 2y - 3x - 3y = -30 + 33$$

$$-y = 3$$

$$y = -3$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$3x + 2 \times (-3) = -30$$

$$3x - 6 = -30$$

$$3x = -30 + 6$$

$$3x = -24$$

$$x = \frac{-24}{3}$$

$$x = -8$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-8; -3)$ .

### التمرين 76:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} x - y = -14 \dots\dots [1] \\ 5x + 2y = -49 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 5 - و نجد:

$$x = \frac{-36}{4}$$

$$x = -9$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-9; -7)$ .

### التمرين 73:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 4x + 5y = -17 \dots\dots [1] \\ x - 2y = 25 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في 4 - و نجد:

$$\begin{cases} 4x + 5y = -17 \dots\dots [1a] \\ -4x + 8y = -100 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$4x + 5y - 4x + 8y = -17 - 100$$

$$13y = -117$$

$$y = \frac{-117}{13}$$

$$y = -9$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$4x + 5 \times (-9) = -17$$

$$4x - 45 = -17$$

$$4x = -17 + 45$$

$$4x = 28$$

$$x = \frac{28}{4}$$

$$x = 7$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(7; -9)$ .

### التمرين 74:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -8x + 5y = 92 \dots\dots [1] \\ 6x + 5y = -34 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نطرح المعادلة [2] من [1] طرفا لطرف، نجد:

$$-8x + 5y - 6x - 5y = 92 + 34$$

$$-14x = 126$$

$$x = \frac{126}{-14}$$

$$x = -9$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-4; -6)$ .

### التمرين 78:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 7x - 3y = 42 \dots\dots [1] \\ 9x + 5y = -8 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 9 و المعادلة [2] في -7  
نجد:

$$\begin{cases} 63x - 27y = 378 \dots\dots [1a] \\ -63x - 35y = 56 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$63x - 27y - 63x - 35y = 378 + 56$$

$$-62y = 434$$

$$y = \frac{434}{-62}$$

$$y = -7$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$7x - 3 \times (-7) = 42$$

$$7x + 21 = 42$$

$$7x = 42 - 21$$

$$7x = 21$$

$$x = \frac{21}{7}$$

$$x = 3$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(3; -7)$ .

### التمرين 79:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -5x + 3y = 61 \dots\dots [1] \\ -3x + 10y = 94 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -3 و المعادلة [2] في 5  
نجد:

$$\begin{cases} 15x - 9y = -183 \dots\dots [1a] \\ -15x + 50y = 470 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$15x - 9y - 15x + 50y = -183 + 470$$

$$41y = 287$$

$$\begin{cases} -5x + 5y = 70 \dots\dots [1a] \\ 5x + 2y = -49 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-5x + 5y + 5x + 2y = 70 - 49$$

$$7y = 21$$

$$y = \frac{21}{7}$$

$$y = 3$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$x - 3 = -14$$

$$x - 3 = -14$$

$$x = -14 + 3$$

$$x = -11$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-11; 3)$ .

### التمرين 77:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 2x + 3y = -26 \dots\dots [1] \\ -x + 2y = -8 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في 2 و نجد:

$$\begin{cases} 2x + 3y = -26 \dots\dots [1a] \\ -2x + 4y = -16 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$2x + 3y - 2x + 4y = -26 - 16$$

$$7y = -42$$

$$y = \frac{-42}{7}$$

$$y = -6$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$2x + 3 \times (-6) = -26$$

$$2x - 18 = -26$$

$$2x = -26 + 18$$

$$2x = -8$$

$$x = \frac{-8}{2}$$

$$x = -4$$



**التمرين 81:**

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 7x - 10y = 4 \dots\dots [1] \\ -4x + 3y = 14 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في -4 و المعادلة [2] في -7 نجد:

$$\begin{cases} -28x + 40y = -16 \dots\dots [1a] \\ 28x - 21y = -98 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-28x + 40y + 28x - 21y = -16 - 98$$

$$19y = -114$$

$$y = \frac{-114}{19}$$

$$y = -6$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$7x - 10 \times (-6) = 4$$

$$7x + 60 = 4$$

$$7x = 4 - 60$$

$$7x = -56$$

$$x = \frac{-56}{7}$$

$$x = -8$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-8; -6)$ .**التمرين 82:**

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -2x + y = -29 \dots\dots [1] \\ x + 3y = -10 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في 2 و نجد:

$$\begin{cases} -2x + y = -29 \dots\dots [1a] \\ 2x + 6y = -20 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-2x + y + 2x + 6y = -29 - 20$$

$$7y = -49$$

$$y = \frac{-49}{7}$$

$$y = \frac{287}{41}$$

$$y = 7$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-5x + 3 \times 7 = 61$$

$$-5x + 21 = 61$$

$$-5x = 61 - 21$$

$$-5x = 40$$

$$x = \frac{40}{-5}$$

$$x = -8$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-8; 7)$ .**التمرين 80:**

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -9x + 7y = 112 \dots\dots [1] \\ 2x + 5y = 21 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 2 و المعادلة [2] في 9 نجد:

$$\begin{cases} -18x + 14y = 224 \dots\dots [1a] \\ 18x + 45y = 189 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-18x + 14y + 18x + 45y = 224 + 189$$

$$59y = 413$$

$$y = \frac{413}{59}$$

$$y = 7$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-9x + 7 \times 7 = 112$$

$$-9x + 49 = 112$$

$$-9x = 112 - 49$$

$$-9x = 63$$

$$x = \frac{63}{-9}$$

$$x = -7$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-7; 7)$ .

نضرب طرفي المعادلة [2] في 3 و نجد:

$$\begin{cases} -9x + 7y = -4 \dots\dots [1a] \\ 9x + 15y = 246 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-9x + 7y + 9x + 15y = -4 + 246$$

$$22y = 242$$

$$y = \frac{242}{22}$$

$$y = 11$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-9x + 7 \times 11 = -4$$

$$-9x + 77 = -4$$

$$-9x = -4 - 77$$

$$-9x = -81$$

$$x = \frac{-81}{-9}$$

$$x = 9$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (9; 11).

### التمرين 85:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -3x + 7y = -20 \dots\dots [1] \\ 4x - 3y = 14 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 4 و المعادلة [2] في 3

نجد:

$$\begin{cases} -12x + 28y = -80 \dots\dots [1a] \\ 12x - 9y = 42 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-12x + 28y + 12x - 9y = -80 + 42$$

$$19y = -38$$

$$y = \frac{-38}{19}$$

$$y = -2$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-3x + 7 \times (-2) = -20$$

$$-3x - 14 = -20$$

$$y = -7$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-2x - 7 = -29$$

$$-2x = -29 + 7$$

$$-2x = -22$$

$$x = \frac{-22}{-2}$$

$$x = 11$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (11; -7).

### التمرين 83:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 8x + 5y = 98 \dots\dots [1] \\ x - 2y = 7 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -8 و نجد:

$$8x + 5y = 98 \dots\dots [1a]$$

$$-8x + 16y = -56 \dots\dots [2]$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$8x + 5y - 8x + 16y = 98 - 56$$

$$21y = 42$$

$$y = \frac{42}{21}$$

$$y = 2$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$8x + 5 \times 2 = 98$$

$$8x + 10 = 98$$

$$8x = 98 - 10$$

$$8x = 88$$

$$x = \frac{88}{8}$$

$$x = 11$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (11; 2).

### التمرين 84:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -9x + 7y = -4 \dots\dots [1] \\ 3x + 5y = 82 \dots\dots [2] \end{cases}$$

$$x = -2$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-(-2) + y = -1$$

$$2 + y = -1$$

$$y = -1 - 2$$

$$y = -3$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-2; -3)$ .

### التمرين 88:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -2x + 7y = -46 \dots\dots [1] \\ -6x + 5y = -10 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 3 و نجد:

$$\begin{cases} 6x - 21y = 138 \dots\dots [1a] \\ -6x + 5y = -10 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$6x - 21y - 6x + 5y = 138 - 10$$

$$-16y = 128$$

$$y = \frac{128}{-16}$$

$$y = -8$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-2x + 7 \times (-8) = -46$$

$$-2x - 56 = -46$$

$$-2x = -46 + 56$$

$$-2x = 10$$

$$x = \frac{10}{-2}$$

$$x = -5$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-5; -8)$ .

### التمرين 89:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 9x - 8y = 83 \dots\dots [1] \\ -3x + 2y = -29 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في 3 و نجد:

$$-3x = -20 + 14$$

$$-3x = -6$$

$$x = \frac{-6}{-3}$$

$$x = 2$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(2; -2)$ .

### التمرين 86:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 8x + 7y = -4 \dots\dots [1] \\ 3x - 8y = 41 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 3 و المعادلة [2] في 8

نجد:

$$\begin{cases} 24x + 21y = -12 \dots\dots [1a] \\ -24x + 64y = -328 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$24x + 21y - 24x + 64y = -12 - 328$$

$$85y = -340$$

$$y = \frac{-340}{85}$$

$$y = -4$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$8x + 7 \times (-4) = -4$$

$$8x - 28 = -4$$

$$8x = -4 + 28$$

$$8x = 24$$

$$x = \frac{24}{8}$$

$$x = 3$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(3; -4)$ .

### التمرين 87:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -x + y = -1 \dots\dots [1] \\ -2x + y = 1 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نطرح المعادلة [2] من [1] طرفا لطرف، نجد:

$$-x + y + 2x - y = -1 - 1$$

$$4x = 24$$

$$x = \frac{24}{4}$$

$$x = 6$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (6; 10).

### التمرين 91:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 7x - 10y = -49 \dots\dots [1] \\ -9x + 7y = 22 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 9- و المعادلة [2] في 7- نجد:

$$\begin{cases} -63x + 90y = 441 \dots\dots [1a] \\ 63x - 49y = -154 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-63x + 90y + 63x - 49y = 441 - 154$$

$$41y = 287$$

$$y = \frac{287}{41}$$

$$y = 7$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$7x - 10 \times 7 = -49$$

$$7x - 70 = -49$$

$$7x = -49 + 70$$

$$7x = 21$$

$$x = \frac{21}{7}$$

$$x = 3$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (3; 7).

### التمرين 92:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} x - y = -13 \dots\dots [1] \\ 8x - 3y = -64 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 8- و نجد:

$$\begin{cases} -8x + 8y = 104 \dots\dots [1a] \\ 8x - 3y = -64 \dots\dots [2] \end{cases}$$

$$\begin{cases} 9x - 8y = 83 \dots\dots [1a] \\ -9x + 6y = -87 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$9x - 8y - 9x + 6y = 83 - 87$$

$$-2y = -4$$

$$y = \frac{-4}{-2}$$

$$y = 2$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$9x - 8 \times 2 = 83$$

$$9x - 16 = 83$$

$$9x = 83 + 16$$

$$9x = 99$$

$$x = \frac{99}{9}$$

$$x = 11$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (11; 2).

### التمرين 90:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 4x + 5y = 74 \dots\dots [1] \\ -9x + 2y = -34 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 9- و المعادلة [2] في 4- نجد:

$$\begin{cases} -36x - 45y = -666 \dots\dots [1a] \\ 36x - 8y = 136 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-36x - 45y + 36x - 8y = -666 + 136$$

$$-53y = -530$$

$$y = \frac{-530}{-53}$$

$$y = 10$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$4x + 5 \times 10 = 74$$

$$4x + 50 = 74$$

$$4x = 74 - 50$$

**التمرين 94:**

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 9x + 5y = -34 \dots\dots [1] \\ 4x + 5y = -4 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نطرح المعادلة [2] من [1] طرفا لطرف، نجد:

$$9x + 5y - 4x - 5y = -34 + 4$$

$$5x = -30$$

$$x = \frac{-30}{5}$$

$$x = -6$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$9 \times (-6) + 5y = -34$$

$$-54 + 5y = -34$$

$$5y = -34 + 54$$

$$5y = 20$$

$$y = \frac{20}{5}$$

$$y = 4$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-6; 4)$ .**التمرين 95:**

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -7x + 9y = 22 \dots\dots [1] \\ -x + 2y = 6 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [2] في -7 و نجد:

$$\begin{cases} -7x + 9y = 22 \dots\dots [1a] \\ 7x - 14y = -42 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-7x + 9y + 7x - 14y = 22 - 42$$

$$-5y = -20$$

$$y = \frac{-20}{-5}$$

$$y = 4$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-7x + 9 \times 4 = 22$$

$$-7x + 36 = 22$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$-8x + 8y + 8x - 3y = 104 - 64$$

$$5y = 40$$

$$y = \frac{40}{5}$$

$$y = 8$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$x - 8 = -13$$

$$x - 8 = -13$$

$$x = -13 + 8$$

$$x = -5$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-5; 8)$ .**التمرين 93:**

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 2x + 5y = -18 \dots\dots [1] \\ -2x + 7y = -6 \dots\dots [2] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1] و [2] طرفا لطرف، نجد:

$$2x + 5y - 2x + 7y = -18 - 6$$

$$12y = -24$$

$$y = \frac{-24}{12}$$

$$y = -2$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$2x + 5 \times (-2) = -18$$

$$2x - 10 = -18$$

$$2x = -18 + 10$$

$$2x = -8$$

$$x = \frac{-8}{2}$$

$$x = -4$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-4; -2)$ .

$$4 \times 10 + 5y = 95$$

$$40 + 5y = 95$$

$$5y = 95 - 40$$

$$5y = 55$$

$$y = \frac{55}{5}$$

$$y = 11$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (10; 11).

### التمرين 98:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -4x + 3y = -35 \dots\dots [1] \\ 9x - 8y = 85 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 9 و المعادلة [2] في 4 نجد:

$$\begin{cases} -36x + 27y = -315 \dots\dots [1a] \\ 36x - 32y = 340 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-36x + 27y + 36x - 32y = -315 + 340$$

$$-5y = 25$$

$$y = \frac{25}{-5}$$

$$y = -5$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-4x + 3 \times (-5) = -35$$

$$-4x - 15 = -35$$

$$-4x = -35 + 15$$

$$-4x = -20$$

$$x = \frac{-20}{-4}$$

$$x = 5$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (5; -5).

### التمرين 99:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 2x - 5y = 32 \dots\dots [1] \\ 2x + y = -28 \dots\dots [2] \end{cases}$$

$$-7x = 22 - 36$$

$$-7x = -14$$

$$x = \frac{-14}{-7}$$

$$x = 2$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (2; 4).

### التمرين 96:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 2x - y = -27 \dots\dots [1] \\ 2x + y = -13 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نطرح المعادلة [2] من [1] طرفا لطرف، نجد:

$$2x - y - 2x - y = -27 + 13$$

$$-2y = -14$$

$$y = \frac{-14}{-2}$$

$$y = 7$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$2x - 7 = -27$$

$$2x - 7 = -27$$

$$2x = -27 + 7$$

$$2x = -20$$

$$x = \frac{-20}{2}$$

$$x = -10$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية (-10; 7).

### التمرين 97:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} 4x + 5y = 95 \dots\dots [1] \\ x + 5y = 65 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نطرح المعادلة [2] من [1] طرفا لطرف، نجد:

$$4x + 5y - x - 5y = 95 - 65$$

$$3x = 30$$

$$x = \frac{30}{3}$$

$$x = 10$$

نعوض  $x$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$x = -11$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-11; 4)$ .

نطرح المعادلة [2] من [1] طرفا لطرف، نجد:

$$2x - 5y - 2x - y = 32 + 28$$

$$-6y = 60$$

$$y = \frac{60}{-6}$$

$$y = -10$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$2x - 5 \times (-10) = 32$$

$$2x + 50 = 32$$

$$2x = 32 - 50$$

$$2x = -18$$

$$x = \frac{-18}{2}$$

$$x = -9$$

للجملة حل وحيد هو الثنائية  $(-9; -10)$ .

### التمرين 100:

حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} -5x + 4y = 71 \dots\dots [1] \\ 4x - 3y = -56 \dots\dots [2] \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة [1] في 4 و المعادلة [2] في 5

نجد:

$$\begin{cases} -20x + 16y = 284 \dots\dots [1a] \\ 20x - 15y = -280 \dots\dots [2a] \end{cases}$$

بجمع المعادلتين [1a] و [2a] طرفا لطرف، نجد:

$$-20x + 16y + 20x - 15y = 284 - 280$$

$$y = 4$$

$$y = 4$$

نعوض  $y$  بقيمته في المعادلة [1] و نجد:

$$-5x + 4 \times 4 = 71$$

$$-5x + 16 = 71$$

$$-5x = 71 - 16$$

$$-5x = 55$$

$$x = \frac{55}{-5}$$