

## I) المعادلات من الدرجة الأولى بمجهول واحد

المعادلة هي مساواة تتضمن مجهولاً أو عدة مجاهيل نرمز إليها بحرف أو حروف.

مثلاً:  $-3x = -3 + 3x$  هي معادلة المجهول فيها هو  $x$ , طرفها الأيسر هو  $-3 + 3x$  و طرفها الأيمن هو  $-3$ .

 حل معادلة ذات مجهول  $x$  يعني إيجاد كل قيم  $x$  التي تتحققها وهذه القيم تسمى حلول المعادلة.

المعادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد هي مساواة:

- يظهر فيها مجهول واحد فقط عادة ما نرمز إليه بالحرف  $x$  (لهذا نقول بمجهول واحد).

- أنس المجهول هو  $1$  أي  $x^1$  (لهذا نقول من الدرجة الأولى).

 حل معادلة، نوظف الخواص المتعلقة بالمساويات والعمليات:

- يمكن أن نضيف إلى (أو نطرح من) طرف معادلة نفس العدد.

- يمكن أن نضرب طرف معادلة في (أو أن نقسمها على) نفس العدد غير المعروف.

مثال: حل المعادلة  $5x + 1 = -2x + 5$

- نضيف إلى الطرفين معاكس  $-2x$  أي  $2x$

$3x + 1 + 2x = -2x + 5 + 2x$  نجمع الحدود المتشابهة:

$3x + 2x + 1 = -2x + 2x + 5$  نبسط الطرفين:

$5x + 1 = 5$  نضيف إلى الطرفين معاكس  $1$  أي  $-1$ :

$5x + 1 - 1 = 5 - 1$  نبسط الطرفين:

$5x = 4$  نقسم الطرفين على  $5$ :

$x = \frac{4}{5}$  إذن للمعادلة  $5x + 1 = -2x + 5$  حل وحيد هو  $\frac{4}{5}$

تذكير:

المعادلة	حلها
$x + a = b$	$x = b - a$
$x - a = b$	$x = b + a$
$a - x = b$	$x = a - b$
$ax = b$	$x = b \div a$
$x \div a = b$	$x = b \times a$
$a \div x = b$	$x = a \div b$

حل معادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد من الشكل  $cx + d = ax + b$  حيث  $a, b, c, d$  أعداد ناطقة و  $c, a$  غير معروفيان في أن واحد و  $c \neq a$ , تتبع الطريقة التالية:

- تحول المجاهيل إلى نفس الطرف و الثوابت إلى نفس الطرف مع  $ax - cx = d - b$  تغيير إشارة كل حد تم نقله:

- نبسط الطرفين فتصبح:

- وهي معادلة من الشكل:

- حل المعادلة هو  $x = \frac{d - b}{a - c}$

مثال:

$$\begin{aligned} x + x &= -2 - 3 & x + 3 &= -x - 2 \\ 2x &= -5 & \text{منه} & \\ & 5 & & \\ .x &= -\frac{5}{2} & \text{منه} & \end{aligned}$$

تطبيقات:

تمارين 29 ، 30 ، 31 و 32 صفحة 79 (شفهيا).

تمارين 33 و 34 صفحة 79.

## (II) ترييض مشكلة

ترييض مسألة يعني التعبير عنها بواسطة معادلة، و حل المعادلة هو حل المسألة.

لترييض مسألة، نتبع الخطوات الآتية :

- (1) اختيار المجهول و التعبير عن المعطيات بدلاته.
- (2) ترجمة المسألة بمعادلة (من الدرجة الأولى بمجهول واحد).
- (3) حل المعادلة و التحقق من الحل.
- (4) الإجابة على السؤال.

مثال:

(1) جد ثلاثة أعداد طبيعية متتالية، مجموعها يساوي 126 .

(2) هل يمكن إيجاد ثلاثة أعداد طبيعية متتالية مجموعها 451 ؟

الحل:

(1) اختيار المجهول : ليكن  $x$  الأصغر من بين هذه الأعداد الثلاثة.

الأعداد الأخرى هي إذن  $1 + x$  و  $2 + x$ .

ترجمة المسألة بمعادلة :

مجموع هذه الأعداد هو 126 معناه :

$$x + (x + 1) + (x + 2) = 126$$

حل المعادلة :

$$x + (x + 1) + (x + 2) = 126$$

$$3x + 3 = 126$$

$$3x = 126 - 3 = 123$$

$$x = \frac{123}{3}$$

$$x = 41$$

الإجابة على السؤال :

الأعداد الثلاثة المتتابعة والتي مجموعها 126 هي 41 ، 42 و 43 .

(التحقق :  $41 + 42 + 43 = 126$ )

(2) باتباع نفس الخطوات نصل إلى :

ترجمة المسألة بمعادلة : مجموع هذه الأعداد هو 451 معناه :

$$x + (x + 1) + (x + 2) = 451$$

حل المعادلة :

$$3x + 3 = 451$$

$$3x = 451 - 3 = 448$$

$$x = \frac{448}{3}$$

ليس عدداً طبيعياً.

الإجابة على السؤال :

لا توجد ثلاثة أعداد طبيعية متتالية مجموعها 451 .

تطبيقات:

تمرين 35 صفحة 79

تمارين 38 ، 39 ، 41 ، 43 ، 43 ، 43 صفحة 80

تمارين 50 ، 51 ، 52 ، 52 ، 52 ، 52 صفحة 82

تمارين 64 و 65 صفحة 83