

تطبيقات :

تمارين 29 ، 30 ، 31 و 32 صفحة 79 (شفهيا).
تمارين 33 و 34 صفحة 79.

(II) تربيض مشكلة

تربيض مسألة يعني التعبير عنها بواسطة معادلة، و حل المعادلة هو حلّ المسألة.

لتربيض مسألة، نتبع الخطوات الآتية :

- (1) اختيار المجهول و التعبير عن المعطيات بدلالته.
- (2) ترجمة المسألة بمعادلة (من الدرجة الأولى بمجهول واحد).
- (3) حلّ المعادلة و التحقق من الحل.
- (4) الإجابة على السؤال.

مثال :

(1) جد ثلاثة أعداد طبيعية متتالية، مجموعها يساوي 126 .

(2) هل يمكن إيجاد ثلاثة أعداد طبيعية متتالية مجموعها 451 ؟

الحل :

(1) اختيار المجهول : ليكن x الأصغر من بين هذه الأعداد الثلاثة.
الأعداد الأخرى هي إذن $x + 1$ و $x + 2$.

• ترجمة المسألة بمعادلة :

مجموع هذه الأعداد هو 126 معناه :

$$x + (x + 1) + (x + 2) = 126$$

• حل المعادلة :

$$x + (x + 1) + (x + 2) = 126$$

$$3x + 3 = 126$$

$$3x = 126 - 3 = 123$$

$$x = \frac{123}{3}$$

$$x = 41$$

• الإجابة على السؤال :

الأعداد الثلاثة المتتالية والتي مجموعها 126 هي 41 ، 42 و 43 .
(التحقق : $41 + 42 + 43 = 126$)

(2) باتباع نفس الخطوات نصل إلى :

• ترجمة المسألة بمعادلة : مجموع هذه الأعداد هو 451 معناه :

$$x + (x + 1) + (x + 2) = 451$$

$$x + (x + 1) + (x + 2) = 451$$

$$3x + 3 = 451$$

$$3x = 451 - 3 = 448$$

$$x = \frac{448}{3}$$

x ليس عددا طبيعيا.

• الإجابة على السؤال :

لا توجد ثلاثة أعداد طبيعية متتالية مجموعها 451 .

تطبيقات :

تمارين 35 صفحة 79
تمارين 38 ، 39 ، 41 ، 43 صفحة 80
تمارين 50 ، 51 ، 52 صفحة 82
تمارين 64 و 65 صفحة 83

(I) المعادلات من الدرجة الأولى بمجهول واحد

المعادلة هي مساواة تتضمن مجهولا أو عدة مجاهيل نرمز إليها بحرف أو حروف.

مثلاً : $x + 7 = -3 + 3x$ هي معادلة المجهول فيها هو x ، طرفها الأيسر هو $x + 7$ و طرفها الأيمن هو $-3 + 3x$.

💡 حلّ معادلة ذات مجهول x يعني إيجاد كل قيم x التي تحققها و هذه القيم تسمى حلول المعادلة.

المعادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد هي مساواة :

- يظهر فيها مجهول واحد فقط عادة ما نرمز إليه بالحرف x (لهذا نقول بمجهول واحد).
- أس المجهول هو 1 أي x^1 (لهذا نقول من الدرجة الأولى).

💡 لحل معادلة، نوظف الخواص المتعلقة بالمساويات و العمليات :

- يمكن أن نضيف إلى (أو نطرح من) طرفي معادلة نفس العدد.
- يمكن أن نضرب طرفي معادلة في (أو أن نقسمهما على) نفس العدد غير المعدوم.

مثال : حل المعادلة $3x + 1 = -2x + 5$.

• نضيف إلى الطرفين معاكس $-2x$ أي $2x$:

$$3x + 1 + 2x = -2x + 5 + 2x$$

$$3x + 2x + 1 = -2x + 2x + 5$$

$$5x + 1 = 5$$

$$5x + 1 - 1 = 5 - 1$$

$$5x = 4$$

$$x = \frac{4}{5}$$

$$x = \frac{4}{5}$$

$$\frac{4}{5}$$

إذن للمعادلة $3x + 1 = -2x + 5$ حل وحيد هو $\frac{4}{5}$.

تذكير :

المعادلة	حلها
$x + a = b$	$x = b - a$
$x - a = b$	$x = b + a$
$a - x = b$	$x = a - b$
$ax = b$	$x = b \div a$
$x \div a = b$	$x = b \times a$
$a \div x = b$	$x = a \div b$

لحل معادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد من الشكل $ax + b = cx + d$ حيث a ، b ، c ، d أعداد ناطقة و $a \neq c$ ،
غير معدومين في آن واحد و $a \neq c$ ، نتبع الطريقة التالية :

• نحول المجاهيل إلى نفس الطرف و الثوابت إلى نفس الطرف مع تغيير إشارة كل حد تم نقله :

$$ax - cx = d - b$$

$$(a - c)x = d - b$$

$$r \times \square = s$$

$$r \times \square = s$$

$$r \times \square = s$$

$$r \times \square = s$$

$$r \times \square = s$$

$$r \times \square = s$$

$$r \times \square = s$$

$$r \times \square = s$$

$$r \times \square = s$$

$$r \times \square = s$$

$$r \times \square = s$$

$$r \times \square = s$$

$$r \times \square = s$$

$$r \times \square = s$$

$$r \times \square = s$$

مثال :

$$x + x = -2 - 3 \quad \text{منه} \quad x + 3 = -x - 2$$

$$2x = -5 \quad \text{منه}$$

$$x = -\frac{5}{2} \quad \text{منه}$$

$$x = -\frac{5}{2} \quad \text{منه}$$

$$x = -\frac{5}{2} \quad \text{منه}$$

$$x = -\frac{5}{2} \quad \text{منه}$$

$$x = -\frac{5}{2} \quad \text{منه}$$

$$x = -\frac{5}{2} \quad \text{منه}$$

$$x = -\frac{5}{2} \quad \text{منه}$$

$$x = -\frac{5}{2} \quad \text{منه}$$