

بكالوريا 2008 الموضوع الأول:

f دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = x^3 - 3x$ تمثيلها البياني في معلم متواحد ومتجانس (\vec{i}, \vec{j}) .

1. أحسب $f(-1)$ ، $f(-2)$ ،

2. أ- أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

ب- أحسب $f'(x)$ ثم أدرس إشارتها ثم شكل جدول تغيراتها

3. أ- حل في \mathbb{R} المعادلة $0 = f(x)$ ثم استنتج ان المنحنى (C_f) يقطع محور الفواصل في ثلاثة نقط يطلب تعين إحداثياتها

ب- أكتب معادلة للمستقيم (Δ) مماس للمنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها 0.

ج- أدرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ) . ماذا تستنتج؟

4. أرسم (Δ) و (C_f)

بكالوريا 2008 الموضوع الثاني:

المنحنى (C) المرسوم في الشكل المقابل هو لدالة f معرفة على المجال $[-1; +\infty)$ مماس للمنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها 2.

1. خمن نهاية الدالة f عند $+\infty$ ثم بقراءة بيانية عين اتجاه تغير الدالة f على المجال $[-1; +\infty)$ - شكل جدول تغيرات الدالة f .

2. من العبارات الآتية: $f_1(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x + 1$ ،

$f_3(x) = -\frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x - 1$ ، $f_2(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x - 1$

عين العبارة المناسبة للدالة f مبرراً أجابتوك.

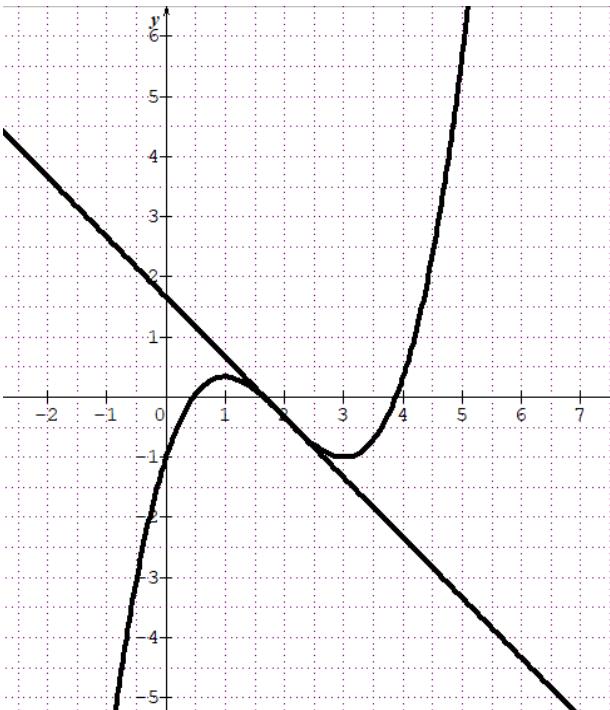
3. أدرس تغيرات الدالة f . هل تخميناتك وقراءاتك السابقة صحيحة؟

4. عين معادلة للمستقيم (Δ) .

5. عين إحداثي نقطة الانعطاف للمنحنى (C) .

6. أرسم المستقيم $y = -1$ ، ثم حل بيانيا المتراجحة ذات المجهول الحقيقي x :

7. عين نقاط تقاطع المنحنى (C) مع المستقيم (D) ذي المعادلة: $y = 3x - 1$

**بكالوريا 2009 الموضوع الأول:**

f دالة عددية معرفة على $\mathbb{R} - \{-1\}$ تمثيلها البياني في معلم متواحد ومتجانس (\vec{i}, \vec{j}) .

1. بين أن الدالة f تكتب من الشكل: $f(x) = 1 + \frac{a}{x+1}$ حيث a عدد حقيقي يطلب تعينه.
2. أحسب نهاية الدالة f عند $(+\infty)$ و $(-\infty)$ ثم فسر النتائج المحصل عليها بيانيا.
3. أحسب $(f'(x))'$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .
4. أكتب معادلة للمستقيم (Δ) مماس للمنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها 3.
5. عين إحداثي نقط تقاطع المنحنى (C_f) مع حامل محور الإحداثيات.
5. أرسم كلام من (Δ) و (C_f) .

بكالوريا 2009 الموضوع الثاني:

لتكن f دالة عددية معرفة على $[2; +\infty]$ بـ .

كل سؤال من الأسئلة الخمسة التالية يتضمن إجابة واحدة صحيحة، تعرف عليها مع التبرير.

س1) يمكن كتابة الدالة f على الشكل:

$$f(x) = \frac{-2x-7}{x-2} \quad .3 \quad f(x) = \frac{-2x+7}{x-2} \quad .2 \quad f(x) = \frac{7+2x}{x-2} \quad .1$$

س2) ' مشقة الدالة f على المجال $[2; +\infty)$ وعبارتها $(f'(x))'$ هي:

$$f'(x) = \frac{-3}{(x-2)^2} \quad .3 \quad f'(x) = \frac{-2}{(x-2)^2} \quad .2 \quad f'(x) = \frac{3}{(x-2)^2} \quad .1$$

س3) نهاية $f(x)$ عند $(+\infty)$ هي:

$$-2 \quad .3 \quad +3 \quad .2 \quad +\infty \quad .1$$

س4) المنحنى (C_f) يقبل مماسا عند النقطة ذات الفاصلة $x_0 = 3$ معادلته هي:

$$y = 3x - 10 \quad .3 \quad y + 3x - 10 = 0 \quad .2 \quad y = -\frac{1}{3}x + 10 \quad .1$$

س5) المنحنى (C_f) يقبل مستقيما مقاربا معادلته هي:

$$y = 2 \quad .3 \quad x = 3 \quad .2 \quad x = 2 \quad .1$$

بكالوريا 2010 الموضوع الأول:

دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بالعبارة: 5- $f(x) = 2x^3 - 9x^2 + 12x$ تمثيلها البياني في معلم متواحد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

2. أدرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها

3. بين ان النقطة $I\left(\frac{3}{2}; -\frac{1}{2}\right)$ هي نقطة انعطاف للمنحنى (C_f)

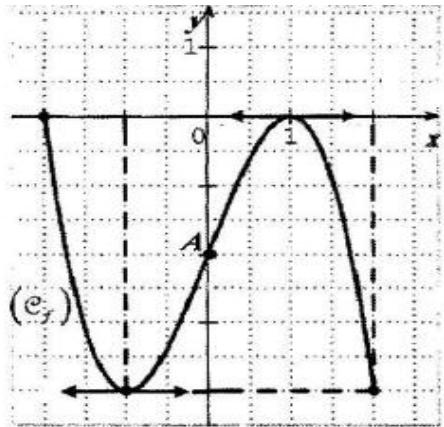
4. أكتب معادلة للمستقيم (Δ) مماس للمنحنى (C_f) في النقطة I

5. تحقق انه من اجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = (x-1)^2(2x-5)$ ثم استنتج نقط تقاطع (C_f) مع حامل محور الفواصل.

6. أرسم (Δ) و (C_f)

بكالوريا 2010 الموضوع الثاني:

f دالة عددية معرفة على المجال $[2;-2]$ و (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس $(j,i;0)$



أنظر الشكل وأجب عن الأسئلة التالية:

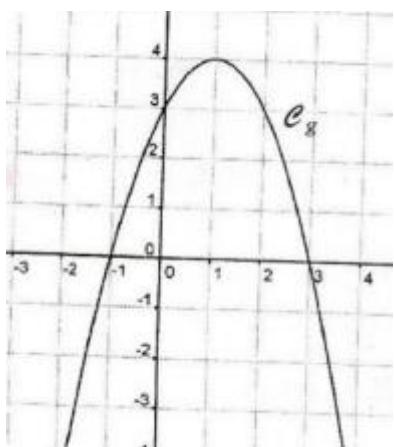
1. أ- عين (f') و $(-f')$ هي الدالة المشتقة للدالة f .
ب- عين صورتي العدددين (-2) و (-1) بواسطة الدالة f .
ج- شكل جدول تغيرات الدالة f على المجال $[-2;2]$.
2. باستعمال اتجاه تغير الدالة f ، قارن العدددين $f\left(\frac{3}{2}\right)$ و $f\left(\sqrt{3}\right)$.
3. A هي النقطة من المنحنى (C_f) التي إحداثياتها $(-2;0)$ ، وبفرض أن $3 = f(0)$ ، اشرح كيف يمكن رسم مماس المنحنى (C_f) في النقطة A ثم أرسمه بعد نقل الشكل.

بكالوريا 2011 الموضوع الأول:

لتكن الدالة f المعرفة على $[2;+\infty[\cup]-\infty;0]$ تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس $(O;j,i)$

1. أحسب نهايات الدالة f عند الأطراف المفتوحة لمجموعة تعريفها ثم استنتج أن (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين يطلب تعين معادلة لكل منهما.
2. أحسب (x) ثم أدرس إشارتها.
3. شكل جدول تغيرات الدالة f .
4. عين إحداثي نقط تقاطع المنحنى (C_f) مع حاملي محور الإحداثيات.
5. أكتب معادلة للمستقيم (Δ) مماس للمنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها 4.
6. أرسم كلا من (Δ) و (C_f) .

بكالوريا 2011 الموضوع الثاني:



أ) في الشكل المقابل (C_g) هو التمثيل البياني في مستوى منسوب الى معلم متعامد ومتجانس للدالة g المعرفة على \mathbb{R} بالعبارة:

$$g(x) = -x^2 + 2x + 3$$

بقراءة بيانية:

1. شكل جدول تغيرات الدالة f .

2. عين حسب قيم x إشارة $g(x)$ على \mathbb{R} .

ب) لتكن الدالة f المعرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - x^2 - 3x - 3$ تمثيلها البياني في المعلم المتعامد والمتجانس $(j,i;0)$

1. بين ان: $f'(x) = -g(x)$ ثم استنتاج إشارة f' على \mathbb{R}
2. أحسب نهاية الدالة f عند $(+\infty)$ و $(-\infty)$.
3. أحسب $f(-1)$ ، $f(3)$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .
4. بين أنه يوجد مماسان للمنحنى (C_f) معامل توجيه كل منها يساوي 5

5. حل في \mathbb{R} المعادلة $f(x) = g(x)$ ثم استنتج احداثيات نقط تقاطع المنحنين (C_f) و (C_g) .

بكالوريا 2012 الموضوع الأول:

نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = -x^3 + 3x^2 - 4$ تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس $(\vec{j}, \vec{i}; 0)$



1. أحسب نهاية الدالة f عند $(+\infty)$ و $(-\infty)$.

2. أحسب (f') ثم أدرس إشارتها.

3. شكل جدول تغيرات الدالة f .

4. أ- أكتب معادلة المستقيم (Δ) مما يماس للمنحنى (C_f) في النقطة 1.

ب- بين انه من اجل كل عدد حقيقي x : $f(x) - (3x - 5) = -(x - 1)^3$.

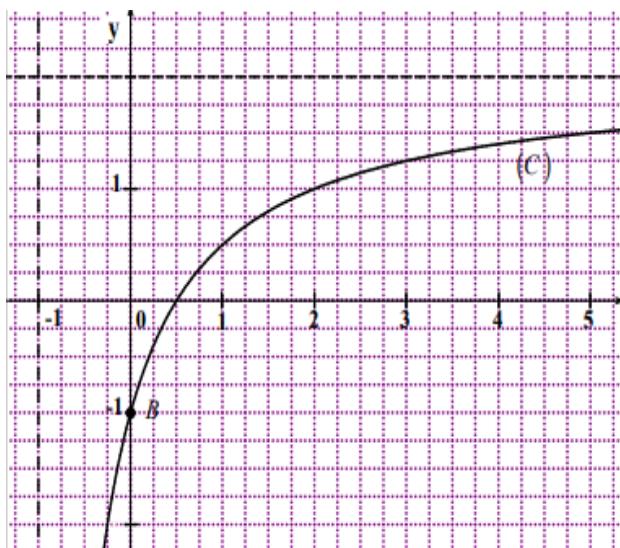
ج- أدرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ) .

5. أحسب (f^{-1}) ثم أرسم (C_f) و (Δ) .

بكالوريا 2012 الموضوع الثاني:

دالة عددية معرفة على المجال $[-1; +\infty)$ حيث a عدد حقيقي.

يرمز (C_f) إلى التمثيل البياني للدالة f في مستوى منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(\vec{j}, \vec{i}; 0)$ كما هو موضح أدناه:



1. اعتماداً على التمثيل البياني (C_f) بين أن: $a = 3$.

2. أ- أحسب النهايتين: $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم فسر النتيجتين هندسياً.

ب- أحسب (f') ثم شكل جدول تغيرات الدالة f على $[-1; +\infty)$.

3. أ- حل في المجال $[-1; +\infty)$ المعادلة: $f'(x) = \frac{3}{4}$

ب- (D) مستقيم معادلته: $y = \frac{3}{4}x - 1$.

أكتب معادلة المستقيم (Δ) المماس للمنحنى (C_f) الذي يوازي المستقيم (D) .

4. أحسب $(\frac{1}{2})f$ ثم حل بيانيا المتراجحة $f(x) \geq 0$.

بكالوريا 2013 الموضوع الأول:

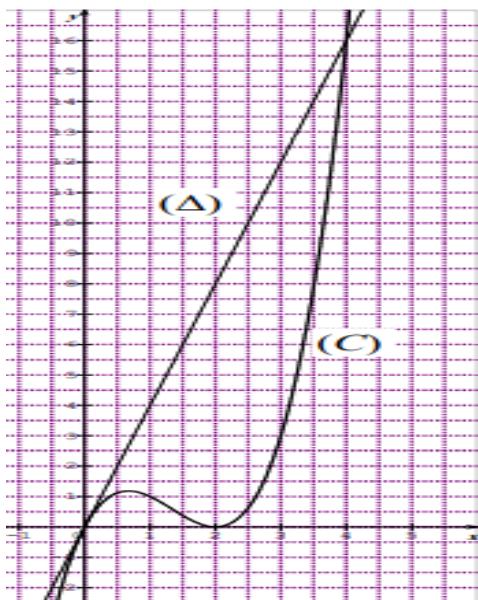
في الشكل المقابل، المنحنى (C) هو التمثيل البياني للدالة f المعرفة على \mathbb{R} كمالي: $f(x) = x^3 - 4x^2 + 4x$. والمستقيم (Δ) هو مما يماس للمنحنى (C) عند مبدأ المعلم O حيث $y = g(x)$ معادلة له.

1. بقراءة بيانية، عين:

1. عدد نقط تقاطع المنحنى (C) مع حامل محور الفواصل.

2. إشارة $f(x)$ على \mathbb{R} .

3. عدد حلول المعادلة $f(x) = g(x)$.



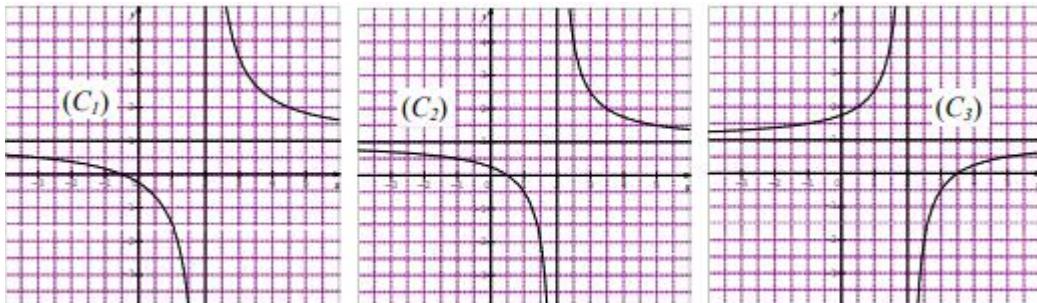
11. باستعمال عبارة الدالة f
- أ- أحسب نهاية الدالة f عند $(+\infty)$ و $(-\infty)$.
 - ب- أحسب $(x)'_f$ ثم أدرس إشارتها.
 - ج- شكل جدول تغيرات الدالة f .
2. أ-أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = x(x-2)^2$
- ب- عين إحدائي نقط تقاطع المنحني (C) مع حامل محور الفواصل.
3. أ- بين ان: $g(x) = 4x$
- ب- عين نقط تقاطع (C) مع (Δ) .
4. بين أن (C) يقبل نقطة انعطاف فاصلتها $\frac{4}{3}$
5. عين بيانيا مجموعة قيم الوسيط الحقيقي m التي من أجلها تقبل المعادلة $m = f(x)$ ثلاثة حلول متمايزة.

بكالوريا 2013 الموضوع الثاني:

لتكن الدالة f المعرفة على $[2; +\infty) \cup [2; -\infty)$ تمثيلها البياني في معلم متعمد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$



- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $[-\infty; 2] \cup [2; +\infty)$.
- هل النقطة $(\frac{-1}{2}; 1)_f$ تنتمي إلى (C_f) .
- أ- أحسب نهايات الدالة f عند الأطراف المفتوحة لمجموعة تعريفها.
- ب- استنتج أن (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين يطلب تعين معادلة لكل منهما.
- أحسب $(x)'_f$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .
- جد فوائل نقط المنحني (C_f) التي يكون معامل توجيه المماس عندها يساوي $-\frac{3}{2}$
- جد إحدائي نقط تقاطع المنحني (C_f) مع حامل محور الفواصل وحاملي محور الترتيب.
- عين مع التبرير المنحني (C_f) من بين المنحنيات (C_1) ، (C_2) ، (C_3) الممثلة أدناه:



بكالوريا 2014 الموضوع الأول:

دالة عددية معرفة على $\mathbb{R} - \{-2\}$ تمثيلها البياني في معلم متعمد ومتجانس $(0; \vec{i}, \vec{j})$. $f(x) = \frac{2x+1}{x+2}$

- عين العدد الحقيقي a بحيث من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{-2\}$



2. عين النقط من المنحنى (C_f) التي إحداثياتها أعدادا صحيحة

3. أحسب نهاية الدالة f عند حدود مجال تعريفها.

4. أ- بين انه من اجل كل عدد حقيقي x من $\{-2\} - \mathbb{R}$:

$$f'(x) = \frac{3}{(x+2)^2}$$

ب- شكل جدول تغيرات الدالة f .

5. عين إحداثي نقط تقاطع المنحنى (C_f) مع محور الإحداثيات.

6. أ- أكتب معادلة للمستقيم (Δ) مماس للمنحنى (C_f) عند النقطة A ذات الفاصلة 1.

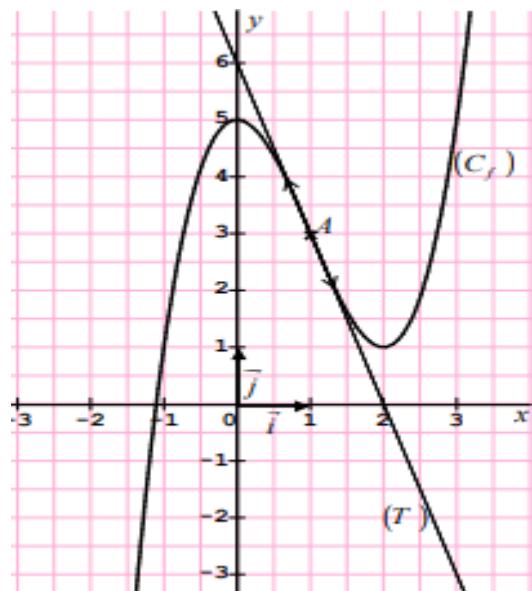
ب- بين أنه يوجد مماس آخر (Δ') للمنحنى (C_f) يوازي المستقيم (Δ)

7. أرسم المماس (Δ) والمنحنى (C_f)

بكالوريا 2014 الموضوع الثاني:

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} بتمثيلها البياني (C_f) في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس ($\vec{i}, \vec{j}; 0, T$) مماس للمنحنى (C_f) عند النقطة $A(1; 3)$ كما في الشكل:

I. القراءة بيانية:



1. خمن نهاية الدالة f عند $(+\infty)$ و $(-\infty)$.

2. أدرس اتجاه تغير الدالة f على \mathbb{R} ثم شكل جدول تغيراتها

3. أ- أكتب معادلة للمماس (T).

ب- أدرس وضعية (C_f) بالنسبة للمماس (T) ثم استنتج أن النقطة A هي نقطة انعطاف للمنحنى (C_f).

4. عين حلول المتراجحة: $f(x) > 5$.

II. إذا علمت أن f معرفة على \mathbb{R} بالشكل : $f(x) = x^3 + ax^2 + b$

حيث a و b عددين حقيقيين.

1. عين العددين a و b .

2. تحقق من إجابتك السابقة حول:

أ- اتجاه تغير الدالة f .

ب- معادلة المماس (T).

ج- نقطة الانعطاف A .

د- حلول المتراجحة: $f(x) > 5$.

بكالوريا 2015 الموضوع الأول:

دالة عددية معرفة على $\{-2\} - \mathbb{R}$ بـ: $f(x) = \frac{-x+3}{x-2}$ تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس ($\vec{i}, \vec{j}; 0, T$) .

1. أ- أحسب النهايات التالية: $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

ب- استنتاج معادلات المستقيمات المقاربة للمنحنى (C_f).

2. أحسب $(x)' f$ ثم استنتاج اتجاه تغير الدالة f .

3. شكل جدول تغيرات الدالة f .

4. a و b عداد حقيقيان، (Δ) مستقيم معادلته $y = ax + b$ عين العددين a و b علما ان المستقيم (Δ) مماس للمنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها 0.

$$f(x) = -1 + \frac{1}{x-2} : \mathbb{R} - \{2\}$$

ب- استنتج النقط من المنحنى (C_f) التي إحداثياتها اعداد صحيحة.

6. أنشئ (C_f) و (Δ)

بكالوريا 2015 الموضوع الثاني:

f دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = x^3 - 3x + 2$. تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس ($\vec{i}, \vec{j}; O$) .

1. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

2. أدرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها

3. بين أن المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف يطلب تعين إحداثياتها.

4. أكتب معادلة للمماس (T) مماس للمنحنى (C_f) في النقطة ذات الفاصلة 0.

5. أحسب $f(2)$ و $f(-2)$ ثم أنشئ (T) و (C_f)

6. حل في \mathbb{R} بيانيا المتراجحة: $f(x) \geq x + 2$

بكالوريا 2016 الموضوع الأول:

f دالة عددية معرفة على $[-1; +\infty) \cup (-\infty; -1]$ تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس ($\vec{i}, \vec{j}; O$) .

1. أحسب النهايات التالية: $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

ب- استنتاج أن المنحنى (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين يطلب تعين معادلة لكل منهما.

2. أدرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .

3. بين أن المنحنى (C_f) يقبل مماسين (T_1 ، T_2) معامل توجيه كل منها 5- يطلب تعين معادلة لكل منهما.

4. أنشئ المماسين (T_1 ، T_2) والمنحنى (C_f)

بكالوريا 2016 الموضوع الثاني:

f دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = 2x^3 - 6x^2 + 9x$. تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس ($\vec{i}, \vec{j}; O$) .

1. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

2. أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = (3x-3)(x-3)$

ب- أدرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها

3. أ- أكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة E ذات الفاصلة 2.

ب- بين انه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) - (-3x+8) = -(x-2)^3$.

ج- أستنتاج وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة الى المماس (T)

د- برهأن E نقطة انعطاف للمنحنى (C_f)



4. أ- بين انه من اجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = x(x-3)^2$

ب- استنتج احداثيات نقط تقاطع المنحني (C_f) مع حامل محور الفواصل.

5. أحسب $f'(x)$ ثم أنشئ المماس (T) والمنحني (C_f) .

بكالوريا 2017 الموضوع الأول:

لتكن الدالة f المعرفة على $[-\infty; +\infty] \cup [1; +\infty]$ بـ: $f(x) = \frac{4x-3}{2x-2}$ تمثيلها البياني في معلم متعمد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1. تحقق أنه من اجل كل عدد حقيقي x من $[-\infty; 1] \cup [1; +\infty]$:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x), \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x), \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x), \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$$

ب-استنتاج أن (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين يطلب تعين معادلة لكل منهما.

$$f'(x) = \frac{-2}{(2x-2)^2} : \mathbb{R} - \{1\}$$

ب- استنتاج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

4. جد إحداثي نقط تقاطع المنحني (C_f) مع حامل محور الإحداثيات.

5. أكتب معادلة المماس (Δ) مماس للمنحني (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 2.

6. أرسم (Δ) و (C_f) .

بكالوريا 2017 الموضوع الثاني:

دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 4x$ تمثيلها البياني في معلم متعمد ومتجانس $(\vec{i}, \vec{j}; O)$

1. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

2. أ- بين انه من اجل كل عدد حقيقي x :

ب- استنتاج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها

3. حل في \mathbb{R} المعادلة $0 = f(x)$ ، استنتاج احداثيات نقط تقاطع المنحني (C_f) مع حامل محوري الاحداثيات.

4. بين أن (C_f) يقبل نقطة انعطاف هي مبدأ المعلم.

5. أكتب معادلة المماس (T) للمنحني (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0.

ب- بين انه من اجل كل عدد حقيقي x :

6. أرسم (T) والمنحني (C_f) .

بكالوريا 2018 الموضوع الأول:

نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = x^3 - 3x^2$ تمثيلها البياني في معلم متعمد ومتجانس $(\vec{i}, \vec{j}; O)$

1. أحسب نهاية الدالة f عند $(+\infty)$ و $(-\infty)$

2. أ- أحسب $f'(x)$ ثم أدرس إشارتها.

ب- استنتاج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيرات الدالة f

3. بين أن (C_f) يقبل نقطة انعطاف يطلب تعين إحداثياتها.

4. أكتب معادلة للمستقيم (T) مماساً للمنحنى (C_f) في النقطة 1.

5. أ- تحقق أن النقطة O مبدأ المعلم والنقطة A ذات الفاصلة 3 هما نقطتي تقاطع (C_f) مع حامل محور الفواصل.

ب- أرسم المماس (T) والمنحنى (C_f).

6. حل في \mathbb{R} بيانيا المتراجحة: $0 > f(x)$

7. بين انه من اجل كل عدد حقيقي x : $f(x) + 4 = (x+1)(x-2)^2$ ، ثم حل المعادلة $f(x) = -4$

بكالوريا 2018 الموضوع الثاني:

f دالة عددية معرفة على $[-\infty; -1] \cup [-1; +\infty]$ بـ: $f(x) = 3 - \frac{a}{x+1}$ تمثيلها البياني في معلم متواحد ومتجانس $(j; i; \vec{j})$

ا. عين العدد الحقيقي a بحيث يشمل المنحنى (C_f) مبدأ المعلم.

ii. نضع $a = 3$

1. أثبت أنه من اجل كل عدد حقيقي x من $[-\infty; -1] \cup [-1; +\infty]$:

أ- أحسب نهاية الدالة f عند حدود مجال تعريفها.

ب- استنتج معادلتي المستقيمين المقاربين للمنحنى (C_f)

3. أ- أثبت انه من اجل كل عدد حقيقي x من $\{-1\} \cup \mathbb{R}$:

ب- شكل جدول تغيرات الدالة f .

4. b عدد حقيقي، (Δ) مستقيم معادلته $y = 3x + b$

عين العدد الحقيقي b حتى يكون المستقيم (Δ) مماساً للمنحنى (C_f) في النقطة ذات الفاصلة 2

5. أرسم المنحنى (C_f)

بكالوريا 2019 الموضوع الأول:

1. f دالة عددية معرفة على $\{-2\} \cup \mathbb{R}$ بـ: $f(x) = a - \frac{1}{x+2}$. تمثيلها البياني في معلم متواحد ومتجانس $(j; i; \vec{j})$

- عين قيمة a حتى يقطع المنحنى (C_f) حامل محور التراتيب في النقطة ذات الترتيبة $\frac{1}{2}$

ii. نضع $a = 1$

1. أ- أحسب النهايات التالية: $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

ب- فسر النتائج المحصل عليها بيانيا.

2. أ- بين ان الدالة f متزايدة تماماً على كل من المجالين $[-\infty; -2]$ و $[-2; +\infty]$

ب- شكل جدول تغيرات الدالة f .

3. عين إحداثي A نقط تقاطع المستقيمين المقاربين، ثم بين انها مركز تناظر للمنحنى (C_f).

4. أكتب معادلة المماس (Δ) مماس للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0.

5. أحسب $f(-1)$ ثم أرسم المستقيمين المقاربين والمماس (Δ) ثم المنحنى (C_f)

6. حل بيانيا المتراجحة ذات المجهول الحقيقي x التالية: $1 \leq \frac{1}{x+2}$

بكالوريا 2019 الموضوع الثاني:

دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 5$ تمثيلها البياني في معلم متعمد ومتجانس $(\vec{j}, \vec{i}; 0)$

1. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

2. أ- أحسب $f'(x)$ ثم أدرس إشارتها على \mathbb{R} .

ب- أحسب $f(0)$ و $f(-1)$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .

3. أ- تحقق انه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = (x-1)(2x^2 + 5x + 5)$

ب- عين نقط تقاطع المنحني (C_f) مع حامل محور الفواصل.

4. بين ان المنحني (C_f) يقبل نقطة انعطاف A فاصلتها T للمنحني (C_f) عند A النقطة

5. أنشئ المماس (T) والمنحني (C_f)

6. حل بيانيا المتراجحة $f(x) \geq 0$

بكالوريا 2020 الموضوع الأول:

دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x - 4$ تمثيلها البياني في معلم متعمد ومتجانس $(\vec{j}, \vec{i}; 0)$

1. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

2. أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = 3(x-1)(x-3)$ ثم أدرس إشارة $f'(x)$ على \mathbb{R}

ب- استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها

3. أكتب معادلة المماس (T) للمنحني (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 2.

4. أ- تتحقق انه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = (x-1)^2(x-4)$.

ب- حل في \mathbb{R} المعادلة $f(x) = 0$ ثم استنتاج احداثيات نقط تقاطع المنحني (C_f) مع حامل محور الفواصل.

5. أحسب $f(0)$ ثم أرسم كلا من (T) و (C_f) .

بكالوريا 2020 الموضوع الثاني:

دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + 2x^2 + 3x$ تمثيلها البياني في معلم متعمد ومتجانس $(\vec{j}, \vec{i}; 0)$

1. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

2. أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = (x+1)(x+3)$ ثم أدرس إشارة $f'(x)$ على \mathbb{R}

ب- استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها

3. بين أن النقطة $A(-2; -\frac{2}{3})$ هي نقطة انعطاف للمنحني (C_f)

4. أكتب معادلة المماس (D) للمنحني (C_f) في النقطة A .

5. أحسب $f(0)$ ثم أرسم كلا من (T) و (C_f) .

بكالوريا 2021 الموضوع الأول:

دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = x^3 + 3x^2 - 4$ تمثيلها البياني في معلم متعمد ومتجانس $(\vec{j}, \vec{i}; 0)$

1. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
2. أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = 3x(x+2)$
ب- أدرس حسب قيم العدد الحقيقي x إشارة $f'(x)$ على \mathbb{R}
ج- استنتج أن الدالة f متزايدة تماماً على كل من $[0; +\infty]$ و $[-2; 0]$ و متناقصة تماماً على $[-\infty; -2]$.
3. شكل جدول تغيرات الدالة f .
4. أ- تحقق انه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = (x-1)(x+2)^2$
ب- استنتاج احداثيات نقطي تقاطع المنحنى (C_f) مع محور الفواصل.
5. بين أن: $y = -3x - 5$ معادلة لـ (T) المماس للمنحنى (C_f) عند النقطة $(-2; -1)$.
6. أ- أحسب $f(-3)$ ، $f(0)$ ، $f(1)$.
ب- أرسم المماس (T) ثم المنحنى (C_f) .

بكالوريا 2022 الموضوع الأول:

- دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = -x^2 + 4x - 3$ تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس $(\vec{J}, \vec{i}; 0)$
1. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
 2. أحسب $f'(x)$ ثم أدرس اتجاه تغير الدالة f وشكل جدول تغيراتها.
 3. أكتب معادلة لـ (T) مماس المنحنى (C_f) في النقطة التي فاصلتها 1.
 4. أ- تتحقق انه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = (1-x)(x-3)$.
ب- استنتاج احداثيات نقطي تقاطع المنحنى (C_f) مع محور الفواصل.
 5. حل في \mathbb{R} المعادلة $-3 = f(x)$ ثم استنتاج فاصلتي النقطتين من (C_f) اللتين ترتيبهما 3.
 6. أنشئ المماس (T) ثم المنحنى (C_f) .

بكالوريا 2022 الموضوع الثاني:

- دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = (x-2)^2(2x+1)$ تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس $(\vec{J}, \vec{i}; 0)$
1. تتحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = 2x^3 - 7x^2 + 4x + 4$.
 2. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
 3. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = 2(x-2)(3x-1)$.
 4. أ- أدرس إشارة $f'(x)$ على \mathbb{R}
ب- استنتاج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها
 5. أكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها 0.
 7. أ- تتحقق أن المنحنى (C_f) يشمل النقطتين $A(2; 0)$ و $B(\frac{-1}{2}; 0)$.
ب- أنشئ المماس (T) ثم المنحنى (C_f) .



بكالوريا 2023 الموضوع الأول:

f دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - x^2$ تمثلها البياني في معلم متعمد ومتجانس $(J, i; 0)$

1. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

2. أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = x(x-2)$

ب- استنتج ان الدالة f متزايدة تماما على المجالين $[0, 2]$ و $[-\infty, 0]$ و متناقصة تماما على المجال $[2, +\infty]$

ج- شكل جدول تغيرات الدالة f

3. (T) المماس للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 1

- تحقق أن: $y = -x + \frac{1}{3}$ معادلة لـ (T)

4. أ- تتحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = \frac{1}{3}(x-3)x^2$

ب- حل في \mathbb{R} المعادلة $f(x) = 0$

ج- استنتاج احداثي نقطي تقاطع المنحنى (C_f) مع حامل محور الفواصل.

5. أحسب $f(-2)$ ، $f(4)$ و أرسم (C_f) و (T).

بكالوريا 2023 الموضوع الثاني:

g دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $g(x) = -x^3 + 3x + 2$ تمثلها البياني في معلم متعمد ومتجانس $(J, i; 0)$

1. أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$

2. أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $g'(x) = -3(x-1)(x+1)$

ب- استنتاج ان الدالة g متناقصة تماما على المجالين $[-1, 1]$ و $[-\infty, -1]$ و متزايدة تماما على المجال $[1, +\infty]$

ج- شكل جدول تغيرات الدالة g

3. أ- تتحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $g(x) = (2-x)(x+1)^2$

ب- حل في \mathbb{R} المعادلة $g(x) = 0$

ج- استنتاج احداثي نقطي تقاطع المنحنى (C_g) مع حاملي محوري الاحاديث.

4. (T) المماس للمنحنى (C_g) عند النقطة ذات الفاصلة 0

- تتحقق أن: $y = 3x + 2$ معادلة لـ (T)

5. أحسب $g(-2)$ ، $g(2)$ و أرسم (C_g) و (T).



التوفيق بكالوريا 2024