

## سلسلة الدوال العددية في بكالوريا شعبة اداب من 2008 إلى 2023

## بكالوريا 2008 الموضوع الأول:

$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة:  $f(x) = x^3 - 3x$ .  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب  $f(-2)$  ،  $f(-1)$

2. أ- أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

ب- أحسب  $f'(x)$  ثم أدرس إشارتها ثم شكل جدول تغيراتها

3. أ- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $f(x) = 0$  ثم استنتج ان المنحنى  $(C_f)$  يقطع محور الفواصل في ثلاث نقط يطلب تعيين إحداثياتها

ب- أكتب معادلة للمستقيم  $(\Delta)$  مماس للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة التي فاصلتها 0.

ج- أدرس وضعية المنحنى  $(C_f)$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$  . ماذا تستنتج؟

4. أرسم  $(C_f)$  و  $(\Delta)$

## بكالوريا 2008 الموضوع الثاني:

المنحنى  $(C)$  المرسوم في الشكل المقابل هو لدالة  $f$  معرفة

على المجال  $[-1; +\infty[$   $(\Delta)$  مماس للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة

التي فاصلتها 2.

1. خمن نهاية الدالة  $f$  عند  $+\infty$  ثم بقراءة بيانية عين اتجاه تغير

الدالة  $f$  على المجال  $[-1; +\infty[$

- شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .

2. من العبارات الآتية:  $f_1(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x + 1$  ،

$f_3(x) = -\frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x - 1$  ،  $f_2(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x - 1$

عين العبارة المناسبة للدالة  $f$  مبررا اجابتك.

3. أدرس تغيرات الدالة  $f$  . هل تخميناتك وقراءتك السابقة

صحيحة؟

4. عين معادلة للمستقيم  $(\Delta)$ .

5. عين إحداثي نقطة الانعطاف للمنحنى  $(C)$ .

6. أرسم المستقيم  $y = -1$  ، ثم حل بيانيا المتراجحة ذات المجهول الحقيقي  $x$ :  $f(x) < -1$

7. عين نقاط تقاطع المنحنى  $(C)$  مع المستقيم  $(D)$  ذي المعادلة:  $y = 3x - 1$

## بكالوريا 2009 الموضوع الأول:

$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R} - \{-1\}$  بـ:  $f(x) = \frac{x-3}{x+1}$  .  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$

1. بين أن الدالة  $f$  تكتب من الشكل:  $f(x) = 1 + \frac{a}{x+1}$  حيث  $a$  عدد حقيقي يطلب تعيينه.
2. أحسب نهاية الدالة  $f$  عند  $(+\infty)$  ،  $(-\infty)$  و  $(-1)$  ثم فسر النتائج المحصل عليها بيانيا.
3. أحسب  $f'(x)$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  .
4. أكتب معادلة للمستقيم  $(\Delta)$  مماس للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة التي فاصلتها 3.
5. عين إحداثيي نقط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامي محور الإحداثيات.
5. أرسم كلا من  $(\Delta)$  و  $(C_f)$  .

### بكالوريا 2009 الموضوع الثاني:

لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $]2; +\infty[$  ب:  $f(x) = -2 + \frac{3}{x-2}$ .

كل سؤال من الأسئلة الخمسة التالية يتضمن إجابة واحدة صحيحة، تعرف عليها مع التبرير.

س(1) يمكن كتابة الدالة  $f$  على الشكل:

$$f(x) = \frac{7+2x}{x-2} \quad 1. \quad f(x) = \frac{-2x+7}{x-2} \quad 2. \quad f(x) = \frac{-2x-7}{x-2} \quad 3.$$

س(2)  $f'$  مشتقة الدالة  $f$  على المجال  $]2; +\infty[$  وعبارتها  $f'(x)$  هي:

$$f'(x) = \frac{3}{(x-2)^2} \quad 1. \quad f'(x) = \frac{-2}{(x-2)^2} \quad 2. \quad f'(x) = \frac{-3}{(x-2)^2} \quad 3.$$

س(3) نهاية  $f(x)$  عند  $(+\infty)$  هي:

$$+\infty \quad 1. \quad +3 \quad 2. \quad -2 \quad 3.$$

س(4) المنحنى  $(C_f)$  يقبل مماسا عند النقطة ذات الفاصلة  $x_0 = 3$  معادلته هي:

$$y = -\frac{1}{3}x + 10 \quad 1. \quad y + 3x - 10 = 0 \quad 2. \quad y = 3x - 10 \quad 3.$$

س(5) المنحنى  $(C_f)$  يقبل مستقيما مقاربا معادلته هي:

$$x = 2 \quad 1. \quad x = 3 \quad 2. \quad y = 2 \quad 3.$$

### بكالوريا 2010 الموضوع الأول:

$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة:  $f(x) = 2x^3 - 9x^2 + 12x - 5$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

2. أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

3. بين ان النقطة  $I\left(\frac{3}{2}; -\frac{1}{2}\right)$  هي نقطة انعطاف للمنحنى  $(C_f)$

4. أكتب معادلة للمستقيم  $(\Delta)$  مماس للمنحنى  $(C_f)$  في النقطة  $I$  ,

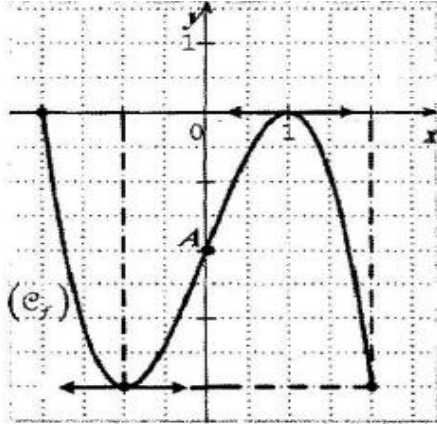
5. تحقق انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f(x) = (x-1)^2(2x-5)$  ثم استنتج نقط تقاطع  $(C_f)$  مع حامل محور الفواصل.

6. أرسم  $(C_f)$  و  $(\Delta)$

### بكالوريا 2010 الموضوع الثاني:

$f$  دالة عددية معرفة على المجال  $[-2; 2]$  و  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$

أنظر الشكل وأجب عن الأسئلة التالية:



1. أ- عين  $f'(1)$  و  $f'(-1)$  (هي الدالة المشتقة للدالة  $f$ )  
ب- عين صورتين العددين  $(-1)$  و  $(-2)$  بواسطة الدالة  $f$ .  
ج- شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  على المجال  $[-2; 2]$
2. باستعمال اتجاه تغير الدالة  $f$ ، قارن العددين  $f(\sqrt{3})$  و  $f(\frac{3}{2})$

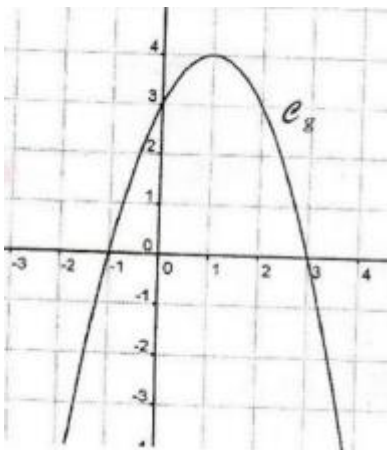
3.  $A$  هي النقطة من المنحنى  $(C_f)$  التي إحداثياتها  $(0; -2)$ ، وبفرض أن  $f'(0) = 3$ ، اشرح كيف يمكن رسم مماس المنحنى  $(C_f)$  في النقطة  $A$  ثم أرسمه بعد نقل الشكل.

### بكالوريا 2011 الموضوع الأول:

لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $]-\infty; 2[ \cup ]2; +\infty[$  بـ:  $f(x) = \frac{x+2}{x-2}$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب نهايات الدالة  $f$  عند الأطراف المفتوحة لمجموعة تعريفها ثم استنتج أن  $(C_f)$  يقبل مستقيمين مقاربين.  
يطلب تعيين معادلة لكل منهما.
2. أحسب  $f'(x)$  ثم أدرس إشارتها.
3. شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .
4. عين إحداثي نقط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامي محور الإحداثيات.
5. أكتب معادلة للمستقيم  $(\Delta)$  مماس للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة التي فاصلتها 4.
6. أرسم كلا من  $(\Delta)$  و  $(C_f)$ .

### بكالوريا 2011 الموضوع الثاني:



أ) في الشكل المقابل  $(C_g)$  هو التمثيل البياني في مستو منسوب الى معلم متعامد ومتجانس للدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة:

$$g(x) = -x^2 + 2x + 3$$

بقراءة بيانية:

1. شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .
  2. عين حسب قيم  $x$  إشارة  $g(x)$  على  $\mathbb{R}$ .
- ب) لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة:  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - x^2 - 3x - 3$

$(C_f)$  تمثيلها البياني في المعلم المتعامد والمتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$

1. بين ان:  $f'(x) = -g(x)$  ثم استنتج إشارة  $f'(x)$  على  $\mathbb{R}$
2. أحسب نهاية الدالة  $f$  عند  $(+\infty)$  و  $(-\infty)$ .
3. أحسب  $f(-1)$ ،  $f(3)$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .
4. بين أنه يوجد مماسان للمنحنى  $(C_f)$  معامل توجيه كل منهما يساوي 5.

5. حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $f(x) = g(x)$  ثم استنتج احداثيات نقط تقاطع المنحنيين  $(C_g)$  و  $(C_f)$ .

### بكالوريا 2012 الموضوع الأول:

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة:  $f(x) = -x^3 + 3x^2 - 4$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$

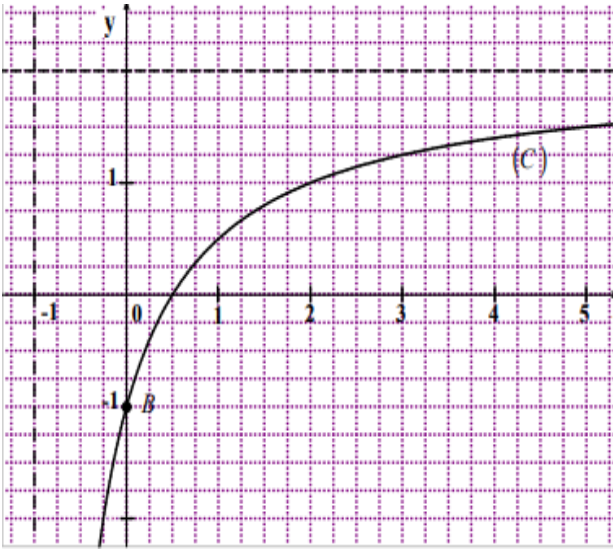


1. أحسب نهاية الدالة  $f$  عند  $(+\infty)$  و  $(-\infty)$
2. أحسب  $f'(x)$  ثم أدرس إشارتها.
3. شكل جدول تغيرات الدالة  $f$
4. أ- أكتب معادلة للمستقيم  $(\Delta)$  مماس للمنحنى  $(C_f)$  في النقطة 1.  
ب- بين انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$ :  $f(x) - (3x - 5) = -(x - 1)^3$ .  
ج- أدرس وضعية المنحنى  $(C_f)$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$ .  
5. أحسب  $f(-1)$  ثم أرسم  $(C_f)$  و  $(\Delta)$

### بكالوريا 2012 الموضوع الثاني:

$f$  دالة عددية معرفة على المجال  $]-1; +\infty[$  بـ:  $f(x) = 2 - \frac{a}{x+1}$  حيث  $a$  عدد حقيقي.

يرمز  $(C_f)$  إلى التمثيل البياني للدالة  $f$  في مستو منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$  كما هو موضح أدناه:



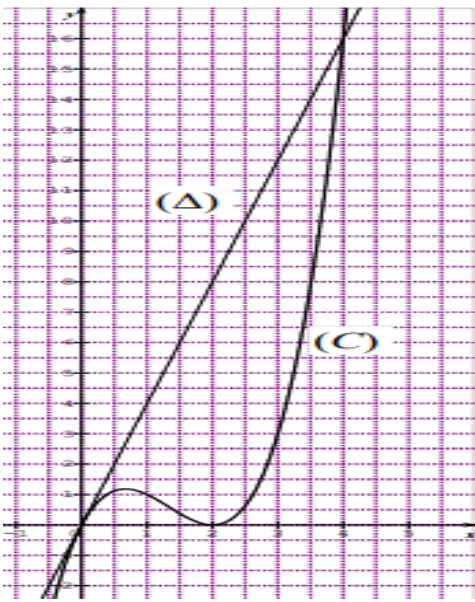
1. اعتمادا على التمثيل البياني  $(C_f)$  بين أن:  $a = 3$
2. أ- أحسب النهايتين:  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ثم فسر النتيجة هندسيا.  
ب- أحسب  $f'(x)$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  على  $]-1; +\infty[$
3. أ- حل في المجال  $]-1; +\infty[$  المعادلة:  $f'(x) = \frac{3}{4}$   
ب-  $(D)$  مستقيم معادلته:  $y = \frac{3}{4}x - 1$ .  
أكتب معادلة للمستقيم  $(\Delta)$  المماس للمنحنى  $(C_f)$  الذي يوازي المستقيم  $(D)$
4. أحسب  $f(\frac{1}{2})$  ثم حل بيانيا المتراجحة  $f(x) \geq 0$ .

### بكالوريا 2013 الموضوع الأول:

في الشكل المقابل، المنحنى  $(C)$  هو التمثيل البياني للدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كمايلي:  $f(x) = x^3 - 4x^2 + 4x$ . والمستقيم  $(\Delta)$  هو مماس للمنحنى  $(C)$  عند مبدأ المعلم  $O$  حيث  $y = g(x)$  معادلة له.

1. بقراءة بيانية، عين:  
1. عدد نقط تقاطع المنحنى  $(C)$  مع حامل محور الفواصل.  
2. إشارة  $f(x)$  على  $\mathbb{R}$   
3. عدد حلول المعادلة  $f(x) = g(x)$





II. باستعمال عبارة الدالة  $f$

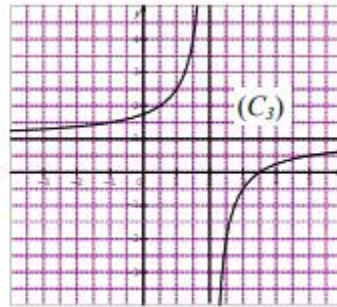
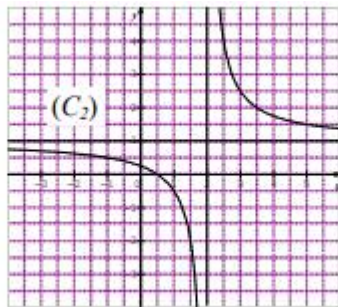
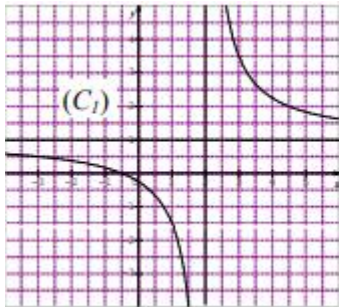
1. أ- أحسب نهاية الدالة  $f$  عند  $(+\infty)$  و  $(-\infty)$ .  
ب- أحسب  $f'(x)$  ثم أدرس إشارتها.  
ج- شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .
2. أ- أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f(x) = x(x-2)^2$   
ب- عين إحداثيي نقط تقاطع المنحنى  $(C)$  مع حامل محور الفواصل.  
3. أ- بين أن:  $g(x) = 4x$ .  
ب- عين نقط تقاطع  $(C)$  مع  $(\Delta)$ .
4. بين أن  $(C)$  يقبل نقطة انعطاف فاصلتها  $\frac{4}{3}$
5. عين بيانيا مجموعة قيم الوسيط الحقيقي  $m$  التي من أجلها تقبل المعادلة  $f(x) = m$  ثلاثة حلول متميزة.

### بكالوريا 2013 الموضوع الثاني:

لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $]2; +\infty[ \cup ]-\infty; 2[$  بـ:  $f(x) = \frac{2x-1}{2x-4}$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$



1. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $]2; +\infty[ \cup ]-\infty; 2[$  :  $f(x) = 1 + \frac{3}{2x-4}$
2. هل النقطة  $A(1; \frac{-1}{2})$  تنتمي إلى  $(C_f)$
3. أ- أحسب نهايات الدالة  $f$  عند الأطراف المفتوحة لمجموعة تعريفها.  
ب- استنتج أن  $(C_f)$  يقبل مستقيمين مقارين يطلب تعيين معادلة لكل منهما.
4. أحسب  $f'(x)$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .
5. جد فواصل نقط المنحنى  $(C_f)$  التي يكون معامل توجيه المماس عندها يساوي  $\frac{-3}{2}$
6. جد إحداثيي نقط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامل محور الفواصل وحامل محور الترتيب.
7. عين مع التبرير المنحنى  $(C_f)$  من بين المنحنيات  $(C_1)$  ،  $(C_2)$  ،  $(C_3)$  الممثلة أدناه:



### بكالوريا 2014 الموضوع الأول:

$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R} - \{-2\}$  بـ:  $f(x) = \frac{2x+1}{x+2}$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1. عين العدد الحقيقي  $a$  بحيث من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R} - \{-2\}$  :  $f(x) = a - \frac{3}{x+2}$

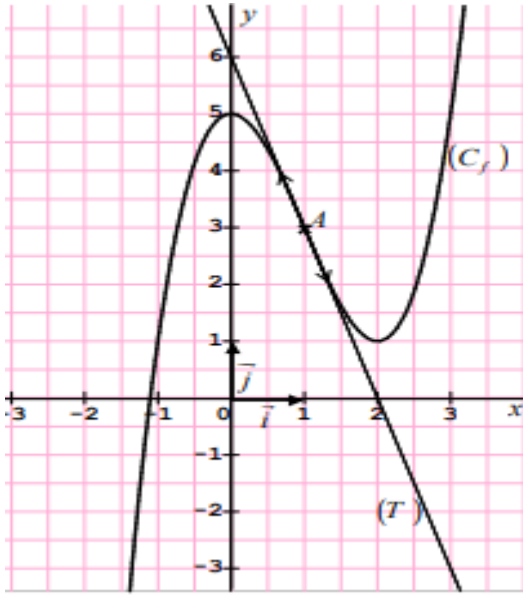


2. عين النقط من المنحنى  $(C_f)$  التي إحداثياتها أعدادا صحيحة
3. أحسب نهاية الدالة  $f$  عند حدود مجالي تعريفها.
4. أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $\mathbb{R} - \{-2\}$  :  $f'(x) = \frac{3}{(x+2)^2}$   
 ب- شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .
5. عين إحداثي نقط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامي محور الإحداثيات.
6. أ- أكتب معادلة للمستقيم  $(\Delta)$  مماس للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة  $A$  ذات الفاصلة -1.  
 ب- بين أنه يوجد مماس آخر  $(\Delta')$  للمنحنى  $(C_f)$  يوازي المستقيم  $(\Delta)$
7. أرسم المماس  $(\Delta)$  والمنحنى  $(C_f)$

### بكالوريا 2014 الموضوع الثاني:

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بتمثيلها البياني  $(C_f)$  في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$  و  $(T)$  مماس للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة  $A(1;3)$  كما في الشكل:

#### 1. بقراءة بيانية:



1. خمن نهاية الدالة  $f$  عند  $(+\infty)$  و  $(-\infty)$ .
2. أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  على  $\mathbb{R}$  ثم شكل جدول تغيراتها
3. أ- أكتب معادلة للمماس  $(T)$ .  
 ب- أدرس وضعية  $(C_f)$  بالنسبة للمماس  $(T)$  ثم استنتج ان النقطة  $A$  هي نقطة انعطاف للمنحنى  $(C_f)$ .
4. عين حلول المتراجحة:  $f(x) > 5$
- II. إذا علمت أن  $f$  معرفة على  $\mathbb{R}$  بالشكل:  $f(x) = x^3 + ax^2 + b$  حيث  $a$  و  $b$  عددين حقيقيين.  
 1. عين العددين  $a$  و  $b$ .  
 2. تحقق من إجابتك السابقة حول:  
 أ- اتجاه تغير الدالة  $f$ .  
 ب- معادلة المماس  $(T)$ .  
 ج- نقطة الانعطاف  $A$ .  
 د- حلول المتراجحة:  $f(x) > 5$ .

### بكالوريا 2015 الموضوع الأول:

$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R} - \{2\}$  ب:  $f(x) = \frac{-x+3}{x-2}$ .  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$

1. أ- أحسب النهايات التالية:  $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$ ,  $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ,  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$   
 ب- استنتج معادلات المستقيمات المقاربة للمنحنى  $(C_f)$ .
2. أحسب  $f'(x)$  ثم استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$ .
3. شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .

4.  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان،  $(\Delta)$  مستقيم معادلته  $y = ax + b$  عین العددين  $a$  و  $b$  علما ان المستقيم  $(\Delta)$  مماس للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة التي فاصلتها 0.
5. أ- تحقق أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R} - \{2\}$  :  $f(x) = -1 + \frac{1}{x-2}$   
 ب- استنتج النقط من المنحنى  $(C_f)$  التي إحداثياتها اعداد صحيحة.
6. أنشئ  $(\Delta)$  و  $(C_f)$

### بكالوريا 2015 الموضوع الثاني:

- $f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة:  $f(x) = x^3 - 3x + 2$  .  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$
1. أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
  2. أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها
  3. بين أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف يطلب تعيين إحداثياتها.
  4. أكتب معادلة للمماس  $(T)$  مماس للمنحنى  $(C_f)$  في النقطة ذات الفاصلة 0.
  5. أحسب  $f(2)$  و  $f(-2)$  ثم أنشئ  $(T)$  و  $(C_f)$
  6. حل في  $\mathbb{R}$  بيانيا المتراجحة:  $f(x) \geq x + 2$

### بكالوريا 2016 الموضوع الأول:

- $f$  دالة عددية معرفة على  $]-\infty; -1[ \cup ]-1; +\infty[$  بـ:  $f(x) = \frac{4-x}{x+1}$  .  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$
1. أ- أحسب النهايات التالية:  $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$   
 ب- استنتج أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل مستقيمين مقارنين يطلب تعيين معادلة لكل منهما.
  2. أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  .
  3. بين أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل مماسين  $(T_1)$  ،  $(T_2)$  معامل توجيه كل منهما -5- يطلب تعيين معادلة لكل منهما.
  4. أنشئ المماسين  $(T_1)$  ،  $(T_2)$  والمنحنى  $(C_f)$

### بكالوريا 2016 الموضوع الثاني:

- $f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة:  $f(x) = 2x^3 - 6x^2 + 9x$  .  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$
1. أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
  2. أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f'(x) = (3x-3)(x-3)$   
 ب- أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها
  3. أ- أكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة  $E$  ذات الفاصلة 2.  
 ب- بين انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f(x) - (-3x+8) = -(x-2)^3$  .  
 ج- أستنتج وضعية المنحنى  $(C_f)$  بالنسبة الى المماس  $(T)$   
 د- برر أن  $E$  نقطة انعطاف للمنحنى  $(C_f)$



4. أ- بين انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f(x) = x(x-3)^2$   
 ب- استنتج احداثيات نقط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامل محور الفواصل.  
 5. أحسب  $f(4)$  ثم أنشئ المماس  $(T)$  والمنحنى  $(C_f)$  .

### بكالوريا 2017 الموضوع الأول:

لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $] -\infty; 1[ \cup ] 1; +\infty[$  بـ:  $f(x) = \frac{4x-3}{2x-2}$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1. تحقق أنه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $] -\infty; 1[ \cup ] 1; +\infty[$  :  $f(x) = 2 + \frac{1}{2x-2}$
2. أ- أحسب النهايات التالية:  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$   
 ب- استنتج أن  $(C_f)$  يقبل مستقيمين مقارين يطلب تعيين معادلة لكل منهما.
3. أ- أ- بين انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $\mathbb{R} - \{1\}$  :  $f'(x) = \frac{-2}{(2x-2)^2}$   
 ب- استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.
4. جد إحداثي نقط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامي محور الإحداثيات.
5. أكتب معادلة المماس  $(\Delta)$  مماس للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 2.
6. أرسم  $(\Delta)$  و  $(C_f)$  .



### بكالوريا 2017 الموضوع الثاني:

$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالعبارة:  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 4x$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1. أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
2. أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f'(x) = (x-2)(x+2)$   
 ب- استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها
3. حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $f(x) = 0$  ، استنتج احداثيات نقط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامي محوري الاحداثيات.
4. بين أن  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف هي مبدأ المعلم.
5. أكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 0.
- ب- بين انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f(x) - (-3x+8) = -(x-2)^3$   
 6. أرسم  $(T)$  والمنحنى  $(C_f)$  .

### بكالوريا 2018 الموضوع الأول:

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بالعبارة:  $f(x) = x^3 - 3x^2$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1. أحسب نهاية الدالة  $f$  عند  $(+\infty)$  و  $(-\infty)$
2. أ- أحسب  $f'(x)$  ثم أدرس إشارتها.  
 ب- استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$
3. بين أن  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف يطلب تعيين إحداثياتها.



4. أكتب معادلة للمستقيم  $(T)$  مماس للمنحنى  $(C_f)$  في النقطة 1.
5. أ- تحقق أن النقطة  $O$  مبدأ المعلم والنقطة  $A$  ذات الفاصلة 3 هما نقطتي تقاطع  $(C_f)$  مع حامل محور الفواصل.  
ب- أرسم المماس  $(T)$  والمنحنى  $(C_f)$ .
6. حل في  $\mathbb{R}$  بيانيا المتراجحة:  $f(x) > 0$
7. بين انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$ :  $f(x) + 4 = (x+1)(x-2)^2$ ، ثم حل المعادلة  $f(x) = -4$

### بكالوريا 2018 الموضوع الثاني:

$f$  دالة عددية معرفة على  $]-\infty; -1[ \cup ]-1; +\infty[$  بـ:  $f(x) = 3 - \frac{a}{x+1}$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1. عين العدد الحقيقي  $a$  بحيث يشمل المنحنى  $(C_f)$  مبدأ المعلم.

11. نضع  $a = 3$

1. أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $]-\infty; -1[ \cup ]-1; +\infty[$ :  $f(x) = \frac{3x}{x+1}$

2. أ- أحسب نهاية الدالة  $f$  عند حدود مجالي تعريفها.

ب- استنتج معادلتى المستقيمين المقارين للمنحنى  $(C_f)$

3. أ- أثبت انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $\mathbb{R} - \{-1\}$ :  $f'(x) = \frac{3}{(x+1)^2}$

ب- شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .

4.  $b$  عدد حقيقي،  $(\Delta)$  مستقيم معادلته  $y = 3x + b$

عين العدد الحقيقي  $b$  حتى يكون المستقيم  $(\Delta)$  مماسا للمنحنى  $(C_f)$  في النقطة ذات الفاصلة  $x_0 = -2$

5. أرسم المنحنى  $(C_f)$



### بكالوريا 2019 الموضوع الأول:

1.  $f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R} - \{-2\}$  بـ:  $f(x) = a - \frac{1}{x+2}$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

- عين قيمة  $a$  حتى يقطع المنحنى  $(C_f)$  حامل محور الترتيب في النقطة ذات الترتيب  $\frac{1}{2}$

11. نضع  $a = 1$

1. أ- أحسب النهايات التالية:  $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x)$ ،  $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$ ،  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

ب- فسر النتائج المحصل عليها بيانيا.

2. أ- بين ان الدالة  $f$  متزايدة تماما على كل من المجالين  $]-\infty; -2[$  و  $]-2; +\infty[$

ب- شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .

3. عين إحداثي  $A$  نقط تقاطع المستقيمين المقارين، ثم بين انها مركز تناظر للمنحنى  $(C_f)$ .

4. أكتب معادلة المماس  $(\Delta)$  مماس للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 0.

5. أحسب  $f(-1)$  ثم أرسم المستقيمين المقارين والمماس  $(\Delta)$  ثم المنحنى  $(C_f)$

6. حل بيانيا المتراجحة ذات المجهول الحقيقي  $x$  التالية:  $1 \leq \frac{1}{x+2}$

### بكالوريا 2019 الموضوع الثاني:

$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة:  $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 5$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
2. أ- أحسب  $f'(x)$  ثم أدرس إشارتها على  $\mathbb{R}$   
ب- أحسب  $f(0)$  و  $f(-1)$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .
3. أ- تحقق انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f(x) = (x-1)(2x^2 + 5x + 5)$   
ب- عين نقط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامل محور الفواصل.
4. بين ان المنحنى  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف  $A$  فاصلتها  $\left(-\frac{1}{2}\right)$  ثم أكتب معادلة للمماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة  $A$
5. أنشئ المماس  $(T)$  والمنحنى  $(C_f)$
6. حل بيانيا المتراجحة  $f(x) \geq 0$

### بكالوريا 2020 الموضوع الأول:

$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة:  $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x - 4$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
2. أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f'(x) = 3(x-1)(x-3)$  ثم أدرس إشارة  $f'(x)$  على  $\mathbb{R}$   
ب- استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها
3. أكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 2 .
4. أ- تحقق انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f(x) = (x-1)^2(x-4)$   
ب- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $f(x) = 0$  ثم استنتج احداثيات نقط تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامل محور الفواصل.
5. أحسب  $f(0)$  ثم أرسم كلا من  $(T)$  و  $(C_f)$  .

### بكالوريا 2020 الموضوع الثاني:

$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة:  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + 2x^2 + 3x$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
2. أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f'(x) = (x+1)(x+3)$  ثم أدرس إشارة  $f'(x)$  على  $\mathbb{R}$   
ب- استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها
3. بين أن النقطة  $A(-2; \frac{-2}{3})$  هي نقطة انعطاف للمنحنى  $(C_f)$
4. أكتب معادلة المماس  $(D)$  للمنحنى  $(C_f)$  في النقطة  $A$  .
5. أحسب  $f(0)$  ثم أرسم كلا من  $(T)$  و  $(C_f)$  .

### بكالوريا 2021 الموضوع الأول:

$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة:  $f(x) = x^3 + 3x^2 - 4$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
2. أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f'(x) = 3x(x+2)$   
ب- أدرس حسب قيم العدد الحقيقي  $x$  إشارة  $f'(x)$  على  $\mathbb{R}$   
ج- استنتج أن الدالة  $f$  متزايدة تماما على كل من  $]-\infty; -2]$  و  $[0; +\infty[$  ومتناقصة تماما على  $[-2; 0]$
3. شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  .
4. أ- تحقق انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f(x) = (x-1)(x+2)^2$  .  
ب- استنتج احداثيات نقطتي تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامل محور الفواصل.
5. بين أن:  $y = -3x - 5$  معادلة لـ  $(T)$  المماس للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة  $I(-1; -2)$
6. أ- أحسب  $f(-3)$  ،  $f(-2)$  ،  $f(0)$  و  $f(1)$  .  
ب- أرسم المماس  $(T)$  ثم المنحنى  $(C_f)$  .

### بكالوريا 2022 الموضوع الأول:

$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة:  $f(x) = -x^2 + 4x - 3$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
2. أحسب  $f'(x)$  ثم أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  وشكل جدول تغيراتها.
3. أكتب معادلة لـ  $(T)$  مماس المنحنى  $(C_f)$  في النقطة التي فصلتها 1.
4. أ- تحقق انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f(x) = (1-x)(x-3)$  .  
ب- استنتج احداثيات نقطتي تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامل محور الفواصل.
5. حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $f(x) = -3$  ثم استنتج فاصلتي النقطتين من  $(C_f)$  اللتين ترتيبهما -3
6. أنشئ المماس  $(T)$  ثم المنحنى  $(C_f)$  .

### بكالوريا 2022 الموضوع الثاني:

$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة:  $f(x) = (x-2)^2(2x+1)$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$

1. تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f(x) = 2x^3 - 7x^2 + 4x + 4$  .
2. أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
3. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f'(x) = 2(x-2)(3x-1)$
4. أ- أدرس إشارة  $f'(x)$  على  $\mathbb{R}$   
ب- استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها
5. أكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة التي فصلتها 0.
7. أ- تحقق أن المنحنى  $(C_f)$  يشمل النقطتين  $A(2; 0)$  و  $B(\frac{-1}{2}; 0)$   
ب- أنشئ المماس  $(T)$  ثم المنحنى  $(C_f)$  .



$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة:  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - x^2$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
2. أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f'(x) = x(x-2)$   
ب- استنتج ان الدالة  $f$  متزايدة تماما على المجالين  $]-\infty, 0]$  و  $[2, +\infty[$  ومتناقصة تماما على المجال  $[0, 2]$   
ج- شكل جدول تغيرات الدالة  $f$
3. (T) المماس للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 1  
- تحقق أن:  $y = -x + \frac{1}{3}$  معادلة لـ (T)  
4. أ- تحقق أنه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f(x) = \frac{1}{3}(x-3)x^2$   
ب- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $f(x) = 0$   
ج- استنتج احداثي نقطتي تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامل محور الفواصل.  
5. أحسب  $f(-2)$  ،  $f(4)$  و أرسم (T) و  $(C_f)$  .

$g$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة:  $g(x) = -x^3 + 3x + 2$   $(C_g)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$
2. أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $g'(x) = -3(x-1)(x+1)$   
ب- استنتج ان الدالة  $g$  متناقصة تماما على المجالين  $]-\infty, -1]$  و  $[1, +\infty[$  ومتزايدة تماما على المجال  $[-1, 1]$   
ج- شكل جدول تغيرات الدالة  $g$
3. أ- تحقق أنه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $g(x) = (2-x)(x+1)^2$   
ب- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $g(x) = 0$   
ج- استنتج احداثي نقطتي تقاطع المنحنى  $(C_g)$  مع حامي محوري الاحداثيات
4. (T) المماس للمنحنى  $(C_g)$  عند النقطة ذات الفاصلة 0  
- تحقق أن:  $y = 3x + 2$  معادلة لـ (T)  
5. أحسب  $g(-2)$  ،  $g(2)$  و أرسم (T) و  $(C_g)$  .

