

سلسلة العبارات الجبرية للأولى جذع مشترك علوم وتكنولوجيا

التمرين 01:

عبارة جبرية حيث: $A(x) = -3(x-3) + x^2 - 3x$

1. حل ثم أنشر $A(x)$.

2. نضع: $KE(x) = \frac{A(x)}{x+2}$ ما هي القيم الممنوعة التي لا يكون من أجلها معنى للعبارة $E(x)$.

3. حل المعادلات الآتية: $E(x) = -6$ ، $E(x) = 0$

التمرين 02:

لتكن A عبارة جبرية معرفة على \mathbb{R} كالتالي:

1. حل A إلى جداء عاملين.

2. حل في \mathbb{R} المعادلة $A(x) = 0$.

3. حل في \mathbb{R} المتراجحة $A(x) \geq 0$



التمرين 03:

لتكن العبارة $E(x)$ معرفة كالتالي:

1. أنشر وبسط العبارة $E(x)$.

2. حل $E(x)$ إلى جداء عاملين.

3. أحسب $E(-4)$ ، $E(0)$ و $E(0.5)$.

4. حل المعادلتين: $E(x) = -12$ ، $E(x) = 0$ والمتراجحة: $E(x) \leq 0$

التمرين 04:

عدد حقيقي ولتكن العبارة $P(x)$ حيث: $P(x) = (x+3)^2 - 4(x+3)$

1. حل إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى العبارة $P(x)$.

2. أنشر وبسط العبارة

3. حل في المجموعة \mathbb{R} المعادلة $P(x) = 0$

4. استنتج حلول المتراجحة $\frac{(x+3)}{(x-1)} \leq 0$

التمرين 05:

ليكن $P(x) = x^3 - 8x^2 - 25x + 200$ عبارة جبرية للمتغير الحقيقي x حيث:

1. بين من اجل كل x من \mathbb{R} : $P(x) = (x+5)(x^2 - 13x + 40)$

2. حل في المجموعة \mathbb{R} المعادلة: $x^2 - 13x + 40 = 0$ استنـجـمـعـةـ حلـوـلـ المـعـادـلـةـ

3. نعتبر العبارة $E(x)$ للمتغير الحقيقي x حيث:

أـ حلـلـ العـبـارـةـ $E(x)$ إـلـىـ جـدـاءـ عـاـمـلـيـنـ

بـ حلـ فيـ المـجـمـوعـةـ \mathbb{R} المـتـرـاجـحـةـ $E(x) \geq 0$

4. مستطيل محيطه 26 ومساحته 40 عين طول وعرض هذا المستطيل

التمرين 06:

نعتبر العبارة الجبرية P حيث: $P(x) = 2(x-1)^2 + 5(x-1) + 1 - x^2$

1. حلـلـ $P(x)$ إـلـىـ جـدـاءـ عـاـمـلـيـنـ منـ الـدـرـجـةـ الـأـوـلـىـ

2. أـنـشـرـ وـبـسـطـ العـبـارـةـ $P(x)$

3. حلـ فيـ \mathbb{R} المـعـادـلـةـ $P(x) = 0$ وـالـمـتـرـاجـحـةـ $P(x) \geq 0$

4. لـتـكـنـ العـبـارـتـيـنـ B وـ C حيث: $B(x) = 3 - 2x$ ، $C(x) = P(x) \times B(x)$

أـ حلـ فيـ \mathbb{R} المـعـادـلـةـ $B(x) = 0$ وـأـدـرـسـ إـشـارـتـهـ

بـ حلـ المـتـرـاجـحـةـ $C(x) \leq 0$

التمرين 07:

نعتبر في \mathbb{R} العبارة الجبرية التالية: $A(x) = \alpha x^2 - 8x + 3$ حيث $\alpha \in \mathbb{R}$

1. عـيـنـ قـيـمـ $\alpha \in \mathbb{R}$ حـتـىـ تـقـبـلـ المـعـادـلـةـ $A(x) = 0$

أـ حلـيـنـ مـخـتـلـفـيـنـ فيـ \mathbb{R} بـ حـلـاـ مـضـاعـفـاـ

2. نـضـعـ $\alpha = 4$

- حلـ فيـ \mathbb{R} المـعـادـلـةـ $A(x) = 0$ ثـمـ استـنـجـمـعـةـ تـحـلـيـلـاـ لـلـعـبـارـةـ $A(x)$

3. نـضـعـ $E(x) = \frac{A(x)}{2-x}$

أـ عـيـنـ قـيـمـ x حـتـىـ تـكـوـنـ لـلـعـبـارـةـ $E(x)$ معـنـىـ فيـ \mathbb{R}

بـ شـكـلـ جـدـولـ إـشـارـةـ العـبـارـةـ $E(x)$

تـ. استـنـجـمـعـةـ حلـوـلـ المـتـرـاجـحـةـ $E(x) \geq 0$

التمرين 08:

- لتكن في \mathbb{R} العبارة التالية: $E(x) = x^2 - 7x + 6$
- (1) حل المعادلة $E(x) = 0$ ثم حلل العبارة $E(x)$
 - (2) استنتج تحليلاً للعبارة $C(x) = (x-1)(2x+3) + x^2 - 7x + 6$
 - (3) ادرس حسب قيم العدد الحقيقي x اشاره $C(x)$
 - (4) استنتاج حلول المتراجحة $C(x) \leq 0$
 - (5) مستطيل بعدها $3 - x$ ، x عين قيمة العدد الحقيقي x علماً أن مساحته تساوي محيطه

التمرين 09:

- نعتبر العبارة الجبرية $E(x) = x^2 - 5x + 4$ بحيث :
1. حل $E(x)$
 2. حل في \mathbb{R} المتراجحة: $\frac{x+1}{2} - \frac{2x-3}{x-2} \geq 0$
 3. لتكن المعادلة ذات المجهول x المعرفة في \mathbb{R} كالتالي: $\alpha x^2 - 4x + 2 = 0$ حيث α ثابت حقيقي
 - عين قيمة α حتى يكون للمعادلة حالاً مضاعفاً يطلب تعينه.

التمرين 10:

- عند حقيقي x و $E(x) = -(2x+6)^2 - (x-3)(2x+2)$ عبارة جبرية معرفة بـ:
1. تتحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $E(x) = 2x^2 - 20x + 42$
 2. حل في \mathbb{R} المعادلة $E(x) = 0$ ، ثم استنتاج تحليلاً للعبارة $E(x)$
 3. حل في \mathbb{R} المتراجحة $E(x) \leq 42$

التمرين 11:

- لتكن $E(x) = -x^3 - 5x^2 - 8x - 4$ عبارة جبرية حيث:
1. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $E(x) = -(x^2 + 3x + 2)(x + 2)$
 2. أ- حل في \mathbb{R} المعادلة: $E(x) = 0$
 - ب- استنتاج تحليلاً لجداً عوامل من الدرجة الأولى للعبارة $E(x)$
 3. حل في \mathbb{R} حلول المتراجحة $E(x) > 0$

