

- يمتلك خواص الأعداد الحقيقة والعمليات عليها، وقوانينها حل جملة معادلتين من خلال وضعيات ذات دلالة (جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين)
- يوظف الأعداد الحقيقة والعمليات عليها، والحساب الحرفى (جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين) في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي
- يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف

مركبات الكفاءة المستهدفة

- التعرف على المعادلة من الدرجة الأولى
- التعرف على مفهوم جملة معادلتين

أهداف الوضعية التعلمية

- من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة
- لا تتطلب بحث مطول

خصائص الوضعية التعلمية وطبيعتها

السندات المستعملة

صعوبات متوقعة

تهيئة

نشاط : رقم 1 صفحة 56

يعلم في مصلحة إدارية 32 عاملًا. أحيل 5 رجال و 3 نساء إلى التقاعد ولم يتم تعويضهم، فأصبح عدد النساء بالمصلحة ضعف عدد الرجال.

نريد معرفة عدد الرجال وعدد النساء العاملين بهذه المؤسسة قبل الإحالة على التقاعد.

أ) هل يمكن أن يكون عدد الرجال 24 وعدد النساء 98؟ اشرح.

ب) نرمز بـ  $x$  إلى عدد الرجال وبـ  $y$  إلى عدد النساء. بين أن الوضعية السابقة تُترجم بالمعادلتين الآتىتين معا:

$$(1) x + y = 32 \quad (2) 2(x-5) = y - 3$$

ج) بسط المعادلة (2)، وتحقق أن المعادلتين محققتان معاً من أجل  $x = 13$  و  $y = 19$ .

ولكنهما غير محققتين معاً من أجل  $x = 24$  و  $y = 8$ .

نقول أن  $\begin{cases} x + y = 32 \\ 2x - y = 7 \end{cases}$  هي جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين، والثانية (19; 13) هي حل لهذه الجملة.

د) استنتج عدد الرجال وعدد النساء العاملين بهذه المؤسسة قبل الإحالة على التقاعد.

أنشطة

المعادلة من الدرجة الأولى بمجهولين :

تكتب معادلة من الدرجة الأولى بمجهولين  $x$  و  $y$  على الشكل  $ax + by = c$  حيث  $a$  و  $b$  و  $c$  أعداد معلومة

إن حلول هذه المعادلة غير منتهية

أمثلة :

1) المعادلة  $1 = 4x - y$  هي معادلة من الدرجة الأولى بمجهولين  $x$  و  $y$

2) المعادلة  $0 = 3x + 2y - 3$  هي معادلة من الدرجة الأولى بمجهولين  $x$  و  $y$

الحوصلة

### جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمتغيرين :

تكتب جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمتغيرين  $x$  و  $y$  على الشكل

$$\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases} \text{ حيث } a, b, c, a', b', c' \text{ أعداد معلومة}$$

مثال :

$$\begin{cases} 3x + y = 4 \\ 2x - 3y = 5 \end{cases} \text{ جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمتغيرين } x \text{ و } y$$

تطبيق : رقم 3 و 4 صفحة 60

تمديد

المورد المعرفي : حل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين جبريا

الكفاءة الختامية : يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الحقيقة والحساب الحرفى (جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين)

AEUBE

- يمتلك خواص الأعداد الحقيقة والعمليات عليها، وقوانينها حل جملة معادلتين من خلال وضعيات ذات دلالة (حل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين جبريا)
- يوظف الأعداد الحقيقة والعمليات عليها، والحساب الحرفى (جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين) في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي
- يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف

**مركبات الكفاءة المستهدفة**

- حل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين جبريا

**أهداف الوضعية التعلمية**

- من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة
- لا تتطلب بحث مطول

**السندات المستعملة**

- التفسير السليم لطريقتي حل جملة معادلتين

- رقم 5 و 10 صفحة 55

**تهيئة**

**نشاط : رقم 2 صفحة 56**

$$\begin{cases} 2x + y = 7 \dots (1) \\ 3x - 2y = 4,2 \dots (2) \end{cases}$$

أ) تحقق أنَّ الثانية (2) حل للمعادلة (1)؟ هل هي حل لجملة المعادلتين؟

ب) اقترح ثانية أخرى حلاً للمعادلة (1). هل هي حل لجملة المعادلتين؟

ج) لحل هذه الجملة كتب تلميذان:

اللهمي 2	اللهمي 1
<p>بضرب المعادلة (1) في العدد 2 نجد</p> $4x + 2y = 14$ <p>وبالجمع مع المعادلة (2) طرفاً إلى طرف نجد</p> <p>المعادلة ذات المجهول <math>x</math> : <math>7x = 18,2</math></p> <p>وهي المعادلة من الدرجة الأولى</p> <p>وبحلها نجد <math>x = 2,6</math></p> <p>وبالتعويض في إحدى المعادلتين (1) أو (2) نجد</p> $y = 1,8$	<p>من المعادلتين (1) و (2) نحصل على المعادلة :</p> $3x - 2(7 - 2x) = 4,2$ <p>وهي معادلة من الدرجة الأولى بالمجهول <math>x</math></p> <p>وبحلها نجد <math>x = 2,6</math></p> <p>وبالتعويض في إحدى المعادلتين (1) أو (2) نجد</p> $y = 1,8$

**أنشطة**

1) أشرح عمل كل من التلميذين، واستنتج حل الجملة.

$$\begin{cases} x + 4y = 7 \\ 5x + 3y = 1 \end{cases}$$

## حل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمحضتين جبريا :

حل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمحضتين  $x$  و  $y$  هو إيجاد الثنائيات  $(x; y)$  التي تحقق

المعادلتين معا

لحل جملة معادلتين نتبع إحدى الطرق

- طريقة الحل بالتعويض

- طريقة الحل بالجمع

- طريقة الحل بالجمع والتعويض

### ملاحظة :

بعد حساب قيمة أحد المجهولين بطريقة الجمع ليس بالضرورة إتباع نفس الطريقة لحساب المجهول الآخر ، بل يمكن التعويض بهذه القيمة في إحدى معادلتي الجملة لحساب هذا الخير

الوصلة

مثال :

$$\begin{cases} 3x + y = 4 \dots\dots (1) \\ x - 3y = 8 \dots\dots (2) \end{cases}$$

حل الجملة

$$\begin{cases} 9x + 3y = 12 \dots\dots (3) \\ x - 3y = 8 \dots\dots (4) \end{cases}$$

بضرب المعادلة (1) في العدد 3 نجد :

جمع المعادلتين (3) و (4) طرفا لطرف نجد :  $10x = 20$  ومنه  $x = 2$

نعرض قيمة  $x = 2$  في المعادلة (1) نجد :  $3 \times 2 + y = 4$  أي  $y = 4 - 6 = -2$  ومنه

إذا الثانية  $(-2; 2)$  حل للجملة

تطبيق : رقم 9 و 10 و 11 صفحة 60

### واجب منزلي :

ذهب محمد عند جده في الريف حيث وجد في مزرعته الأرانب والدجاج ولم يستطع عددها فسأل

جده عن عدد الأرانب وعن عدد الدجاج فأجابه جده بلغز عجز عن حله :

عدد رؤوس الأرانب والدجاج هو 42 رأس وعدد الأرجل الكلي هو 130 رجل

- ما هو عدد الأرانب وعدد الدجاج ؟

تمديد

المورد المعرفي : الحل البياني لجملة معادلتين من الدرجة الأولى بجهولين

الكفاءة الختامية : يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الحقيقة والحساب الحرف (جملة معادلتين من الدرجة الأولى بجهولين)

AEUAE

- يمتلك خواص الأعداد الحقيقة والعمليات عليها، وقوانينها حل جملة معادلتين من خلال وضعيات ذات دلالة (الحل البياني لجملة معادلتين من الدرجة الأولى بجهولين)
- يوظف الأعداد الحقيقة والعمليات عليها، والحساب الحرف (جملة معادلتين من الدرجة الأولى بجهولين) في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي
- يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف

مركبات الكفاءة المستهدفة

- تفسير حل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بجهولين بيانيا

أهداف الوضعية التعلمية

- من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة
- لا تتطلب بحث مطول

السندات المستعملة

صعوبات متوقعة

تهيئة

نشاط : رقم 5 صفحة 79

1) لتزيين قسمهم جمع التلاميذ مبلغ 5000DA من قطع 100DA و 200DA.  
عدد كل القطع النقدية هو 43.

ما هو عدد قطع كل فئة؟

$$\begin{cases} y = 43 - x & (1) \\ y = 25 - \frac{1}{2}x & (2) \end{cases}$$

أ) ما هي طبيعة كل من الدالتين  $f: x \rightarrow 43 - x$  و  $g: x \rightarrow 25 - \frac{1}{2}x$  ؟

ب) الشكل المقابل هو للتمثيلين البيانيين لهاتين الدالتين.

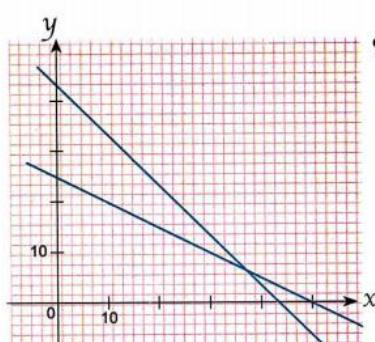
أرفق كل مستقيم بالدالة الموقعة له.

ج) أعد الرسم باستعمال ورق ملتماري.

هل توجد نقاط إحداثياتها تحقق معادلتي المستقيمين في آن واحد؟

د) كيف تفسر النتيجة في سياق الوضعية أعلاه؟

أنشطة



$$\begin{cases} x - y = 3 \\ 2x + 3y = -4 \end{cases}$$

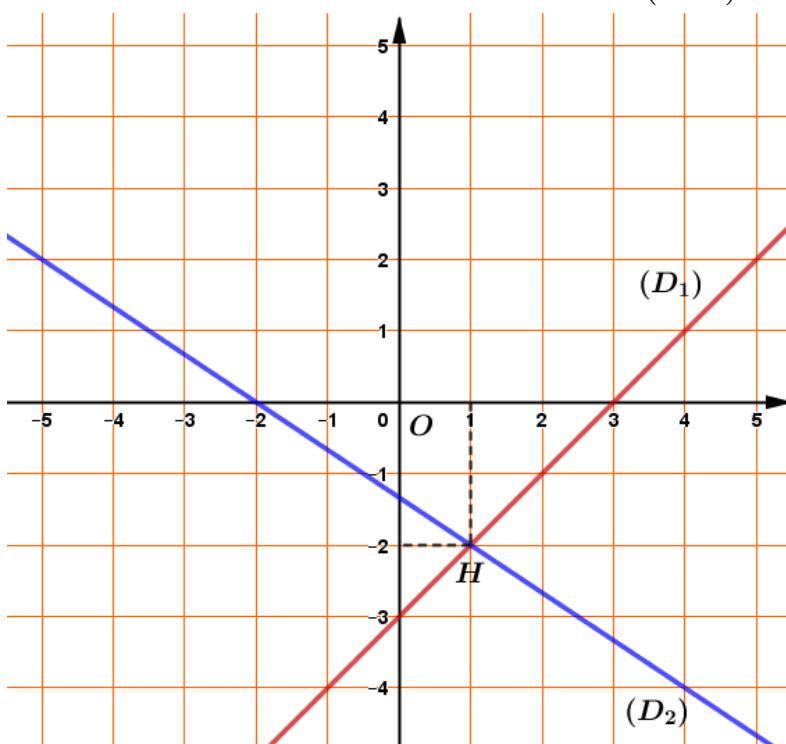
حل الجملة ببيانيا

نرسم في معلم المستقيمين  $(D_1)$  و  $(D_2)$  المعرفين بمعادلتيهما  $x - y = 3$  و

$$y = -\frac{2}{3}x - \frac{4}{3}$$

الحوصلة

- المستقيمان  $(D_1)$  و  $(D_2)$  يتقاطعان في النقطة  $H$
- احداثيا النقطة  $H(1; -2)$  هو الحل الوحيد للجملة



تطبيق : رقم 22 صفحة 87

تمديد

- يمتلك خواص الأعداد الحقيقة والعمليات عليها، وخوارزميات حل جملة معادلتين من خلال وضعيات ذات دلالة
- يوظف الأعداد الحقيقة والعمليات عليها، والحساب الحرفي (جملة معادلتين من الدرجة الأولى بجهولين) في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي
- يسתרم المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والموافق

مركبات الكفاءة  
المستهدفة

طريقة 1 : لحل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بجهولين يمكن استعمال طريقة التعويض  
أو طريقة الجمع

- كل من الطريقتين تعتمد على حل معادلة من الدرجة الأولى بجهول واحد

تمرين : رقم 1 صفحة 58 (طرائق)

تمرين

$$\text{حل كل من الجملتين: } \begin{cases} 4x + 2y = 9 \\ -4x + 3y = 6 \end{cases} \quad \text{و} \quad \begin{cases} 3x + y = -4 \\ x - y = 2 \end{cases} \quad (1) \quad (2)$$

طريقة 2 : للإجابة على مشكل معين نقوم بوضع المشكل في شكل جملة معادلتين ثم حله

تمرين 1 :

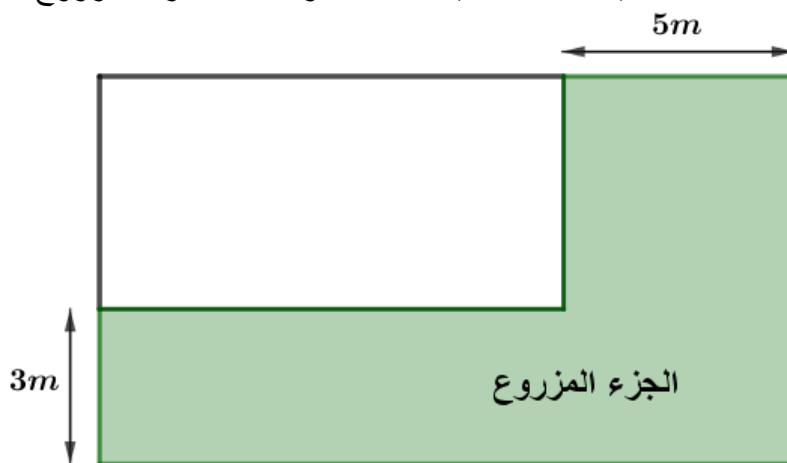
اشتري كل من محمد و خالد أقلام و كراسين

اشتري محمد 3 أقلام و كراسين بـ 85DA و اشتري خالد قلمين و 7 كراسين بـ 170DA

- احسب ثمن الكراس الواحد و ثمن القلم الواحد

تمرين 2 :

الشكل الآتي يمثل حقل مستطيل الشكل ، محيطه  $100m$  و مساحة الجزء المزروع  $164m^2$



- احسب بعدي هذا الحقل

طرائق وتمارين