

AEU∩∉

<ul style="list-style-type: none"> يمتلك خواص الأعداد الحقيقية والعمليات عليها، وخوارزميات حل جملة معادلتين من خلال وضعيات ذات دلالة (جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين) يوظف الأعداد الحقيقية والعمليات عليها، والحساب الحرفي (جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين) في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف 	<p>مركبات الكفاءة المستهدفة</p>
<ul style="list-style-type: none"> التعرف على المعادلة من الدرجة الأولى التعرف على مفهوم جملة معادلتين 	<p>أهداف الوضعية التعليمية</p>
<ul style="list-style-type: none"> من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة لا تتطلب بحث مطول 	<p>خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها</p>
<ul style="list-style-type: none"> الكتاب المدرسي 	<p>السندات المستعملة</p>
<ul style="list-style-type: none"> التفسير السليم للوضعية 	<p>صعوبات متوقعة</p>
<ul style="list-style-type: none"> رقم 2 و 3 صفحة 55 	<p>تهيئة</p>
<p>نشاط : رقم 1 صفحة 56</p> <p>يعمل في مصلحة إدارية 32 عاملا. أحيل 5 رجال و 3 نساء إلى التقاعد ولم يتم تعويضهم، فأصبح عدد النساء بالمصلحة ضعف عدد الرجال.</p> <p>نريد معرفة عدد الرجال وعدد النساء العاملين بهذه المؤسسة قبل الإحالة على التقاعد.</p> <p>(أ) هل يمكن أن يكون عدد الرجال 24 وعدد النساء 8؟ اشرح.</p> <p>(ب) نرمز بـ x إلى عدد الرجال وبـ y إلى عدد النساء. بين أن الوضعية السابقة تُترجم بالمعادلتين الآتيتين معا:</p> $\begin{cases} x + y = 32 \\ 2x - y = 7 \end{cases} \quad (1) \text{ و } (2)$ <p>(ج) بسط المعادلة (2)، وتحقق أن المعادلتين محققتان معا من أجل $x = 13$ و $y = 19$.</p> <p>ولكنهما غير محققتين معا من أجل $x = 24$ و $y = 8$.</p> <p>نقول أن $\begin{cases} x + y = 32 \\ 2x - y = 7 \end{cases}$ هي جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين، والثنائية (13; 19) هي حل لهذه الجملة.</p> <p>(د) استنتج عدد الرجال وعدد النساء العاملين بهذه المؤسسة قبل الإحالة على التقاعد.</p>	<p>أنشطة</p>
<p>المعادلة من الدرجة الأولى بمجهولين :</p> <p>تكتب معادلة من الدرجة الأولى بمجهولين x و y على الشكل $ax + by = c$ حيث a و b و c أعداد معلومة</p> <p>إن حلول هذه المعادلة غير منتهية</p> <p>أمثلة :</p> <p>(1) المعادلة $4x - y = 1$ هي معادلة من الدرجة الأولى بمجهولين x و y</p> <p>(2) المعادلة $-3x + 2y = 0$ هي معادلة من الدرجة الأولى بمجهولين x و y</p>	<p>الحوصلة</p>

جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين :

تكتب جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين x و y على الشكل

$$\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases} \text{ حيث } a, b, c, a', b', c' \text{ أعداد معلومة}$$

مثال :

$$\begin{cases} 3x + y = 4 \\ 2x - 3y = 5 \end{cases} \text{ جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين } x \text{ و } y$$

تطبيق : رقم 3 و 4 صفحة 60

تمديد

AEU∩∉

<ul style="list-style-type: none"> يمتلك خواص الأعداد الحقيقية والعمليات عليها، وخوارزميات حل جملة معادلتين من خلال وضعيات ذات دلالة (حل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين جبريا) يوظف الأعداد الحقيقية والعمليات عليها، والحساب الحرفي (جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين) في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف 	<p>مركبات الكفاءة المستهدفة</p>																		
<p>حل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين جبريا</p>	<p>أهداف الوضعية التعليمية</p>																		
<ul style="list-style-type: none"> من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة لا تتطلب بحث مطول 	<p>خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها</p>																		
<p>الكتاب المدرسي</p>	<p>السندات المستعملة</p>																		
<p>التفسير السليم لطريقتي حل جملة معادلتين</p>	<p>صعوبات متوقعة</p>																		
<p>رقم 5 و 10 صفحة 55</p>	<p>تهيئة</p>																		
<p>نشاط : رقم 2 صفحة 56</p> <p>إليك جملة المعادلتين الآتية:</p> $\begin{cases} 2x + y = 7 \dots (1) \\ 3x - 2y = 4,2 \dots (2) \end{cases}$ <p>(أ) تحقق أن الثنائيتين (2;3) حل للمعادلة (1)؟ هل هي حل لجملة المعادلتين؟</p> <p>(ب) اقترح ثنائية أخرى حلا للمعادلة (1). هل هي حل لجملة المعادلتين؟</p> <p>(ج) لحل هذه الجملة كتب تلميذان:</p> <table border="1" data-bbox="124 1422 1220 1892"> <thead> <tr> <th>التلميذ 1</th><th>التلميذ 2</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>من المعادلتين (1) و (2) نحصل على المعادلة:</td><td>بضرب المعادلة (1) في العدد 2 نجد</td></tr> <tr> <td>$3x - 2(7 - 2x) = 4,2$</td><td>$4x + 2y = 14$</td></tr> <tr> <td>وهي معادلة من الدرجة الأولى بالمجهول x</td><td>وبالجمع مع المعادلة (2) طرفا الى طرف نجد</td></tr> <tr> <td>وبحلها نجد $x = 2,6$</td><td>المعادلة ذات المجهول x: $7x = 18,2$</td></tr> <tr> <td>وبالتعويض في إحدى المعادلتين (1) أو (2) نجد</td><td>وهي المعادلة من الدرجة الأولى</td></tr> <tr> <td>$y = 1,8$</td><td>وبحلها نجد $x = 2,6$</td></tr> <tr> <td></td><td>وبالتعويض في إحدى المعادلتين (1) أو (2) نجد</td></tr> <tr> <td></td><td>$y = 1,8$</td></tr> </tbody> </table> <p>(1) اشرح عمل كل من التلميذين، واستنتج حل الجملة.</p> <p>(2) حل باستعمال الطريقتين السابقتين جملة المعادلتين الآتية:</p> $\begin{cases} x + 4y = 7 \\ 5x + 3y = 1 \end{cases}$		التلميذ 1	التلميذ 2	من المعادلتين (1) و (2) نحصل على المعادلة:	بضرب المعادلة (1) في العدد 2 نجد	$3x - 2(7 - 2x) = 4,2$	$4x + 2y = 14$	وهي معادلة من الدرجة الأولى بالمجهول x	وبالجمع مع المعادلة (2) طرفا الى طرف نجد	وبحلها نجد $x = 2,6$	المعادلة ذات المجهول x : $7x = 18,2$	وبالتعويض في إحدى المعادلتين (1) أو (2) نجد	وهي المعادلة من الدرجة الأولى	$y = 1,8$	وبحلها نجد $x = 2,6$		وبالتعويض في إحدى المعادلتين (1) أو (2) نجد		$y = 1,8$
التلميذ 1	التلميذ 2																		
من المعادلتين (1) و (2) نحصل على المعادلة:	بضرب المعادلة (1) في العدد 2 نجد																		
$3x - 2(7 - 2x) = 4,2$	$4x + 2y = 14$																		
وهي معادلة من الدرجة الأولى بالمجهول x	وبالجمع مع المعادلة (2) طرفا الى طرف نجد																		
وبحلها نجد $x = 2,6$	المعادلة ذات المجهول x : $7x = 18,2$																		
وبالتعويض في إحدى المعادلتين (1) أو (2) نجد	وهي المعادلة من الدرجة الأولى																		
$y = 1,8$	وبحلها نجد $x = 2,6$																		
	وبالتعويض في إحدى المعادلتين (1) أو (2) نجد																		
	$y = 1,8$																		

حل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين جبريا :

حل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين x و y هو إيجاد الثنائيات $(x; y)$ التي تحقق المعادلتين معا

لحل جملة معادلتين نتبع إحدى الطرق

- طريقة الحل بالتعويض
- طريقة الحل بالجمع
- طريقة الحل بالجمع والتعويض

ملاحظة :

بعد حساب قيمة احد المجهولين بطريقة الجمع ليس بالضرورة إتباع نفس الطريقة لحساب المجهول الآخر ، بل يمكن التعويض بهذه القيمة في إحدى معادلتين الجملة لحساب هذا الخير

الحوصلة

مثال :

$$\begin{cases} 3x + y = 4 & \text{.....(1)} \\ x - 3y = 8 & \text{.....(2)} \end{cases} \text{ حل الجملة}$$

$$\begin{cases} 9x + 3y = 12 & \text{.....(3)} \\ x - 3y = 8 & \text{.....(4)} \end{cases} \text{ بضرب المعادلة (1) في العدد 3 نجد :}$$

بجمع المعادلتين (3) و (4) طرفا لطرف نجد : $10x = 20$ ومنه $x = 2$

نعوض قيمة $x = 2$ في المعادلة (1) نجد : $3 \times 2 + y = 4$ ومنه $y = 4 - 6$ أي $y = -2$

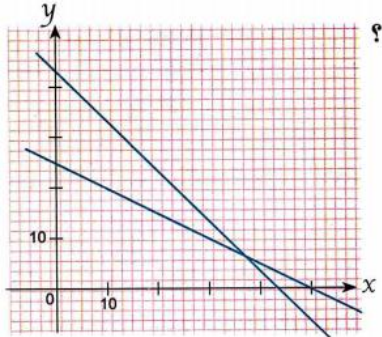
إذا الثنائية $(2; -2)$ حل للجملة

تطبيق : رقم 9 و 10 و 11 صفحة 60

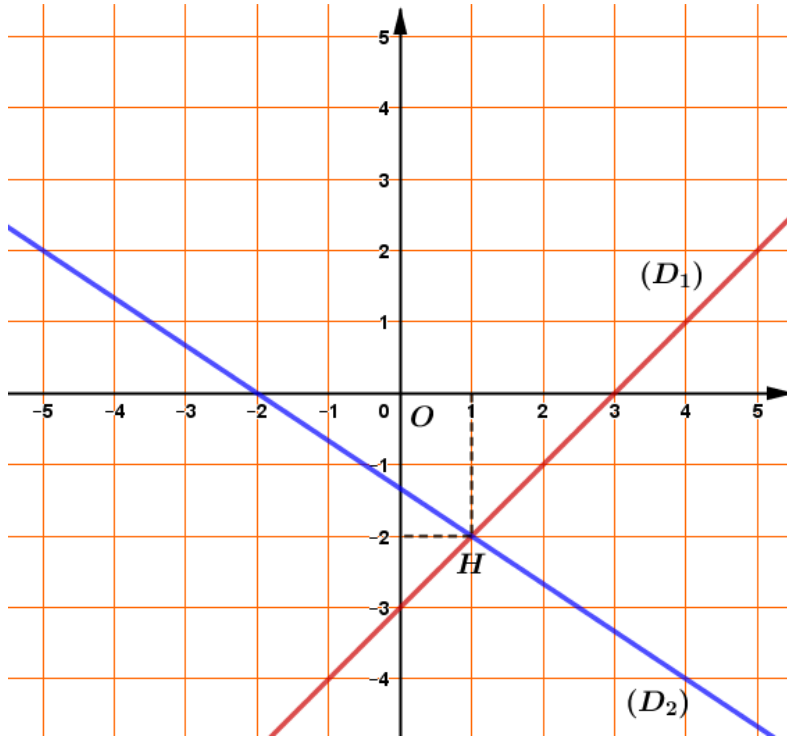
واجب منزلي :

ذهب محمد عند جده في الريف حيث وجد في مزرعته الأرناب والدجاج ولم يستطع عدّها فسأل جده عن عدد الأرناب وعن عدد الدجاج فأجابه جده بلغز عجز عن حله :
عدد رؤوس الأرناب والدجاج هو 42 رأس وعدد الأرجل الكلي هو 130 رجل
• ما هو عدد الأرناب وعدد الدجاج ؟

تمديد

<ul style="list-style-type: none"> يمتلك خواص الأعداد الحقيقية والعمليات عليها، وخوارزميات حل جملة معادلتين من خلال وضعيات ذات دلالة (الحل البياني لجملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين) يوظف الأعداد الحقيقية والعمليات عليها، والحساب الحرفي (جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين) في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف 	<p>مركبات الكفاءة المستهدفة</p>
<p>تفسير حل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين بيانيا</p>	<p>أهداف الوضعية التعليمية</p>
<ul style="list-style-type: none"> من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة لا تتطلب بحث مطول 	<p>خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها</p>
<p>الكتاب المدرسي</p>	<p>السندات المستعملة</p>
<p>التفسير السليم للوضعية</p>	<p>صعوبات متوقعة</p>
<p>التمثيل البياني لدالة تألفية</p>	<p>تهيئة</p>
<p>نشاط : رقم 5 صفحة 79</p> <p>(1) لتزيين قسمهم جمع التلاميذ مبلغ 5000DA من قطع 100DA و 200DA.</p> <p>عدد كل القطع النقدية هو 43.</p> <p>ما هو عدد قطع كل فئة؟</p> <p>(2) نعتبر الجملة : $\begin{cases} y = 43 - x & (1) \\ y = 25 - \frac{1}{2}x & (2) \end{cases}$</p> <p>(أ) ما هي طبيعة كل من الدالتين $f: x \mapsto 43 - x$ و $g: x \mapsto 25 - \frac{1}{2}x$ ؟</p> <p>(ب) الشكل المقابل هو للتمثيل البيانيين لهاتين الدالتين.</p> <p>أرفق كل مستقيم بالدالة الموافقة له.</p> <p>(ج) أعد الرسم باستعمال ورق مليمتري.</p> <p>هل توجد نقاط إحداثياتها تحقق معادلتين المستقيمين في آن واحد؟</p> <p>(د) كيف تفسر النتيجة في سياق الوضعية أعلاه؟</p> 	<p>أنشطة</p>
<p>لحل الجملة $\begin{cases} x - y = 3 \\ 2x + 3y = -4 \end{cases}$ بيانيا</p> <p>نرسم في معلم المستقيمين (D_1) و (D_2) المعرفين بمعادلتيهما $y = x - 3$ و $y = -\frac{2}{3}x - \frac{4}{3}$</p>	<p>الحوصلة</p>

- المستقيمان (D_1) و (D_2) يتقاطعان في النقطة H
- احداثيا النقطة $H(1; -2)$ هو الحل الوحيد للجملة



تمديد

تطبيق : رقم 22 صفحة 87

- يمتلك خواص الأعداد الحقيقية والعمليات عليها، وخوارزميات حل جملة معادلتين من خلال وضعيات ذات دلالة
- يوظف الأعداد الحقيقية والعمليات عليها، والحساب الحرفي (جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين) في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي
- يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف

مركبات الكفاءة المستهدفة

طريقة 1 : لحل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين يمكن استعمال طريقة التعويض أو طريقة الجمع

- كل من الطريقتين تعتمد على حل معادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد

تمرين : رقم 1 صفحة 58 (طرائق)

تمرين

حل كل من الجملتين: $\begin{cases} 3x + y = -4 \\ x - y = 2 \end{cases}$ (1) و $\begin{cases} 4x + 2y = 9 \\ -4x + 3y = 6 \end{cases}$ (2)....

طريقة 2 : للإجابة على مشكل معين نقوم بوضع المشكل في شكل جملة معادلتين ثم حله

تمرين 1 :

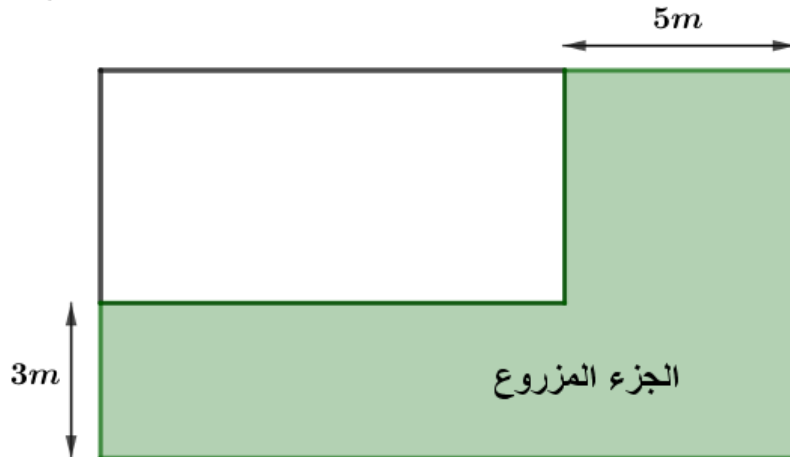
اشترى كل من محمد وخالد أقلام وكراريس

اشترى محمد 3 أقلام وكراسين بثمان 85DA و اشترى خالد قلمين و 7 كراريس بثمان 170DA

- احسب ثمن الكراس الواحد و ثمن القلم الواحد

تمرين 2 :

الشكل الآتي يمثل حقل مستطيل الشكل ، محيطه 100m ومساحة الجزء المزروع $164m^2$



- احسب بعدي هذا الحقل

طرائق وتمارين