

التمرين الأول (06 نقاط):

- (1) تحقق بالنشر من صحة المساواة : $(2x + 1)(3 - x) = -2x^2 + 5x + 3$
- (2) حلل العبارة F الى جداء عاملين من الدرجة الأولى حيث :
 $F = -2x^2 + 5x + 3 - (2x + 1)^2$
- (3) حل المتراجحة : $(2x + 1)(3 - x) \leq -2x^2 + 8x + 4$ ثم مثل مجموعة حلولها بيانياً.

التمرين الثاني (07 نقاط):

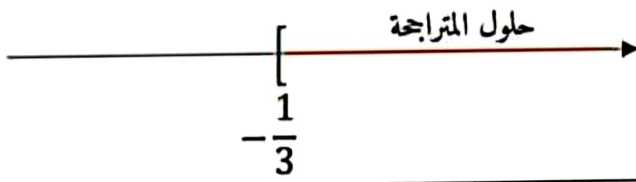
MEC مثلث كيني.

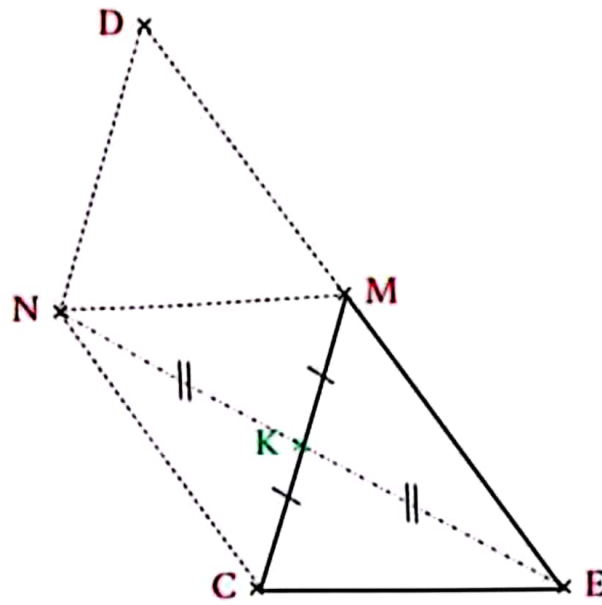
- (1) أنشئ النقطتين K و N حيث K منتصف [CM] و N نظيرة E بالنسبة الى K .
 - (2) بين أن : $\overrightarrow{CN} = \overrightarrow{EM}$.
 - (3) أنشئ النقطة D بحيث : $\overrightarrow{CD} = \overrightarrow{CN} + \overrightarrow{CM}$
 - بين أن النقطة M منتصف القطعة [ED] .
 - (4) أنقل وأتمم المساويات التالية باستعمال نقط الشكل:
- $$\overrightarrow{EM} + \overrightarrow{EC} = \dots \quad , \quad \overrightarrow{CN} + \overrightarrow{ND} = \dots \quad , \quad \overrightarrow{EC} + \overrightarrow{ND} = \dots$$

التمرين الثالث (07 نقاط):المستوي منسوب الى معلم متعامد ومتجانس $(O; \overrightarrow{Ox}; \overrightarrow{Oy})$.

- (1) علم النقط $A(3; 3)$ ، $B(3; -2)$ ، $C(1; -2)$.
- (2) أحسب القيمة المضبوطة للطولين AB و AC .
- (3) بين أن المثلث ABC قائم في B علماً أن : $BC = 2$.
- (4) أحسب إحداثيتي النقطة D حيث A و C متناظرتان بالنسبة الى D .

بالتوفيق

العلامة		الإجابة	التمرين
كاملة	مجزأة		
06	01,5	(1) التحقق بالنشر من صحة المساواة : $(2x + 1)(3 - x) = -2x^2 + 5x + 3$ $(2x + 1)(3 - x) = 6x - 2x^2 + 3 - x$ $= -2x^2 + 5x + 3$	الأول
	02	(2) تحليل العبارة F الى جداء عاملين من الدرجة الأولى : $F = -2x^2 + 5x + 3 - (2x + 1)^2$ $F = (2x + 1)(3 - x) - (2x + 1)^2$ $F = (2x + 1)[(3 - x) - (2x + 1)]$ $F = (2x + 1)(3 - x - 2x - 1)$ $F = (2x + 1)(-3x + 2)$	
		(3) حل المتراجحة : $(2x + 1)(3 - x) \leq -2x^2 + 8x + 4$ $(2x + 1)(3 - x) \leq -2x^2 + 8x + 4$ $-2x^2 + 5x + 3 \leq -2x^2 + 8x + 4$ $-2x^2 + 2x^2 + 5x - 8x \leq 4 - 3$ $-3x \leq 1$ $x \geq \frac{1}{-3}$ $x \geq -\frac{1}{3}$	
	01	مجموعة حلول المتراجحة هي كل قيم x الأكبر من أو تساوي $-\frac{1}{3}$.	
	0,5	- تمثيل مجموعة حلولها بيانياً:	
	01		
		MEC مثلث كيني.	
		(1) انشاء النقطتين K و N حيث K منتصف [CM] و N نظيرة E بالنسبة الى K :	



(2) نين أن : $\overrightarrow{CN} = \overrightarrow{EM}$:

لدينا K منتصف [CM] ... 1

وكذلك N نظيرة E بالنسبة الى النقطة K يعني أن K منتصف [NE] ... 2

من 1 و 2 ينتج أن القطران [MC] و [NE] متناصفان ، إذن الرباعي NMEC متوازي أضلاع .

ومنه : $\overrightarrow{CN} = \overrightarrow{EM}$

(3) انشاء النقطة D بحيث : $\overrightarrow{CD} = \overrightarrow{CN} + \overrightarrow{CM}$

حسب خواص متوازي الأضلاع

- نين أن النقطة M منتصف القطعة [ED] :

لدينا الرباعي NMEC متوازي أضلاع أي : $\overrightarrow{CN} = \overrightarrow{EM}$... (1)

ولدينا $\overrightarrow{CD} = \overrightarrow{CN} + \overrightarrow{CM}$ يعني أن الرباعي MCND متوازي أضلاع أي :

(2) ... $\overrightarrow{CN} = \overrightarrow{MD}$

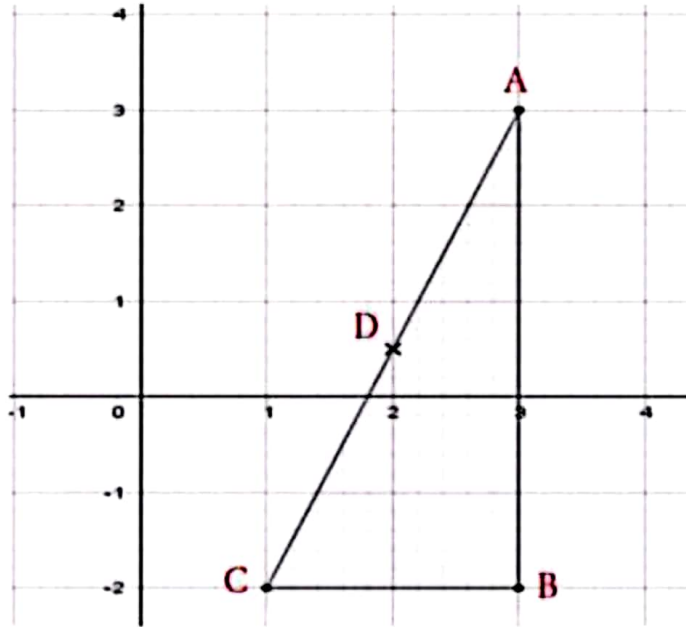
من (1) و (2) نستنتج أن $\overrightarrow{EM} = \overrightarrow{MD}$ إذن M منتصف [ED] .

(4) اتمام المساويات باستعمال نقط الشكل :

$$\overrightarrow{EM} + \overrightarrow{EC} = \overrightarrow{EN} \quad , \quad \overrightarrow{CN} + \overrightarrow{ND} = \overrightarrow{CD} \quad , \quad \overrightarrow{EC} + \overrightarrow{ND} = \overrightarrow{EM}$$

الثاني

(1) تعليم النقط : $C(1; -2)$ ، $B(3; -2)$ ، $A(3; 3)$



(2) حساب الطول AB :

$$\begin{aligned} AB &= \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2} \\ AB &= \sqrt{(3 - 3)^2 + (-2 - 3)^2} \\ AB &= \sqrt{(0)^2 + (-5)^2} = \sqrt{0 + 25} \\ AB &= 5 \end{aligned}$$

حساب الطول AC :

$$\begin{aligned} AC &= \sqrt{(x_C - x_A)^2 + (y_C - y_A)^2} \\ AC &= \sqrt{(1 - 3)^2 + (-2 - 3)^2} \\ AC &= \sqrt{(2)^2 + (-5)^2} \\ AC &= \sqrt{4 + 25} \\ AC &= \sqrt{29} \end{aligned}$$



الثالث

(3) نبين أن المثلث ABC قائماً في B علماً أن : $BC = 2$

$$AC^2 = \sqrt{29}^2 = 29 \quad \dots (1)$$

$$AB^2 + BC^2 = 5^2 + 2^2 = 25 + 4 = 29 \quad \dots (2)$$

من (1) و (2) نلاحظ أن $AC^2 = AB^2 + BC^2$ ومنه حسب خاصية

فيثاغورس العكسية فإن المثلث ABC قائم في B .

(4) حساب إحداثيتي النقطة D حيث A و C متناظران بالنسبة الى D :

أي نحسب إحداثيتي النقطة D منتصف القطعة [AC] .

$$\text{لدينا } D\left(\frac{x_A + x_C}{2}; \frac{y_A + y_C}{2}\right) \text{ ومنه } D\left(\frac{3+1}{2}; \frac{3-2}{2}\right) \text{ أي } D\left(\frac{4}{2}; \frac{1}{2}\right)$$

$$\text{ومنه : } D(2; 0,5)$$

فرض الفصل الثاني في مادة الرياضيات

المدة : ساعة

القسم : 04 متوسط

💡 التمرين الأول : (12 ن)

◀ لتكن العبارة E حيث :

$$E = (2x - 6)^2 - (3x + 5)(2x - 6)$$

① بين بالنشر أن : $E = -2x^2 - 16x + 66$ ② أحسب E من أجل : $x = \sqrt{2}$ ③ حل العبارة E إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .④ حل المعادلة : $(2x - 6)(-x - 11) = 0$ ⑤ حل المتراجحة : $4x^2 - 13x + 3 \leq 4x^2 + 29$

⑥ مثل حلولها بيانيا .

💡 التمرين الثاني : (8 ن)

◀ ABC مثلث قائم في C حيث : $BC = 3cm$; $AC = 4cm$ ① أنشئ E صورة C بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AB}$.② ما نوع الرباعي $ABEC$ ؟ علل .③ عين F حيث : $\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{CB}$.④ عين ناتج المجموع الآتي موضحا الطريقة : $\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{EC} + \overrightarrow{EF} + \overrightarrow{FB}$ ⑤ بين أن $\overrightarrow{v} = \overrightarrow{0}$ حيث : $\overrightarrow{v} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{FB} + \overrightarrow{CB}$

في العزيمة التي ترقد بداخلك

الفرق بين الممكن والمستحيل يقطن

تخلق لك فرص النجاح

ما الفشل إلا هزيمة مؤقتة

حل فرض الفصل الثاني في مادة الرياضيات

وإما :

المدة : ساعة

القسم : 04 متوسط

$$2x - 6 = 0$$

$$2x = 6$$

$$E = (2x - 6)^2 - (3x + 5)(2x - 6)$$

التمرين الأول : (12 ن)

لكن العبارة E حيث :

$$E = -2x^2 - 16x + 66 \quad \text{①} \quad \text{تبيين بالنشر أن :}$$

المطلوب حلان : لا و لا

$$E = (2x - 6)^2 - (3x + 5)(2x - 6)$$

$$= (2x)^2 + 6^2 - 2 \times 2x \times 6 - (6x^2 - 6 \times 3x + 5 \times 2x + 5 \times (-6))$$

$$= 4x^2 + 36 - 24x - 6x^2 + 18x - 10x + 30$$

$$= 4x^2 - 6x^2 - 24x + 18x - 10x + 30 + 36$$

$$E = -2x^2 - 16x + 66$$

حل للمطلوب

$$x = \sqrt{2} \quad \text{②} \quad \text{حساب E من أجل :}$$

$$E = -2(\sqrt{2})^2 - 16\sqrt{2} + 66$$

$$= -2 \times 2 - 16\sqrt{2} + 66$$

$$= -4 + 66 - 16\sqrt{2}$$

$$= 62 - 16\sqrt{2}$$

③ تحليل العبارة E إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى :

$$E = (2x - 6)^2 - (3x + 5)(2x - 6)$$

$$(2x - 6)(2x - 6 - 3x - 5)$$

$$(2x - 6)(-x - 11) = 0 \quad \text{④} \quad \text{حل المعادلة :}$$

معناه إما :

$$-x - 11 = 0$$

$$x = -11$$

وإما :

$$2x - 6 = 0$$

$$2x = 6$$

$$x = 3$$

للمعادلة حلان هما : 3 و -11

① حل المتراجحة :

$$4x^2 - 13x + 3 \leq 4x^2 + 29$$

$$\cancel{4x^2} - 13x + 3 \leq \cancel{4x^2} + 29$$

$$-13x + 3 \leq 29$$

$$-13x \leq 29 - 3$$

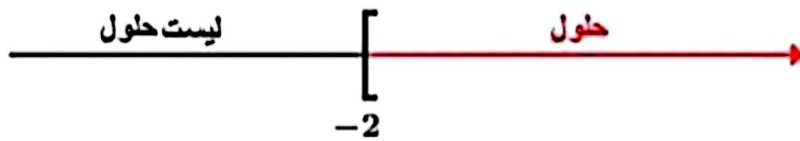
$$-13x \leq 26$$

$$x \geq \frac{26}{-13}$$

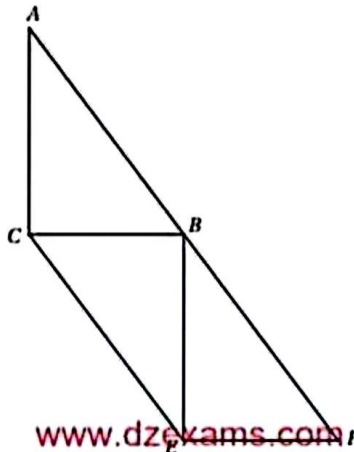
$$x \geq -2$$

حلول المتراجحة هي كل قيم x الأكبر أو تساوي -2.

② التمثيل :



💡 التمرين الثاني : (8 ن)



① نوع الرباعي $ABEC$: متوازي أضلاع .

التعليل: لدينا

E صورة B بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AB}$ معناه : $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BE}$ فالرباعي $ABEC$ متوازي أضلاع .

② تعيين ناتج المجموع :

$$\begin{aligned} & \overrightarrow{AC} - \overrightarrow{EC} + \overrightarrow{EF} + \overrightarrow{FB} \\ &= \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CE} + \overrightarrow{EF} + \overrightarrow{FB} \\ &= \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CF} + \overrightarrow{FB} \\ &= \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CB} \\ &= \overrightarrow{AB} \end{aligned}$$

③ تبين أن $\overrightarrow{v} = \overrightarrow{0}$ حيث : $\overrightarrow{v} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{FB} + \overrightarrow{CB}$

$$\overrightarrow{v} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{FB} + \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{v} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{CB} \quad (\overrightarrow{FB} = \overrightarrow{BA})$$

$$\overrightarrow{v} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{v} = \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{v} = \overrightarrow{0}$$



فيفري 2024

المستوى : الرابعة متوسط

المدة : ساعة

الفرض الفصل الثاني في مادة الرياضيات

التمرين رقم 01: (7ن)

لتكن العبارة الجبرية E حيث: $E = (3x - 2)(4x + 1) - (9x^2 - 4)$

(1) أنشر ثم بسط العبارة E

(2) أحسب E من أجل $x = \sqrt{2}$

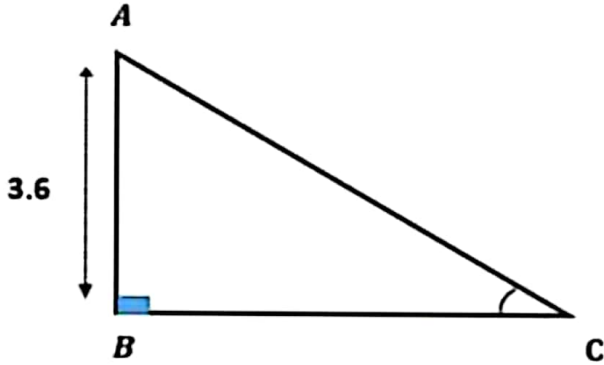
(3) حل $9x^2 - 4$ الى جداء عاملين من الدرجة الأولى ثم استنتج تحليلا للعبارة E

(4) حل المعادلة $(3x - 2)(x - 1) = 0$

(5) حل المعادلة $E = 3x^2 + 12$

التمرين رقم 02: (6ن)

الشكل المقابل غير مرسوم بالأطوال الحقيقية (وحدة الطول هي السنتيمتر).



ABC مثلث قائم في B حيث : $\sin \hat{C} = 0,6$.

(1) أحسب الطول AC

(2) استنتج قياس الزاوية $\widehat{ACB}$ ثم أعط مدور

النتيجة الى الوحدة من الدرجة .

التمرين رقم 03: (7ن)

اليك المتراجحة التالية $3(2x - 3) \geq 4x - 5$

(1) هل العدد 1 حل للمتراجة: $3(2x - 3) \geq 4x - 5$

(2) حل المتراجة السابقة ومثل حلولها بيانيا على مستقيم موجه.

التصحيح

تمرين 1

(1) النشر و التبسيط: $E = 3x^2 - 5x + 2$

(2) حساب E من أجل $x = \sqrt{2}$:

$$E = 3(\sqrt{2})^2 - 5\sqrt{2} + 2$$

$$E = 8 - 5\sqrt{2}$$

(3) التحليل:

$$9x^2 - 4 = (3x - 2)(3x + 2)$$

$$E = (3x - 2)(x - 1)$$

(4) للمعادلة حلان هما $x = 1$ و $x = 2/3$

(5) للمعادلة حل واحد هو $x = -2$

تمرين 2

$$\sin \hat{C} = \frac{AB}{AC} \quad AC = \frac{AB}{\sin \hat{C}} = \frac{3.6}{0.6} = 6cm$$

$$\hat{C} = \sin^{-1}(0.6) \approx 36.86 = 37^0$$

تمرين 3

$$3(2 - 3) = 3 \times (-1) = -3 \quad (1)$$

$$(4 - 5) = -1$$

$$-3 \geq -1 \quad \text{غير محققة}$$

اذن 1 ليس حلا للمتراجعة

(2) حل المتراجعة

$$6x - 9 \geq 4x - 5$$

$$2x \geq 4$$

$$x \geq 2$$

ومنه حلول المتراجحة هي كل القيم الحقيقية الأكبر أو المساوية لـ 2

