

- توظيف الحساب الحرفى و المعادلات و المترابعات من الدرجة الأولى بمجهول واحد في معالجة مشكل من الحياة اليومية
- استخراج معطيات وترجمتها واستغلالها
- حساب مقادير وانجاز عمليات على الأعداد الحقيقية

**أهداف الوضعية  
التعلمية**

- الأعداد مختارة للتركيز على الإجراءات وتجنبها للحساب المثلث
- بعض المعطيات غير بارزة وتستدعي تعينها من قبل المتعلم
- معالجتها تتطلب العمل في عدة أطوار

**خصائص الوضعية  
التقويمية وطبيعتها  
(المتغيرات التعليمية)**

- الكتاب المدرسي
- نص مكتوب على قصاصات

**السندات المستعملة**

- التفسير السليم للوضعيات

**العقبات المطلوب  
تخطيها**

**الوضعية 1 : ادماج تعلماني صفحة 52**

**وضعية**



لممارسة رياضة السباحة في المسبح البلدي، يقترح نادٍ رياضيٌّ

على التلاميذ المتمدرسين صيغتين للاشتراك.

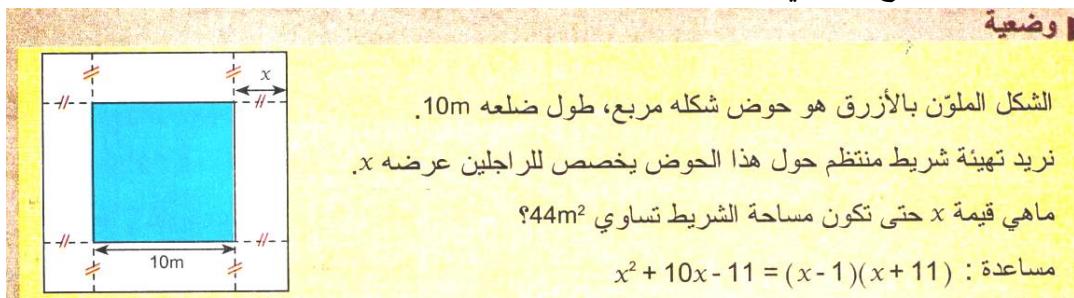
الصيغة الأولى: الدفع الفوري 75 ديناراً لكل حصة.

الصيغة الثانية: اشتراك سنوي قدره 560 ديناراً ودفع فوري قدره

5 ديناراً لكل حصة. ابتداءً من أي عدد للحصص تكون التسعيرة الثانية أفضل ؟

**الوضعية 2 : ادماج تعلماني صفحة 40**

**وضعية**



الشكل الملون بالأزرق هو حوض شكله مربع، طول ضلعه 10m.

نريد تهيئة شريط منتظم حول هذا الحوض يخصص للراجلين عرضه x.

ماهي قيمة x حتى تكون مساحة الشريط تساوي 44m^2

مساعدة :  $x^2 + 10x - 11 = (x-1)(x+11)$

**وضعيات وتمارين**

**الوضعية 3 : (شهادة التعليم متوسط 2017)**

قطعة أرض مربعة الشكل مساحتها 324m^2

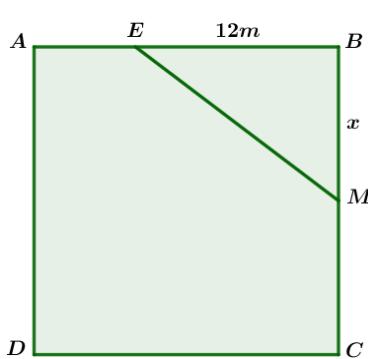
ملك للأخوين أحمد و فاطمة و مجزأة حسب

المخطط المقابل

(1) أحسب a طول ضلع هذه القطعة

(2) الجزء EBM تملكه فاطمة

والجزء AEMCD يملكه أحمد



- ساعد الأخوين على تحديد موضع النقطة M بحيث تكون مساحة قطعة أحمد ضعف مساحة قطعة فاطمة

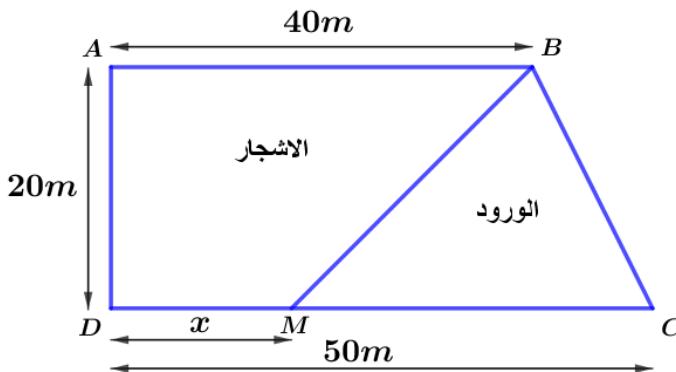
#### الوضعية 4 : (شهادة التعليم المتوسط 2015)

##### الجزء الاول :

لعمي أحمد قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها  $1000m^2$  وعرضها خمسي طولها أوجد بعدي هذه القطعة

##### الجزء الثاني :

تنازل عمي أحمد لأخيه عن جزء من هذه القطعة مساحته  $100m^2$  وخصص الجزء الباقي منها لاستغلاله مشنلة للورود والأشجار ، لهذا الغرض قسم هذا الجزء عشوائيا إلى قطعتين كما هو موضح في الشكل:



نضع  $x$   $DM = x$  نقطة من  $DC$  مع  $0 \leq x < 50$  ( لتكن  $A_1$  مساحة المثلث  $BCM$  و  $A_2$  مساحة الرباعي  $ABMD$  )

(1) عبر عن  $A_1$  و  $A_2$  بدلالة  $x$

(2) ساعد عمي أحمد لإيجاد الطول  $DM$  حتى تكون لقطعتي الأرض نفس المساحة

#### الوضعية 5 :

أراد فلاح أن يزرع قطعة أرض مستطيلة الشكل طولها  $80m$  وعرضها لم يقرره بعد يوَد هذا الفلاح أن يكون محيط هذه القطعة أقل من  $140m$  وان تزيد مساحتها عن  $3000m^2$

(1) عبر عن ذلك بمتراجحتين

(2) حل هاتين المتراجحتين ، ثم مثلهما بيانيا (على مستقيم مدرج واحد)

(3) استنتج القيم الممكنة لعرض القطعة  $x$

#### تمرين 1 : (شهادة التعليم المتوسط 2016)

(1) تحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

(2) حل العبارة  $A$  حيث  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$

(3) حل المتراجحة  $(7x^2 - 11x - 2) < 2(10 - 14x^2)$

• مثل مجموعة حلولها بيانياً.

#### تمرين 2 : (شهادة التعليم المتوسط 2007)

لتكن العبارة الجبرية  $E$  بحيث:  $E = 10^2 - (x - 2)^2 - (x + 8)$  انشر ثم بسط  $E$ .

(2) حل العبارة  $(x + 8)^2 - 10^2$  ثم استنتج تحليل العبارة الجبرية  $E$

(3) حل المعادلة:  $(11 - x)(8 + x) = 0$

### تمرين 3 : (شهادة التعليم المتوسط 2008)

$$A = (2 - \sqrt{3})^2$$

(1) انشر ثم بسط  $A$

(2) لتكن العبارة الجبرية  $E$  حيث:  $E = x^2 - (7 - 4\sqrt{3})$

• احسب القيمة المضبوطة للعبارة  $E$  من أجل  $x = \sqrt{7}$

• حل  $E$  إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

• حل المعادلة  $(x - 2 + \sqrt{3})(x + 2 - \sqrt{3}) = 0$

### تمرين 4 : (شهادة التعليم المتوسط 2012)

$$F = (4x - 1)^2 - (3x + 2)(4x - 1)$$

(1) انشر وبسط العبارة  $F$

(2) حل العبارة  $F$  إلى جداء عاملين

(3) حل المعادلة:  $(4x - 1)(x - 3) = 0$

(4) حل المتراجحة:  $4x^2 - 13x + 3 \leq 4x^2 + 29$

### تمرين 5 : (شهادة التعليم المتوسط 2013)

(1) لتكن العبارة:  $A = 3x - 5$  حيث  $x$  عدد حقيقي.

أ - احسب القيمة المقربة إلى  $10^{-2}$  بالتقسان للعدد  $A$  من أجل  $x = \sqrt{2}$

ب - حل المتراجحة:  $A \geq 0$  ثم مثل مجموعة حلولها بيانيا

$$B = (3x - 5)^2 + 9x^2 - 25 \quad (2)$$

أ - انشر ثم بسط العبارة  $B$  حيث:  $B = 6x(3x - 5)$

ب - استنتج أن:  $B = 6x(3x - 5) = 0$

ج - حل المعادلة:  $B = 0$

### تمرين 6 : (شهادة التعليم المتوسط 2023)

تمعن في الشكل المقابل حيث:  $x > 2$ .

(وحدة الطول هي  $cm$ )

(1) عبر عن مساحة كل من المربع والمستطيل

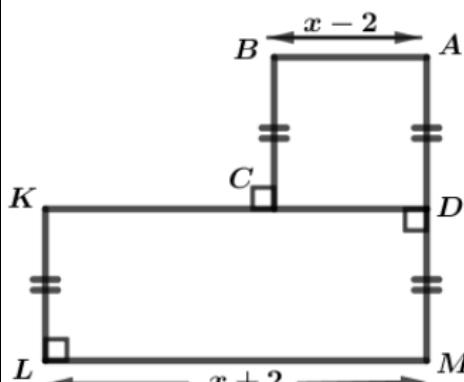
بدالة  $x$

(2) لتكن العبارتان  $E$  و  $F$  حيث:

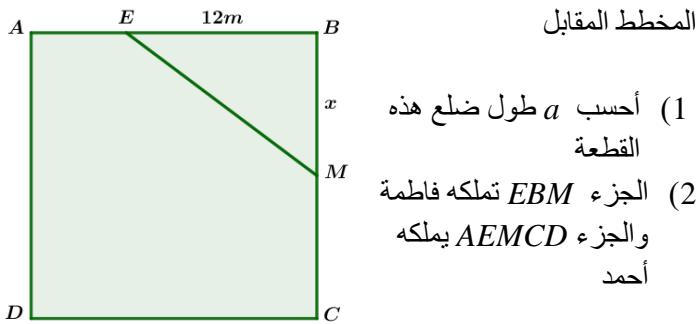
$$F = (x + 2)(x - 2) \quad , \quad E = (x - 2)^2$$

• بين أن:  $E + F = 2x(x - 2)$

(3) عين قيم  $x$  التي يكون من أجلها محيط الشكل يساوي على الأقل  $20 \text{ cm}$ .

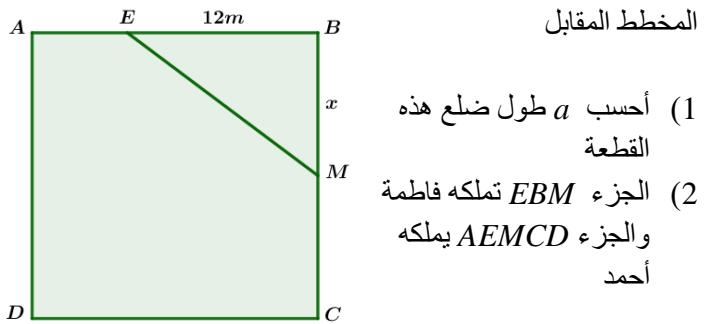


قطعة أرض مربعة الشكل مساحتها  $324m^2$   
ملك للأخوين أحمد و فاطمة و مجزأة حسب



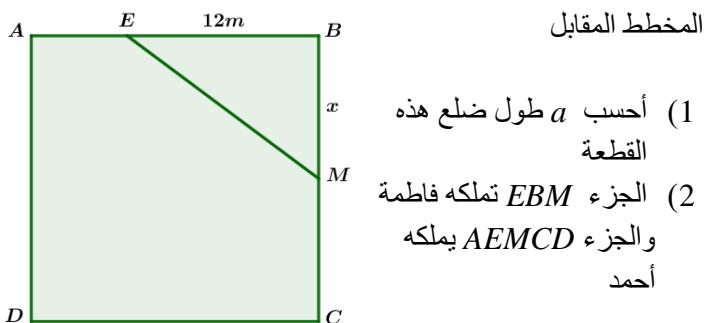
- ساعد الأخرين على تحديد موضع النقطة  $M$  بحيث تكون مساحة قطعة أحمد ضعف مساحة قطعة فاطمة

قطعة أرض مربعة الشكل مساحتها  $324m^2$  ملك للأخرين أحمد و فاطمة و مجزأة حسب



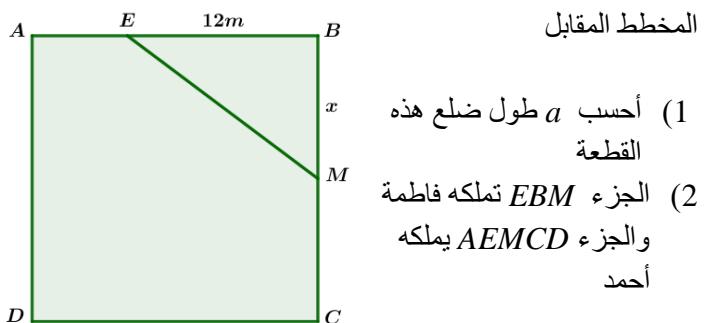
- ساعد الأخرين على تحديد موضع النقطة  $M$  بحيث تكون مساحة قطعة  $AB$  ضعف مساحة قطعة  $AF$

قطعة أرض مربعة الشكل مساحتها  $324m^2$   
ملك للأخوين أحمد و فاطمة و مجزأة حسب



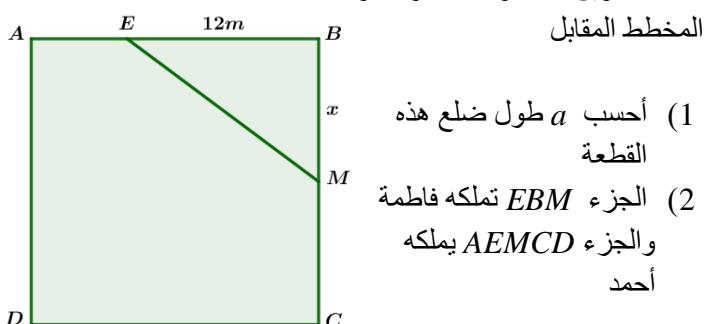
- ساعد الأخرين على تحديد موضع النقطة  $M$  بحيث تكون مساحة قطعة أحمد ضعف مساحة قطعة فاطمة

قطعة أرض مربعة الشكل مساحتها  $324m^2$   
مالك للأخرين أحمد و فاطمة و مجزأة حسب



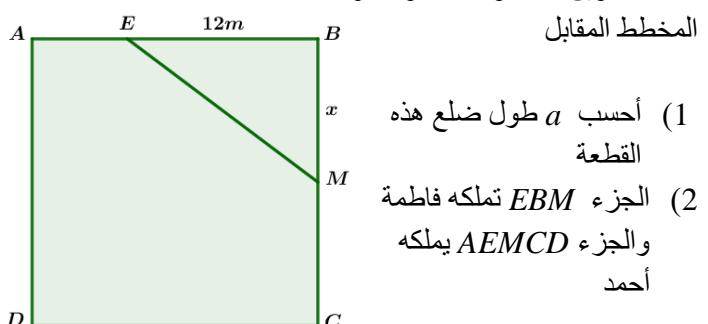
- ساعد الأخرين على تحديد موضع النقطة  $M$  بحيث تكون مساحة قطعة أحمد ضعف مساحة قطعة فاطمة

قطعة أرض مربعة الشكل مساحتها  $324m^2$   
ملك للأخوين أحمد و فاطمة و مجزأة حسب



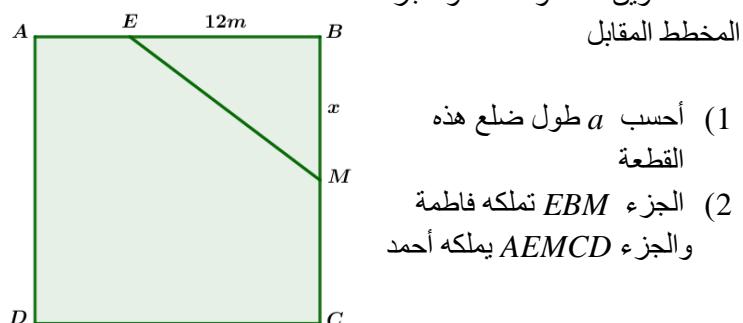
- ساعد الأخرين على تحديد موضع النقطة  $M$  بحيث تكون المساحة قطعة أحمد ضعف مساحة قطعة فاطمة

قطعة أرض مربعة الشكل مساحتها  $324m^2$  ملك للأخوين أحمد و فاطمة و مجزأة حسب



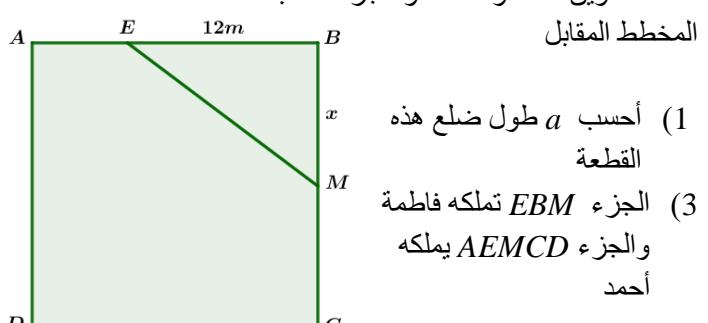
- ساعد الأخرين على تحديد موضع النقطة  $M$  بحيث تكون المساحة قطعة قطعة فاطمة

قطعة أرض مربعة الشكل مساحتها  $324m^2$  ملك للأخرين، أحمد و فاطمة و م罕وأة حسب



- ساعد الأخرين على تحديد موضع النقطة  $M$  بحيث تكون المساحة قطعة أحمد ضعف مساحة قطعة فاطمة

قطعة أرض مربعة الشكل مساحتها  $324m^2$  ملك للأخرين: أحمد و فاطمة و م罕أة حسب



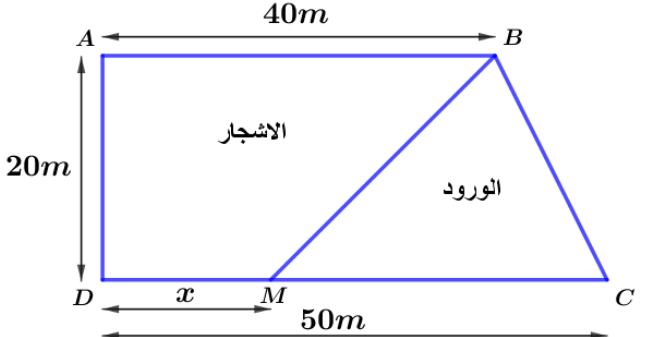
- ساعد الأخرين على تحديد موضع النقطة  $M$  بحيث تكون مسافة نقطة  $A$  عن نقطة  $B$  متساوية مسافة قطعة  $AB$

### الجزء الاول :

لعمي أحمد قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها  $1000m^2$  وعرضها خمسي طولها  
أوجد بعدي هذه القطعة

### الجزء الثاني :

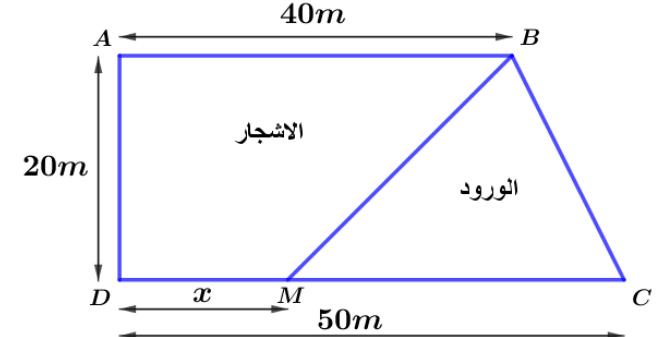
تنازل عمي أحمد لأخيه عن جزء من هذه القطعة مساحته  $100m^2$  وخصوص الجزء الباقي منها لاستغلاله مثمنة للورود والأشجار ، لهذا الغرض قسم هذا الجزء عشوائيا إلى قطعتين كما هو موضح في الشكل:



نضع  $A_1$  (  $0 \leq x \leq 50$  ) نقطة من  $[DC]$  مع  $DM = x$  ( لتكن

مساحة المثلث  $BCM$  و  $A_2$  مساحة الرباعي  $ABMD$

(1) عبر عن  $A_1$  و  $A_2$  بدلالة  $x$



نضع  $A_1$  (  $0 \leq x \leq 50$  ) نقطة من  $[DC]$  مع  $DM = x$  ( لتكن

مساحة المثلث  $BCM$  و  $A_2$  مساحة الرباعي  $ABMD$

(1) عبر عن  $A_1$  و  $A_2$  بدلالة  $x$

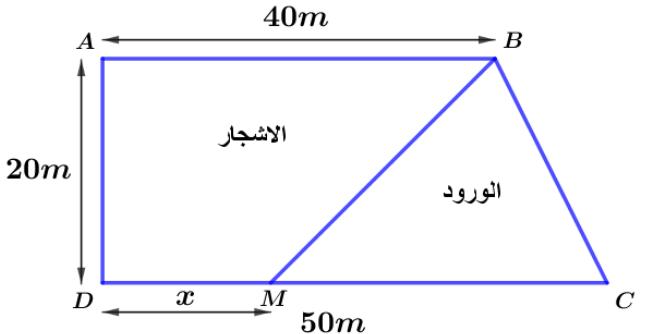
(2) ساعد عمي أحمد لإيجاد الطول  $DM$  حتى تكون لقطعتي الأرض نفس المساحة

### الجزء الاول :

لعمي أحمد قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها  $1000m^2$  وعرضها خمسي طولها  
أوجد بعدي هذه القطعة

### الجزء الثاني :

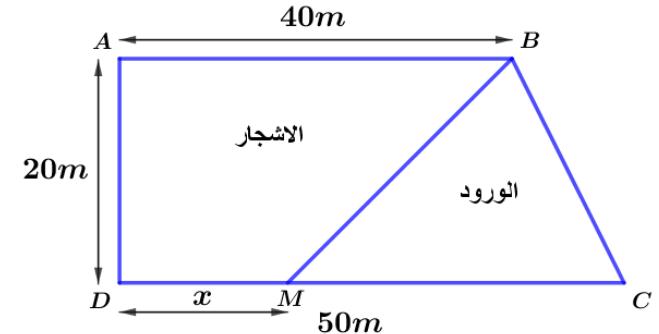
تنازل عمي أحمد لأخيه عن جزء من هذه القطعة مساحته  $100m^2$  وخصوص الجزء الباقي منها لاستغلاله مثمنة للورود والأشجار ، لهذا الغرض قسم هذا الجزء عشوائيا إلى قطعتين كما هو موضح في الشكل:



نضع  $A_1$  (  $0 \leq x \leq 50$  ) نقطة من  $[DC]$  مع  $DM = x$  ( لتكن

مساحة المثلث  $BCM$  و  $A_2$  مساحة الرباعي  $ABMD$

(1) عبر عن  $A_1$  و  $A_2$  بدلالة  $x$



نضع  $A_1$  (  $0 \leq x \leq 50$  ) نقطة من  $[DC]$  مع  $DM = x$  ( لتكن

مساحة المثلث  $BCM$  و  $A_2$  مساحة الرباعي  $ABMD$

(1) عبر عن  $A_1$  و  $A_2$  بدلالة  $x$

(2) ساعد عمي أحمد لإيجاد الطول  $DM$  حتى تكون لقطعتي الأرض نفس المساحة



١) تحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

حل العبارة  $A$  حيث  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$

حل المترادفة  $-14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

• مثل مجموعة حلولها بيانياً.

١) تحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

حل العبارة  $A$  حيث  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$

حل المترادفة  $. -14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

• مثل مجموعة حلولها بيانياً.

١) تحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

حل العبارة  $A$  حيث  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$

حل المترادفة  $. -14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

• مثل مجموعة حلولها بيانياً.

١) تحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

حل العبارة  $A$  حيث  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$

حل المترادفة  $. -14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

• مثل مجموعة حلولها بيانياً.

١) تحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

حل العبارة  $A$  حيث  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$

حل المترادفة  $. -14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

• مثل مجموعة حلولها بيانياً.

١) تحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

٢) حل العبارة  $A$  حيث  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$

٣) حل المترادفة  $-14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

• مثلاً، مجموعه حل لها باباً

تحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$  (1)

حل العبارة  $A$  حيث  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$  (2)

حل المترادفة  $-14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$  (3)

١) تحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

٢) حل العبارة  $A$  حيث  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$

٣) حل المترادفة  $-14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

• مثل: محمد عنة حل لها بياناً

١) تتحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

٢) حل العبارة  $A$  حيث  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$

٣) حل المترادفة  $. -14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

• مثل مجموعة حلولها بيانياً.

١) تحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

٢) حل العبارة  $A$  حيث  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$

٣) حل المترادفة  $-14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

• مثال مجموعة حلولها بيانياً.

١) تحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

حل العبارة  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$  حيث

حل المتراجحة  $. -14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

• مثل مجموعة حلولها بيانياً.

١) تحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

٢) حل العبارة  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$  حيث

٣) حل المتراجحة  $. -14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

• مثل مجموعة حلولها بيانياً.

١) تحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

حل العبارة  $A$  حيث  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$

حل المتراجحة  $. -14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

• مثل مجموعة حلولها بيانياً.

١) تحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

حل العبارة  $A$  حيث  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$

حل المتراجحة  $. -14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

• مثل مجموعة حلولها بيانياً.

٥. تتحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$  (١)

حل العبارة  $A$  حيث  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$  (٢)

حل المترابحة  $.-14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$  (٣)

متى مجموع حلولها يساوي ●

$$5(2x+1)(2x-1) = 20x^2 - 5 \quad (1)$$

$$A = (2x+1)(3x-7) - (20x^2 - 5) \quad (2)$$

$$-14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2) \quad (3)$$

٥. تحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$  (١)

حل العبارة  $A$  حيث  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$  (٢)

حل المترابحة  $. -14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$  (٣)

• مثلاً، ممتحنة حل لها بياناً

(1) تتحقق من صحة المساواة التالية:  $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

(2) حل العبارة  $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$  حيث  $A$

(3) حل المتراجحة  $-14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

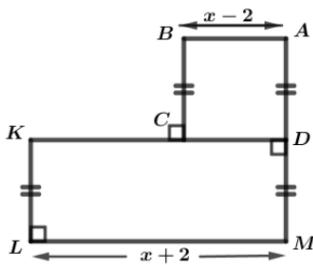
• مثل مجموعة حلولها بيانياً.







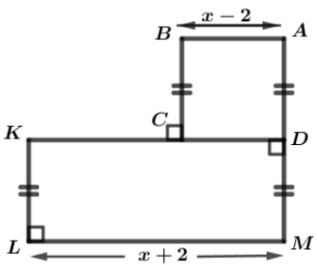




تمعن في الشكل المقابل حيث:  $x > 2$   
 وحدة الطول هي (cm)  
 (1) عبر عن مساحة كل من المربع  
 والمستطيل بدلالة  $x$

(2) لتكن العبارتان  $E$  و  $F$  حيث:  

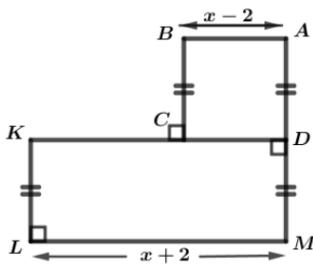
$$F = (x+2)(x-2)$$
 ،  $E = (x-2)^2$   
 • بين أن:  $E + F = 2x(x-2)$   
 (3) عين قيم  $x$  التي يكون من أجلها محيط الشكل يساوي على الأقل  
 $.20 \text{ cm}$



تمعن في الشكل المقابل حيث:  $x > 2$   
 وحدة الطول هي (cm)  
 (1) عبر عن مساحة كل من المربع  
 والمستطيل بدلالة  $x$

(2) لتكن العبارتان  $E$  و  $F$  حيث:  

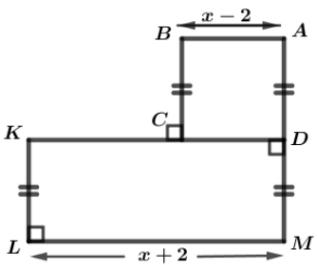
$$F = (x+2)(x-2)$$
 ،  $E = (x-2)^2$   
 • بين أن:  $E + F = 2x(x-2)$   
 (3) عين قيم  $x$  التي يكون من أجلها محيط الشكل يساوي على الأقل  
 $.20 \text{ cm}$



تمعن في الشكل المقابل حيث:  $x > 2$   
 وحدة الطول هي (cm)  
 (1) عبر عن مساحة كل من المربع  
 والمستطيل بدلالة  $x$

(2) لتكن العبارتان  $E$  و  $F$  حيث:  

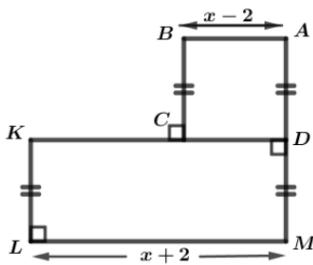
$$F = (x+2)(x-2)$$
 ،  $E = (x-2)^2$   
 • بين أن:  $E + F = 2x(x-2)$   
 (3) عين قيم  $x$  التي يكون من أجلها محيط الشكل يساوي على الأقل  
 $.20 \text{ cm}$



تمعن في الشكل المقابل حيث:  $x > 2$   
 وحدة الطول هي (cm)  
 (1) عبر عن مساحة كل من المربع  
 والمستطيل بدلالة  $x$

(2) لتكن العبارتان  $E$  و  $F$  حيث:  

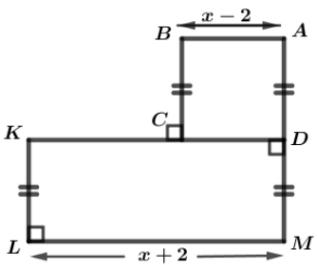
$$F = (x+2)(x-2)$$
 ،  $E = (x-2)^2$   
 • بين أن:  $E + F = 2x(x-2)$   
 (3) عين قيم  $x$  التي يكون من أجلها محيط الشكل يساوي على الأقل  
 $.20 \text{ cm}$



تمعن في الشكل المقابل حيث:  $x > 2$   
 وحدة الطول هي (cm)  
 (1) عبر عن مساحة كل من المربع  
 والمستطيل بدلالة  $x$

(2) لتكن العبارتان  $E$  و  $F$  حيث:  

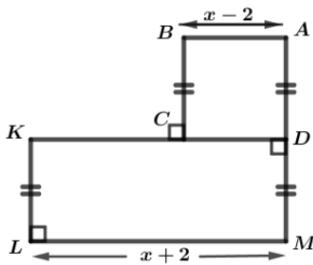
$$F = (x+2)(x-2)$$
 ،  $E = (x-2)^2$   
 • بين أن:  $E + F = 2x(x-2)$   
 (3) عين قيم  $x$  التي يكون من أجلها محيط الشكل يساوي على الأقل  
 $.20 \text{ cm}$



تمعن في الشكل المقابل حيث:  $x > 2$   
 وحدة الطول هي (cm)  
 (1) عبر عن مساحة كل من المربع  
 والمستطيل بدلالة  $x$

(2) لتكن العبارتان  $E$  و  $F$  حيث:  

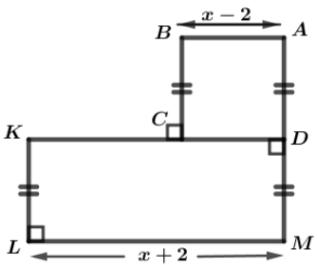
$$F = (x+2)(x-2)$$
 ،  $E = (x-2)^2$   
 • بين أن:  $E + F = 2x(x-2)$   
 (3) عين قيم  $x$  التي يكون من أجلها محيط الشكل يساوي على الأقل  
 $.20 \text{ cm}$



تمعن في الشكل المقابل حيث:  $x > 2$   
 وحدة الطول هي (cm)  
 (1) عبر عن مساحة كل من المربع  
 والمستطيل بدلالة  $x$

(2) لتكن العبارتان  $E$  و  $F$  حيث:  

$$F = (x+2)(x-2)$$
 ،  $E = (x-2)^2$   
 • بين أن:  $E + F = 2x(x-2)$   
 (3) عين قيم  $x$  التي يكون من أجلها محيط الشكل يساوي على الأقل  
 $.20 \text{ cm}$



تمعن في الشكل المقابل حيث:  $x > 2$   
 وحدة الطول هي (cm)  
 (1) عبر عن مساحة كل من المربع  
 والمستطيل بدلالة  $x$

(2) لتكن العبارتان  $E$  و  $F$  حيث:  

$$F = (x+2)(x-2)$$
 ،  $E = (x-2)^2$   
 • بين أن:  $E + F = 2x(x-2)$   
 (3) عين قيم  $x$  التي يكون من أجلها محيط الشكل يساوي على الأقل  
 $.20 \text{ cm}$