

التمرين 1

إليك الشكل الآتي :

- أذكر الزاويتين المتجاورتين من بين الثنائيات من الزوايا الآتية :  
 $\angle L\hat{O}Z$  و  $\angle X\hat{O}L$  ،  $\angle L\hat{O}Y$  و  $\angle X\hat{O}Y$  ،  $\angle L\hat{O}Z$  و  $\angle L\hat{O}Y$  ،  $\angle Y\hat{O}L$  و  $\angle X\hat{O}L$   
 $\angle Z\hat{M}P$  و  $\angle Y\hat{O}Z$  ،  $\angle P\hat{M}O$  و  $\angle P\hat{M}Z$  ،  $\angle X\hat{O}L$  و  $\angle X\hat{O}Z$

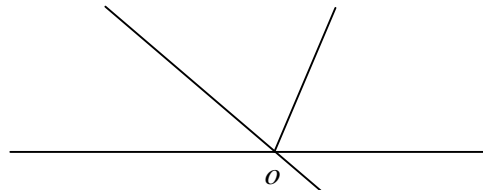
الحل

الزاويتين المتجاورتين من بين الثنائيات من الزوايا المذكورة هي :

.  $\hat{P}MO$  و  $\hat{P}MZ$  ،  $\hat{L}OZ$  و  $\hat{X}OL$  ،  $\hat{Y}OL$  و  $\hat{X}OL$

### التمرين 2

عين الزوايا المتقابلة بالرأس و الزوايا المتجاورة في الشكل الموالي .



### الحل

- (1) الزوايا المتقابلة بالرأس في الشكل السابق هي:  $\hat{X}OL$  و  $\hat{P}MZ$  ،  $\hat{Y}OL$  و  $\hat{P}MO$  .
- (2) الزوايا المتجاورة في الشكل السابق هي:  $\hat{X}OL$  و  $\hat{Y}OL$  ،  $\hat{X}OL$  و  $\hat{P}MO$  ،  $\hat{Y}OL$  و  $\hat{P}MZ$  ،  $\hat{P}MO$  و  $\hat{P}MZ$  ،  $\hat{X}OL$  و  $\hat{P}MZ$  ،  $\hat{Y}OL$  و  $\hat{P}MO$  .

### التمرين 3

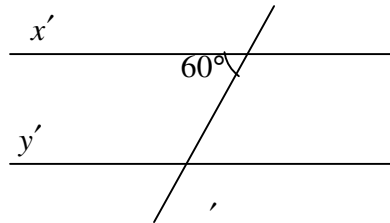
- إليك أقياس الزوايا :  $100^\circ, 10^\circ, 80^\circ, 130^\circ, 40^\circ, 160^\circ, 20^\circ, 70^\circ, 50^\circ, 118^\circ$  .
- (1) عين كلا من الثنائيات المكونة من زاويتين متتامتين .
  - (2) عين كلا من الثنائيات المكونة من زاويتين متكاملتين .

### الحل

- (1) الثنائيات المكونة من زاويتين متتامتين هي:  $(20^\circ, 70^\circ)$  ،  $(50^\circ, 40^\circ)$  ،  $(10^\circ, 80^\circ)$  .
- (2) الثنائيات المكونة من زاويتين متكاملتين:  $(130^\circ, 50^\circ)$  ،  $(160^\circ, 20^\circ)$  ،  $(100^\circ, 80^\circ)$  .

### التمرين 4

إليك الشكل التالي .



أكمل ما يلي :

$$x\hat{A}z' + y\hat{B}z = \dots\dots\dots , \quad y'\hat{B}z' = \dots\dots\dots , \quad x'\hat{A}z = \dots\dots\dots$$

$$, \quad x\hat{A}z + z'\hat{B}Y = \dots\dots\dots$$

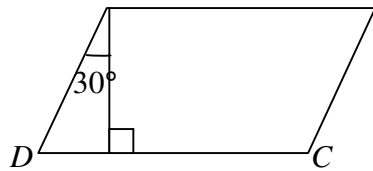
### الحل

$$, \quad x\hat{A}z' + y\hat{B}z = 180^\circ , \quad y'\hat{B}z' = 60^\circ , \quad x'\hat{A}z = 120^\circ .$$

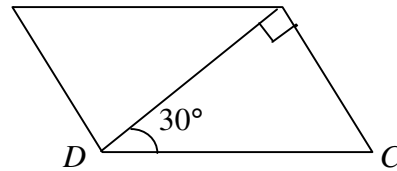
$$, \quad x\hat{A}z + z'\hat{B}Y = 180^\circ$$

### التمرين 5

$ABCD$  متوازي الأضلاع. احسب قياس زواياه في الحالتين :



الشكل 2



الشكل 1

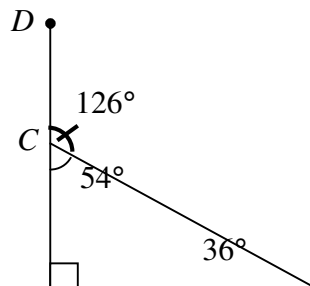
### الحل

- (1) في الشكل 1 :  $\hat{DAB} = \hat{DCB} = 60^\circ$  ,  $\hat{ADC} = 120^\circ$  ,  $\hat{ABC} = 120^\circ$   
 (2) في الشكل 2 :  $\hat{DCB} = \hat{DAB} = 120^\circ$  ,  $\hat{ABC} = \hat{ADC} = 60^\circ$

### التمرين 6

- (1)  $ABC$  مثلث قائم الزاوية في  $C$  حيث :  $\hat{ABC} = 36^\circ$  , أحسب  $\hat{ACB}$  .  
 (2)  $D$  نقطة من المستوي حيث :  $\hat{ACD} = 126^\circ$  . بين أن النقط  $A, C, D$  على إستقامة واحدة .

### الحل

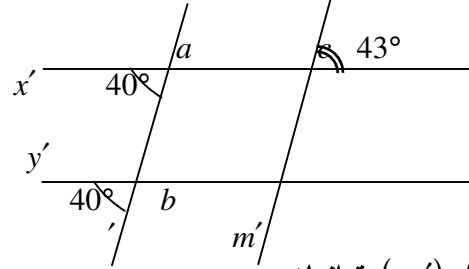


$$\text{ومنه:} \quad \hat{ACB} = 90^\circ - 36^\circ = 54^\circ$$

$$\hat{ACD} = \hat{ACB} + \hat{BCD} = 54^\circ + 126^\circ = 180^\circ$$

بما أن الزاوية  $\hat{ACD}$  مستقيمة فالنقط  $A, C, D$  على إستقامة واحدة .

### التمرين 7



إليك الشكل الآتي :

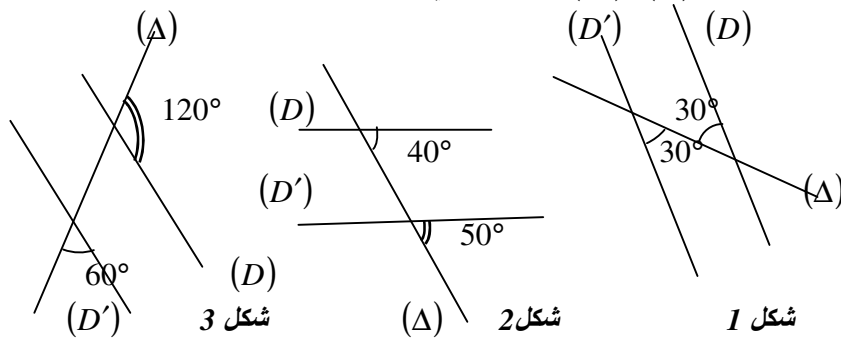
- (1) بين أن المستقيمين  $(xx')$  و  $(yy')$  متوازيان .
- (2) هل المستقيمان  $(mm')$  و  $(zz')$  متوازيان؟

### الحل

- (1) من المعطيات لدينا :  $\hat{y'bz'} = \hat{x'az'} = 40^\circ$  و هما في وضع زاويتين متماثلتين بالنسبة للمستقيمين  $(xx')$  و  $(yy')$  و القاطع  $(zz')$  ، إذن  $(yy') \parallel (xx')$  .
- (2) لدينا :  $\hat{zax} = \hat{x'az'} = 40^\circ$  (بالتقابل بالرأس) و لدينا :  $\hat{mcx} = 43^\circ$  بما أن :  $\hat{mcx} \neq \hat{zax}$  و هما في وضع زاويتين متماثلتين بالنسبة للمستقيمين  $(mm')$  و  $(zz')$  فإن المستقيمين  $(mm')$  و  $(zz')$  غير متوازيين .

### التمرين 7

هل المستقيمان  $(D)$  و  $(D')$  متوازيان في كل من الأشكال الآتية :

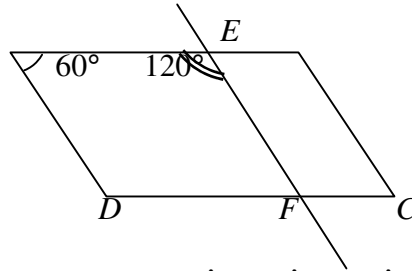


### الحل

- في الشكلين 1 و 3 المستقيمين  $(D)$  و  $(D')$  متوازيين .
- في الشكل 2 المستقيمين  $(D)$  و  $(D')$  غير متوازيين .

## التمرين 9

$ABCD$  متوازي أضلاع حيث :  $\hat{BAD} = 60^\circ$  (أنظر الشكل)



- (1) احسب :  $\hat{BCD}$  ،  $\hat{ABC}$  ،  $\hat{ADC}$  .
- (2) بين أن  $(BC) \parallel (EF)$  واستنتج طبيعة الرباعي  $BEFC$  .

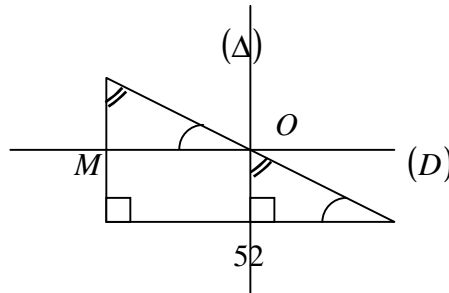
### الحل

(1)  $\hat{BCD} = 60^\circ$  ،  $\hat{ABC} = 120^\circ$  ،  $\hat{ADC} = 120^\circ$   
 لدينا :  $\hat{BAD} = 60^\circ$  و  $\hat{AEF} = 120^\circ$  و منه  $\hat{BAD} + \hat{AEF} = 180^\circ$  و هما زاويتين داخليتين واقعتين في نفس الجهة بالنسبة للمستقيمين  $AD$  و  $EF$   
 و القاطع  $AB$  ، نستنتج أن :  $AD \parallel EF$  و منه  $BC \parallel EF$  .  
 الرباعي  $BEFC$  فيه كل ضلعين متقابلين متوازيين فهو متوازي الأضلاع .

## التمرين 10

$ABC$  مثلث قائم الزاوية في . النقطة  $O$  هي منتصف  $[BC]$  . المستقيم  $(D)$  الذي يشمل  $O$  و يوازي  $(AC)$  يقطع  $[AB]$  في  $M$  . المستقيم  $(\Delta)$  الذي يشمل  $O$  و يوازي  $(AB)$  يقطع  $[AC]$  في  $N$  . (1) بين أن الزاويتين  $\hat{BOM}$  و  $\hat{NOC}$  متتامتان .  
 (2) بين أن :  $(\Delta) \perp (D)$  .

### الحل



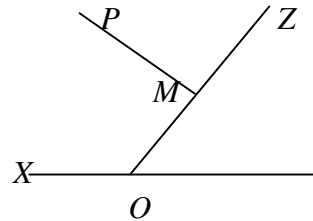
C

N

- (1) بما أن  $ABC$  مثلث قائم الزاوية في  $C$  فإن :  $\hat{B} + \hat{C} = 90^\circ$  .  
 ولدينا  $(AC) \parallel (D)$  و  $(BC)$  قاطع لهما ومنه :  $\hat{BOM} = \hat{C}$  (زاويتان متماثلتان)  
 ولدينا  $(AB) \parallel (\Delta)$  و  $(BC)$  قاطع لهما ومنه :  $\hat{B} = \hat{NOC}$  (زاويتان متماثلتان)  
 فينتج أن :  $\hat{NOC} + \hat{BOM} = \hat{B} + \hat{C} = 90^\circ$  .  
 إذن الزاويتين  $\hat{BOM}$  و  $\hat{NOC}$  متتامتان .  
 (2) بما أن  $\hat{NOC} + \hat{BOM} = 90^\circ$  فإن  $\hat{MON} = 90^\circ$  ومنه :  $(\Delta) \perp (D)$  .

تم حة الحل

التمرين 1



- (1) عين الزاويتين المتجاورتين في الشكل الآتي :  
 (2) هل الزاويتين  $\hat{PMZ}$  و  $\hat{XOZ}$  متجاورتين ؟

التمرين 2

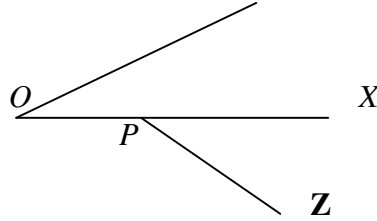
- (1)  $\hat{A}$  و  $\hat{B}$  زاويتان متتامتان ، أكمل الجدول (1).  
 (2)  $\hat{A}$  و  $\hat{B}$  زاويتان متكاملتان ، أكمل الجدول (2).

$\hat{A}$	$30^\circ$		$40^\circ$	$81,5^\circ$
$\hat{B}$		$70^\circ$		

الجدول (1)

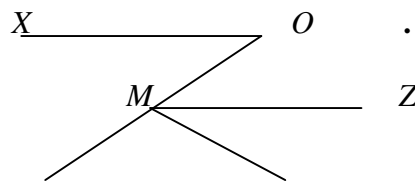
$\hat{A}$	$15^\circ$	$81,5^\circ$		$46^\circ$
$\hat{B}$			$120^\circ$	

الجدول (2)



التمرين 3 إليك الشكل الآتي :  
أرسم الزاويتين المتممتين و المجاورتين  
لكل من  $X\hat{O}Y$  و  $X\hat{P}Z$  .

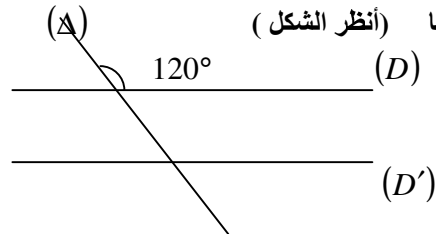
#### التمرين 4



من بين الزوايا الموجودة في الشكل المقابل .  
- عين الزوايا المتجاورة.

#### التمرين 5

(D) و (D') مستقيمان متوازيان. (Δ) قاطع لهما في النقطتين ، على الترتيب .



#### التمرين 6

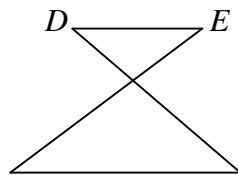
ABC مثلث متساوي الساقين رأسه الأساسي حيث :  $\hat{ABC} = 30^\circ$  .

- احسب قياس الزاوية  $\hat{BAC}$  .

(XX') مستقيم يشمل و يوازي (BC) . احسب القيسين :  $\hat{CAX}$  و  $\hat{X'}$  .

#### التمرين 7

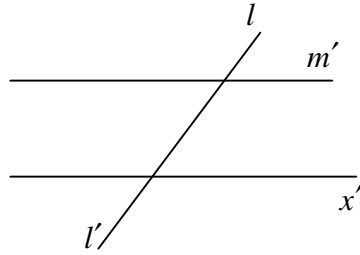
قارن بين زوايا المثلثين ABC و ADE علما أن :  $(DE) \parallel (BC)$  .



C

### التمرين 8

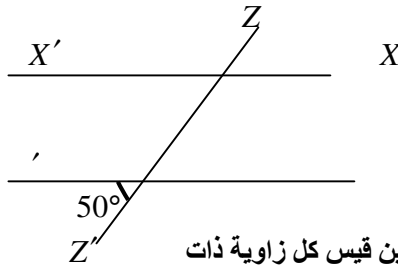
( $mm'$ ) و ( $xx'$ ) مستقيمان متوازيان و ( $ll'$ ) قاطع لهما في النقطتين ، على الترتيب  
(أنظر الشكل )



أكمل ما يلي مبررا إجابتك .

(..... لأن )  $l\hat{B}x' = l\hat{A}m'$  ، (..... لأن )  $m\hat{A}l' = x\hat{B}l'$   
(..... لأن )  $l\hat{B}x = l'\hat{A}m'$  ، (..... لأن )  $l\hat{A}m + x\hat{B}l' = \dots\dots$

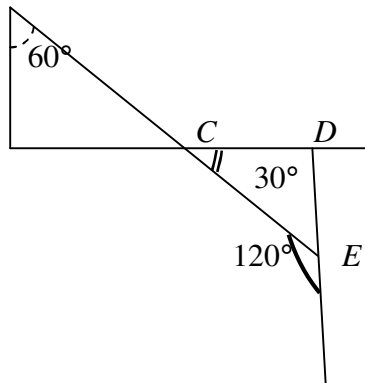
### التمرين 9



إليك الشكل المقابل .

(1) عين قيس الزاوية  $X'\hat{Z}$  لكي يكون  
المستقيمان ( $XX'$ ) و ( $YY'$ ) متوازيان .  
(2) نفرض أن ( $XX'$ ) و ( $YY'$ ) متوازيان، عين قيس كل زاوية ذات  
الرأس .

### التمرين 9



إليك الشكل الموالي .

(1) بين أن :  $(AC) \perp (AB)$  .  
(2) بين أن :  $(AB) \parallel (ED)$  . برر إجابتك .