

24

ما هي قيم  $x$  التي من أجلها يكون محيط المستطيل  $ABCD$  أكبر من محيط المستطيل  $BEFG$  ؟

25 تقترح وكالة لكرء السيارات النفعية صيغتين للدفع :

الصيغة الأولى : اشتراك قدره 1500DA ثم 20DA لكل كيلومتر.

الصيغة الثانية : 30DA لكل كيلومتر (بدون اشتراك).

ليكن  $x$  عدد الكيلومترات التي تم قطعها بالسيارة.

(1) عبر بدلالة  $x$  عن  $f(x)$  ، المبلغ المدفوع بالصيغة الأولى.

(2) عبر بدلالة  $x$  عن  $g(x)$  ، المبلغ المدفوع بالصيغة الثانية.

(3) بدءاً من أي عدد  $x$  من الكيلومترات تكون الصيغة الأولى هي الأفضل ؟

26 يقترح أحد نوادي السباحة تسعيرتين :

التسعيرة A : دفع اشتراك شهري قدره 1500DA ثم دفع 150DA لكل حصة.

التسعيرة B : دفع 350DA للحصة الواحدة (بدون اشتراك).

نسمي  $x$  عدد الحصص المنجزة في الشهر.

(1) عبر بدلالة  $x$  عن  $f(x)$  ، المبلغ المدفوع بالتسعيرة A.

(2) عبر بدلالة  $x$  عن  $g(x)$  ، المبلغ المدفوع بالتسعيرة B.

(3) بدءاً من أي عدد  $x$  من الحصص تكون التسعيرة A هي الأفضل ؟

27 في إحدى الشركات عدد الرجال هو 27 و عدد النساء 15.

يريد مدير الشركة توظيف نفس العدد  $x$  من الرجال و النساء.

ما هي قيم  $x$  التي يكون من أجلها عدد النساء في الشركة لا يقل عن ثلثي عدد الرجال ؟

28 مثلث طولاً ضلعين من أضلاعه هما 10cm و 15cm.

ما هي القيم الممكنة لطول ضلعه الثالث ؟

29 لتكن العبارة :  $A(x) = (2x-1)^2 - 6x(2x-1) - (4x^2-1)$

(1) أنشر و بسط العبارة A.

(2) حلل العبارة  $4x^2-1$  ثم استنتج تحليلاً للعبارة A.

(3) حل المعادلة  $(2x-1)^2 - 6x(2x-1) = (4x^2-1)$ .

(4) حل المتراجحة  $A(x) + 12x^2 \geq 0$ .

30 تأمل في الشكل المقابل ثم احسب  $y$ .

الجواب: حسب نظرية فيثاغورث

$$y^2 + (3y-11)^2 = 11^2$$

$$y = \frac{33}{5} \text{ أو } y = 0$$

منه  $y = \frac{33}{5}$  أو  $y = 0$

31 يتجه موسى (M) و حسين (H) نحو الكرة (B) بنفس السرعة بحيث يصلان إليها في نفس اللحظة. نضع  $AB = x$ . احسب  $x$  علماً أن  $AC = 50m$ .

الجواب: نفس السرعة و نفس المدة إذن

$$HB^2 = BM^2$$

$$40^2 + x^2 = 30^2 + (50-x)^2$$

$$x = 18$$

منه  $x = 18$

32 في الشكل المقابل :  $(IJ) \parallel (BC)$ .

(1) بين أن  $\frac{x}{x+3} = \frac{1}{3}$ .

(2) استنتج قيمة  $x$ .

الجواب: حسب خاصية طاليس نجد  $x = \frac{3}{2}$ .

33

(1) عبر بدلالة  $x$  عن محيط المثلث و محيط المستطيل.

(2) ما هي قيم  $x$  التي من أجلها يفوق محيط المستطيل محيط المثلث ؟

الجواب: حسب خاصية طاليس نجد  $x = \frac{3}{2}$ .

الجواب:  $x > 8$  و  $x > 2$  منه  $x > 8$ .

34

ما هي قيم التي يكون من أجلها للمستطيلين نفس المساحة ؟

الجواب:  $x > \frac{2}{3}$  و نجد  $x = 2$ .

#### 4 المعادلات - المتراجحات - تربيض مشكل م. عيسات إيدر

1 صرف حُسام ثلث ما في حصالته في شراء كتاب و خُمسها في شراء مصحف ليتبقى له 320DA. ما هو المبلغ الذي ادخره حُسام ؟

2 جد عددا مجموع ضعفه و العدد 5 يساوي 14.

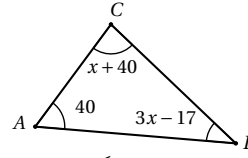
3 جد عددا الفرق بين أربعة أمثاله و 7 يساوي ثلاثة أمثاله.

4 جد عددا الفرق بين ثلاثة أمثاله و العدد 3 يساوي مجموع ضعفه و العدد 1.

5 عمر كوثر يقل بـ 3 سنوات عن عمر أيمن و عمر كريم يساوي ضعف عمر كوثر. مجموع أعمارهم يساوي 107 سنوات. ما هو عمر كل واحد منهم ؟

6 جد ثلاثة أعداد طبيعية متتالية مجموعها 129.

7



احسب، بالدرجات، أقياس زوايا المثلث ABC.

المثلث ABC.

8 قرأ منير كتابا من 240 صفحة خلال ثلاثة أيام. و لكونه محباً للمطالعة،

يقرأ في كل يوم 20 صفحة زيادة عن ما قرأه في اليوم السابق.

جد عدد الصفحات التي قرأها منير في كل يوم.

9 ثلاثة أعداد طبيعية متتالية، إذا أضفنا للأول 5 و أخذنا ثلاثة أرباع

الثاني و أنقصنا من الثالث 7 يكون عندئذ المجموع 42. ما هي هذه الأعداد ؟

10 مستطيل محيطه 180cm و عرضه نصف طوله.

جد بُعدي هذا المستطيل.

11 بعد عشر سنوات، سيصبح عمري ضعف عمري قبل عشر سنوات.

ما هو عمري الحالي ؟

12 عمر أب 40 سنة و عمر ابنه سنة واحدة.

بعد كم سنة يصبح عمر الأب ضعف عمر ابنه ؟

13 في إحدى الشركات، عدد الرجال يفوق عدد النساء بأربع و إذا غادرت

ثلاث نساء الشركة يصبح حينئذ عدد الرجال ضعف عدد النساء.

ما هو عدد الرجال و عدد النساء في هذه الشركة ؟

14 يساهم مجموعة من التلاميذ في شراء هدية لمعلمهم.

إذا ساهم كل منهم بمبلغ 170DA فاقت الحصيلة ثمن الهدية بـ 330DA و إذا

ساهم كل منهم بمبلغ 130DA فإنه ينقصهم 150DA.

ما هو عدد التلاميذ و ما هو ثمن الهدية ؟

15 تحصلت أميرة على 11 و 16 في استجوابي الرياضيات.

كم يجب أن تكون علامتها في الاستجواب الثالث حتى يكون معدلها 15 من 20 ؟

16 مجموع أعمار علجية و أمها و جدتها يساوي 90 عاما.

ما هو عمر كل منهن إذا كان عمر الجدة هو ضعف عمر الأم و عمر علجية

هو ثلث عمر أمها ؟

17 إذا طرحنا عددا من بسط و مقام الكسر  $\frac{23}{38}$  فإننا نحصل على مقلوب

هذا الكسر. ما هو هذا العدد ؟

18 إذا أضفنا 5 إلى عدد فإن مربعه يزداد بـ 295. ما هو هذا العدد ؟

19  $x$  عدد حقيقي. ترجم بمتراجحة العبارات التالية :

(1) ضعف  $x$  أكبر تماما من 13.

(2) ثلث  $x$  لا يقل عن 5.

(3)  $x$  مضاف إليه 7 لا يتجاوز 16.

(4)  $x$  مطروح منه 8 أصغر تماما من 3.

(5) مجموع رُبع  $x$  و العدد 1 أصغر من أو يساوي -2.

20 حل المتراجحات التالية :

$$(أ) 5x \leq 5x - 2 \quad (ب) 5x \leq 5x + 2 \quad (ج) 3x + 9 \geq 9 + 3x$$

21 حل المتراجحات التالية و مثل بيانيا حلولها :

$$(أ) 2(x+5) > x+3 - (x-1) \quad (ب) \frac{3}{14}x - 1 < \frac{5}{7}$$

$$(ج) 5 - 2(2x-1) \leq 3(4x+1) \quad (د) 5 - 2(x+3) \geq 2(x+1) - 3(x-2)$$

22 علامة فريدة في الاستجواب الأول هي 12,5.

ما هي أدنى علامة يجب أن تحصل عليها في الاستجواب الثاني حتى لا يقل

معدلها عن 14 ؟

23 مع أسماء مبلغ 145DA. اشترت كراس تلوين بـ 80DA و صرفت الباقي

في شراء أكبر عدد ممكن من أقلام التلوين حيث ثمن القلم الواحد هو 11DA.

ما هو عدد الأقلام التي اشترتها ؟



## حل التمرين 22

نسمي  $x$  أدنى علامة يجب أن تحصل عليها فريدة في الاستجاب الثاني حتى لا يقل معدلها عن 14. لدينا :  $\frac{12,5+x}{2} \geq 14$  منه  $12,5+x \geq 14 \times 2$  أي  $12,5+x \geq 28$  منه  $12,5 - x \geq 15,5$  أي  $x \geq 28$  أي  $x \geq 15,5$ . إذن أدنى علامة يجب أن تحصل عليها فريدة في الاستجاب الثاني حتى لا يقل معدلها عن 14 هي 15,5.

## حل التمرين 23

نسمي  $x$  عدد الأقلام. لدينا :  $11x+80 \leq 145$  منه  $11x \leq 145-80$  أي  $11x \leq 65$  منه  $x \leq \frac{65}{11} \approx 5,9$ . و بما أن  $x$  عدد طبيعي (عدد الأقلام) فإن أكبر قيمة له هي 5 إذن اشترت أسماء 5 أقلام.

## حل التمرين 24

محيط المستطيل  $ABCD$  هو :  $\mathcal{P}_1 = 2(8+10-x) = 2(18-x) = 36-2x$   
محيط المستطيل  $BEFG$  هو :  $\mathcal{P}_2 = 2(17+x) = 34+2x$   
محيط المستطيل  $ABCD$  أكبر من (أو يساوي) محيط المستطيل  $BEFG$  معناه  $\mathcal{P}_1 \geq \mathcal{P}_2$  أي  $36-2x \geq 34+2x$  منه  $36-2x \geq 34-36$  أي  $-2x \geq -2$  أي  $-4x \geq -2$  منه  $x \leq \frac{-2}{-4} = \frac{1}{2}$ .

## حل التمرين 25

(1) المبلغ المدفوع بالصيغة الأولى :  $f(x) = 1500 + 20x$  (DA)  
(2) المبلغ المدفوع بالصيغة الثانية :  $g(x) = 30x$  (DA)  
(3) الصيغة الأولى هي الأفضل معناه  $f(x) < g(x)$  أي  $1500 + 20x < 30x$  منه  $1500 < 10x$  أي  $x > 150$  منه  $x > \frac{-1500}{-10} = 150$  km. إذن فالصيغة الأولى هي الأفضل بدءا من 150 km.

## حل التمرين 26

(1) المبلغ المدفوع حسب التسعيرة A :  $f(x) = 1500 + 150x$  (DA)  
(2) المبلغ المدفوع حسب التسعيرة B :  $g(x) = 350x$  (DA)  
(3) التسعيرة A هي الأفضل معناه  $f(x) < g(x)$  أي  $1500 + 150x < 350x$  منه  $1500 < 200x$  أي  $x > 7,5$  منه  $x > \frac{-1500}{-20} = 75$  km. إذن فالتسعيرة A هي الأفضل بدءا من 75 km.

## حل التمرين 27

عدد الرجال في الشركة يصبح  $27+x$  و عدد النساء يصبح  $15+x$ . حتى لا يقل عدد النساء في الشركة عن ثلثي عدد الرجال يجب أن يكون  $15+x \geq \frac{2}{3}(27+x)$  منه  $3(15+x) \geq 2(27+x)$  أي  $45+3x \geq 54+2x$  منه  $3x-2x \geq 54-45$  أي  $x \geq 9$ . إذن حتى لا يقل عدد النساء في الشركة عن ثلثي عدد الرجال يجب أن يكون  $x$  أكبر من أو يساوي 9.

التحقق من الإجابة :

$$\frac{23-61}{38-61} = \frac{-38}{-23} = \frac{38}{23}$$

## حل التمرين 18

نسمي  $x$  هذا العدد.  
لدينا :  $x^2 + 2 \times x \times 5 + 5^2 = x^2 + 295$  منه  $(x+5)^2 = x^2 + 295$  أي  $x^2 + 10x + 25 = x^2 + 295$  منه  $10x = 270$  أي  $x = \frac{270}{10} = 27$ . أي  $x = 27$ .  
العدد هو 27.  
التحقق من الإجابة :  $(27+5)^2 = 32^2 = 1024 = 729 + 295 = 27^2 + 295$ .

## حل التمرين 19

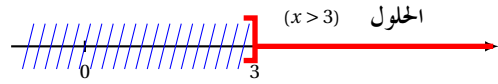
العبارة اللغوية	التعبير بمتراجحة
ضعف $x$ أكبر تمام من 13.	$2x > 13$
ثلث $x$ لا يقل عن 5.	$\frac{1}{3}x \geq 5$
$x$ مضاف إليه 7 لا يتجاوز 16.	$x+7 \leq 16$
$x$ مطروح منه 8 أصغر تماما من 3.	$x-8 < 3$
مجموع ربع $x$ و العدد 1 أصغر من أو يساوي -2.	$\frac{1}{4}x+1 \leq -2$

## حل التمرين 20

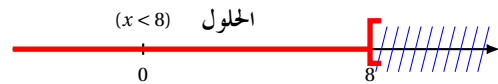
(أ)  $5x-2 \leq 5x-2$  منه  $5x-5x \leq -2$  أي  $0x \leq -2$  وهذا مستحيل (لأن  $-2$  سالب تماما). هذه المتراجحة ليس لها حل أي مجموعة الحلول هي المجموعة الخالية و نكتب  $S = \emptyset = \{\}$ .  
(ب)  $5x \leq 5x+2$  منه  $5x-5x \leq 2$  أي  $0x \leq 2$  وهذا محقق دوما (لأن 2 موجب تماما) و بالتالي فكل عدد حقيقي هو حل لهذه المتراجحة أي مجموعة الحلول هي مجموعة الأعداد الحقيقية و نكتب  $S = ]-\infty; +\infty[$ .  
(ج)  $3x+9 \geq 9+3x$  منه  $3x-3x \geq 9-9$  أي  $0x \geq 0$  وهذا محقق دوما (لأن  $0 \geq 0$ ) و بالتالي فكل عدد حقيقي هو حل لهذه المتراجحة أي مجموعة الحلول هي مجموعة الأعداد الحقيقية و نكتب  $S = ]-\infty; +\infty[$ .

## حل التمرين 21

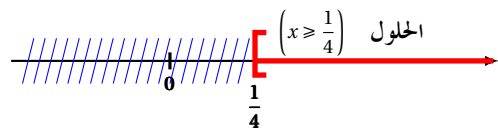
(أ)  $2(x+5) > x+3-(x-1)$  منه  $2x+10 > x+3-x+1$  أي  $2x+10 > 4$  منه  $2x > 10-4$  أي  $2x > 6$  منه  $x > \frac{6}{2} = 3$  أي  $x > 3$ .  
حلول المتراجحة هي الأعداد الحقيقية الأكبر تماما من 3 أي مجموعة الحلول هي  $S = ]3; +\infty[$ .



(ب)  $\frac{3}{14}x - 1 < \frac{5}{7}$  منه  $14 \times \frac{3}{14}x - 14 \times 1 < 14 \times \frac{5}{7}$  أي  $3x - 14 < 10$  منه  $3x < 10+14$  أي  $3x < 24$  منه  $x < \frac{24}{3} = 8$  أي  $x < 8$ .  
حلول المتراجحة هي الأعداد الحقيقية الأصغر تماما من 8 أي مجموعة الحلول هي  $S = ]-\infty; 8[$ .



(ج)  $5-2(2x-1) \leq 3(4x+1)$  منه  $5-4x+2 \leq 12x+3$  أي  $7-4x \leq 12x+3$  منه  $-4x-12x \leq 3-7$  أي  $-16x \leq -4$  منه  $x \geq \frac{-4}{-16} = \frac{1}{4}$  أي  $x \geq \frac{1}{4}$ .  
حلول المتراجحة هي الأعداد الحقيقية الأكبر من أو تساوي  $\frac{1}{4}$  أي مجموعة الحلول هي  $S = [\frac{1}{4}; +\infty[$ .



(د)  $5-2(x+3) \geq 2(x+1)-3(x-2)$  منه  $5-2x-6 \geq 2x+2-3x+6$  أي  $-2x-1 \geq -x+8$  منه  $-2x+x \geq 8+1$  أي  $-x \geq 9$  منه  $x \leq -9$ .  
حلول المتراجحة هي الأعداد الحقيقية الأصغر من أو تساوي -9 أي مجموعة الحلول هي  $S = ]-\infty; -9]$ .

