

ما هي قيمة x التي من أجلها يكون محيط المستطيل $ABCD$ أكبر من محيط المستطيل $BEFG$ ؟

25 تقرّب وكالة لكراء السيارات النفعية صيغتين للدفع :

الصيغة الأولى : اشتراك قدره 1500DA ثم 20DA لكل كيلومتر.

الصيغة الثانية : 30DA لكل كيلومتر (بدون اشتراك).

ليكن x عدد الكيلومترات التي تم قطعها بالسيارة.

(1) عبر بدلالة x عن $f(x)$ ، المبلغ المدفوع بالصيغة الأولى.

(2) عبر بدلالة x عن $g(x)$ ، المبلغ المدفوع بالصيغة الثانية.

(3) بدءاً من أي عدد x من الكيلومترات تكون الصيغة الأولى هي الأفضل ؟

26 يقرّب أحد نوادي السباحة تسعيرتين :

التسعيرة A : دفع اشتراك شهري قدره 1500DA ثم دفع 150DA لكل حصة.

التسعيرة B : دفع 350DA للحصة الواحدة (بدون اشتراك).

نسمى x عدد الحصص المجزأة في الشهر.

(1) عبر بدلالة x عن $f(x)$ ، المبلغ المدفوع بالتسعيرة A.

(2) عبر بدلالة x عن $g(x)$ ، المبلغ المدفوع بالتسعيرة B.

(3) بدءاً من أي عدد x من الحصص تكون التسعيرة A هي الأفضل ؟

27 في إحدى الشركات عدد الرجال هو 27 و عدد النساء 15.

يريد مدير الشركة توظيف نفس العدد x من الرجال والنساء.

ما هي قيمة x التي يكون من أجلها عدد النساء في الشركة لا يقل عن ثلثي عدد الرجال ؟

28 مثلث طولاً ضلعين من أضلاعه هما 10cm و 15cm .

الجواب: $5 < x < 25$ ما هي القيمة الممكنة لطول ضلعه الثالث ؟

29 لتكن العبارة : $A(x) = (2x - 1)^2 - 6x(2x - 1) - (4x^2 - 1)$.

الجواب: $-12x^2 + 2x + 2$ انشر وبسط العبارة.

(1) حل العبارة $-1 - 4x^2$ ثم استنتج تحليلاً للعبارة A.

الجواب: $(2x - 1)(-6x - 2)$ (2) حل المعادلة $(2x - 1)^2 - 4x^2 \geq 0$ ثم استنتج تحليلاً للعبارة A.

الجواب: $\frac{1}{2} \leq x \leq \frac{1}{3}$

الجواب: $x \geq -1$

30 تأمل في الشكل المقابل ثم احسب y .

الجواب: حسب نظرية فيثاغورث

$$(y^2 + (3y - 11)^2 = 11^2)$$

منه $y = 0$ أو $y = \frac{33}{5}$

31 يتوجه موسى (M) و حسين (H) نحو الكرة (B) بنفس السرعة بحيث

يصلان إليها في نفس اللحظة. نضع x علماً أن $AB = 50m$. احسب x علماً أن $AC = 50m$.

الجواب: $\frac{50}{x} = \frac{50}{50-x}$ نفس المسافة منه

$$HB^2 = BM^2 \Rightarrow 50^2 = 50^2 + x^2$$

منه $x = 25\sqrt{2}$ منه $x = 35m$

32 في الشكل المقابل : $(IJ) \parallel (BC)$

(1) بين أن $\frac{x}{x+3} = \frac{1}{3}$

(2) استنتاج قيمة x .

الجواب: حسب خاصية طاليس نجد $\frac{x}{x+3} = \frac{1}{3}$

33

(1) عبر بدلالة x عن محيط المثلث و محيط المستطيل.

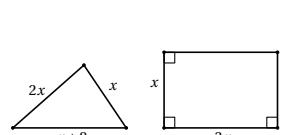
(2) ما هي قيمة x التي من أجلها يفوق محيط المستطيل محيط المثلث ؟

الجواب: $x > 2$ منه $8x > 4x + 8$

34

ما هي قيمة التي يكون من أجلها للمستطيلين نفس المساحة ؟

الجواب: $x = \frac{2}{3}$ و نجد $2x^2 = 3x - 2$



- 1 صرف حسام ثلث ما في حصالته في شراء كتاب و خمسها في شراء مصحف ليتبقى له 320DA. ما هو المبلغ الذي ادخره حسام ؟

- 2 جد عدداً مجموع ضعفه و العدد 5 يساوي 14.

- 3 جد عدداً الفرق بين أربعة أمثاله و 7 يساوي ثلاثة أمثاله.

- 4 جد عدداً الفرق بين ثلاثة أمثاله و العدد 3 يساوي مجموع ضعفه و العدد 1.

- 5 عمر كوثير يقل بـ 3 سنوات عن عمر أمين و عمر كريم يساوي ضعف عمر كوثير. مجموع أعمارهم يساوي 107 سنوات. ما هو عمر كل واحد منهم ؟

- 6 جد ثلاثة أعداد طبيعية متتالية مجموعها 129.

- 7 احسب، بالدرجات، أقياس زوايا المثلث ABC.

- 8 قرأ منير كتاباً من 240 صفحة خلال ثلاثة أيام. و لكنه محبًا للمطالعة، يقرأ في كل يوم 20 صفحة زيادة عن ما قرأه في اليوم السابق.

- 9 جد عدد الصفحات التي قرأها منير في كل يوم.

- 10 ثلاثة أعداد طبيعية متتالية، إذا أضفنا للأول 5 و أخذنا ثلاثة أرباع الثاني و أنقصنا من الثالث 7 يكون عندئذ المجموع 42. ما هي هذه الأعداد ؟

- مستطيل محيطه 180 cm و عرضه نصف طوله.

- 11 جد بعدي هذا المستطيل.

- 12 بعد عشر سنوات، سيصبح عمري ضعف عمري قبل عشر سنوات.

- 13 بعد كم سنة يصبح عمر الأب ضعف عمر ابنه ؟

- 14 في إحدى الشركات، عدد الرجال يفوق عدد النساء بأربع و إذا غادرت ثلاث نساء الشركة يصبح حينذاك عدد الرجال ضعف عدد النساء.

- ما هو عدد الرجال و عدد النساء في هذه الشركة ؟

- يساهم مجموعة من التلاميذ في شراء هدية لعلمه.

- إذا ساهم كل منهم بمبلغ 170DA فاقت الحصيلة ثمن الهدية بـ 330DA و إذا ساهم كل منهم بمبلغ 130DA فإنه ينقصهم 150DA.

- ما هو عدد التلاميذ و ما هو ثمن الهدية ؟

- تحصلت أميرة على 11 و 16 في استجوابي الرياضيات.

- كم يجب أن تكون علامتها في الاستجواب الثالث حتى يكون معدلها 15 من 20 ؟

- 16 مجموع أعمار علجمية و أمها و جدها يساوي 90 عاما.

- ما هو عمر كل منها إذا كان عمر الجدة هو ضعف عمر الأم و عمر علجمية هو ثلث عمر أمها ؟

- إذا طرحنا عدداً من بسط و مقام الكسر $\frac{23}{38}$ فإننا نحصل على مقلوب هذا الكسر. ما هو هذا العدد ؟

- إذا أضفنا 5 إلى عدد فإن مربعيه يزداد بـ 295. ما هو هذا العدد ؟

- 18 عدد حقيقي. ترجم بمتراجحة العبارات التالية :

- 19 (1) ضعف x أكبر تماماً من 13.

- (2) ثلث x لا يقل عن 5.

- (3) مضاف إليه 7 لا يتجاوز 16.

- (4) مطروح منه 8 أصغر تماماً من 3.

- (5) مجموع x^2 و العدد 1 أصغر من أو يساوي 2.

- 20 حل المتراجحات التالية :

- (أ) $3x + 9 \geq 9 + 3x$ (ب) $5x \leq 5x + 2$ (ج) $5x - 2 < 9 - 3x$

- حل المتراجحات التالية و مثل بيانها حلولها :

- (أ) $\frac{3}{14}x - 1 < \frac{5}{7}$ (ب) $2(x + 5) > x + 3 - (x - 1)$

- (ج) $5 - 2(x + 3) \geq 2(x + 1) - 3(x - 2)$ (د) $5 - 2(2x - 1) \leq 3(4x + 1)$

- 22 علامة فريدة في الاستجواب الأول هي 12,5.

- ما هي أولى علامة يجب أن تحصل عليها في الاستجواب الثاني حتى لا يقل معدلها عن 14 ؟

- مع أسماء مبلغ 145DA. اشتراط كراس تلوين بـ 80DA و صرفت الباقي في شراء أكبر عدد ممكن من أقلام التلوين حيث ثمن القلم الواحد هو 11DA.

- ما هو عدد الأقلام التي اشتراها ؟

حل التمرين 22

نسمى x أدنى علامة يجب أن تحصل عليها فريدة في الاستجواب الثاني حتى لا يقل معلها عن 14. لدينا : $\frac{12,5+x}{2} \geq 14$ منه $12,5+x \geq 14 \times 2 \Rightarrow 12,5+x \geq 28$ أي $x \geq 15,5$ أي $x \geq 15,5 - 12,5 = 3$. إذن أدنى علامة يجب أن تحصل عليها فريدة في الاستجواب الثاني حتى لا يقل معلها عن 14 هي $15,5$.

حل التمرين 23

نسمى x عدد الأقلام. لدينا : $145 \leq 11x + 80 \leq 145 - 80$ منه $65 \leq 11x \leq 65$ أي $65 \leq 11x \leq 65$ أي $x = 65 / 11 \approx 5,9$. وبما أن x عدد طبيعي (عدد الأقلام) فإن أكبر قيمة له هي 5 إذن اشتريت أسماء 5 أقلام.

حل التمرين 24

$\mathcal{P}_1 = 2(8+10-x) = 2(18-x) = 36-2x$ محيط المستطيل $ABCD$ هو :
 $\mathcal{P}_2 = 2(17+x) = 34+2x$ محيط المستطيل $BEFG$ هو :
 $\mathcal{P}_1 \geq \mathcal{P}_2$ معناه $BEFG$ أكبر من (أو يساوي) محيط المستطيل $ABCD$ أي $36-2x \geq 34+2x$ أي $-4x \geq -2$ منه $x \leq \frac{1}{2}$.

حل التمرين 25

(1) المبلغ المدفوع بالصيغة الأولى : $f(x) = 1500 + 20x$ (DA)
(2) المبلغ المدفوع بالصيغة الثانية : $g(x) = 30x$ (DA)
(3) الصيغة الأولى هي الأفضل معناه $f(x) < g(x)$ أي $1500 + 20x < 30x$ منه $1500 < 10x$ أي $x > 150$. إذن فالصيغة الأولى هي الأفضل بدءاً من 151 km.

حل التمرين 26

(1) المبلغ المدفوع حسب التسعيرة A : $f(x) = 1500 + 150x$ (DA)
(2) المبلغ المدفوع حسب التسعيرة B : $g(x) = 350x$ (DA)
(3) التسعيرة A هي الأفضل معناه $f(x) < g(x)$ أي $1500 + 150x < 350x$ منه $1500 < 200x$ أي $x > 7,5$. إذن فالسعيرة A هي الأفضل بدءاً من 8 حصص.

حل التمرين 27

عدد الرجال في الشركة يصبح $27+x$ و عدد النساء يصبح $15+x$ حتى لا يقل عدد النساء في الشركة عن ثلثي عدد النساء يجب أن يكون $15+x \geq \frac{2}{3}(27+x)$ منه $3(15+x) \geq 2(27+x)$ أي $45+3x \geq 54+2x$ منه $3x \geq 9$ أي $x \geq 3$. إذن حتى لا يقل عدد النساء في الشركة عن ثلثي عدد الرجال يجب أن يكون x أكبر من أو يساوي 9.

$$\frac{23-61}{38-61} = \frac{-38}{-23} = \frac{38}{23}$$

التحقق من الإجابة :

$$x^2 + 2 \times x \times 5 + 5^2 = x^2 + 295 \text{ منه } (x+5)^2 = x^2 + 295 \text{ أي } x = \frac{270}{10} = 27 \text{ منه } 10x = 270 \text{ أي } x^2 + 10x + 25 = x^2 + 295 - 25 = 270 \text{ منه } x = 27$$

التحقق من الإجابة :

$$(27+5)^2 = 32^2 = 1024 = 729 + 295 = 27^2 + 295$$

حل التمرين 19

العبارة اللغوية	التعبير بمتراجحة
ضعف x أكبر تمام من 13.	$2x > 13$
ثلث x لا يقل عن 5.	$\frac{1}{3}x \geq 5$
٥ مضاد إليه لا يتجاوز 16.	$x + 7 \leq 16$
٨ مطروح منه ٣ أصغر تماما من 3.	$x - 8 < 3$
مجموع زعن x و العدد ١ أصغر من أو يساوي ٢.	$\frac{1}{4}x + 1 \leq -2$

حل التمرين 20

(أ) $5x-2 \leq 5x-5$ منه $-2 \leq -5$ أي $-2 \leq 0x$ وهذا مستحيل لأن (أ) سالب تماما.

هذه المتراجحة ليس لها حل أي مجموعة الحلول هي المجموعة الخالية و نكتب $S = \emptyset$.

(ب) $5x-5x \leq 5x+2$ أي $0x \leq 5x+2$ وهذا محقق دوما لأن 2 موجب تماما

و بالتالي فكل عدد حقيقي هو حل لهذه المتراجحة أي مجموعة الحلول هي المجموعة الأعداد الحقيقة و نكتب $S =]-\infty; +\infty]$.

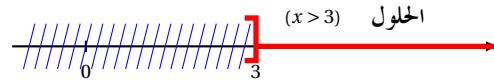
(ج) $3x+9 \geq 9+3x$ منه $3x+9 \geq 9+3x$ أي $0x \geq 0$ وهذا محقق دوما لأن $0 \geq 0$

و بالتالي فكل عدد حقيقي هو حل لهذه المتراجحة أي مجموعة الحلول هي المجموعة الأعداد الحقيقة و نكتب $S =]-\infty; +\infty]$.

حل التمرين 21

(أ) $2x+10 > x+3-(x-1)$ منه $2x+10 > x+3-x+1$ أي $2x+10 > 3$ منه $2x > 3$ أي $x > \frac{3}{2}$.

حلول المتراجحة هي الأعداد الحقيقة الأكبر تماما من 3 أي مجموعة الحلول هي $S =]3; +\infty]$.



الحلول

(ب) $14x-14 < 14x - \frac{5}{7}x$ منه $14x - 14 < \frac{9}{7}x$ أي $14 < \frac{24}{7}x$ منه $x > \frac{24}{21}$ أي $x > \frac{8}{7}$.

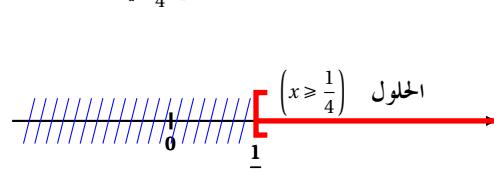
حلول المتراجحة هي الأعداد الحقيقة الأصغر تماما من 8 أي مجموعة الحلول هي $S =]-\infty; 8[$.



الحلول

(ج) $5-4x \leq 12x+3$ منه $5-2(2x-1) \leq 3(4x+1)$ أي $5-4x+2 \leq 12x+3$ منه $5-2 \leq 14x-2$ أي $3 \leq 14x$ منه $x \geq \frac{3}{14}$.

حلول المتراجحة هي الأعداد الحقيقة الأكبر من أو تساوي $\frac{3}{14}$ أي مجموعة الحلول هي $S = \left[\frac{3}{14}; +\infty\right[$.



الحلول

(د) $-2x-1 \geq 5-2x-6$ منه $5-2(x+3) \geq 2(x+1)-3(x-2)$ أي $-x \leq 9$ منه $x \geq -9$.

حلول المتراجحة هي الأعداد الحقيقة الأصغر من أو تساوي -9 أي مجموعة الحلول هي $S =]-\infty; -9]$.



الحلول