



مذکرات المقطع الرابع

ثالثة متوسط

من إعداد الأستاذ :

سمير موايعية

2022 / 2021

هيكل المقطع التعليمي الرابع للسنة الثالثة متوسط

مستوى من الكفاءة الشاملة

يحل مشكلات باستعمال :

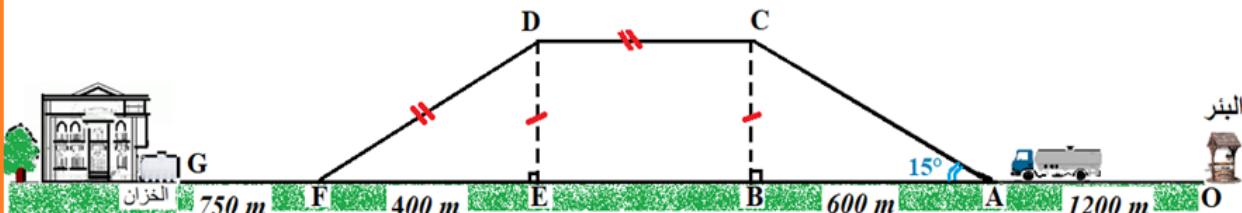
✓ المثلث القائم والدائرة

المقطع
رقم 04

- ✓ معرفة خاصية الدائرة المحيطة بالمثلث القائم واستعمالها.
- ✓ معرفة خاصية المتوسط المتعلق بالوتر في مثلث قائم واستعمالها.
- ✓ معرفة خاصية فيثاغورس واستعمالها.
- ✓ تعریف بعد نقطة عن مستقيم وتعيينه.
- ✓ إنشاء مماس لدائرة في نقطة منها.
- ✓ تعریف جیب تمام زاوية حادة في مثلث قائم.
- تعیین قيمة مقربة أو القيمة المضبوطة لجیب تمام زاوية حادة أو لزاوية بمعرفة جیب تمام لها.
- ✓ حساب زوايا أو أطوال بتوظیف جیب تمام زاوية حادة.

الموارد
المعرفية

* يعتمد تزويد مؤسسة تربوية بالمياه على ملء خزان المؤسسة والتي تقع بعد مرتفع عن سطح الأرض كما هو مبين في الشكل



بعد ملء الصهريج من البئر (النقطة O) تطلق الشاحنة حتى تبلغ النقطة A لتصعد فتتجاوز المرتفع فتصل النقطة F ثم تكمل الطريق إلى مكان الخزان في النقطة G.

احسب المسافة التي تقطعها الشاحنة من البئر إلى خزان المؤسسة

(تعطى الأطوال مدورۃ إلى الوحدة)

الوضعية
الإنطلاقية

هيكل المقطع التعليمي الرابع للسنة الثالثة متوسط

المورد التعليمي	استعد	الوضعية التعليمية	الوصلة	تطبيقات
01	151 ص 4 و 5	1 و 2 ص 152	ص 154 ج 1 و 3	8 و 9 ص 158
20	ت 1 ص 158	مقرحة	ص 154 ج 2	13 ص 159/158 و 2
03	151 ص 1	مقرحة	ص 154 ج 4	1 ص 158
04	167 ص 4-1	مقرحة	ص 170 ج 1	2 و 3 ص 174
05	167 ص 5 و 6	مقرحة	ص 170 ج 2	16 و 17 ص 175
06	129 ص 2	132/ 131 ص 5	ص 136	21 و 22 ص 144
07	167 ص 6	153/ 152 ص 3	ص 156	19 و 20 ص 160
08	129 ص 4	153 ص 4	ص 156	21 و 22 ص 160
09	167 ص 8	169 ص 4	ص 172 ج 1	23 و 24 ص 176
10	167 ص 9	169 ص 5	ص 172 ج 2	25 و 26 ص 176
11	167 ص 10 و 11	مقرحة	مقرحة	27 و 28 ص 176

وضعيات
تعلمية بسيطة

وضعيات تعلم
الإدماج
الجزئي و
الكلي

إدماج جزئي للموارد المعرفية : 04 و 11 تمرين 22 ص 176 بتصرف

إدماج كلي للموارد المعرفية: 04 و 8 و 11 تمرين 30 ص 176

حساب المسافة التي تقطعها الشاحنة لملء الخزان

أ - حساب الطول : AC

$$\cos 15^\circ = \frac{\text{ال المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{AB}{AC} \quad \text{ومنه} \quad 0.97 \approx \frac{600}{AC}$$

$$\text{إذن : } AC \approx 619 \text{ m} \quad \text{ومنه } AC \approx \frac{600}{0.97}$$

ب - حساب الطول : BC

لدينا المثلث ABC قائم ومنه حسب نظرية فيتاغورس فإن :

$$BC^2 = AC^2 - AB^2 = 619^2 - 600^2 = 383161 - 360000 = 23161$$

$$BC = \sqrt{23161}$$

إذن : ED ≈ 152 m و منه أيضا BC ≈ 152 m

ج - حساب الطول : DF

لدينا المثلث DEF قائم ومنه حسب نظرية فيتاغورس فإن :

$$DF^2 = DE^2 + EF^2 = 152^2 + 400^2 = 23161 + 160000 = 183161$$

$$DF = \sqrt{183161}$$

إذن : CD ≈ 428 m و منه أيضا DF ≈ 428 m

حل الوضعية
الانطلاقية

هيكل المقطع التعليمي الرابع للسنة الثالثة متوسط

$$d = 1200 + 619 + 428 + 428 + 750 = 3425$$

د - حساب المسافة

المسافة التي تقطعها الشاحنة لملء الخزان هي: 3425 m

وضعية تقويم 2 ص 180

وضعية
التقويم

حساب الأطوال و الزوايا باستخدام جيب تمام راوية

المعالجة
البيداغوجية
المحتملة

حادة و خاصية فيتاغورس

14 ساعة

(3.5 أسبوع)

الحجم الزمني

المستوى: الثالثة متوسط

المدة: ساعتان

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: الدائرة المحيطة بالمثلث القائم

الكفاءة الخاتمة: يحل مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقابس المثلثات ، مستقيم المنتصفين في مثلث ، تمييز المثلث القائم ، المستقيمات الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (التناظران ، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبني براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة : يحل مشكلات من الحياة اليومية ويبني براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العددي ، الهندسية ، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة : يتعرف على **الخاصية** و **الخاصية العكسية** للدائرة المحيطة بالمثلث القائم

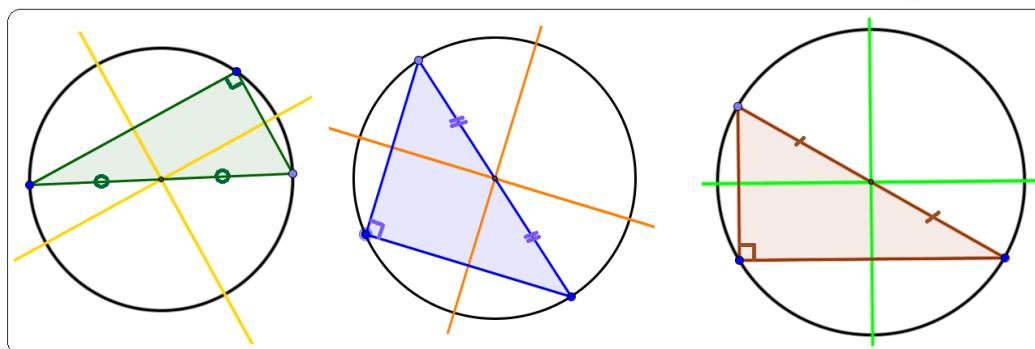
مراحل تسيير الحصة

استعد: 04 و 05 ص 151

استعد

وضعية تعلمية : 01 ص 152

أ. 1



أ. ب. مركز كل دائرة هو منتصف الوتر.

أ. ج. إثبات أن الرباعي $ABDC$ مستطيل

لدينا : I منتصف $[BC]$

و D نظيرة A بالنسبة إلى I إذن I منتصف $[AD]$

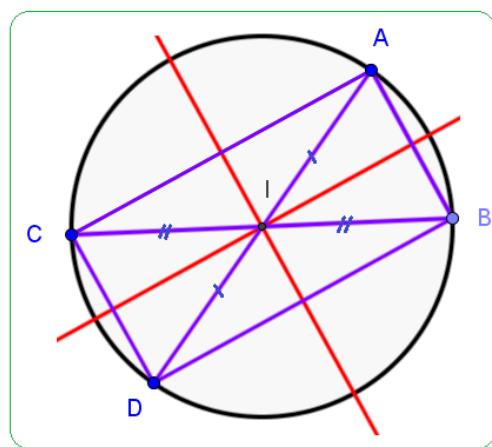
الرباعي $ABDC$ قطران متناصفان وفيه زاوية

قائمة فهو **مستطيل**

أ. أ. يمثل $[BC]$ وتر المثلث ABC

أ. ب. A تتنمي إلى الدائرة لأن $IA = IB = IC$

أ. ج. إذا كان مثلث قائما، فإن وتره **قطر** للدائرة المحيطة بهذا المثلث.



اكتشف

وضعية تعلمية : 02 ص 152

أ. أ. لدينا : O منتصف $[RT]$

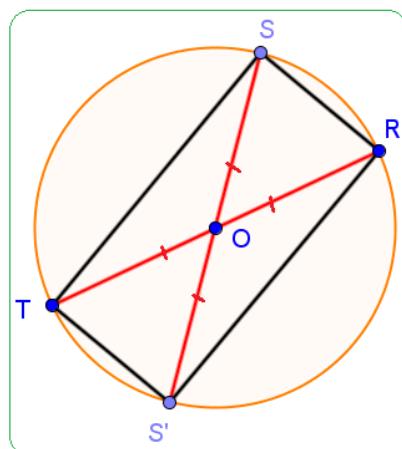
و S' نظيرة S بالنسبة إلى O إذن O منتصف $[SS']$

الرباعي $S'RST$ قطران متناصفان ومتقابسان فهو **مستطيل**

أ. ب) المثلث RST مثلث قائم

أ. ج) إذا كان أحد أضلاع مثلث **قطر** للدائرة المحيطة به

فإن هذا المثلث قائم



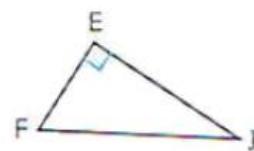
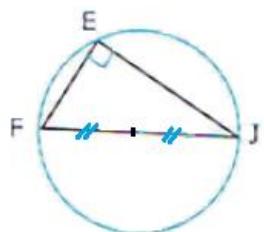
حوصلة : 01 ص 154

الدائرة المحيطة بالمثلث القائم

خاصية 1

إذا كان المثلث قائما ، فإن وتره قطر للدائرة المحيطة به .

مثال :



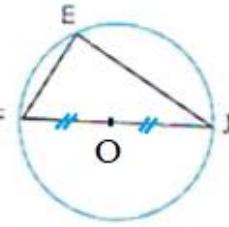
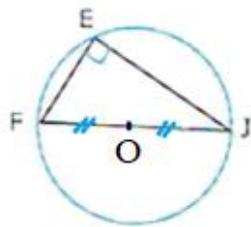
نستنتج أن $[FJ]$ قطر للدائرة المحيطة \leftarrow نعلم أن المثلث FEJ قائم في E .
بالمثلث FEJ

احوصل

خاصية 2

إذا كان أحد أضلاع مثلث قطرا للدائرة المحيطة به ، فإن المثلث قائم .

مثال :



نستنتج أن المثلث FEJ قائم في E .
نعلم أن $[FJ]$ قطر للدائرة المحيطة \leftarrow بالمثلث FEJ

استثمر

تطبيق مباشر : 08 و 09 ص 158

تمرين منزلي : 05 ص 158

المستوى: الثالثة متوسط

المدة: 01 ساعة

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: المتوسط المتعلق بالوتر

الكفاءة الخاتمة: يحل مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقابس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمات الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (الانتظاران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) وبيني براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات من الحياة اليومية وبيني براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العدي، الهندسية ، الدوال وتنظيم معطيات)

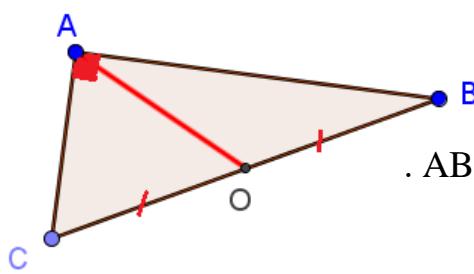
الكفاءة المستهدفة: يتعرف على خاصية المتوسط المتعلق بالوتر

مراحل تسيير الحصة

استعد: تمرين 01 ص 158

استعد

وضعية تعلمية : مقتربة



A مثلث قائم ، [OA] المتوسط المتعلق بالضلعين [BC].

(1) اشرح لماذا النقطة O هي منتصف [BC].

(2) اذكر الخاصية التي تسمح بإنشاء الدائرة المحيطة بالمثلث ABC .

- ما هو مركز هذه الدائرة ؟

- انقل الشكل ثم ، انشيء هذه الدائرة.

(3) انقل و أتم : " بما أن المثلث ABC قائم في A فإن ... [...] هو ... للدائرة المحيطة به ، إذن النقطة ... منتصف [...] هي مركز هذه الدائرة .

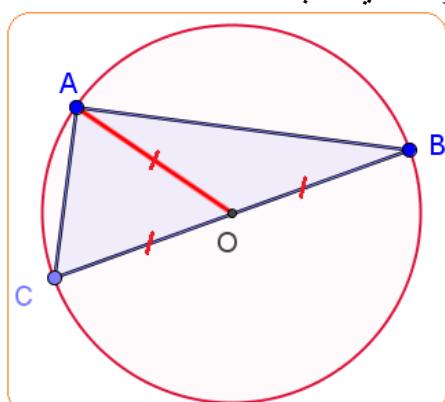
يكون إذن : ... = OA = ... و منه $OA = \frac{...}{2}$

الحل

(1) النقطة O هي منتصف [BC] لأن [OA] متوسط في المثلث ABC متعلق بالضلعين [BC].

اكتشف

(2) **الخاصية** : إذا كان المثلث قائما ، فإن وتره قطر للدائرة المحيطة به



- مركز هذه الدائرة هو النقطة O .

(3) " بما أن المثلث ABC قائم في A فإن وتره [BC]

هو قطر للدائرة المحيطة به ، إذن النقطة O

منتصف [BC] هي مركز هذه الدائرة .

يكون إذن : $OA = OB = OC$ و منه $OA = \frac{BC}{2}$

المتوسط المتعلق بالوتر

حوصلة : 01 ص 154 ج 2

إذا كان المثلث قائما ، فإن طول المتوسط المتعلق بوتر هذا المثلث ، يساوي نصف طول هذا الوتر .

خاصية

احوصل

تطبيق مباشر : 02 ص 158 / 13 ص 159

استثمر

المستوى: الثالثة متوسط

المدة: 01 ساعة

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: الخاصية العكسية للمتوسط المتعلق بالوتر

الكفاءة الخاتمة: يحل مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقابس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمات الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (الانتظاران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة) الهرم ومخروط الدوران) وبيني براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات من الحياة اليومية وبيني براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العدي، الهندسية ، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة: يتعرف على خاصية العكسية للمتوسط المتعلق بالوتر

مراحل تسيير الحصة

استعد: 01 ص 151

استعد

وضعية تعلمية : مقترحة

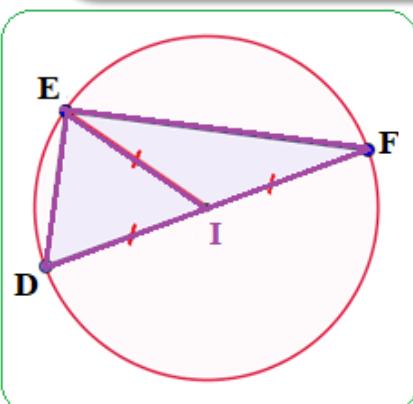
DEF مثلث و I منتصف [DF] حيث :

(1) ارسم المثلث DEF ثم ارسم الدائرة التي مركزها I و [DF] قطر لها.

- هل النقطة E تنتهي إلى هذه الدائرة ؟

(2) اذكر الخاصية التي تسمح بالقول إن المثلث DEF قائم.

الحل



(1) نعم النقطة E تنتهي إلى الدائرة.

(2) **الخاصية:** إذا كان المتوسط المتعلق بأحد أضلاع

مثلث يساوي نصف طوله، فإن هذا المثلث قائم .

اكتشف

حوصلة : 01 ص 154 ج 4

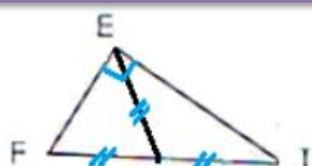
الخاصية العكسية للمتوسط المتعلق بالوتر

خاصية

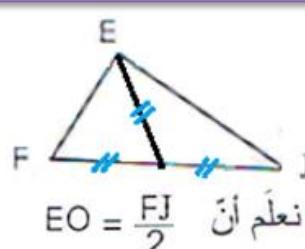
احوصل

إذا كان في مثلث طول المتوسط المتعلق بأحد الأضلاع مساويا لنصف طول هذا الضلع ، فإن هذا المثلث قائم .

مثال :



نستنتج أن المثلث FEJ قائم



نعلم أن $EO = \frac{FJ}{2}$

تطبيق مباشر : 07 ص 158

استثمر

المستوى: الثالثة متوسط

المدة: ساعتان

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: خاصية فيثاغورس

الكفاءة الخاتمية: يحل مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقابس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمات الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (الانتظاران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبني براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات من الحياة اليومية ويبني براهين بسيطة أو مركبة نسبياً بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العدي، الهندسية ، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة: يتعرف على خاصية فيثاغورس و يوظفها في حساب الأطوال

مراحل تسيير الحصة

استعد: 01 و 02 و 03 و 04 ص 167

استعد

وضعية تعلمية : مقتربة

في كل حالة من الحالات التالية ، ارسم المثلث ABC القائم في A : (1)

$AC = 6$ و $AB = 4.5 \text{ cm}$

$AC = 4 \text{ cm}$ و $AB = 3 \text{ cm}$

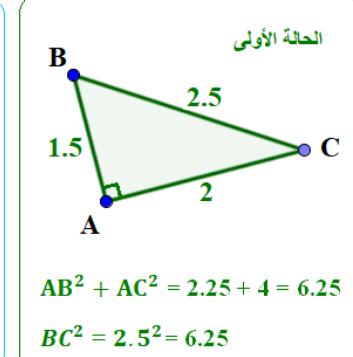
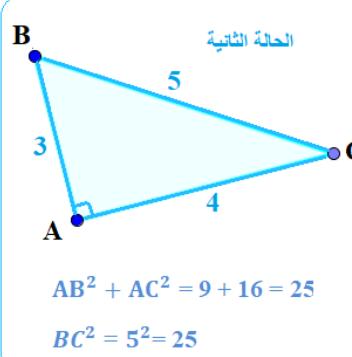
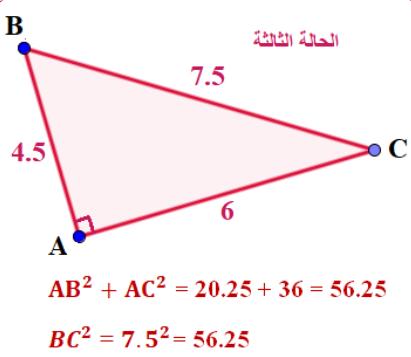
$AC = 2$ و $AB = 1.5 \text{ cm}$

قس طول الوتر في كل مرة (2)

احسب في كل حالة كلا من $AB^2 + AC^2$ و BC^2 ، ماذ تلاحظ ؟ (3)

اكتشف

الحل



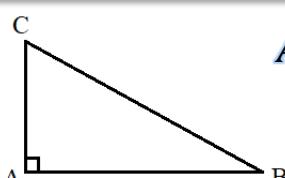
$$AB^2 + AC^2 = BC^2$$

نلاحظ في كل حالة أن :

خاصية فيثاغورس

حوصلة : 01 ص 170

إذا كان مثلث قائما ، فإن مربع طول وتره يساوي مجموع مربعين ضلعيه الآخرين .



مثال : إذا كان المثلث ABC القائم في A فإن :

ملاحظات :

✓ خاصية فيثاغورس لا تطبق إلا في المثلثات القائمة

✓ تسمح خاصية فيثاغورس بحساب طول ضلع في مثلث قائم إذا علمنا طولي الصلعين الآخرين .

إذا كان في المثلث ، مربع أطوال أضلاعه لا يساوي مجموع مربعين ضلعي طولي الصلعين الآخرين فإن هذا المثلث غير قائم .

نتيجة

أحصل

تطبيق مباشر : 02 و 03 و 04 ص 174

استثمر

المستوى: الثالثة متوسط

المدة: ساعتان

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: الخاصية العكسية لخاصية فيتاغورس

الغاية الختامية: يحل مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقابس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمات الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (الانتظاران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبني براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات من الحياة اليومية ويبني براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العدي، الهندسية ، الدوال وتنظيم معطيات)

الغاية المستهدفة: يتعرف على الخاصية العكسية لخاصية فيتاغورس و يوظفها في براهين بسيطة

مراحل تسيير الحصة

استعد: 05 و 06 ص 167

استعد

وضعية تعلمية : مقترحة

1. في كل حالة من الحالات التالية احسب BC^2 و $A^2 + AC^2$

$$BC = 3 \text{ cm} \quad AC = 2.4 \text{ cm} \quad AB = 1.8 \text{ cm} \quad (1)$$

$$BC = 5 \text{ cm} \quad AC = 4 \text{ cm} \quad AB = 3 \text{ cm} \quad (2)$$

$$BC = 6 \text{ cm} \quad AC = 4.8 \text{ cm} \quad AB = 3.6 \text{ cm} \quad (3)$$

2. ارسم المثلث ABC في كل حالة ثم تأكيد أنه قائم .

3. استنتج الخاصية العكسية لخاصية فيتاغورس .

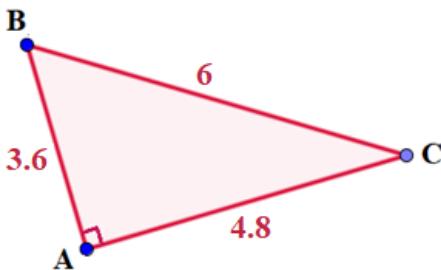
الحل

اكتشف

الحالة الثالثة

$$AB^2 + AC^2 = 12.96 + 23.04 = 36$$

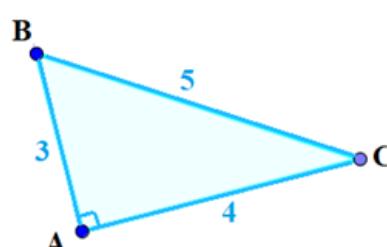
$$BC^2 = 6^2 = 36$$



الحالة الثانية

$$AB^2 + AC^2 = 9 + 16 = 25$$

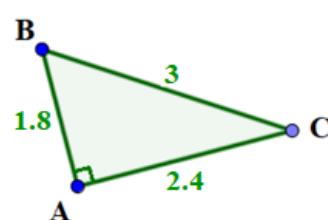
$$BC^2 = 5^2 = 25$$



الحالة الأولى

$$AB^2 + AC^2 = 3.24 + 5.76 = 9$$

$$BC^2 = 3^2 = 9$$



الخاصية العكسية لخاصية فيتاغورس مثلث إذا كان مربع طول الصلع الأكبر يساوي مجموع مربعين طولين الصلعين الآخرين فإن هذا المثلث قائم .

الخاصية العكسية لخاصية فيتاغورس

حصلة: 01 ص 170

إذا كان في مثلث مربع طول أحد الأضلاع مساويا مجموع مربعين طولين الصلعين الآخرين فإن هذا المثلث قائم .

مثال : في المثلث ABC إذا كانت المساواة : $AB^2 + AC^2 = BC^2$ صحيحة فإن المثلث

ABC القائم في A

ملاحظة

تسمح الخاصية العكسية لفيتاغورس بإثبات أن مثلثا غلبت أطوال أضلاعه الثلاثة قائم

أحصل

المستوى: الثالثة متوسط

المدة: 01 ساعة

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: بعد نقطة عن مستقيم

الغاية الخاتمية: يحل مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقابس المثلثات)، مستقيم المنتصفين في مثلث ، تمييز المثلث القائم ، المستقيمات الخاصة في مثلث (التحويلات النقطية) (التناظران ، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبني براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة : يحل مشكلات من الحياة اليومية ويبني براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العددي ، الهندسية ، الدوال وتنظيم معطيات)

الغاية المستهدفة : يتعرف على بعد نقطة عن مستقيم و على تعبيدها

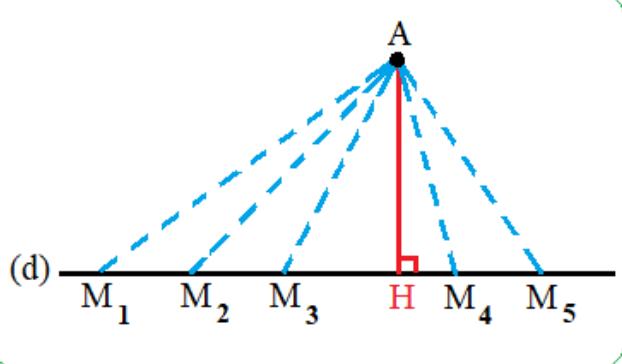
مراحل تسيير الحصة

استعد: 02 ص 129

استعد

وضعية تعلمية : 05 ص 132 / 131

استعد



قول إيناس هو الصحيح وقول ✓

اكتشف

يونس خاطئ

بما أن المثلث AHM قائم في H فإن AM هو الوتر دائمًا و الوتر هو أطول ضلع في المثلث ✓

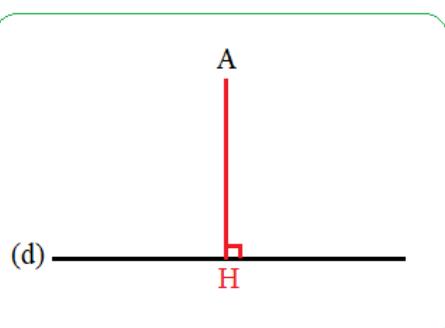
القائم ومنه AH هي أصغر مسافة بين النقطة A والمستقيم (d)

حصلة : 05 ص 136

بعد نقطة عن مستقيم

بعد نقطة عن مستقيم هو أصغر مسافة بين هذه النقطة و هذا المستقيم

أحصل



مثل :

بعد النقطة A عن المستقيم (d) هو طول

قطعة المستقيم $[AH]$

(المحمولة على المستقيم العمودي على (d) الذي يشمل A)

تطبيق مباشر : 21 و 22 ص 144

استثمر

المستوى: الثالثة متوسط

المدة: 01 ساعة

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: الأوضاع النسبية لدائرة ومستقيم

الكفاءة الخاتمية: يحل مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقابس المثلثات)، مستقيم المنتصرين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمات الخاصة في مثلث (التحويلات النقطية) (الانتظاران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبني براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة : يحل مشكلات من الحياة اليومية ويبني براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العدي، الهندسية ، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة : يتعرف على الأوضاع النسبية لدائرة ومستقيم

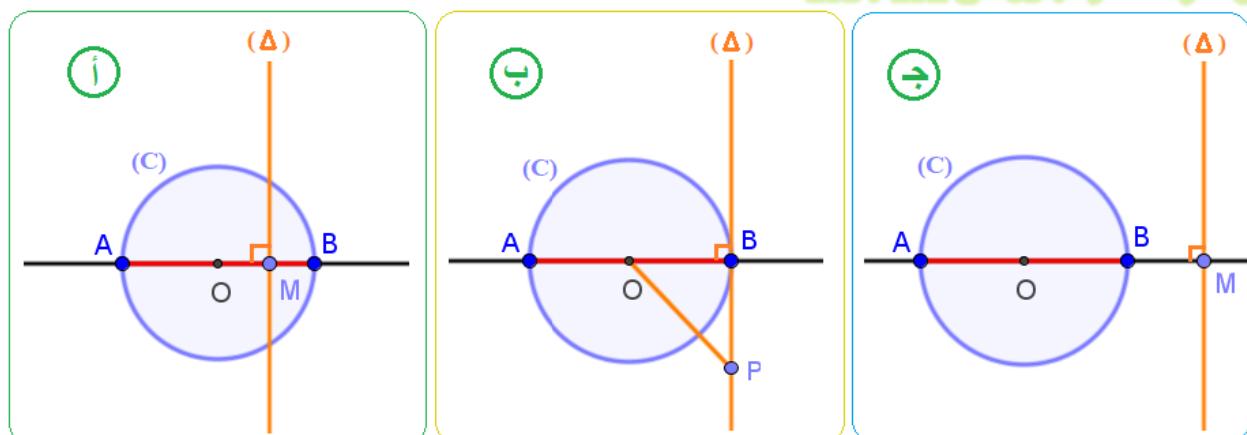
مراحل تسيير الحصة

استعد: 06 ص 167

استعد

وضعية تعلمية : 03 ص 153 / 152

اكتشف



الدائرة (C) تتقاطع مع المستقيم (Δ) في نقطتين

الدائرة (C) تتقاطع مع المستقيم (Δ) في نقطة واحدة

الدائرة (C) لا تتقاطع مع المستقيم (Δ) في أي نقطة

ومثلث OMP مُثُلث قائم في M ووتر في المثلث OMP إذن : $OP = 2\text{ cm}$ حيث : $OM = 2\text{ cm}$ إذن : $OP > 2\text{ cm}$

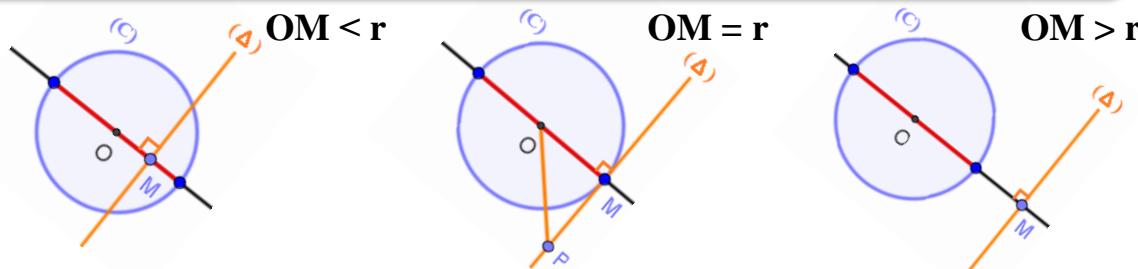
ومنه M هي النقطة الوحيدة من (Δ) التي تبعد عن O بـ 2 cm إذن : (Δ) و (C) يتقطعان في نقطة واحدة .

الأوضاع النسبية لدائرة ومستقيم

حصلة : 01 ص 156

(d) دائرة مراكزها O ونصف قطرها r ، (Δ) مستقيم .
بعد النقطة O عن المستقيم (Δ) : (H) المسقط العمودي للنقطة O على المستقيم (Δ)).

أحصل



الدائرة (C) تتقاطع مع المستقيم (Δ) في نقطتين

الدائرة (C) تتقاطع مع المستقيم (Δ) في نقطة واحدة

الدائرة (C) لا تتقاطع مع المستقيم (Δ) في أي نقطة

(Δ) مماس للدائرة

(Δ) خارج الدائرة

تطبيق مباشر : 19 و 20 ص 160

استثمر

المستوى: الثالثة متوسط

المدة: 01 ساعة

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: إنشاء مماس لدائرة

الكفاءة الخاتمية: يحل مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقابس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمات الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (التناظران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبني براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات من الحياة اليومية ويبني براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العدي، الهندسية ، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة: يتمكن من إنشاء مماس لدائرة في نقطة منها

مراحل تسيير الحصة

استعد: 04 ص 129

استعد

وضعية تعلمية : 04 ص 153

استعمال الكوس والمسطرة:

(3) المماسان (Δ_1) و (Δ_2) متوازيان

البرير :

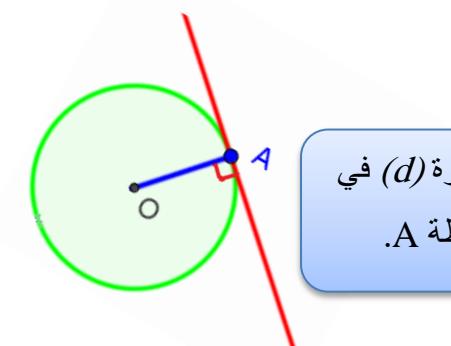
لأن (Δ_1) و (Δ_2) عموديان على نفس المستقيم (AB)

استعمال المدور والمسطرة:

الخواص التي استند إليها هي التناظر المركزي ومحور قطعة مستقيم

اكتشف

حصلة : 02 ص 156



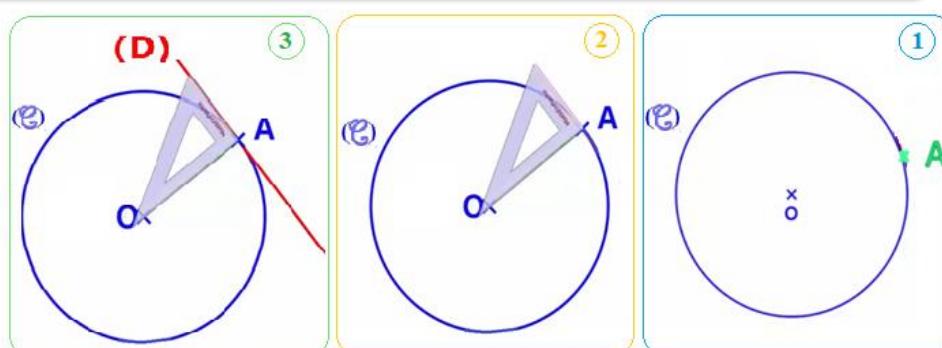
مماس لدائرة

دائرة مركزها O ، A نقطة من الدائرة (d) ، المماس للدائرة (d) في النقطة A هو المستقيم العمودي على المستقيم (OA) في النقطة A .

أحصل



المماس لدائرة في نقطة A يقطع هذه الدائرة في نقطة وحيدة هي A نفسها.



تطبيق مباشر : 21 و 22 ص 160

استثمر

المستوى: الثالثة متوسط

المدة: 01 ساعة

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: جيب تمام زاوية حادة

الكفاءة الخاتمية: يحل مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقابس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمات الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (الانتظاران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبني براهين بسيطة

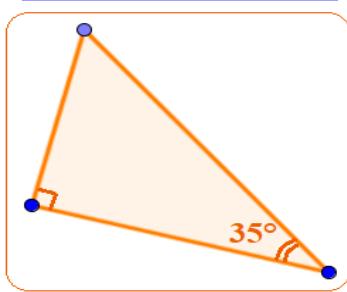
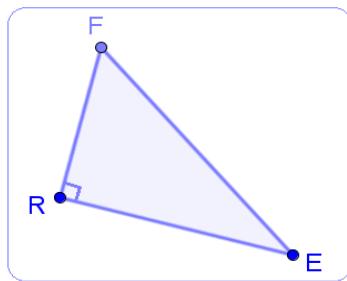
مستوى من الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات من الحياة اليومية ويبني براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العدي، الهندسية ، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة: يتعرف على مفهوم جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم

مراحل تسيير الحصة

استعد: 08 و 09 ص 167

استعد



وضعية تعلمية : 04 ص 169

(1) الشكل

(2) الزاويتان الحادتان في المثلث هما \hat{E} و \hat{F}

(3) في الزاوية \hat{R}

الوتر هو : $[EF]$ و مجاور الزاوية هو : $[ER]$

(4) مجاور الزاوية \hat{F} هو $[RF]$

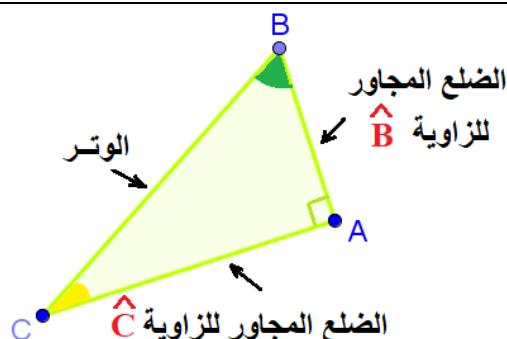
$$\frac{\text{طول الصلع المجاور للزاوية } 35^\circ}{\text{طول الوتر}} \approx 0.82$$

اكتشف

كل النتائج متساوية تقريبا عند كل التلاميذ باحتساب ارتياح و اختلاف القياسات من تلميذ لآخر

(أ) لدينا من الشكل $(AC) \parallel (MN)$ و منه حسب خاصية طالس فإن :

(ب) من النسبة الاولى نجد $BA \times BN = BM \times BC$ ومنه



جيب تمام زاوية حادة

حولصة : 03 ص 172

مثلث ABC مثليث قائم في A . نقول إن :

القطعة المستقيمة $[BC]$ هي الوتر ✓

\hat{B} هو الصلع المجاور للزاوية ✓

\hat{C} هو الصلع المجاور للزاوية ✓

أحصل

مثال : ABC مثلث قائم في A معناه : جيب تمام الزاوية \hat{C} يساوي $\frac{BA}{BM}$

جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم يساوي حاصل قسمة طول الصلع المجاور لهذه الزاوية على طول الوتر .

تطبيق مباشر : 23 و 24 ص 176

استثمر

المستوى: الثالثة متوسط

المدة: 01 ساعة

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: استعمال الآلة الحاسبة

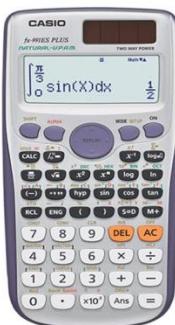
الكفاءة الخاتمية: يحل مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقابس المثلثات ، مستقيم المنتصفين في مثلث ، تمييز المثلث القائم ، المستقيمات الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (التناظران ، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبني براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة : يحل مشكلات من الحياة اليومية ويبني براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العددي ، الهندسية ، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة : تعين القيمة المقربة أو القيمة المضبوطة لجيب تمام زاوية حادة

مراحل تسيير الحصة

استعد: 09 ص 167



$$\begin{aligned} \cos 43^\circ &= 0.7 & (1) \\ \cos 30^\circ &= 0.8 & (2) \\ \cos 15^\circ &= 0.9 & (3) \\ \cos 77^\circ &= 0.2 & (4) \end{aligned}$$

وضعية تعلمية : 05 ص 169

استعد

وضعية تعلمية : 05 ص 169

اكتشف

قيس الزاوية	جيب تمام الزاوية الحادة
53.1°	0.6
60°	0.5
87.3°	0.046
89.9°	0.0001

حصلة : 03 ص 172 ج 2

استعمال الآلة الحاسبة لإيجاد جيب تمام زاوية حادة

يمكن استعمال الآلة الحاسبة العلمية لحساب :

✓ القيمة المضبوطة أو قيمة مقربة لجيب تمام زاوية عُلم قيسها باستعمال

cos المسة

✓ القيمة المضبوطة أو قيمة مقربة لزاوية عُلم جيب تمامها باستعمال

cos⁻¹ المسة

أحصل

ملاحظة

يجب التأكد أولا من الوضع :

shift

cos

inv

cos

cos⁻¹

لاستعمال المسة

تبعد لنوع الآلة الحاسبة .

2ndf

cos

أو

استثمر

تطبيق مباشر : 25 و 26 ص 176

المستوى: الثالثة متوسط

المدة: 01 ساعة

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: حساب الاطوال بتوظيف جيب تمام زاوية

الكفاءة الخاتمية: يحل مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقابس المثلثات ، مستقيم المنتصفين في مثلث ، تمييز المثلث القائم ، المستقيمات الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (التناظران ، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبني براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات من الحياة اليومية ويبني براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العددي ، الهندسية ، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة: يحسب الاطوال بتوظيف جيب تمام زاوية

مراحل تسيير الحصة

استعد: 10 و 11 ص 167

استعد

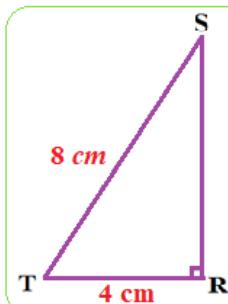
وضعية تعلمية : مقترحة

إليك الشكل المقابل :

أ- أحسب $\cos \hat{T}$

ب- استنتج قيس الزاوية \hat{T} ثم احسب قيس الزاوية \hat{S}

ج- أحسب الطول RS بالتقريب إلى الوحدة بطريقتين .



الحل

اكتشف

أ) حساب $\cos \hat{T}$ وقيس الزاوية \hat{T}

$$\cos \hat{T} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{RT}{ST} = \frac{4}{8} = 0.5 \quad ; \quad \hat{T} = 60^\circ$$

$$\hat{S} = 180^\circ - (90^\circ + 60^\circ) = 30^\circ \quad ; \quad \hat{S} = 30^\circ \quad \text{ب) قيس الزاوية } \hat{S} :$$

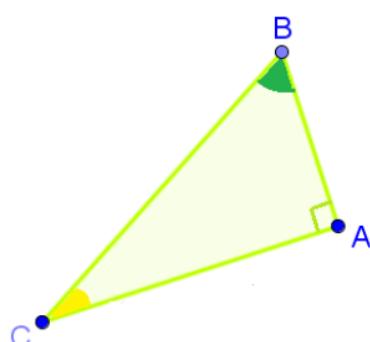
ج) حساب الطول RS : (الطريقة الاولى باستعمال خاصية فيتاغورس)

$$0.87 = \frac{RS}{8} \quad \text{الطرقة الثانية} \quad \text{☆} \quad \text{المجاور} \quad \text{الوتر} \quad \text{ومنه} \quad \frac{RS}{8} = \frac{RS}{ST}$$

$$RS \approx 7 \text{ cm} \quad \text{إذن : } RS = 0.87 \times 8 \quad \text{ومنه}$$

حوصلة : مقترحة

مثلث قائم في ABC



$$BC = \frac{AC}{\cos \widehat{ACB}}$$

$$\cos \widehat{ACB} = \frac{AC}{BC}$$

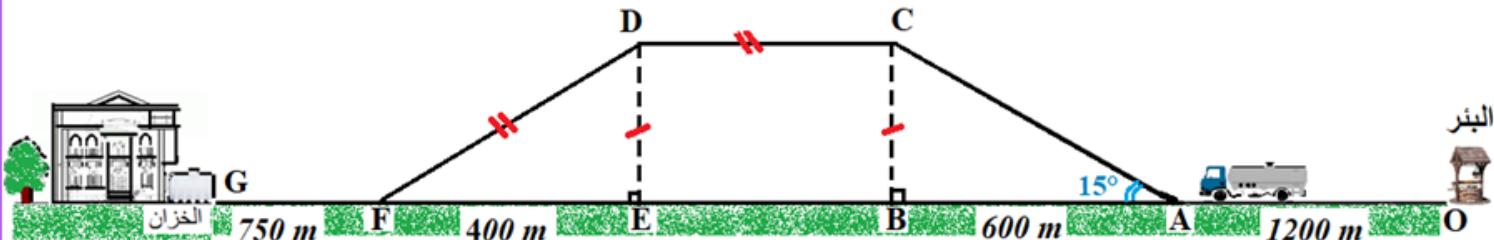
$$AC = BC \times \cos \widehat{ACB}$$

أحصل

تطبيق مباشر : 27 و 28 ص 176

استثمر

* يعتمد تزويد مؤسسة تربوية بالمياه على ملء خزان المؤسسة والتي تقع بعد مرتفع عن سطح الأرض كما هو مبين في الشكل

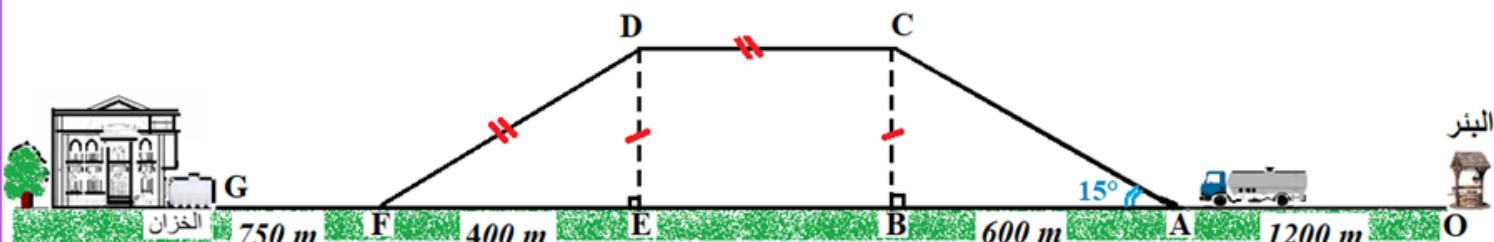


بعد ملء الصهريج من البئر (النقطة O) تطلق الشاحنة حتى تبلغ النقطة A لتصعد فتتجاوز المرتفع فتصل النقطة F ثم تكمل الطريق إلى مكان الخزان في النقطة G.

احسب المسافة التي تقطعها الشاحنة من البئر إلى خزان المؤسسة

(تعطى الأطوال مدوره إلى الوحدة)

* يعتمد تزويد مؤسسة تربوية بالمياه على ملء خزان المؤسسة والتي تقع بعد مرتفع عن سطح الأرض كما هو مبين في الشكل

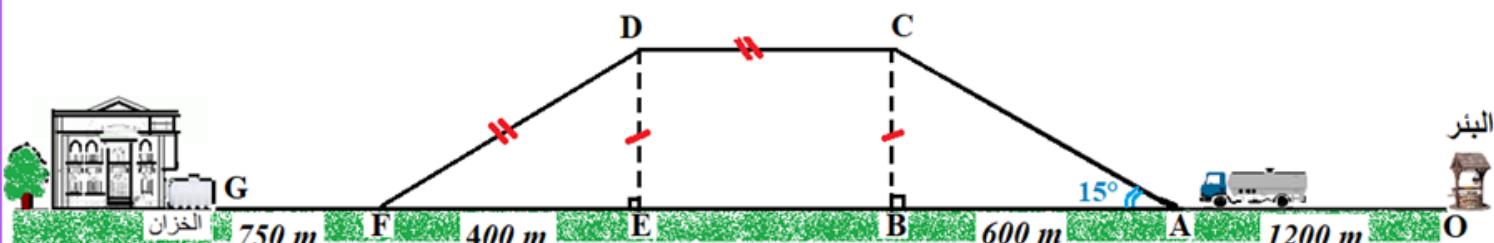


بعد ملء الصهريج من البئر (النقطة O) تطلق الشاحنة حتى تبلغ النقطة A لتصعد فتتجاوز المرتفع فتصل النقطة F ثم تكمل الطريق إلى مكان الخزان في النقطة G.

احسب المسافة التي تقطعها الشاحنة من البئر إلى خزان المؤسسة

(تعطى الأطوال مدوره إلى الوحدة)

* يعتمد تزويد مؤسسة تربوية بالمياه على ملء خزان المؤسسة والتي تقع بعد مرتفع عن سطح الأرض كما هو مبين في الشكل



بعد ملء الصهريج من البئر (النقطة O) تطلق الشاحنة حتى تبلغ النقطة A لتصعد فتتجاوز المرتفع فتصل النقطة F ثم تكمل الطريق إلى مكان الخزان في النقطة G.

احسب المسافة التي تقطعها الشاحنة من البئر إلى خزان المؤسسة

(تعطى الأطوال مدوره إلى الوحدة)