

السلم	المستوى سنة الرابعة متوسط	تصحيح الاختبار رقم 1	السنة الدراسية 2024-2025
كلي	جزئي		
		<u>التمرين الأول 3 نقاط</u>	
		1- أحسب القاسم المشترك الأكبر بين العددين 216 و 150	
		$PGCD(216;150)$	
		$216 = 150 \times 1 + 66$	
		$150 = 66 \times 2 + 18$	
		$66 = 18 \times 3 + 12$	
		$18 = 12 \times 1 + 6$	1,5
		$12 = 6 \times 2 + 0$	
		$PGCD(216;150) = 6$	3
			-2
		عدد الشاحنات اللازمة لنقل القمح هو 6 من السؤال السابق	
		$\frac{150}{6} = 25$ عدد أكياس النوع الجيد	0,5
		$\frac{216}{6} = 36$ عدد أكياس النوع المتوسط	0,5
		<u>التمرين الثاني 3 نقاط</u>	3
		1- أكتب A و B من الشكل $a\sqrt{2} + b$ حيث a و b عددان نسبيان	
		$A = 3\sqrt{50} - 2\sqrt{72} - \sqrt{16} + \sqrt{25}$	
		$A = 3 \times 5\sqrt{2} - 2 \times 6\sqrt{2} - 4 + 5$	1
		$A = 3\sqrt{2} + 1$	
		$B = \frac{6}{\sqrt{2}} - 1$	
		$B = \frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{2}\sqrt{2}} - 1 = \frac{6\sqrt{2}}{2} - 1$	1
		$B = 3\sqrt{2} - 1$	
		- بين أن $A \times B$ هو عدد طبيعي	
		$AB = (3\sqrt{2} + 1)(3\sqrt{2} - 1) = 9 \times 2 - 1 = 18 - 1 = 17$	1

التمرين الثالث 3 نقاط

القيمة المضبوطة لـ $\sin \hat{x}$ و $\tan \hat{x}$

$$\sin^2 \hat{x} + \cos^2 \hat{x} = 1$$

$$\sin^2 \hat{x} = 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^2 = 1 - \frac{1}{4} = \frac{4-1}{4} = \frac{3}{4}$$

$$\sin \hat{x} = \sqrt{\frac{3}{4}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{4}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\sin \hat{x} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\tan \hat{x} = \sqrt{3}$$

للمعادلة حلان وبما \hat{x} زاوية حادة نرفض الحل السالب

استنتاج قيس الزاوية \hat{x}

$$\hat{x} = \text{shift tan}(\sqrt{3}) \approx 60^\circ$$

التمرين الرابع 3 نقاط

- طول ضلع قطعة الأرض.

نضع x طول ضلع المربع

$$A = a^2$$

$$(x+4)^2 = 256$$

للمعادلة حلان

$$x+4 = -\sqrt{256} = -16 \quad \text{و} \quad x+4 = \sqrt{256} = 16$$

$$x = -16 - 4 = -20 \quad x = 16 - 4 = 12$$

بما ان قطعة ارض نلغي الحل السالب

طول الضلع هو 12 متر

- محيط قطعة الأرض.

$$P = 4a = 4 \times 12 = 48m$$

المضاعفة الإدماجية 8 نقاط

- تبين أن الطريق بين منزل احمد و المخبزة مواز لطريق بين منزل سامي والمدرسة

.(BE)//(CF)

لدينا النقط F,E,A,C,B,A في استقامية وعلى نفس الترتيب

$$\frac{AB}{AC} = \frac{150}{150+100} = \frac{150}{250} = 0,6$$

و

$$\frac{AE}{AF} = \frac{360}{600} = 0,6$$

ومنه حسب خاصية العكسية لطالس

فإن (BE)//(CF)

اذن الطريق بين منزل احمد و المخبزة موازي لطريق بين منزل سامي و المتوسطة

- حساب المسافة بين منزل احمد و المخبزة BE.

لدينا (BE)//(CF) والمثلثين ABE و ACF في وضعية طالس

$$\frac{AB}{AC} = \frac{AE}{AF} = \frac{BE}{CF}$$
$$\frac{150}{250} = \frac{BE}{350} = \frac{360}{600}$$

ومنه

$$BE = \frac{350 \times 150}{250} = 210$$
$$BE = 210m$$

- حساب المسافة التي يقطعها سامي وحده

طريقة 1

لدينا (ED)//(AC)

والمثلثين FCA و FDE في وضعية طالس

$$\frac{FD}{FC} = \frac{FE}{FA} = \frac{ED}{AC}$$
$$\frac{FD}{350} = \frac{600 - 360}{600} = \frac{ED}{400}$$
$$FD = \frac{240 \times 350}{600} = 140$$

حساب CD

$$CD = FC - FD = 350 - 140 = 210m$$

المسافة التي يقطعها سامي وحده 210 متر

طريقة 2
لدينا في الرباعي BEDC
(BE)//(CD)
(BC)//(ED)
ومنه الرباعي متوازي اضلاع
اذن
BE=CD=210m