

تمارين محلولة

(1) القسمة العشرية وحصر عدد عشري :

التمرين 1

حول العمليات الآتية إلى عملية قسمة عدد عشري على عدد طبيعي

$$35,34 : 4,3 ; 2,564 : 8,44 ; 3,5 : 4,55 ; 0,35 : 1,352$$

$$33,5 : 0,53 ; 1,5 : 2,332$$

الحل

$$35,34 : 4,3 = 353,4 : 43 ; 2,564 : 8,44 = 256,4 : 844 ;$$

$$3,5 : 4,55 = 350 : 455 ; 0,35 : 1,352 = 350 : 1352$$

$$33,5 : 0,53 = 3350 : 53 ; 1,5 : 2,332 = 1500 : 2332$$

التمرين 2

حول إلى عملية قسمة عدد طبيعي على عدد طبيعي ثم عين حاصل القسمة

المقرب إلى $\frac{1}{10}$ بالنقصان

$$13,53 : 4,33 ; 2,533 : 1,3 ; 26,8 : 8,42 ; 11,5 : 4,332$$

الحل

$$13,53 : 4,33 = 1353 : 433 = 3,1 ;$$

$$2,533 : 1,3 = 2533 : 1300 = 1,9 ;$$

$$26,8 : 8,42 = 2680 : 842 = 3,1 ;$$

$$11,5 : 4,332 = 11500 : 4332 = 2,6.$$

التمرين 3

حاصل قسمة المقرب إلى $\frac{1}{100}$ بالنقصان لكل من

$$5,4 : 2,32 ; 12,38 : 2,6 ; 3,243 : 1,5 ; 0,33 : 0,5$$

الحل

$$5,4 : 2,32 = 2,32 ; 12,38 : 2,6 = 4,76 ; 3,243 : 1,5 = 2,16 ;$$

$$0,33 : 0,5 = 0,66$$

التمرين 4

أوجد القيمة المقربة إلى $\frac{1}{100}$ بالزيادة للأعداد الآتية : $\frac{25,8}{8,8}$ ، $\frac{1,24}{3,2}$ ، $\frac{25,3}{12,4}$

$$\frac{35,34}{24,8}$$

الحل

$$\frac{35,34}{24,8} = 1,43 \text{ ، } \frac{25,8}{8,8} = 2,94 \text{ ، } \frac{1,24}{3,2} = 0,39 \text{ ، } \frac{25,3}{12,4} = 2,05$$

التمرين 5 (1) عين القيمة المقربة إلى 0,001 بالنقصان ثم بالزيادة للعدد $\frac{23,42}{2,32}$

(2) أعط حصرا للعدد $\frac{23,42}{2,32}$

الحل

$$\frac{23,42}{2,32} = 10,0948 \text{ وتكون القيمة المقربة إلى } 0,001 \text{ بالنقصان للعدد } \frac{23,42}{2,32}$$

هي : 10,094 والقيمة المقربة بالزيادة الى 0,001 هي : 10,095

$$(2) \text{ العدد } \frac{23,42}{2,32} \text{ يكون اكبر من القيمة المقربة بالنقصان واصغر من القيمة المقربة}$$

$$\text{بالزيادة إذن فيكون محصور بين القيمتين أي : } 10,094 < \frac{23,42}{2,32} < 10,095$$

التمرين 6

القيمة المقربة بالنقصان إلى 0,01 لحاصل قسمة العدد a على 24 هي 2,12
- أعط حصرا للعدد a

الحل

القيمة المقربة إلى 0,01 بالنقصان للعدد a هي : $24 \times 2,12 = 50,88$

القيمة المقربة إلى 0,01 بالزيادة للعدد a هي : $24 \times 2,13 = 51,12$

ويكون العدد a محصور بين القيمتين أي : $50,88 \leq a < 51,12$

التمرين 7

عين الأعداد الطبيعية التي إذا قسمت على 12.5 يكون حاصل قسمتها

بالتقريب إلى 0.1 بالنقصان هو 0.8 .

الحل

القيمة المقربة إلى 0.1 بالنقصان لهذه الأعداد الطبيعية هي $12.5 \times 0.8 = 10$

والقيمة المقربة بالزيادة هي : $12.05 \times 0.9 = 11.25$

الأعداد الطبيعية المطلوبة تكون أكبر أو تساوي 10 و أصغر من 11.25

فهي 10 و 11

التمرين 8

ضع في مكان النقطة رقما مناسباً لكي :

(أ) 26,3g يقبل القسمة على 3

(ب) 46,g5 يقبل القسمة على 9

(ج) 1g 345 يقبل القسمة على 3 و 9

(د) 25,45g يقبل القسمة على 5

الحل

- (أ) يكون العدد 26,3g قابلاً للقسمة على 3 إذا كان : $g \in \{1,4,7\}$
 (ب) يكون العدد 46,g5 قابلاً للقسمة على 9 إذا كان $g=3$
 (ج) يكون العدد 1g345 قابلاً للقسمة على 3 و 9 في آن واحد إذا كان $g=5$
 (د) يكون العدد 25,45g قابلاً للقسمة على 5 إذا كان $g=0$ أو $g=5$

التمرين 9

- (1) عين القيم المقربة إلى $\frac{1}{10}$ ، $\frac{1}{100}$ بالنقصان للعدد $\frac{12.37}{2.7}$
 (2) استنتج الحصور للعدد $\frac{12.37}{2.7}$.

الحل

$\frac{12.37}{2.7} = 4.5814$. القيم المقربة إلى $\frac{1}{10}$ ، $\frac{1}{100}$ بالنقصان للعدد $\frac{12.37}{2.7}$ هي 4.5 ، 4.58 ، 4.59 ، 4.6 على الترتيب . القيم المقربة إلى $\frac{1}{10}$ ، $\frac{1}{100}$ بالزيادة للعدد $\frac{12.37}{2.7}$ هي 4.59 ، 4.6 على الترتيب
 ونعلم أن العدد $\frac{12.37}{2.7}$ يكون أكبر من كل قيمة مقربة له بالنقصان وأصغر من كل

قيمة مقربة له بالزيادة . نستنتج أن : $4.6 > 4.59 > \frac{12.37}{2.7} > 4.58 > 4.5$

(2) العمليات على الكسور

التمرين 1

أحسب ما يلي:

$$\frac{3}{2} + \frac{15}{2} , \quad \frac{13.5}{7} + \frac{1}{7} , \quad \frac{13}{29} - \frac{11}{29} , \quad \frac{15.3}{19} + \frac{2.7}{19} + \frac{3}{19}$$

الحل

$$\frac{3}{2} + \frac{15}{2} = \frac{3+15}{2} = \frac{18}{2} = 9$$

$$\frac{13.5}{7} + \frac{1}{7} = \frac{13.5+1}{7} = \frac{14.5}{7}$$

$$\frac{13}{29} - \frac{11}{29} = \frac{13-11}{29} = \frac{2}{29}$$

$$\frac{15.3}{19} + \frac{2.7}{19} + \frac{3}{19} = \frac{15.3+2.7+3}{19} = \frac{21}{19}$$

التمرين 2

وحد مقامي الكسرين

$$\frac{5}{24} \text{ و } \frac{3}{4} , \frac{7}{12} \text{ و } \frac{1}{6} , \frac{3}{8} \text{ و } \frac{9}{16} , \frac{13}{15} \text{ و } \frac{4}{45}$$

الحل

$$\frac{3}{4} = \frac{3 \times 6}{4 \times 6} = \frac{18}{24} , \frac{5}{24} \text{ و } \frac{3}{4}$$

$$\frac{3}{8} = \frac{3 \times 2}{8 \times 2} = \frac{6}{16} , \frac{3}{8} \text{ و } \frac{9}{16}$$

$$\frac{1}{6} = \frac{1 \times 2}{6 \times 2} = \frac{2}{12} , \frac{7}{12} \text{ و } \frac{1}{6}$$

$$\frac{13}{15} = \frac{13 \times 3}{15 \times 3} = \frac{39}{45} , \frac{13}{15} \text{ و } \frac{4}{45}$$

التمرين 3

احسب ماييلي

$$\frac{1.3}{2.4} \times \frac{3}{25} , \frac{5}{13} \times \frac{0}{3} , \frac{5}{2} \times \frac{17.2}{11} , \frac{1.2}{5} \times \frac{3.5}{4}$$

الحل

$$\frac{1.3}{2.4} \times \frac{3}{25} = \frac{1.3 \times 3}{2.4 \times 25} = \frac{3.9}{60}$$

$$\frac{5}{13} \times \frac{0}{3} = \frac{5 \times 0}{13 \times 3} = \frac{0}{39} = 0$$

$$\frac{5}{2} \times \frac{17.2}{11} = \frac{5 \times 17.2}{2 \times 11} = \frac{86}{22}$$

$$\frac{1.2}{5} \times \frac{3.5}{4} = \frac{1.2 \times 3.5}{5 \times 4} = \frac{4.2}{20}$$

التمرين 4

اختزل كل من الكسور الآتية

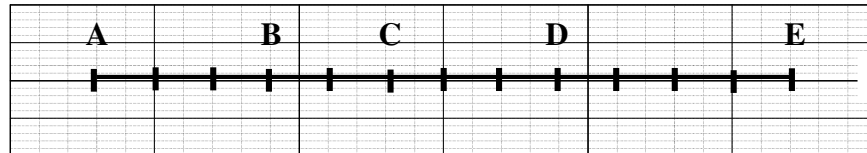
$$\frac{16}{24}, \frac{75}{20}, \frac{44}{64}, \frac{39}{26}, \frac{105}{100}, \frac{81}{72}$$

الحل

$$\begin{aligned} \frac{16}{24} &= \frac{16:8}{24:8} = \frac{2}{3}, \quad \frac{75}{20} = \frac{75:5}{20:5} = \frac{15}{4}, \quad \frac{44}{64} = \frac{44:4}{64:4} = \frac{11}{16} \\ \frac{39}{26} &= \frac{39:13}{26:13} = \frac{3}{2}, \quad \frac{105}{100} = \frac{105:5}{100:5} = \frac{21}{20}, \quad \frac{81}{72} = \frac{81:9}{72:9} = \frac{9}{8} \end{aligned}$$

التمرين 5

قطعة مستقيمة طولها 12cm [AE]



أكمل ما يلي :

$$DE = \frac{\dots\dots}{\dots\dots} AE, \quad BD = \frac{\dots\dots}{\dots\dots} BE$$

$$BE = \frac{\dots\dots}{\dots\dots} CD, \quad AC = \frac{\dots\dots}{\dots\dots} AB, \quad AB = \frac{\dots\dots}{\dots\dots} AE$$

الحل

$$DE = \frac{1}{3} AE, \quad BC = \frac{2}{5} BD, \quad AB = \frac{1}{4} AE$$

$$BD = \frac{5}{9}BE, \quad AC = \frac{5}{3}AB, \quad BE = 3CD$$

التمرين 6 أحسب ما يلي :

$$\frac{1}{4} + \frac{3}{8}, \quad \frac{5}{4} - \frac{7}{12}, \quad 3 + \frac{1}{4}, \quad \frac{2}{5} + 1, \quad 4 - \frac{15}{4}$$

الحل

$$\begin{aligned} \frac{1}{4} + \frac{3}{8} &= \frac{1 \times 2}{4 \times 2} + \frac{3}{8} = \frac{2}{8} + \frac{3}{8} = \frac{5}{8} \\ \frac{5}{4} - \frac{7}{12} &= \frac{5 \times 3}{4 \times 3} - \frac{7}{12} = \frac{15}{12} - \frac{7}{12} = \frac{8}{12} \\ 3 + \frac{1}{4} &= \frac{3}{1} + \frac{1}{4} = \frac{3 \times 4}{1 \times 4} + \frac{1}{4} = \frac{13}{4} \\ \frac{2}{5} + 1 &= \frac{2}{5} + \frac{1 \times 5}{1 \times 5} = \frac{2}{5} + \frac{5}{5} = \frac{7}{5} \\ 4 - \frac{15}{4} &= \frac{4 \times 4}{1 \times 4} - \frac{15}{4} = \frac{16}{4} - \frac{15}{4} = \frac{1}{4} \end{aligned}$$

التمرين 7 حقل مستطيل الشكل طوله $\frac{150}{7} \text{ dam}$ وعرضه $\frac{71}{7} \text{ dam}$

(1) أحسب محيط الحقل بـ dam ومساحته بـ dam^2

الحل

$$(1) \text{ محيط الحقل} = (\text{طول} + \text{عرض}) \times 2 =$$

$$\begin{aligned} \left(\frac{150}{7} \text{ dam} + \frac{71}{7} \text{ dam} \right) \times 2 &= \frac{221}{7} \text{ dam} \times 2 = \frac{442}{7} \text{ dam} \\ \frac{150}{7} \text{ dam} \times \frac{71}{7} \text{ dam} &= \frac{10650}{49} \text{ dam}^2 = \text{مساحة الحقل} = \text{طول} \times \text{عرض} \end{aligned}$$

التمرين 8

حول إلى كسر بسطه ومقامه أعداد طبيعية ثم أجزى العملية

$$\frac{1.2}{0.5} + \frac{3}{10}, \frac{13}{1.4} - \frac{11}{7}, \frac{3.5}{4} + \frac{1.5}{0.8}, \frac{4.3}{0.7} + \frac{3}{1.4}$$

الحل

$$\begin{aligned}\frac{1.2}{0.5} + \frac{3}{10} &= \frac{12}{5} + \frac{3}{10} = \frac{12 \times 2}{5 \times 2} + \frac{3}{10} = \frac{27}{10} \\ \frac{13}{1.4} - \frac{11}{7} &= \frac{130}{14} - \frac{11}{7} = \frac{130}{14} - \frac{11 \times 2}{7 \times 2} = \frac{130}{14} - \frac{22}{14} = \frac{108}{14} \\ \frac{3.5}{4} + \frac{1.5}{0.8} &= \frac{35}{40} + \frac{15}{8} = \frac{35}{40} + \frac{15 \times 5}{8 \times 5} = \frac{35}{40} + \frac{75}{40} = \frac{110}{40} \\ \frac{4.3}{0.7} + \frac{3}{1.4} &= \frac{43}{7} + \frac{30}{14} = \frac{43 \times 2}{7 \times 2} + \frac{30}{14} = \frac{116}{14}\end{aligned}$$

التمرين 9 أحسب ما يلي :

$$A = \left(\frac{5}{4} - \frac{1}{2}\right) \times \frac{3}{2}, \quad B = 4 \times \left(\frac{3}{7} + \frac{3}{14}\right), \quad C = \frac{1}{2} \times \left(3 - \frac{1}{4} - \frac{1}{2}\right)$$

الحل

$$\begin{aligned}A &= \left(\frac{5}{4} - \frac{1}{2}\right) \times \frac{3}{2} = \left(\frac{5}{4} - \frac{1 \times 2}{2 \times 2}\right) \times \frac{3}{2} = \left(\frac{5}{4} - \frac{2}{4}\right) \times \frac{3}{2} = \frac{3}{4} \times \frac{3}{2} = \frac{9}{8} \\ B &= 4 \times \left(\frac{3}{7} + \frac{3}{14}\right) = 4 \times \left(\frac{3 \times 2}{7 \times 2} + \frac{3}{14}\right) = 4 \times \left(\frac{6}{14} + \frac{3}{14}\right) = 4 \times \frac{9}{14} = \frac{36}{14} \\ C &= \frac{1}{2} \times \left(3 - \frac{1}{4} - \frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2} \times \left(3 - \frac{1}{4} - \frac{2}{4}\right) = \\ &= \frac{1}{2} \times \left(\frac{3}{1} - \frac{3}{4}\right) = \frac{1}{2} \times \left(\frac{3 \times 4}{1 \times 4} - \frac{3}{4}\right) = \frac{1}{2} \times \frac{9}{4} = \frac{9}{8}\end{aligned}$$

التمرين 10

على نصف مستقيم مدرج [Ox) نأخذ القطعة (OA) طولها 6 cm كوحدة .
(1) عين على [Ox) النقاط F, E, D, C, B ذات الفواصل على الترتيب :

$$\frac{3}{2}, \frac{4}{3}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{1}{6}$$

- (1) عين على [Ox] النقاط K,H,G حيث : فاصلة G = فاصلة C + فاصلة E
 فاصلة H = فاصلة C - فاصلة B
 فاصلة K = فاصلة B + فاصلة F

الحل



$$(2) \text{ فاصلة } G = \frac{2}{3} + \frac{4}{3} = \frac{6}{3} = 2$$

$$\text{فاصلة } H = \frac{2}{3} - \frac{1}{6} = \frac{2 \times 2}{3 \times 2} - \frac{1}{6} = \frac{4}{6} - \frac{1}{6} = \frac{3}{6}$$

$$\text{فاصلة } K = \frac{3}{2} + \frac{1}{6} = \frac{3 \times 3}{2 \times 3} + \frac{1}{6} = \frac{9}{6} + \frac{1}{6} = \frac{10}{6}$$

التمرين 11

اليك الكسور الآتية : $\frac{3}{2}$ ، $\frac{17}{6}$ ، $\frac{25}{3}$ ، $\frac{19}{12}$ ، $\frac{13}{6}$ ، $\frac{11}{4}$

- (1) عين حاصل قسمة المقرب بالنقصان إلى $\frac{1}{100}$ ثم رتب ترتيبا تصاعديا هذه القيم .
 (2) اكتب هذه الكسور بالمقام 12 ثم رتبها بالترتيب التصاعدي .

الحل

$$\frac{3}{2} = 1,50 \text{ , } \frac{17}{6} = 2,83 \text{ , } \frac{25}{3} = 8,33 \text{ , } \frac{19}{12} = 1,58 \text{ , } \frac{13}{6} = 2,16 \text{ , } \frac{11}{4} = 2,75$$

الترتيب التصاعدي : 1,50 ; 1,58 ; 2,16 ; 2,75 ; 2,83 ; 8,33
 (3) كتابة الكسور المعطاة بالمقام 12 :

$$\frac{3}{2} = \frac{3 \times 6}{2 \times 6} = \frac{18}{12} \text{ ; } \frac{17}{6} = \frac{17 \times 2}{6 \times 2} = \frac{34}{12} \text{ ; } \frac{25}{3} = \frac{25 \times 4}{3 \times 4} = \frac{100}{12} \text{ ; } \frac{19}{12} = \frac{19}{12}$$

$$\frac{13}{6} = \frac{13 \times 2}{6 \times 2} = \frac{26}{12} \text{ ; } \frac{11}{4} = \frac{11 \times 3}{4 \times 3} = \frac{33}{12}$$

الترتيب التصاعدي $\frac{18}{12} ; \frac{19}{12} ; \frac{26}{12} ; \frac{33}{12} ; \frac{34}{12} ; \frac{100}{12}$

التمرين 12

قارن الكسرين بالعدد 1 ثم استنتج مقارنتهما في

الحالات الآتية :

(1) $\frac{5}{6}$ و $\frac{6}{5}$ ، (2) $\frac{7}{11}$ و $\frac{8}{5}$ ، (3) $\frac{7}{7}$ و $\frac{13}{14}$ ، (4) $\frac{2,7}{1,2}$ و $\frac{5}{7}$

الحل

يكون الكسر $\frac{a}{b}$ اكبر من 1 إذا كان بسطه اكبر من مقامه ($b < a$) ويكون اصغر من 1

إذا كان ($b > a$) .

(1) $\frac{5}{6} < 1$ و $\frac{6}{5} > 1$ ومنه $\frac{5}{6} < \frac{6}{5}$ ، (2) $\frac{7}{11} < 1$ و $\frac{8}{5} > 1$ ومنه $\frac{7}{11} < \frac{8}{5}$.
(3) $\frac{7}{7} = 1$ و $\frac{13}{14} < 1$ ومنه $\frac{13}{14} < \frac{7}{7}$ ، (4) $\frac{2,7}{1,2} < 1$ و $\frac{5}{7} > 1$ ومنه $\frac{2,7}{1,2} < \frac{5}{7}$.

التمرين 13

قارن الكسرين في الحالتين الآتية :

$\frac{5}{3}$ و $\frac{5}{4}$ ، $\frac{11}{5}$ و $\frac{11}{7}$ ، $\frac{9}{5}$ و $\frac{9}{7}$ ، $\frac{25,5}{7}$ و $\frac{25,5}{6}$

الحل

نعلم أن كسرين لهما نفس البسط اكبر هما هو الذي له اصغر مقام ، من هذه القاعدة نستنتج مايلي :

$\frac{5}{4} < \frac{5}{3}$ ، $\frac{11}{7} < \frac{11}{5}$ ، $\frac{9}{7} < \frac{9}{5}$ ، $\frac{25,5}{6} > \frac{25,5}{7}$

التمرين 14

وحد مقامي الكسرين ثم استنتج مقارنتهما :

$\frac{7}{10}$ و $\frac{3}{5}$ ، $\frac{17}{18}$ و $\frac{5}{6}$ ، $\frac{4}{7}$ و $\frac{13}{14}$ ، $\frac{9}{25}$ و $\frac{7}{5}$ ، $\frac{11}{9}$ و 1

الحل

$$\text{ومنه } \frac{4}{7} = \frac{8}{14}, \quad \frac{5}{6} < \frac{17}{18} \quad \text{ومنه } \frac{5}{6} = \frac{15}{18}, \quad \frac{3}{5} < \frac{7}{10} \quad \text{ومنه } \frac{3}{5} = \frac{6}{10}$$

$$1 < \frac{11}{9} \quad \text{ومنه } 1 = \frac{9}{9}, \quad \frac{9}{25} < \frac{7}{5} \quad \text{ومنه } \frac{7}{5} = \frac{35}{25}, \quad \frac{4}{7} < \frac{13}{14}$$

التمرين 15

(1) اكتب الكسور الآتية بمقام 64

$$\frac{1}{4}, \quad \frac{13}{32}, \quad \frac{7}{8}, \quad \frac{3}{16}$$

(2) رتب هذه الكسور ترتيبا تنازليا

الحل

$$\frac{1}{4} = \frac{16}{64}, \quad \frac{13}{32} = \frac{26}{64}, \quad \frac{7}{8} = \frac{56}{64}, \quad \frac{3}{16} = \frac{12}{64} \quad (1)$$

$$\frac{56}{64}, \quad \frac{26}{64}, \quad \frac{16}{64}, \quad \frac{12}{64} \quad (2) \text{ الترتيب التنازلي :}$$

التمرين 16

احسب ما يلي :

$$\frac{3}{10} + \frac{5}{10}, \quad 5 - \frac{13}{10}, \quad \frac{17}{100} + \frac{3}{10}, \quad \frac{15}{100} - \frac{148}{1000}$$

الحل

$$\frac{3}{10} + \frac{5}{10} = \frac{3+5}{10} = \frac{8}{10}, \quad 5 - \frac{13}{10} = \frac{5 \times 10}{1 \times 10} - \frac{13}{10} = \frac{50-13}{10} = \frac{37}{10}$$

$$\frac{17}{100} + \frac{3}{10} = \frac{17}{100} + \frac{3 \times 10}{10 \times 10} = \frac{17+30}{100} = \frac{47}{100}$$

$$\frac{15}{100} - \frac{148}{1000} = \frac{15 \times 10}{100 \times 10} - \frac{148}{1000} = \frac{150-148}{1000} = \frac{2}{1000}$$

$$\frac{17}{100} + \frac{3}{10} = \frac{17}{100} + \frac{3 \times 10}{10 \times 10} = \frac{17}{100} + \frac{30}{100} = \frac{47}{100}$$

التمرين 17

احسب ثم اختزل اذا امكن ذلك

$$A = \frac{10}{8} + \frac{1}{4} ; B = 3 + \frac{2}{5} ; C = \frac{13}{7} - \frac{5}{14} ; D = \frac{1,5}{9} + \frac{13}{8}$$

الحل

$$A = \frac{10}{8} + \frac{1}{4} = \frac{10}{8} + \frac{2}{8} = \frac{12}{8} = \frac{12:4}{8:4} = \frac{3}{2}$$

$$B = \frac{3}{1} + \frac{2}{5} = \frac{15}{5} + \frac{2}{5} = \frac{17}{5}$$

$$C = \frac{13}{7} - \frac{5}{14} = \frac{26}{14} - \frac{5}{14} = \frac{21}{14} = \frac{21:7}{14:7} = \frac{3}{2}$$

$$D = \frac{1,5}{9} + \frac{13}{18} = \frac{1,5 \times 2}{9 \times 2} + \frac{13}{18} = \frac{3}{18} + \frac{13}{18} = \frac{16}{18} = \frac{8}{9}$$

التمرين 18

احسب ثم اختزل النتيجة

$$A = \frac{1}{3} + \frac{7}{10} + \frac{11}{30} ; B = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} + \frac{1}{8} ; C = 2 - \frac{1}{5} - \frac{3}{10}$$

الحل

نعلم أنه لجمع عدة كسور يجب أولاً توحيد مقاماتها ثم نجمع البسوط ونحافظ على المقام

$$A = \frac{1}{3} + \frac{7}{10} + \frac{11}{30} = \frac{10}{30} + \frac{21}{30} + \frac{11}{30} = \frac{10+21+11}{30} = \frac{42}{30} = \frac{24:6}{30:6} = \frac{7}{5}$$

$$B = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} + \frac{1}{8} = \frac{12}{8} + \frac{10}{8} + \frac{1}{8} = \frac{12+10+1}{8} = \frac{23}{8}$$

$$C = 2 - \frac{1}{5} - \frac{3}{10} = \frac{20}{10} - \frac{2}{10} - \frac{3}{10} = \frac{20-2-3}{10} = \frac{15}{10} = \frac{3}{2}$$

التمرين 19

a ، b ، c أعداد كسرية . أحسب : a+b ، b - c في الحالات الآتية :

$$(1) \quad a = \frac{2}{5} , \quad b = \frac{3}{10} , \quad c = \frac{3}{20} \quad (2) \quad a = \frac{3}{2} , \quad b = \frac{5}{4} , \quad c = \frac{1}{8}$$

$$(3) \quad a = \frac{4}{5} , \quad b = \frac{6}{5} , \quad c = \frac{11}{25}$$

الحل

$$(1) \quad a+b = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} = \frac{6}{4} + \frac{5}{4} = \frac{11}{4} , \quad b-c = \frac{5}{4} - \frac{1}{8} = \frac{10}{8} - \frac{1}{8} = \frac{9}{8}$$

$$(2) \quad a+b = \frac{2}{5} + \frac{3}{10} = \frac{4}{10} + \frac{3}{10} = \frac{7}{10} , \quad b-c = \frac{3}{10} - \frac{3}{20} = \frac{6}{20} - \frac{3}{20} = \frac{3}{20}$$

$$(3) \quad a+b = \frac{4}{5} + \frac{6}{5} = \frac{10}{5} , \quad b-c = \frac{6}{5} - \frac{11}{25} = \frac{30}{25} - \frac{11}{25} = \frac{19}{25}$$

التمرين 20

أحسب ما يلي :

$$\frac{1}{2} \times \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4} \right) , \quad \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{6} \right) \times \frac{3}{2} , \quad \left(\frac{4}{3} - \frac{5}{9} \right) \times \frac{4}{3} , \quad \left(\frac{3}{7} + \frac{2}{14} \right) \times \frac{5}{4}$$

الحل

$$\frac{1}{2} \times \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4} \right) = \frac{1}{2} \times \left(\frac{2}{4} + \frac{1}{4} \right) = \frac{1}{2} \times \frac{3}{4} = \frac{3}{8}$$

$$\left(\frac{2}{3} - \frac{1}{6}\right) \times \frac{3}{2} = \left(\frac{4}{6} - \frac{1}{6}\right) \times \frac{3}{2} = \frac{3}{6} \times \frac{3}{2} = \frac{9}{12}$$

$$\left(\frac{4}{3} - \frac{5}{9}\right) \times \frac{4}{3} = \left(\frac{12}{9} - \frac{5}{9}\right) \times \frac{4}{3} = \frac{7}{9} \times \frac{4}{3} = \frac{28}{27}$$

$$\left(\frac{3}{7} + \frac{2}{14}\right) \times \frac{5}{4} = \left(\frac{6}{14} + \frac{2}{14}\right) \times \frac{5}{4} = \frac{8}{14} \times \frac{5}{4} = \frac{40}{56}$$

التمرين 21

أحسب كلا من المجاميع الآتية :

$$4 + \frac{1}{3}, \quad \frac{5}{7} + \frac{1}{14}, \quad \frac{2.2}{5} + \frac{1}{25}, \quad \frac{7}{2} - \frac{9}{4}, \quad 2 - \frac{1}{8}$$

الحل

$$4 + \frac{1}{3} = \frac{4 \times 3}{1 \times 3} + \frac{1}{3} = \frac{12}{3} + \frac{1}{3} = \frac{13}{3}, \quad \frac{5}{7} + \frac{1}{14} = \frac{5 \times 2}{7 \times 2} + \frac{1}{14} = \frac{10}{14} + \frac{1}{14} = \frac{11}{14}$$

$$\frac{2.2}{5} + \frac{1}{25} = \frac{2.2 \times 5}{5 \times 5} + \frac{1}{25} = \frac{11}{25} + \frac{1}{25} = \frac{12}{25}, \quad \frac{7}{2} - \frac{9}{4} = \frac{14}{4} - \frac{9}{4} = \frac{5}{4}$$

$$2 - \frac{1}{8} = \frac{2}{1} - \frac{1}{8} = \frac{16}{8} - \frac{1}{8} = \frac{15}{8}$$

أحسب بطريقتين مختلفتين

التمرين 22

$$\frac{1}{2} + \frac{3}{2} + \frac{1}{4} ; \quad \frac{5}{3} + \frac{1}{6} + \frac{7}{12} ; \quad \frac{7}{10} + \frac{4}{5} + 3$$

الحل

$$\frac{1}{2} + \frac{3}{2} + \frac{1}{4} = \left(\frac{1}{2} + \frac{3}{2} \right) + \frac{1}{4} = \frac{4}{2} + \frac{1}{4} = \frac{8}{4} + \frac{1}{4} = \frac{9}{4} \quad \text{ط}_1$$

$$\frac{1}{2} + \frac{3}{2} + \frac{1}{4} = \frac{1}{2} + \left(\frac{3}{2} + \frac{1}{4} \right) = \frac{1}{2} + \left(\frac{6}{4} + \frac{1}{4} \right) = \frac{1}{2} + \frac{7}{4} = \frac{2}{4} + \frac{7}{4} = \frac{9}{4} \quad \text{ط}_2$$

$$\frac{5}{3} + \frac{1}{6} + \frac{7}{12} = \left(\frac{5}{3} + \frac{1}{6} \right) + \frac{7}{12} = \left(\frac{10}{6} + \frac{1}{6} \right) + \frac{7}{12} = \frac{11}{6} + \frac{7}{12} =$$

$$\frac{22}{12} + \frac{7}{12} = \frac{29}{12}$$

$$\frac{5}{3} + \frac{1}{6} + \frac{7}{12} = \frac{5}{3} + \left(\frac{1}{6} + \frac{7}{12} \right) = \frac{5}{3} + \left(\frac{2}{12} + \frac{7}{12} \right) = \frac{5}{3} + \frac{9}{12} = \frac{20}{12} + \frac{9}{12} = \frac{29}{12} \quad \text{ط}_2$$

$$\frac{7}{10} + \frac{4}{5} + 3 = \left(\frac{7}{10} + \frac{4}{5} \right) + 3 = \left(\frac{7}{10} + \frac{8}{10} \right) + 3 = \frac{15}{10} + \frac{3}{1} = \frac{15}{10} + \frac{30}{10} = \frac{45}{10} \quad \text{ط}_1$$

$$\frac{7}{10} + \frac{4}{5} + 3 = \frac{7}{10} + \left(\frac{4}{5} + 3 \right) = \frac{7}{10} + \left(\frac{4}{5} + \frac{15}{5} \right) = \frac{7}{10} + \frac{19}{5} = \frac{7}{10} + \frac{38}{10} = \frac{45}{10} \quad \text{ط}_2$$

التمرين 23 اختزل أولا ، ثم وحد مقامي الكسرين .

$$\frac{27}{18} \text{ و } \frac{35}{30} \quad (3) \quad , \quad \frac{65}{26} \text{ و } \frac{18}{24} \quad (2) \quad , \quad \frac{21}{30} \text{ و } \frac{15}{20} \quad (1)$$

الحل

(1) الاختزال :

$$\frac{21}{30} = \frac{21:3}{30:3} = \frac{7}{10} \quad ; \quad \frac{15}{20} = \frac{15:5}{20:5} = \frac{3}{4}$$

توحيد مقامي الكسرين $\frac{3}{5}$ و $\frac{7}{10}$ ؛ $\frac{3}{5} = \frac{3 \times 2}{5 \times 2} = \frac{6}{10}$ ، $\frac{7}{10} = \frac{7}{10}$

(2) الاختزال :

$\frac{65:13}{26:13} = \frac{5}{2}$ ؛ $\frac{18}{24} = \frac{18:6}{24:6} = \frac{3}{4}$

توحيد مقامي الكسرين : $\frac{3}{4}$ و $\frac{5}{2}$ ، $\frac{5}{2} = \frac{5 \times 2}{2 \times 2} = \frac{10}{4}$ ، $\frac{3}{4} = \frac{3}{4}$

(3) الاختزال :

$\frac{27}{18} = \frac{27:9}{18:9} = \frac{3}{2}$ ؛ $\frac{35}{30} = \frac{35:5}{30:5} = \frac{7}{6}$

توحيد مقامي الكسرين : $\frac{3}{2}$ و $\frac{7}{6}$ ، $\frac{3 \times 3}{2 \times 3} = \frac{9}{6}$ ، $\frac{7}{6} = \frac{7}{6}$

أكمل الجدول الآتي :

التمرين 24

a	b	c	$a + b$	$a + c$	$(a + b) + c$
$\frac{2}{3}$	$\frac{4}{3}$	$\frac{1}{6}$			
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{8}$			

الحل

a	b	c	$a + b$	$a + c$	$(a + b) + c$
$\frac{2}{3}$	$\frac{4}{3}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{6}{3}$	$\frac{5}{6}$	$\frac{13}{6}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{7}{8}$

احسب ما يلي :

التمرين 25

$$3,5 + \left(\frac{1}{4} \times \frac{3}{5}\right) ; \left(\frac{3}{5} \times \frac{1}{2}\right) + \left(\frac{3}{4} \times \frac{1}{5}\right) ; \frac{2}{5} \times \left(\frac{4}{5} - \frac{3}{10}\right)$$

$$\left(\frac{1}{2} \times \frac{3}{5}\right) - \frac{1}{10} .$$

الحل

$$3,5 + \left(\frac{1}{4} \times \frac{3}{5}\right) = 3,5 + \frac{3}{20} = \frac{3,5 \times 20}{1 \times 20} + \frac{3}{20} = \frac{70}{20} + \frac{3}{20} = \frac{73}{20}$$

$$\left(\frac{3}{5} \times \frac{1}{2}\right) + \left(\frac{3}{4} \times \frac{1}{5}\right) = \frac{3}{10} + \frac{3}{20} = \frac{6}{20} + \frac{3}{20} = \frac{9}{20}$$

$$\frac{2}{5} \times \left(\frac{4}{5} - \frac{3}{10}\right) = \frac{2}{5} \times \left(\frac{8}{10} - \frac{3}{10}\right) = \frac{2}{5} \times \frac{5}{10} = \frac{10}{50}$$

$$\left(\frac{1}{2} \times \frac{3}{5}\right) - \frac{1}{10} = \frac{3}{10} - \frac{1}{10} = \frac{2}{10}$$

احسب بطريقتين :

التمرين 26

$$\frac{1}{7} \times \frac{2}{5} \times \frac{4}{3}, \quad 3 \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{4}, \quad \frac{1}{2} \times \left(\frac{5}{4} - \frac{1}{2} \right)$$

الحل

$$\frac{1}{7} \times \frac{2}{5} \times \frac{4}{3} = \left(\frac{1}{7} \times \frac{2}{5} \right) \times \frac{4}{3} = \frac{2}{35} \times \frac{4}{3} = \frac{8}{105} \quad \text{ط1-}$$

$$\frac{1}{7} \times \frac{2}{5} \times \frac{4}{3} = \frac{1}{7} \times \left(\frac{2}{5} \times \frac{4}{3} \right) = \frac{1}{7} \times \frac{8}{15} = \frac{8}{105} \quad \text{ط2-}$$

$$3 \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} = \left(\frac{3}{1} \times \frac{2}{5} \right) \times \frac{1}{4} = \frac{6}{5} \times \frac{1}{4} = \frac{6}{20} \quad \text{ط1-}$$

$$3 \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} = \frac{3}{1} \times \left(\frac{2}{5} \times \frac{1}{4} \right) = \frac{3}{1} \times \frac{2}{20} = \frac{6}{20} \quad \text{ط2-}$$

$$\frac{1}{2} \times \left(\frac{5}{4} - \frac{1}{2} \right) = \frac{1}{2} \times \left(\frac{5}{4} - \frac{2}{4} \right) = \frac{1}{2} \times \frac{3}{4} = \frac{3}{8} \quad \text{ط1-}$$

$$\frac{1}{2} \times \left(\frac{5}{4} - \frac{1}{2} \right) = \left(\frac{1}{2} \times \frac{5}{4} \right) - \left(\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \right) = \frac{5}{8} - \frac{1}{4} = \frac{5}{8} - \frac{2}{8} = \frac{3}{8} \quad \text{ط2-}$$

التمرين 27

أحسب كما في المثال الآتي

$$\frac{3}{2} \times \frac{5}{4} - \frac{3}{2} \times \frac{7}{8} = \frac{3}{2} \times \left(\frac{5}{4} - \frac{7}{8} \right) = \frac{3}{2} \times \left(\frac{10}{8} - \frac{7}{8} \right) = \frac{3}{2} \times \frac{3}{8} = \frac{9}{16}$$

$$A = \frac{2}{5} \times \frac{3}{4} + \frac{2}{5} \times \frac{5}{8}, \quad B = \frac{4}{3} - \frac{4}{3} \times \frac{5}{8}, \quad C = \frac{5}{6} + \frac{5}{6} \times \frac{1}{2} + \frac{5}{6} \times \frac{3}{2}$$

الحل

$$A = \frac{2}{5} \times \frac{3}{4} + \frac{2}{5} \times \frac{5}{8} = \frac{2}{5} \times \left(\frac{3}{4} + \frac{5}{8} \right) = \frac{2}{5} \times \left(\frac{6}{8} + \frac{5}{8} \right) = \frac{2}{5} \times \frac{11}{8} = \frac{22}{40}$$

$$B = \frac{4}{3} - \frac{4}{3} \times \frac{5}{8} = \frac{4}{3} \times \left(1 - \frac{5}{8} \right) = \frac{4}{3} \times \left(\frac{8}{8} - \frac{5}{8} \right) = \frac{4}{3} \times \frac{3}{8} = \frac{12}{24}$$

$$C = \frac{5}{6} + \frac{5}{6} \times \frac{1}{2} + \frac{5}{6} \times \frac{3}{2} = \frac{5}{6} \times \left(1 + \frac{1}{2} + \frac{3}{2} \right) = \frac{5}{6} \times \left(1 + \frac{4}{2} \right) = \frac{5}{6} \times (1+2) = \frac{15}{6}$$

التمرين 28

$$A = \left(\frac{4}{3} - \frac{5}{6} \right) \times \frac{1}{2}, \quad B = \left(\frac{3}{2} + \frac{1}{4} \right) \times \frac{2}{3}$$

(1) أحسب A و B بحيث نجري أولاً العمليات ما بداخل الأقواس

(2) أحسب A و B مستعملاً خاصية توزيع الضرب على الجمع والطرح

الحل

$$A = \left(\frac{4}{3} - \frac{5}{6} \right) \times \frac{1}{2} = \left(\frac{8}{6} - \frac{5}{6} \right) \times \frac{1}{2} = \frac{3}{6} \times \frac{1}{2} = \frac{3}{12} \quad (1)$$

$$B = \left(\frac{3}{2} + \frac{1}{4} \right) \times \frac{2}{3} = \left(\frac{6}{4} + \frac{1}{4} \right) \times \frac{2}{3} = \frac{7}{4} \times \frac{2}{3} = \frac{14}{12}$$

$$A = \left(\frac{4}{3} - \frac{5}{6} \right) \times \frac{1}{2} = \left(\frac{4}{3} \times \frac{1}{2} \right) - \left(\frac{5}{6} \times \frac{1}{2} \right) = \frac{4}{6} - \frac{5}{12} = \frac{8}{12} - \frac{5}{12} = \frac{3}{12} \quad (2)$$

$$B = \left(\frac{3}{2} + \frac{1}{4} \right) \times \frac{2}{3} = \left(\frac{3}{2} \times \frac{2}{3} \right) + \left(\frac{1}{4} \times \frac{2}{3} \right) = \frac{6}{6} + \frac{2}{12} = \frac{12}{12} + \frac{2}{12} = \frac{14}{12}$$

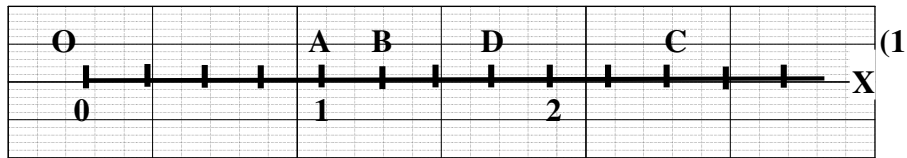
التمرين 29

على نصف مستقيم مدرج (OX) نأخذ قطعة مستقيمة $[OA]$ طولها 4cm كوحدة

(1) حدد على (OX) النقاط B ، C ، D ذات الفواصل على الترتيب $\frac{5}{4}$ ، $\frac{5}{2}$ ، $\frac{7}{4}$

(2) أحسب الأطوال AB ، BC ، AC معبر عنها بالوحدة OA .

الحل



(4) حساب الأطوال : AB ، BC ، AC

$$AB = \frac{1}{4}OA \text{ ، } BC = \frac{5}{4}OA \text{ ، } AC = \frac{3}{2}OA$$

التمرين 30

أحسب ما يلي :

$$A = \frac{5}{2} - \left(\frac{3}{4} - \frac{3}{8} \right) \text{ ، } B = \frac{2}{3} + \left(\frac{5}{6} - \frac{1}{2} \right) \text{ ، } C = \frac{5}{3} - \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{6} \right)$$

الحل

$$A = \frac{5}{2} - \left(\frac{3}{4} - \frac{3}{8} \right) = \frac{5}{2} - \left(\frac{6}{8} - \frac{3}{8} \right) = \frac{5}{2} - \frac{3}{8} = \frac{20}{8} - \frac{3}{8} = \frac{17}{8}$$

$$B = \frac{2}{3} + \left(\frac{5}{6} - \frac{1}{2} \right) = \frac{2}{3} + \left(\frac{5}{6} - \frac{3}{6} \right) = \frac{2}{3} + \frac{2}{6} = \frac{4}{6} + \frac{2}{6} = \frac{6}{6} = 1$$

$$C = \frac{5}{3} - \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{6} \right) = \frac{5}{3} - \frac{3}{6} = \frac{10}{6} - \frac{3}{6} = \frac{7}{6}$$

التمرين 31

أكمل كما في المثال الآتي :

$$b < c < a \quad \text{ومنه} \quad c = \frac{7}{16}, \quad b = \frac{3}{8}, \quad a = \frac{1}{6}$$

$$\dots < \dots < \dots \quad \text{ومنه} \quad c = \frac{3}{4}, \quad b = \frac{5}{12}, \quad a = \frac{7}{6} \quad (1)$$

$$\dots < \dots < \dots \quad \text{ومنه} \quad c = \frac{19}{30}, \quad b = \frac{3}{5}, \quad a = \frac{7}{6} \quad (2)$$

$$\dots < \dots < \dots \quad \text{ومنه} \quad c = \frac{5}{6}, \quad b = \frac{29}{24}, \quad a = \frac{7}{8} \quad (3)$$

الحل

$$a < b < c: \quad \text{ومنه} \quad c = \frac{3}{4}, \quad b = \frac{5}{12}, \quad a = \frac{1}{6} \quad (1)$$

$$b < c < a: \quad \text{ومنه} \quad c = \frac{19}{30}, \quad b = \frac{3}{5}, \quad a = \frac{7}{6} \quad (2)$$

$$c < a < b: \quad \text{ومنه} \quad c = \frac{5}{6}, \quad b = \frac{29}{24}, \quad a = \frac{7}{8} \quad (3)$$

تحتوي متوسطة على 360 تلميذ موزعين كما يلي : $\frac{1}{4}$ تلاميذ

التمرين 32

هم داخليين $\frac{5}{2}$ من التلاميذ هم في النظام النصف الداخلي وباقي التلاميذ في النظام الخارجي .

- (1) عبر بكسر عن مجموع التلاميذ الداخليين والنصف الداخليين
- (2) عين الكسر الذي يمثل التلاميذ الخارجيين

الحل

(1) الكسر الذي يمثل مجموع التلاميذ الداخليين والنصف الداخليين هو

$$\frac{1}{4} + \frac{5}{12} = \frac{3}{12} + \frac{5}{12} = \frac{8}{12} = \frac{2}{3}$$

(2) الكسر الذي يمثل التلاميذ الخارجيين هو :

$$1 - \frac{2}{3} = \frac{3}{3} - \frac{2}{3} = \frac{1}{3}$$

التمرين 33 لدى أحمد مبلغ من المال فصرف $\frac{1}{4}$ منه ووضع في صندوق التوفير

والاحتياط $\frac{1}{2}$ المبلغ المتبقي وبقي له مبلغ 15000DA

- (1) عبر بكسر على المبلغ الذي وضعه أحمد في صندوق التوفير .
- (2) عين الكسر الذي يمثل المبلغ الذي احتفظ به أحمد
- (3) عين المبلغ الذي يكسبه أحمد

الحل

(1) بعدما صرف أحمد $\frac{1}{4}$ المبلغ يبقى له $\frac{3}{4}$ المبلغ ويكون الكسر الذي يمثل

$$\frac{3}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{3}{8} \text{ (المبلغ) هو: } \frac{3}{8}$$

(2) الكسر الذي يمثل المبلغ الذي احتفظ به أحمد هو :

$$\frac{3}{4} - \frac{3}{8} = \frac{6}{8} - \frac{3}{8} = \frac{3}{8}$$

(3) لدينا المبلغ يمثل 15000DA ويكون $\frac{1}{8}$ (المبلغ) = 5000DA = 15000 : 3

ويكون المبلغ الذي يكسبه أحمد = 5000X8=40000DA

التمرين 34

في موسم الحصاد ، تحصل فلاح على 400 قنطار من القمح من أرضه الزراعية .
تصدق الفلاح بـ $\frac{1}{10}$ الغلة للفقراء وأبقى $\frac{1}{5}$ الغلة للزريعة وباع الباقي .

- (1) عبر بكسر عن كمية القمح التي باعها الفلاح
- (2) عين كمية القمح التي أبقى للزريعة.

الحل

(1) الكسر الذي يمثل مجموع الكميتين (للزريعة والتي أعطيت للفقراء)

$$\frac{1}{5} + \frac{1}{10} = \frac{2}{10} + \frac{1}{10} = \frac{3}{10}$$

الكسر الذي يمثل كمية القمح التي باعها : $\frac{7}{10}$ (الغلة) = $\frac{10}{10} - \frac{3}{10}$

(2) كمية القمح التي أبقى للزريعة هي : 80 (قنطار) = $400 \times \frac{1}{5}$

التمرين 35

خلال سهرة عائلية تكلم الأب مخاطبا ابنه أحمد : إذا نجحت في البكالوريا

سأعطيك 75% من مبلغ جهاز الإعلام الآلي الذي ترغب في شرائه

وأضافت أمه قائلة : وأنا بدوري سأعطيك $\frac{1}{10}$ المبلغ وأخيرا تكلم العم قائلا :

وأنا سأكمل لك باقي المبلغ

- (1) عين الكسر الذي يمثل مجموع المبلغين اللذين يدفعهما الوالدان .
- (2) عبر بكسر عن المبلغ الذي يدفعه العم .

الحل

(1) الكسر الذي يمثل مجموع المبلغين اللذين يدفعهما الوالدان

$$\frac{75}{100} + \frac{1}{10} = \frac{75}{100} + \frac{10}{100} = \frac{85}{100}$$

(2) الكسر الذي يمثل المبلغ الذي يدفعه العم هو :

$$\frac{100}{100} - \frac{85}{100} = \frac{15}{100}$$

تمارين مقترحة للحل

(التمارين من 1 إلى 10 هي بمثابة مراجعة للسنة الأولى متوسط)

التمرين 1

أكمل بأحد الرمزین : = أو $\neq$

$$\frac{15}{12} \dots\dots\dots \frac{60}{48} , \frac{14}{9} \dots\dots\dots \frac{28}{27} , \frac{5}{6} \dots\dots\dots \frac{50}{60} , \frac{100}{120} \dots\dots\dots \frac{5}{6} , \frac{17}{11} \dots\dots\dots \frac{68}{55}$$

التمرين 2

باستعمال قواعد قابلية القسمة على 2 ، 3 ، 5 ، 9 اختزال الكسور الآتية :

$$\frac{45}{69} , \frac{115}{205} , \frac{99}{117} , \frac{405}{432} , \frac{66}{39} , \frac{65}{130} , \frac{48}{50}$$

التمرين 3

رتب ترتيبا تصاعديا الكسور الآتية

$$\frac{15}{10} , \frac{25}{100} , \frac{35}{10} , \frac{255}{100} , \frac{17}{10} , \frac{100}{100}$$

التمرين 4

ضع في مكان النقاط إحدى الرموز (< ، = ، >)

$$\frac{5}{10} \dots\dots\dots \frac{50}{100} , \frac{8}{5} \dots\dots\dots 1 , \frac{7}{10} \dots\dots\dots \frac{9}{10} , \frac{100}{100} \dots\dots\dots \frac{5}{5}$$
$$\frac{13}{13} \dots\dots\dots \frac{17}{17} , \frac{17}{10} \dots\dots\dots \frac{34}{20}$$

التمرين 5

أحسب مايلي

$$\frac{3}{10} + \frac{5}{10} , \frac{15}{100} + \frac{27}{100} , \frac{3}{10} + \frac{17}{100} , \frac{27}{100} + \frac{3}{10}$$
$$\frac{29}{10} + \frac{13}{1000} , \frac{1}{10} \times \frac{13}{100} , 17 \times \frac{3}{100}$$

التمرين 6

أحسب ما يلي مستعملا الكسور العشرية

$$0.03 \times 1.1 , 0.25 \times 2.5 , 0.08 \times 0.12 , 3.5 \times 1.2$$
$$3.25 \times 1.4 , 25.5 \times 1.8$$

التمرين 7

- أكمل ما يلي

$$\frac{12}{5} = \frac{\dots\dots}{10} , \quad \frac{\dots\dots}{.6} = \frac{20}{24} , \quad \frac{3}{4} = \frac{30}{\dots\dots} , \quad \frac{15}{\dots\dots} = \frac{60}{28}$$

التمرين 8

(1) عين العدد الطبيعي a بحيث : $\frac{7}{10} - \frac{a}{100} = \frac{1}{100}$

(2) عين العدد الطبيعي b حيث $b + \frac{3}{10} = \frac{53}{10}$

التمرين 9

إليك الكسور الآتية

$$\frac{30}{57} , \frac{24}{13} , \frac{7}{49} , \frac{25}{17} , \frac{33}{16} , \frac{47}{18}$$

أعطي قيمة عشرية مقربة بالنقصان إلى $\frac{1}{100}$ لهذه الكسور

التمرين 10

عين من بين الكسور الآتية الكسور العشرية

$$\frac{3}{8} , \frac{5}{4} , \frac{7}{25} , \frac{1}{3} , \frac{5}{6} , \frac{11}{6} , \frac{3}{16} , \frac{5}{7}$$

التمرين 11

أكمل بأحد الرموز ($>$, $<$, $=$)

$$\frac{9}{5} \dots\dots \frac{7}{5} , \frac{11}{12} \dots\dots \frac{13}{12} , \frac{5}{3} \dots\dots \frac{5}{4} , \frac{1}{2} \dots\dots \frac{3}{6} , \frac{5}{24} \dots\dots \frac{3}{12}$$
$$\frac{7}{18} \dots\dots \frac{4}{9} , \frac{3}{8} \dots\dots \frac{6}{16}$$

التمرين 12

أكمل بأحد الرمزين ($=$ أو $\neq$)

$$\frac{2}{7} \dots\dots \frac{8}{21} , \frac{5}{4} \dots\dots \frac{15}{12} , \frac{12}{12} \dots\dots \frac{10}{10} , \frac{3}{2} \dots\dots \frac{9}{8} , \frac{7}{15} \dots\dots \frac{4}{5}$$

$$\frac{3}{7} \dots\dots\dots \frac{12}{28}$$

التمرين 13

قارن بين الكسرين في كل ما يلي:

$$\frac{5}{7} \text{ و } \frac{4}{7} , \quad \frac{7}{12} \text{ و } \frac{14}{12} , \quad \frac{5}{3} \text{ و } \frac{4}{6} , \quad \frac{17}{6} \text{ و } \frac{3}{8} , \quad \frac{7}{24} \text{ و } \frac{5}{6}$$

التمرين 14

أحسب كل من الجداءات التالية ثم اختزل الناتج إذا أمكن ذلك

$$\frac{2}{5} \times \frac{15}{7} \times \frac{3}{4} , \quad \frac{11}{12} \times \frac{8}{3} \times \frac{24}{22} , \quad \frac{33}{7} \times \frac{49}{14} \times \frac{1}{3}$$

التمرين 15

(1) برهن باستعمال عملية القسمة أن الكسرين $\frac{5}{8}$ و $\frac{35}{56}$ متساويان

(2) عين العدد الطبيعي a حيث $\frac{5 \times a}{8 \times a} = \frac{35}{56}$

التمرين 16

عين العدد الطبيعي x الذي يحقق :

$$\frac{13}{3} = \frac{39}{x} , \quad \frac{2}{7} = \frac{x}{49} , \quad \frac{x}{3} = \frac{12}{18} , \quad \frac{5}{4} = \frac{20}{x} , \quad \frac{17}{4} = \frac{3}{3}$$

التمرين 17

أكمل ب (= أو ≠)

$$\frac{5}{4} + \frac{4}{8} \dots\dots\dots \frac{16}{8} , \quad \frac{7}{11} + \frac{0}{11} \dots\dots\dots \frac{7}{11} , \quad \frac{1}{3} + \frac{4}{3} \dots\dots\dots \frac{5}{3}$$

$$\frac{7}{3} + \frac{1}{6} \dots\dots\dots \frac{15}{6} , \quad \frac{3}{2} + \frac{1}{4} \dots\dots\dots \frac{4}{6}$$

التمرين 18

عين الكسر $\frac{a}{b}$ في الحالات الآتية :

$$\frac{a}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{10}{12} , \quad \frac{a}{7} \times \frac{6}{7} = \frac{18}{20} , \quad \frac{1}{4} \times \frac{a}{4} = \frac{2}{8}$$
$$\frac{1}{5} \times \frac{a}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{10}{105} , \quad \frac{2}{3} \times \frac{1}{4} \times \frac{a}{4} = \frac{32}{36}$$

التمرين 19

(1) أحسب ثم اختزل إذا أمكن

$$A = \frac{2.5}{4} \times \frac{1.2}{3} , \quad B = \frac{2.8}{1.5} \times \frac{0.4}{8} , \quad C = \frac{1.4}{2.5} \times \frac{0.5}{2.4}$$

التمرين 20

أحسب ما يلي

$$A = \left(\frac{1}{2} + \frac{3}{4} \right) \times 5 , \quad B = \left(\frac{3}{5} - \frac{4}{10} \right) \times \frac{1}{2} , \quad C = \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} + \frac{5}{2}$$
$$D = \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{8} \right) \times \frac{1}{2} - \left(\frac{1}{8} + \frac{1}{16} \right) \times \frac{1}{2}$$

التمرين 21

تقاسم 3 أشخاص مبلغا من المال حيث أخذ الأول $\frac{1}{4}$ المبلغ والثاني $\frac{5}{8}$ المبلغ والثالث الباقي .
(1) ما هو الشخص الذي أخذ أكبر مبلغ

التمرين 22

أكمل ما يلي

$$\frac{15}{29} \text{ p } \frac{\dots\dots}{29} \text{ p } \frac{20}{29} , \quad 1 \text{ p } \frac{\dots\dots}{4} \text{ p } \frac{9}{4} , \quad \frac{\dots\dots}{11} \text{ p } \frac{5}{11} \text{ p } \frac{8}{11}$$

$$\frac{\dots\dots}{4} p 1 p \frac{\dots\dots}{4}$$

التمرين 23

أحسب ثم اختزل إذا أمكن ذلك

$$A = \frac{5}{4} + \frac{17}{4} - \frac{3}{4} , \quad B = \frac{4.5}{3} - \frac{0.3}{3} , \quad C = \frac{13.5}{15} + \frac{12}{15} - \frac{5.5}{15}$$

$$D = \frac{13}{0.75} - \frac{7}{0.75} + \frac{1}{0.75}$$

التمرين 24

خزان بنزين أفرغ منه في الأسبوع الأول $\frac{1}{3}$ سعته وفي الأسبوع الثاني أفرغ منه $\frac{1}{2}$ الكمية المتبقية فيه .

- (1) عبر بكسر عن الكمية التي أفرغت من الخزان في الأسبوع الثاني
- (2) عبر بكسر عن الكمية المتبقية في الخزان

التمرين 25

أحسب ما يلي:

$$A = \frac{3}{2} - \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{8} \right) , \quad B = \frac{5}{3} + \left(\frac{7}{9} - \frac{2}{3} \right) , \quad C = \frac{1}{2} \times \left(\frac{3}{4} - \frac{5}{8} \right)$$

$$D = \frac{3}{5} - \left(\frac{1}{3} - \frac{2}{15} \right) \times \frac{1}{2} , \quad E = \left(\frac{7}{5} - \frac{3}{10} \right) \times \frac{1}{3}$$

التمرين 26

تعطى الأعداد الكسرية الآتية a ، b ، c احسب a-b+c في الحالات الآتية :

- 1) $a = \frac{3}{2} , b = \frac{3}{4} , c = \frac{1}{4}$
- 2) $a = 2 , b = \frac{5}{3} , c = \frac{7}{9}$

أحسب بطريقتين مختلفتين

التمرين 27

$$A = \frac{1}{3} + \frac{2}{9} + \frac{1}{27} , \quad B = \left(\frac{1}{6} - \frac{1}{12} \right) \times \frac{1}{2} , \quad C = \left(\frac{5}{3} + \frac{7}{9} \right) \times \frac{1}{4}$$

وحد مقامي الكسرين ثم قارن بينهما

التمرين 28

$$\frac{3}{5} \text{ و } \frac{7}{15} , \quad \frac{7}{8} \text{ و } \frac{3}{24} , \quad \frac{5}{7} \text{ و } \frac{4}{21} , \quad \frac{1}{2} \text{ و } \frac{7}{16} , \quad \frac{7}{5} \text{ و } \frac{9}{10}$$

التمرين 29

أحسب كلا من المجاميع الآتية

$$A = \frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \frac{1}{27} + \frac{5}{3} , \quad B = \frac{4}{4} + \frac{3}{8} - \frac{5}{16} + \frac{3}{32} , \quad C = 3 - \frac{1}{2} - \frac{1}{4} - \frac{1}{16}$$

التمرين 30

c ، b ، a أعداد طبيعية ، أحسب ماييلي معبر عن النتيجة بالحروف a ، b ، c

$$\frac{a}{4} + \frac{2a}{4} , \quad \frac{3b}{5} - \frac{b}{10} , \quad c + \frac{3c}{5} , \quad 2a - \frac{a}{b}$$

التمرين 31

أحذف الأقواس أولا ثم أحسب العبارات الآتية

$$A = \frac{3}{2} + \left(\frac{3}{4} - \frac{1}{2} \right) , \quad B = 3 - \left(\frac{2}{5} - \frac{1}{10} \right) , \quad C = \frac{7}{2} - \left(\frac{1}{4} - \frac{3}{2} + \frac{5}{4} \right)$$

التمرين 32

(1) قارن الكسور الآتية بالعدد 1 ، ثم قارن كل كسرين

$$\frac{5}{4} \text{ و } \frac{27}{30} , \quad \frac{13.2}{15} \text{ و } \frac{10.5}{7} , \quad \frac{27}{29} \text{ و } \frac{8}{5} , \quad \frac{11}{9} \text{ و } \frac{5}{7}$$

التمرين 33

أرسم مستقيما مدرجا (ox) وحدته [OA] حيث OA=4cm
(1) علم على (ox) النقاط B ، C ، D ، E ، F التي فواصلها على الترتيب :

$$\frac{7}{4}, \frac{5}{8}, \frac{3}{2}, \frac{1}{2}, \frac{3}{4}$$
$$\frac{7}{4}, \frac{5}{8}, \frac{3}{2}, \frac{1}{2}, \frac{3}{4} : \text{رتب ترتيبا تصاعديا الكسور}$$

التمرين 34

باستعمال الآلة الحاسبة رتب الكسور الآتية :

$$\frac{27}{29}, \frac{28}{31}, \frac{115}{104}, \frac{75}{73}, \frac{117}{121}, \frac{15}{13}$$

التمرين 35

سكان قرية يريدون بناء مسجد ، فطلبوا من وزارة الشؤون الدينية أن تسدد $\frac{3}{25}$ مبلغ التكلفة وطلبوا من الولاية أن تشارك بمبلغ قدره % 60 من مبلغ التكلفة والباقي سيدفعه سكان المدينة.

(1) عبر بكسر على المبلغ الذي يدفعه السكان

التمرين 36

توفى رجل تاركا مبلغ من المال والوصية الآتية : $\frac{1}{8}$ المبلغ سيكون من نصيب الزوجة و $\frac{1}{2}$ المبلغ المتبقي سيكون للفقراء ، وما تبقى من ماله سيكون لأولاده .

(1) عين بكسر المبلغ المخصص للفقراء

(2) عين الكسر الذي يمثل المبلغ المتبقي لأولاده .

التمرين 37

(1) اختزل أولا ثم أحسب العبارات الآتية

$$A = \frac{12}{8} - \frac{6}{4} + \frac{9}{6}, B = \frac{15}{25} - \frac{4}{10} + \frac{3}{5}, C = \frac{15}{12} \times \frac{25}{10} + \frac{1}{8}$$
$$D = \frac{35}{25} + \left(\frac{3}{10} + \frac{27}{15} \right)$$