

المدة: ساعتين

مستوى: 1 ثانوي ج.م.ع.ت () اختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات () السنة الدراسية: 2024/2025

التمرين الأول

A و B و C أعداد حقيقية حيث:

$$C = \sqrt{A} - \sqrt{B}$$

$$B = 8 + 2\sqrt{15}$$

$$A = 8 - 2\sqrt{15}$$

(1) قارن بين العددين A و B

(2) إستنتج إشارة العدد C

(3) بين أن $B = (\sqrt{3} + \sqrt{5})^2$ و $A = (\sqrt{3} - \sqrt{5})^2$ ثم إستنتج أن $C = -2\sqrt{5}$

نعتبر العدد الحقيقي x بحيث $x \in [3; 5]$

(1) أوجد حصرا لكل من : $(4x+2)$ و $(2x+3)$

(2) إستنتج أن $\frac{(4x+2)}{(2x^2+3)} \in \left[\frac{14}{53}; \frac{22}{21}\right]$

التمرين الثاني

I و J و K مجموعات معرفة بـ : $I = \left\{x \in \mathbb{R} : 1 \leq \frac{x+5}{2} < 7\right\}$ ، $J = \{x \in \mathbb{R} : 3x - 3 \geq 0\}$ ، $K = \{x \in \mathbb{R} : -2x + 4 > 0\}$

$$K = \{x \in \mathbb{R} : -2x + 4 > 0\}$$

1. عبر عن x في كل حالة .

2. أكتب عندئذ المجموعات I ، J و K على شكل مجالات .

3. عين كل من : $I \cap J$ ، $I \cup J$ ، $I \cap K$ و $K \cup J$

1 - أدرس أولية العدد 401 .

2 - عين العددين الطبيعيين c و d بحيث : $c^2 - d^2 = 401$

المدة: ساعتين

مستوى: 1 ثانوي ج.م.ع.ت () اختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات ☺ السنة الدراسية: 2024/2025

التمرين الثالث

(1) ليكن a و b عدنان حقيقيان حيث: $\sqrt{2} < a < \sqrt{3}$ و $\frac{1}{2} < b < \frac{3}{2}$

- عيّن حصرا للعبارتين: $2a^2 - 4b$ و $\frac{a^4 - 1}{2b + 1}$

(2) انقل ثم أكمل الجدول التالي:

| نصف قطر المجال | مركز المجال | المجال | الحصر | المسافة | القيمة المطلقة |
|----------------|-------------|--------|--------------------|---------|----------------|
| | | | | | $ x \leq 3$ |
| | | | $-4 \leq x \leq 6$ | | |

(3) M نقطة من المستقيم العددي (D) المزود بالمعلم (O, \vec{i}) فاصلتها x .

A و B نقطتان فاصلتيهما على الترتيب 2 و -3 .

أ) عبّر عن المسافة AM و BM بدلالة x .

ب) عيّن قيم العدد الحقيقي x بحيث: $|x + 3| \leq 2$.

ج) عيّن قيم العدد الحقيقي x بحيث: $|2x + 6| = |2x - 4|$ ، ثم استنتج حلول المتراجحة: $|2x + 6| \leq |2x - 4|$

$$3 \leq x \leq 5$$

$$9 \leq x^2 \leq 25 \Rightarrow 18 \leq 2x^2 \leq 50$$

$$21 \leq 2x^2 + 3 \leq 53$$

$$\frac{(4x+2)}{2x^2+3} \in \left[\frac{14}{53}; \frac{22}{21}\right] \text{ (2) استنتاج أن}$$

$$14 \leq 4x+2 \leq 22 \text{ --- (1) لدينا:}$$

$$21 \leq 2x^2+3 \leq 53 \text{ --- (2)}$$

بقلب (2) نجد:

$$\frac{1}{53} \leq \frac{1}{2x^2+3} \leq \frac{1}{21} \text{ --- (3)}$$

نضرب (1) في (3) فنجد:

$$\frac{14}{53} \leq \frac{4x+2}{2x^2+3} \leq \frac{22}{21}$$

$$\frac{4x+2}{2x^2+3} \in \left[\frac{14}{53}; \frac{22}{21}\right] \text{ ومنه}$$

حل التمرين الثاني:

(4) التعبير عن x في كل حالة

$$* 1 \leq \frac{x+5}{2} < 7$$

$$2 \leq x+5 < 14$$

$$-3 \leq x < 9$$

$$I = [-3; 9[$$

$$* 3x-3 \geq 0$$

$$3x \geq 3 \Rightarrow x \geq 1$$

$$J = [1; +\infty[$$

(2)

حل التمرين الاول

(1) المقارنة بين العددين A و B

نحسب إشارة الفرق

$$A = 8 - 2\sqrt{15} \text{ و } B = 8 + 2\sqrt{15}$$

$$A - B = 8 - 2\sqrt{15} - (8 + 2\sqrt{15})$$

$$A - B = 8 - 2\sqrt{15} - 8 - 2\sqrt{15}$$

$$A - B = -4\sqrt{15} < 0$$

بما أن $A - B < 0$ فإن $A < B$

(2) استنتاج إشارة العدد $C = \sqrt{A} - \sqrt{B}$

بما أن $A < B$ فإن $\sqrt{A} < \sqrt{B}$

ومنه إشارة العدد C سالبة $C < 0$

(3) التبيان أن:

$$* A = (\sqrt{3} - \sqrt{5})^2 \Rightarrow A = \sqrt{3}^2 + \sqrt{5}^2 - 2\sqrt{3 \times 5}$$

$$A = 3 + 5 - 2\sqrt{15} \Leftrightarrow A = 8 - 2\sqrt{15}$$

$$* B = (\sqrt{3} + \sqrt{5})^2 \Rightarrow B = \sqrt{3}^2 + \sqrt{5}^2 + 2\sqrt{3 \times 5}$$

$$B = 3 + 5 + 2\sqrt{15} \Leftrightarrow B = 8 + 2\sqrt{15}$$

- الاستنتاج أن $C = -2\sqrt{5}$

$$* A = (\sqrt{3} - \sqrt{5})^2 \text{ و } B = (\sqrt{3} + \sqrt{5})^2$$

$$C = \sqrt{A} - \sqrt{B} \Leftrightarrow C = \sqrt{(\sqrt{3} - \sqrt{5})^2} - \sqrt{(\sqrt{3} + \sqrt{5})^2}$$

$$C = \sqrt{3} - \sqrt{5} - \sqrt{3} - \sqrt{5} \Rightarrow C = -2\sqrt{5}$$

(1) إيجاد صر $(4x+1)$ ، $(2x^2+3)$

لدينا $x \in [3; 5]$ أي $3 \leq x \leq 5$

$$12 \leq 4x \leq 20$$

$$14 \leq 4x+1 \leq 21$$

(1)

$$(c-d)(c+d) = 401 \text{ ومنه } \text{أب:}$$

$$(c-d)(c+d) = 1 \times 401$$

ومنه

$$c-d = 1 \dots \textcircled{1}$$

$$c+d = 401 \dots \textcircled{2}$$

بجمع (1) و (2) نجد:

$$2c = 402 \Rightarrow c = 201$$

نعوض في (1) فنجد:

$$201 + d = 401$$

$$d = 401 - 201$$

$$d = 200$$

حل التمرين الثالث

حل التمرين تجدونه
على قناة اليوتيوب

YouTube الف الأستاذ ابراهيم الخليل



$$*-2x+4 > 0$$

$$-2x > -4$$

$$x < 2$$

$$K =]-\infty, 2[$$

(3) تعيين $I \cap K, I \cup J, I \cap J, K \cup J$

$$*I \cap J = [-3, 9[\cap [1, +\infty[= [1, 9[$$

$$*I \cup J = [-3, 9[\cup [1, +\infty[= [-3, +\infty[$$

$$*I \cap K = [-3, 9[\cap]-\infty, 2[= [-3, 2[$$

$$*K \cup J =]-\infty, 2[\cup [-3, 9[=]-\infty, 9[$$

1- دراسة أولية العدد 401:

$$\sqrt{401} \approx 20,02 \dots \dots$$

| | | | | | | | | |
|----------|-----|-----|-----|-----|--------|-------|-------|------|
| وعليه | 19 | 17 | 13 | 11 | 7 | 5 | 3 | 2 |
| العدد | ... | ... | ... | ... | 57, 28 | 20, 2 | 13, 3 | 5, 5 |
| 401 | X | X | X | X | X | X | X | X |
| عدد أولي | | | | | | | | |

2- تعيين العددين الطبيعيين

$$c \text{ و } d: \text{ لدينا } c^2 - d^2 = 401$$

(4)

(3)

الموقع الأول لتحضير الفروض والاختبارات في الجزائر

<https://www.dzexams.com>

| | |
|---|-------------------------|
| https://www.dzexams.com/ar/0ap | القسم التحضيري |
| https://www.dzexams.com/ar/1ap | السنة الأولى ابتدائي |
| https://www.dzexams.com/ar/2ap | السنة الثانية ابتدائي |
| https://www.dzexams.com/ar/3ap | السنة الثالثة ابتدائي |
| https://www.dzexams.com/ar/4ap | السنة الرابعة ابتدائي |
| https://www.dzexams.com/ar/5ap | السنة الخامسة ابتدائي |
| https://www.dzexams.com/ar/bep | شهادة التعليم الابتدائي |
| https://www.dzexams.com/ar/1am | السنة الأولى متوسط |
| https://www.dzexams.com/ar/2am | السنة الثانية متوسط |
| https://www.dzexams.com/ar/3am | السنة الثالثة متوسط |
| https://www.dzexams.com/ar/4am | السنة الرابعة متوسط |
| https://www.dzexams.com/ar/bem | شهادة التعليم المتوسط |
| https://www.dzexams.com/ar/1as | السنة الأولى ثانوي |
| https://www.dzexams.com/ar/2as | السنة الثانية ثانوي |
| https://www.dzexams.com/ar/3as | السنة الثالثة ثانوي |
| https://www.dzexams.com/ar/bac | شهادة البكالوريا |