

العمليات على الأعداد الطبيعية والعشرية

1) إجراء سلسلة من العمليات الحسابية بدون أقواس

• العمليات التي تحتوي الجمع والطرح

$$18.5 + 7.5 - 12.75 = 26 - 12.75 = 13.25$$

$$13 - 10 + 15 = 3 + 15 = 18$$

في الحساب بدون أقواس تكون فقط من عمليات الجمع والطرح ، تجرى العمليات حسب ترتيب كتابتها من اليسار إلى اليمين

• العمليات التي تحتوي الضرب ، الجمع ، الطرح

$$12.5 - 6 \times 1.5 = 12.5 - 9 = 3.5 , \quad 1.25 \times 8 + 15 = 10 + 15 = 25$$

أولوية

أولوية

• العمليات التي تحتوي القسمة ، الجمع ، الطرح

$$5.7 : 1.5 - 2.4 = 3.8 - 2.4 = 1.4 , \quad 13.25 + 9 : 2.25 = 13.25 + 4 = 17.25$$

أولوية

أولوية

في الحساب بدون أقواس تعطى الأولوية لعمليتي الضرب والقسمة على عمليتي الجمع والطرح

الخلاصة

لإجراء سلسلة من العمليات بدون أقواس : - نبدأ أولاً بعمليتي الضرب والقسمة وننتهي بعمليتي الجمع والطرح حسب ترتيب كتابتها (من اليسار إلى اليمين)

• تطبيقات

أحسب مايلي

$$A = 1.5 \times 2.8 - 1.4 \times 0.5 + 14 : 3.5$$

$$B = 12.25 : 5 - 1.2 \times 0.5 + 4.55$$

$$C = 1.8 \times 1.5 - 3.9 : 2.6 + 2.25$$

$$D = 135 : 2.5 \times 4 + 1.5 : 3$$

الحل

$$A = \underbrace{1.5 \times 2.8}_{4.2} - \underbrace{1.4 \times 0.5}_{0.7} + \underbrace{14 : 3.5}_{4} = 3.5 + 4 = 7.5$$

$$B = \underbrace{12.25 : 5}_{2.45} - \underbrace{1.2 \times 0.5}_{0.6} + 4.55 = 1.85 + 4.55 = 6.4$$

$$C = \underbrace{1.8 \times 1.5}_{2.7} - \underbrace{3.9 : 2.6}_{1.5} + 2.25 = 1.2 + 2.25 = 3.45$$

$$D = \underbrace{135 : 2.5}_{54} \times 4 + \underbrace{1.5 : 3}_{0.5} = 216 + 0.5 = 216.5$$

• استعمال الآلة الحاسبة لإجراء سلسلة من العمليات الحسابية

تعتبر الآلة الحاسبة في الوقت الحالي من أهم الوسائل المستعملة في الحساب ، حيث في غالب الأحيان يحرر التلميذ من انشغالات الحساب التي تكون معقدة وثقيلة. للذكر فإن الآلة الحاسبة تحتوي عدة ملامس ذكر منها الأهم في التعليم

المتوسط :

- ملامس العمليات : + ، - ، × ، ÷ ،

- ملامس الذاكرة : MRC, RM, M⁺, M⁻

لوضع نتيجة (عدد) في ذاكرة الآلة نضغط على M^+ ولمعرفة النتيجة (عدد) التي وضعناها في ذاكرة الآلة نضغط على RM أو MRC حسب الآلة .

- ملامس التشغيل والتوقف : ON/C يشغل الآلة .

OFF يوقف الآلة .

- الملمس : CE يمحى من شاشة الآلة نتيجة العملية السابقة

- ملامس الأرقام : 0 ، 1 ، 2 ،

• تطبيق:

أذكر المراحل التي نمر بها باستعمال الآلة الحاسبة لإجراء العمليات الحسابية الآتية

$$A = 1.25 + 1.5 \times 3.8, B = 25 + 12 \times 2.5 - 0.75 : 1.5$$

$$C = 61.25 : 2.5 - 3.8 \times 1.5$$

الحل

لرمز ب: [1] ، [2] ، [3] ، المرحلة الأولى ، الثانية ، الثالثة .. على الترتيب

$$A = 1,25 + 1,5 \times 3,8$$

$$[1] 1,5 \times 3,8 = 5,7 \rightarrow [2] 5,7 + 1,25 = 6,95$$

$$B = 25 + 12 \times 2,5 - 0,75 : 1,5$$

أولويّة

$$[1] 0,75 : 1,5 = 0,5 (M^+) \rightarrow [2] 12 \times 2,5 + 25 = 55 \rightarrow [3]$$

$$55 - MRC = 55 - 0,5 = 54,5$$

$$C = 61,25 : 2,5 - 3,8 \times 1,5$$

أولويّة

$$[1] 3,8 \times 1,5 = 5,7 (M^+) \rightarrow [2] 61,25 : 2,5 = 24,5 \rightarrow [3]$$

$$24,5 - MRC = 24,5 - 5,7 = 18,8$$

عند استعمال الآلة الحاسبة في الحساب بدون أقواس يجب احترام أولوية العمليات

2) إجراء سلسلة من العمليات الحسابية تحتوي أقواس :

أحسب مايلي :

$$A = (20 - 12.5) + 4, \quad B = 18.5 - (10.5 - 2.75)$$

$$C = 25.5 - (1.5 + 2.3) \times 5, \quad D = (5.25 + 2.50) : 0.5$$

$$A = \underbrace{(20 - 12.5)}_{7.5} + 4 = 7.5 + 4 = 11.5$$

$$B = 18.5 - \underbrace{(10.5 - 2.75)}_{7.75} = 18.5 - 7.75 = 10.75$$

$$C = 25.5 - \underbrace{(1.5 + 2.3)}_{3.8} \times 5 = 25.5 - 3.8 \times 5 = 25.5 - 19 = 6.5$$

$$D = \underbrace{(5.25 + 2.50)}_{7.75} : 0.5 = 7.75 : 0.5 = 15.5$$

لإجراء سلسلة من العمليات التي تحتوي أقواس نبدأ أولاً بحساب ما
بداخل الأقواس ثم عمليتي الضرب والقسمة

العبارات : • $a - (b+c)$ ، $a - (b-c)$ ، $a + (b-c)$

$$1) 12.5 + (10.3 - 8.1) = 12.5 + 2.2 = 14.7$$

$$(12.5 + 10.3) - 8.1 = 22.8 - 8.1 = 14.7$$

$$12.5 + (10.3 - 8.1) = (12.5 + 10.3) - 8.1$$

مهما تكن الأعداد العشرية a ، b ، c فإن: $a+(b-c) = (a+b)-c$

$$2) 15.25 - (10.5 - 7.25) = 15.25 - 3.25 = 12$$

$$(15.25 - 10.5) + 7.25 = 4.75 + 7.25 = 12$$

$$15.25 - (10.5 - 7.25) = (15.25 - 10.5) + 7.25$$

مهما تكن الأعداد العشرية a ، b ، c فإن: $a-(b-c) = (a-b)+c$

$$25.35 - (12.5 + 2.25) = 25.35 - 14.75 = 10.6$$

$$(25.35 - 12.5) - 2.25 = 12.85 - 2.25 = 10.6$$

$$25.35 - (12.5 + 2.25) = (25.35 - 12.5) - 2.25$$

مهما تكن الأعداد العشرية a ، b ، c فإن: $a-(b+c) = (a-b)-c$

(3) توزيع الضرب على الجمع وعلى الطرح

- توزيع الضرب على الجمع

لنحسب ونقارن بين النتيجتين في مثالين :

$$1) (3.5 + 2.4) \times 1.5 , (1.5 \times 3.5) + (1.5 \times 2.4)$$

$$2) (2.8 \times 4.5) + (2.8 \times 2.5) , (4.5 + 2.5) \times 2.8$$

$$1) (3.5 + 2.4) \times 1.5 = 5.9 \times 1.5 = 8.85 \\ (1.5 \times 3.5) + (1.5 \times 2.4) = 5.25 + 3.6 = 8.85 \quad \left. \right\}$$

$$(3.5 + 2.4) \times 1.5 = (1.5 \times 3.5) + (1.5 \times 2.4) \quad \text{نلاحظ أن:}$$

$$2) (2.8 \times 4.5) + (2.8 \times 2.5) = 12.6 + 7 = 19.6 \quad \left. \right\}$$

$$(4.5 + 2.5) \times 2.8 = 7 \times 2.8 = 19.6 \\ (2.8 \times 4.5) + (2.8 \times 2.5) = (4.5 + 2.5) \times 2.8 \quad \text{نلاحظ أن:}$$

مهما تكن الأعداد العشرية a ، b ، c فإن: $a \times (b+c) = (a \times b) + (a \times c)$

• توزيع الضرب على الطرح

لحسب ونقارن بين النتيجتين في مايلي :

$$1) 3.8 \times (12.5 - 9.25), \quad (3.8 \times 12.5) - (3.8 \times 9.25)$$

$$2) 4.25 \times (2.75 - 1.25), \quad (4.25 \times 2.75) - (4.25 \times 1.25)$$

$$3.8 \times (12.5 - 9.25) = 3.8 \times 3.25 = 12.35$$

$$1) (3.8 \times 12.5) - (3.8 \times 9.25) = 47.5 - 35.15 = 12.35$$

نلاحظ أن : $3.8 \times (12.5 - 9.25) = (3.8 \times 12.5) - (3.8 \times 9.25)$

$$2) 4.25 \times (2.75 - 1.25) = 4.25 \times 1.5 = 6.375$$

$$(4.25 \times 2.75) - (4.25 \times 1.25) = 11.6875 - 5.3125 = 6.375$$

نلاحظ أن : $4.25 \times (2.75 - 1.25) = (4.25 \times 2.75) - (4.25 \times 1.25)$

مهما تكن الأعداد العشرية a ، b ، c فإن :

$$a \times (b - c) = (a \times b) - (a \times c)$$

• ملاحظة : يمكن تبسيط كتابة العمليات وهذا بحذف الإشارة (\times)

$$2.5 \times a = 2.5a$$

$$b \times 12.5 = 12.5b$$

$$a \times (b - c) = a(b - c)$$

$$a \times b - a \times c = ab - ac$$