

العمليات على الأعداد الطبيعية والعشرية

1) إجراء سلسلة من العمليات الحسابية بدون أقواس

- العمليات التي تحتوي الجمع والطرح

$$18.5 + 7.5 - 12.75 = 26 - 12.75 = 13.25$$

$$13 - 10 + 15 = 3 + 15 = 18$$

في الحساب بدون أقواس متكون فقط من عمليات الجمع والطرح ، تجرى العمليات حسب ترتيب كتابتها من اليسار إلى اليمين

- العمليات التي تحتوي الضرب ، الجمع ، الطرح

$$12.5 - 6 \times 1.5 = 12.5 - 9 = 3.5 , 1.25 \times 8 + 15 = 10 + 15 = 25$$

أولوية

أولوية

- العمليات التي تحتوي القسمة ، الجمع ، الطرح

$$5.7 : 1.5 - 2.4 = 3.8 - 2.4 = 1.4 , 13.25 + 9 : 2.25 = 13.25 + 4 = 17.25$$

أولوية

أولوية

في الحساب بدون أقواس تعطى الأولوية لعمليتي الضرب والقسمة على عمليتي الجمع والطرح

الخلاصة

لإجراء سلسلة من العمليات بدون أقواس : - نبدأ أولاً بعمليتي الضرب والقسمة وننتهي بعمليتي الجمع والطرح حسب ترتيب كتابتها (من اليسار إلى اليمين)

● تطبيقات

أحسب مايلي

$$A = 1.5 \times 2.8 - 1.4 \times 0.5 + 14 : 3.5$$

$$B = 12.25 : 5 - 1.2 \times 0.5 + 4.55$$

$$C = 1.8 \times 1.5 - 3.9 : 2.6 + 2.25$$

$$D = 135 : 2.5 \times 4 + 1.5 : 3$$

الحل

$$A = \underbrace{1.5 \times 2.8}_{4.2} - \underbrace{1.4 \times 0.5}_{0.7} + \underbrace{14 : 3.5}_4 = 3.5 + 4 = 7.5$$

$$B = \underbrace{12.25 : 5}_{2.45} - \underbrace{1.2 \times 0.5}_{0.6} + 4.55 = 1.85 + 4.55 = 6.4$$

$$C = \underbrace{1.8 \times 1.5}_{2.7} - \underbrace{3.9 : 2.6}_{1.5} + 2.25 = 1.2 + 2.25 = 3.45$$

$$D = \underbrace{135 : 2.5}_{54} \times 4 + \underbrace{1.5 : 3}_{0.5}$$

$$D = 54 \times 4 + 0.5 = 216 + 0.5 = 216.5$$

● استعمال الآلة الحاسبة لإجراء سلسلة من العمليات الحسابية

تعتبر الآلة الحاسبة في الوقت الحالي من أهم الوسائل المستعملة في الحساب ،
حيث في غالب الأحيان يحرر التلميذ من انشغالات الحساب التي تكون معقدة
وثقيلة. للتذكير فإن الآلة الحاسبة تحتوي عدة ملامس نذكر منها الأهم في التعليم
المتوسط :

- ملامس العمليات : + ، - ، × ، ÷ ،

- ملامس الذاكرة : M⁺ , M⁻ , RM , MRC

لوضع نتيجة (عدد) في ذاكرة الآلة نضغط على M^+ . ولمعرفة النتيجة (عدد) التي وضعناها في ذاكرة الآلة نضغط على RM أو MRC (حسب الآلة).

- ملامس التشغيل والتوقيف : **ON/C** يشغل الآلة .
OFF يوقف الآلة .

- الملمس **CE** : يمحي من شاشة الآلة نتيجة العملية السابقة

- ملامس الأرقام : 0 ، 1 ، 2 ،

• تطبيق :

أذكر المراحل التي نمر بها باستعمال الآلة الحاسبة لإجراء العمليات الحسابية الآتية

$$A = 1,25 + 1,5 \times 3,8 , B = 25 + 12 \times 2,5 - 0,75 : 1,5$$

$$C = 61,25 : 2,5 - 3,8 \times 1,5$$

الحل

لنرمز بـ : **1** ، **2** ، **3** ، المرحلة الأولى ، الثانية ، الثالثة .. على الترتيب

$$A = 1,25 + 1,5 \times 3,8$$

$$\boxed{1} 1,5 \times 3,8 = 5,7 \rightarrow \boxed{2} 5,7 + 1,25 = 6,95$$

$$B = 25 + \underset{\text{أولوية}}{12 \times 2,5} - \underset{\text{أولوية}}{0,75 : 1,5}$$

$$\boxed{1} 0,75 : 1,5 = 0,5 (M^+) \rightarrow \boxed{2} 12 \times 2,5 + 25 = 55 \rightarrow \boxed{3}$$

$$55 - MRC = 55 - 0,5 = 54,5$$

$$C = \underset{\text{أولوية}}{61,25 : 2,5} - \underset{\text{أولوية}}{3,8 \times 1,5}$$

$$\boxed{1} 3,8 \times 1,5 = 5,7 (M^+) \rightarrow \boxed{2} 61,25 : 2,5 = 24,5 \rightarrow \boxed{3}$$

$$24,5 - MRC = 24,5 - 5,7 = 18,8$$

عند استعمال الآلة الحاسبة في الحساب بدون أقواس يجب احترام أولوية العمليات

(2) إجراء سلسلة من العمليات الحسابية تحتوي أقواس :

أحسب مايلي :

$$A = (20 - 12.5) + 4 , \quad B = 18.5 - (10.5 - 2.75)$$

$$C = 25.5 - (1.5 + 2.3) \times 5 , \quad D = (5.25 + 2.50) : 0.5$$

$$A = \underbrace{(20 - 12.5)}_{7.5} + 4 = 7.5 + 4 = 11.5$$

$$B = 18.5 - \underbrace{(10.5 - 2.75)}_{7.75} = 18.5 - 7.75 = 10.75$$

$$C = 25.5 - \underbrace{(1.5 + 2.3)}_{3.8} \times 5 = 25.5 - 3.8 \times 5 = 25.5 - 19 = 6.5$$

$$D = \underbrace{(5.25 + 2.50)}_{7.75} : 0.5 = 7.75 : 0.5 = 15.5$$

لإجراء سلسلة من العمليات التي تحتوي أقواس نبدأ أولاً بحساب ما
بداخل الأقواس ثم عمليتي الضرب والقسمة

• العبارات : $a-(b+c)$ ، $a-(b-c)$ ، $a+(b-c)$

$$1) 12.5 + (10.3 - 8.1) = 12.5 + 2.2 = 14.7$$

$$(12.5 + 10.3) - 8.1 = 22.8 - 8.1 = 14.7$$

$$12.5 + (10.3 - 8.1) = (12.5 + 10.3) - 8.1$$

مهما تكن الأعداد العشرية a ، b ، c فإن: $a+(b-c) = (a+b)-c$

$$2) 15.25 - (10.5 - 7.25) = 15.25 - 3.25 = 12$$

$$(15.25 - 10.5) + 7.25 = 4.75 + 7.25 = 12$$

$$15.25 - (10.5 - 7.25) = (15.25 - 10.5) + 7.25$$

مهما تكن الأعداد العشرية a ، b ، c فإن: $a-(b-c) = (a-b)+c$

$$25.35 - (12.5 + 2.25) = 25.35 - 14.75 = 10.6$$

$$(25.35 - 12.5) - 2.25 = 12.85 - 2.25 = 10.6$$

$$25.35 - (12.5 + 2.25) = (25.35 - 12.5) - 2.25$$

مهما تكن الأعداد العشرية a ، b ، c فإن: $a-(b+c) = (a-b)-c$

(3) توزيع الضرب على الجمع وعلى الطرح

• توزيع الضرب على الجمع

لنحسب ونقارن بين النتيجتين في مايلي :

$$1) (3.5 + 2.4) \times 1.5 , (1.5 \times 3.5) + (1.5 \times 2.4)$$

$$2) (2.8 \times 4.5) + (2.8 \times 2.5) , (4.5 + 2.5) \times 2.8$$

$$1) (3.5 + 2.4) \times 1.5 = 5.9 \times 1.5 = 8.85$$

$$(1.5 \times 3.5) + (1.5 \times 2.4) = 5.25 + 3.6 = 8.85$$

$$(3.5 + 2.4) \times 1.5 = (1.5 \times 3.5) + (1.5 \times 2.4)$$

نلاحظ أن :

$$2) (2.8 \times 4.5) + (2.8 \times 2.5) = 12.6 + 7 = 19.6$$

$$(4.5 + 2.5) \times 2.8 = 7 \times 2.8 = 19.6$$

$$(2.8 \times 4.5) + (2.8 \times 2.5) = (4.5 + 2.5) \times 2.8$$

نلاحظ أن :

مهما تكن الأعداد العشرية a ، b ، c فإن:

$$a \times (b + c) = (a \times b) + (a \times c)$$

• توزيع الضرب على الطرح

لنحسب ونقارن بين النتيجتين في مايلي :

1) $3.8 \times (12.5 - 9.25)$, $(3.8 \times 12.5) - (3.8 \times 9.25)$

2) $4.25 \times (2.75 - 1.25)$, $(4.25 \times 2.75) - (4.25 \times 1.25)$

$3.8 \times (12.5 - 9.25) = 3.8 \times 3.25 = 12.35$

1) $(3.8 \times 12.5) - (3.8 \times 9.25) = 47.5 - 35.15 = 12.35$

نلاحظ أن : $3.8 \times (12.5 - 9.25) = (3.8 \times 12.5) - (3.8 \times 9.25)$

$4.25 \times (2.75 - 1.25) = 4.25 \times 1.5 = 6.375$

2) $(4.25 \times 2.75) - (4.25 \times 1.25) = 11.6875 - 5.3125 = 6.375$

نلاحظ أن : $4.25 \times (2.75 - 1.25) = (4.25 \times 2.75) - (4.25 \times 1.25)$

مهما تكن الأعداد العشرية a ، b ، c فإن :

$$a \times (b - c) = (a \times b) - (a \times c)$$

• ملاحظة : يمكن تبسيط كتابة العمليات وهذا بحذف الإشارة (\times)

$$2.5 \times a = 2.5a$$

$$b \times 12.5 = 12.5b$$

$$a \times (b - c) = a(b - c)$$

$$a \times b - a \times c = ab - ac$$

