



**التمرين الأول (04ن) :**

عين في كل حالة من الحالات الستة في الجدول أدناه الاقتراح الصحيح من الاقتراحات الثلاث مع التبرير.

اقتراح 3	اقتراح 2	اقتراح 1	
$(u_n)$ متتالية حسابية	$(u_n)$ متتالية لا هندسية ولا حسابية	$(u_n)$ متتالية هندسية	(1) $u_1, u_2, u_3$ ثلاث حدود من متتالية عددية $(u_n)$ إذا كان: $u_1 = -1, u_2 = \frac{5}{2}, u_3 = \frac{7}{3}$
$q = 9$	$q = -9$	$q = \frac{1}{9}$	(2) $(v_n)$ متتالية هندسية معرفة على $\mathbb{N}$ : $v_n = 3^{-2n}$
506	504	507	(3) $(v_n)$ متتالية حسابية حدها الأول $v_0 = 1$ وأساسها 4 قيمة $n$ التي من أجلها يكون $v_n = 2025$
$y = -x + 7$	$y = 7x - 7$	$y = -7x + 7$	(4) معادلة المماس لمنحنى الدالة $f$ المعرفة على $\mathbb{R}$ $f'(x) = \frac{(x-2)(x^2 + 2x + 4)}{x^3}$ عند النقطة التي إحداثياتها $(0; 1)$ هي:

**التمرين الثاني (04ن) :**

لتكن  $(u_n)$  متتالية عددية معرفة بحددها الأول  $u_0 = \alpha$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n : 4u_{n+1} = u_n + 9$

(1) عين قيمة  $\alpha$  حتى تكون المتتالية  $(u_n)$  ثابتة

(2) نضع  $u_0 = 4$  احسب  $u_1$  و  $u_2$ .

(3) أ) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n : u_n \geq 3$ .

ب) بين أن المتتالية  $(u_n)$  متناقصة ثم استنتج أنها متقاربة.

نعرف من أجل كل عدد طبيعي  $n$  المتتالية  $(v_n)$  كما يلي :  $v_n = u_n - 3$

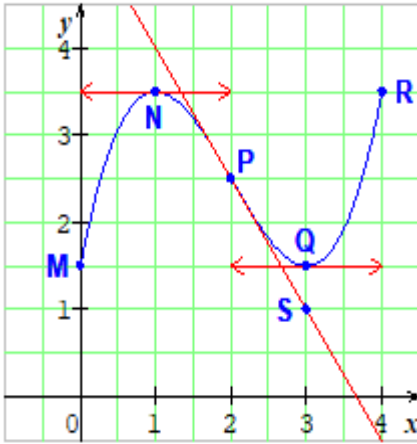
أ) اثبت أن  $(v_n)$  متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحددها الأول

ب) اكتب  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم  $u_n$  بدلالة  $n$ .

(4) أثبت من أجل كل عدد طبيعي  $n$  أن :  $v_0 \times v_1 \times v_2 \times \dots \times v_n = \left(\frac{1}{2}\right)^{n(n+1)}$

### التمرين الثالث (04ن):

$f$  دالة معرفة وقابلة للاشتقاق على المجال  $[0;4]$  و  $(C)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  النقط  $M, N, P, Q, R$  تنتمي إلى  $(C)$ . المنحني  $(C)$  يقبل في كل من النقطتين  $N$  و  $Q$  مماس موازيا لحامل محور الفواصل، المستقيم  $(\Delta)$  هو المماس للمنحني  $(C)$  في النقطة  $P(2; \frac{5}{2})$ .



ويشمل النقطة  $S(3;1)$ .

#### أ. بقراءة بيانية عين:

1.  $f(2)$  ،  $f'(3)$  ،  $f'(2)$  ،  $f'(1)$
2. عين معادلة للمستقيم  $(\Delta)$ .
3. الوضع النسبي للمنحني  $(C)$  و  $(\Delta)$ . ماذا تستنتج؟
4. عين باستعمال التمثيل البياني عدد حلول المعادلة  $f(x) = 3$  على المجال  $[0;4]$

5. إشارة الدالة المشتقة للدالة  $f$

II. لتكن الدالة  $g$  المعرفة على  $[0;4]$  بـ:  $g(x) = \frac{1}{f(x)}$

- عين الدالة المشتقة للدالة  $g$  بدلالة  $f$  و  $f'$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $g$

### التمرين الرابع (08ن)

I) الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  كمايلي:  $g(x) = x^3 + 6x - 4$

- ادرس تغيرات الدالة  $g$  على  $\mathbb{R}$  ثم شكل جدول تغيراتها.
- بين ان المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث  $0.6 < \alpha < 0.7$
- استنتج حسب قيم العدد الحقيقي  $x$  إشارة  $g(x)$ .

II) نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = \frac{x^3 + 2}{x^2 + 2}$  وليكن  $(C_f)$  المنحني البياني لها في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

- احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
- تحقق أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  فإن:  $f'(x) = \frac{x \cdot g(x)}{(x^2 + 2)^2}$
- استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.
- بين أن المستقيم  $(\Delta)$  للمعادلة  $y = x$  مقارب مائل لـ  $(C_f)$ .
- ادرس الوضع النسبي بين  $(C_f)$  و  $(\Delta)$
- برهن ان للمنحني  $(C_f)$  مماسين يوازيان  $(\Delta)$  وأكتب معادلتيهما.
- بين أن  $(C_f)$  يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها  $x_0$  حيث:  $-1.3 < x_0 < -1.2$
- أنشئ  $(C_f)$  و  $(\Delta)$
- ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة  $f(x) = m$ .

انتهى الموضوع مع تمنيات الأستاذة لكم بالتوفيق