

(2) بما أن $4 < 3 < 1 < \frac{3}{4}$ و بالتالي فالأيام الثلاثة لم تكن كافية لحرث الأرض كلها.

الكسر الذي يعبر عن مساحة الجزء المتبقي هو $\frac{1}{4}$.

$$1 - \frac{3}{4} = \frac{4}{4} - \frac{3}{4} = \frac{4-3}{4} = \frac{1}{4}$$

(3) • المساحة التي تم حرثها في اليوم الأول: 150 m^2 .

$$\frac{1}{8} \times 1200 = 1200 \div 8 = 150$$

• المساحة التي تم حرثها في اليوم الثاني: 400 m^2 .

$$\frac{1}{3} \times 1200 = 1200 \div 3 = 400$$

• المساحة التي تم حرثها في اليوم الثالث: 350 m^2 .

$$\frac{7}{24} \times 1200 = 7 \times (1200 \div 24) = 7 \times 50 = 350$$

• المساحة المتبقية: 300 m^2 .

$$\frac{1}{4} \times 1200 = 1200 \div 4 = 300$$

ملاحظة: لدينا $150 + 400 + 350 + 300 = 1200$

حل التمرين الثالث:

(1) الكسر الذي يعبر عن نسبة التلاميذ الذين صوتوا لصالح يحيى هو $\frac{1}{6}$.

$$\begin{aligned} 1 - \left(\frac{1}{3} + \frac{2}{9} + \frac{5}{18} \right) &= 1 - \left(\frac{1 \times 6}{3 \times 6} + \frac{2 \times 2}{9 \times 2} + \frac{5}{18} \right) \\ &= 1 - \left(\frac{6}{18} + \frac{4}{18} + \frac{5}{18} \right) \\ &= 1 - \left(\frac{6+4+5}{18} \right) = 1 - \frac{15 \div 3}{18 \div 3} \\ &= 1 - \frac{5}{6} = \frac{6}{6} - \frac{5}{6} = \frac{6-5}{6} = \frac{1}{6} \end{aligned}$$

(2) نقارن الكسور $\frac{1}{3}$ ، $\frac{2}{9}$ ، $\frac{5}{18}$ و $\frac{1}{6}$. من أجل ذلك، نبدأ بتوحيد المقامات. لكن، من السؤال السابق لدينا:

$$\frac{1}{6} = \frac{1 \times 3}{6 \times 3} = \frac{3}{18}, \quad \frac{5}{18} = \frac{5}{18}, \quad \frac{2}{9} = \frac{4}{18}, \quad \frac{1}{3} = \frac{6}{18}$$

و بما أن $6 < 5 < 4 < 3$ فإن $\frac{6}{18} < \frac{5}{18} < \frac{4}{18} < \frac{3}{18}$ أي $\frac{1}{3} < \frac{5}{18} < \frac{2}{9} < \frac{1}{6}$ و بالتالي فالفائز في هذه الانتخابات هو عمر.

(3) • عدد الأصوات التي تحصل عليها عمر هو 132 صوتا.

$$\frac{1}{3} \times 396 = 396 \div 3 = 132$$

• عدد الأصوات التي تحصل عليها كريم هو 88 صوتا.

$$\frac{2}{9} \times 396 = 2 \times (396 \div 9) = 2 \times 44 = 88$$

• عدد الأصوات التي تحصلت عليها أسماء هو 110 أصوات.

$$\frac{5}{18} \times 396 = 5 \times (396 \div 18) = 5 \times 22 = 110$$

• عدد الأصوات التي تحصل عليها يحيى هو 66 صوتا.

$$\frac{1}{6} \times 396 = 396 \div 6 = 66$$

ملاحظة: لدينا $132 + 88 + 110 + 66 = 396$

1 يُعوّض الضمان الإجتماعي للسيد أحمد 75% من مبلغ

الوصفة الطبية بينما تعوّض له التعاضدية $\frac{3}{20}$ من المبلغ.

عبر بكسر عن المبلغ المتبقي و الذي يدفعه السيد أحمد للصيدلي.

2 شرع مزارع في حرث أرض له، فحرث في اليوم الأول $\frac{1}{8}$

من الأرض و في اليوم الثاني $\frac{1}{3}$ و في اليوم الثالث $\frac{7}{24}$.

(1) عبر بكسر عن مساحة الجزء الذي تم حرثه في الأيام الثلاثة.

(2) هل كانت هذه الأيام الثلاثة كافية لحرث الأرض كلها؟

إذا كان الجواب لا، فعبر بكسر عن مساحة الجزء المتبقي.

(3) مساحة الأرض هي 1200 m^2 . جد المساحة التي تم حرثها

في كل يوم من الأيام الثلاثة و المساحة المتبقية (إن وُجدت).

3 ترشح كل من عمر، كريم، أسماء و يحيى لمنصب رئيس

الجمعية الثقافية في المتوسطة فحصد عمر $\frac{1}{3}$ من الأصوات و تحصل

كريم على $\frac{2}{9}$ الأصوات بينما صوتت $\frac{5}{18}$ من التلاميذ لصالح أسماء و الباقي لصالح يحيى.

(1) عبر بكسر عن نسبة التلاميذ الذين صوتوا لصالح يحيى.

(2) من بين المترشحين الأربعة، من يفوز في هذه الانتخابات؟

(3) جد عدد الأصوات التي تحصل عليها كل مترشح إذا كان عدد المصوّتين هو 396 تلميذاً.

الحلول

حل التمرين الأول: لدينا: $75\% = \frac{75}{100} = \frac{75 \div 25}{100 \div 25} = \frac{3}{4}$

إذن الضمان الإجتماعي يعوّض $\frac{3}{4}$ من مبلغ الوصفة.

الكسر الذي يعبر عن المبلغ الذي يعوضه الضمان الإجتماعي و

التعاضدية معا هو $\frac{9}{10}$.

$$\frac{3}{4} + \frac{3}{20} = \frac{3 \times 5}{4 \times 5} + \frac{3}{20} = \frac{15}{20} + \frac{3}{20} = \frac{15+3}{20} = \frac{18 \div 2}{20 \div 2} = \frac{9}{10}$$

الكسر الذي يعبر عن المبلغ الذي يدفعه السيد أحمد للصيدلي هو: $\frac{1}{10}$.

$$1 - \frac{9}{10} = \frac{10}{10} - \frac{9}{10} = \frac{10-9}{10} = \frac{1}{10}$$

حل التمرين الثاني:

(1) الكسر الذي يعبر عن مساحة الجزء الذي تم حرثه في الأيام

الثلاثة هو $\frac{3}{4}$.

$$\frac{1}{8} + \frac{1}{3} + \frac{7}{24} = \frac{1 \times 3}{8 \times 3} + \frac{1 \times 8}{3 \times 8} + \frac{7}{24} = \frac{3}{24} + \frac{8}{24} + \frac{7}{24}$$

$$= \frac{3+8+7}{24} = \frac{18 \div 6}{24 \div 6} = \frac{3}{4}$$

(3) جد أقياس زوايا المثلث $L'M'N'$ و احسب مساحته مع التعليل.

8

(1) عيّن خمس نقاط M, F, G, H, I بحيث:

$$MF = MG = MH = MI = 6 \text{ cm}$$

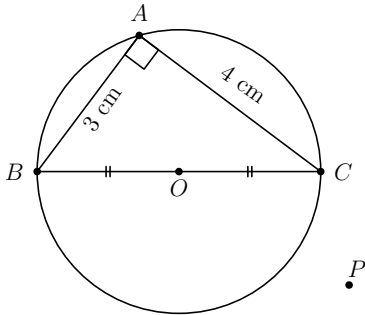
(2) أنشئ المثلث ABC ، نظير المثلث FGH بالنسبة إلى I .

(3) احسب محيط الدائرة المحيطة بالمثلث ABC مع التعليل.

9

(1) أنشئ نظير الشكل أدناه بالنسبة إلى النقطة P .

يُعطى: $BC = 5 \text{ cm}$ ، $AC = 4 \text{ cm}$ ، $AB = 3 \text{ cm}$.
(نسمي A', B', C', O' نظائر النقاط A, B, C, O على الترتيب).



(2) أكمل الفراغ بما يناسب:

- لأن $A'C' = \dots = \dots \text{ cm}$.
- لأن $AB = \dots = \dots \text{ cm}$.
- لأن $\widehat{BAC} = \dots = \dots$.
- نظير المثلث ABC بالنسبة إلى النقطة P هو

(3) احسب مساحة المثلث $A'B'C'$ مع التبرير.

10 ارسم دائرتين (C) و (C') لهما نفس المركز O ونصفي

قطريهما 4 cm و 6 cm على الترتيب.

عيّن نقطتين A و C على الدائرة (C) .
نصف المستقيم $[OC]$ يقطع الدائرة (C') في B و القطعة $[AB]$ تقطع الدائرة (C) في I .

نسمي A', B', C', I' نظائر A, B, C, I بالنسبة إلى O .

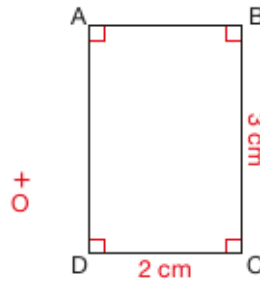
(1) جد مع التعليل الأطوال AA' ، OB' و $B'C'$.

(2) جد مع التعليل قياس الزاوية $\widehat{C'OA'}$.

(3) احسب مع التعليل مساحة المثلث $OA'B'$.

(4) هل النقط A', B', C' على استقامة واحدة؟ علّل.

(1) انقل الشكل المقابل ثم أنشئ نظيره $A'B'C'D'$ بالنسبة إلى النقطة O .



(2) أتمم بما يناسب (دون استعمال الأدوات الهندسية):

$$A'B' = \dots \text{ cm (أ)}$$

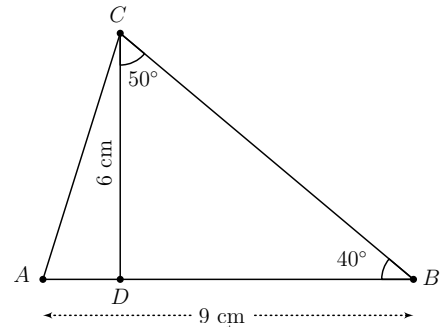
$$\widehat{A'D'C'} = \dots^\circ \text{ (ب)}$$

$$(A'B') \dots (C'D') \text{ (ج)}$$

(3) جد مساحة المستطيل $A'B'C'D'$ مع التعليل.

(4) بين أن القطعتين $[AA']$ و $[BB']$ تتقاطعان في منتصفيهما.

5



(1) ما طبيعة المثلث DBC ؟ علّل.

(2) عيّن النقطة O بحيث $O \in [CD]$ و $CO = 9 \text{ cm}$.

(3) أنشئ $A'B'C'$ نظير ABC بالنسبة إلى O ثم أنشئ D' نظيرة D بالنسبة إلى O .

(4) ماذا تمثل القطعة $[C'D']$ بالنسبة للمثلث $A'B'C'$ ؟ علّل.

(5) احسب مساحة المثلث $A'B'C'$ مع التعليل.

6

(1) أنشئ مثلثا RST بحيث:

$$\widehat{T} = 55^\circ \text{ و } \widehat{S} = 35^\circ, \text{ و } ST = 8 \text{ cm}$$

(2) عيّن نقطة I خارج هذا المثلث ثم أنشئ المثلث $R'S'T'$ نظير RST بالنسبة إلى I .

(3) برهن أن المثلث $R'S'T'$ قائم.

7

(1) ارسم مثلثا LMN قائما في L و متساوي الساقين رأسه الأساسي L بحيث $LM = 6 \text{ cm}$.

(2) عيّن نقطة A خارج هذا المثلث ثم أنشئ نظيره $L'M'N'$ بالنسبة إلى A .