

ميدان التعلم : التحليل

ثانوية : محمد حسين بن زيان سواد الجمعة-

المحور : النهايات

المستوى : السنة الثالثة علوم تجريبية

الموضوع : نهاية المنتهية أو غير منتهية

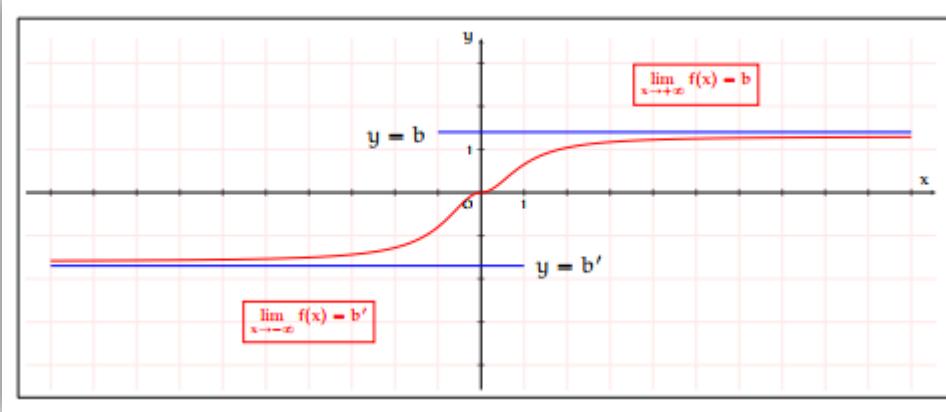
المدة : 2 ساعة

المكتسبات القبلية : مفاهيم أولية حول الدوال العددية

المكتسبات المستهدفة : نهاية المتمتيو أو غير المتمتيه و التقسيم البياني لها

المراجع : الكتاب المدرسي

المدة	عناصر الدرس	المراحل
	<p><b>التهيئة النفسية :</b> التذكير بمفهوم النهاية</p> <p><b>نهاية متمتية لدالة عند <math>\pm\infty</math> :</b> <math>f</math> دالة معرفة على مجال من الشكل <math>[x_0; +\infty)</math> و <math>l</math> عدد حقيقي . القول ان <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = l</math> يعني ان كل مجال مفتوح شامل للعدد <math>l</math> يشمل أيضا كل القيم <math>f(x)</math> من اجل <math>x</math> كبير بالقدر الكافي و نكتب <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = l</math> و تقرأ " <math>f</math> يؤول الى <math>l</math> لما يؤول <math>x</math> الى <math>+\infty</math> "</p> <p><b>ملاحظة :</b> نحصل على نفس التعريف ونتيجة مماثلتين عند <math>-\infty</math> -</p> <p><b>أمثلة :</b> <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{x} = 0</math> و <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{x} = 0</math></p> <p><b>تطبيق :</b> لتكن الدالة <math>f</math> المعرفة على <math>[2; +\infty)</math> كما يلي: <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0</math> أثبت <math>f(x) = \frac{3}{x-2}</math></p> <p><b>المستقيم المقارب الأفقي</b></p> <p><b>نتيجة :</b> نقول ان المستقيم ذو المعادلة <math>y = l</math> هو مستقيم مقارب للمنحنى <math>(C_f)</math> الممثل للدالة <math>f</math> عند <math>+\infty</math> أو عند <math>-\infty</math></p>	<p>الانطلاق :</p> <p>بناء المفاهيم:</p>



نهاية غير منتهية لدالة عند  $+\infty$  أو  $-\infty$

**تعريف(1):**  $f$  دالة معرفة على مجال من الشكل  $[x_0; +\infty]$ .

القول ان نهاية  $f$  عند  $+\infty$  هي  $\infty$  يعني ان كل مجال من الشكل  $[A; +\infty]$  حيث  $A \in R$  يشمل أيضا

كل القيم  $(x)$  من اجل  $x$  كبير بالقدر الكافي و نكتب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

**تعريف2:**  $f$  دالة معرفة على مجال من الشكل  $[x_0; +\infty]$ .

القول أن نهاية  $f$  عند  $+\infty$  هي  $-\infty$  يعني أن كل مجال من الشكل  $[B; -\infty]$  يشمل كل

القيم  $(x)$  من اجل  $x$  كبير بالقدر الكافي. نكتب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$  و نقرأ  $f$  يؤول إلى  $-\infty$

لما يؤول  $x$  إلى  $+\infty$ .

**ملاحظة:** نحصل على تعريفين مماثلين عند  $-\infty$ .

**تطبيق:** لتكن  $f$  الدالة المعرفة على  $[4; +\infty]$  أثبت باستعمال التعريف

أن:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

نهاية منتهية أو غير منتهية لدالة عند عدد حقيقي

نهاية منتهية عند عدد حقيقي

**تعريف:**  $f$  دالة معرفة على مجموعة من الشكل  $[x_0; b] \cup [a; x_0]$  و  $l$  عدد حقيقي. القول أن

نهاية  $f$  عند  $x_0$  هي  $l$  يعني أن كل مجال مفتوح شامل للعدد  $l$  يشمل كل القيم  $(x)$   $f$  من اجل  $x$

قريب بالقدر الكافي من  $x_0$ . نكتب  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = l$  و نقرأ  $f$  يؤول إلى  $l$  لما يؤول  $x$  إلى  $x_0$ .

نهاية غير منتهية عند عدد حقيقي

**تعريف(1):**  $f$  دالة معرفة على مجموعة من

الشكل  $[x_0; b] \cup [a; x_0]$ . القول أن نهاية  $f$  عند  $x_0$  هي  $+\infty$  يعني أن كل مجال من الشكل

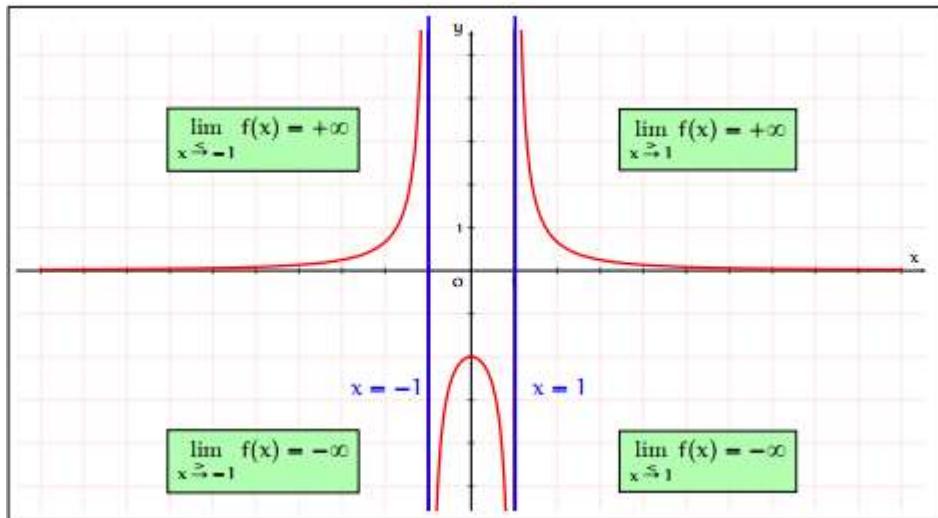
يشمل كل القيم  $(x)$   $f$  من اجل  $x$  قريب بالقدر الكافي من  $x_0$ . نكتب

و نقرأ  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = +\infty$  لما يقول  $x$  إلى  $x_0$ .

**أمثلة:**  $f(x) = \frac{1}{x}$  (النهاية من اليمين و اليسار لـ  $f$  عند 0)

## المستقيم المقارب العمودي

**نتيجة :** ليكن  $(C_f)$  التمثيل البياني للدالة  $f$  في معلم ، و ليكن المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $x = a$  القول أن المستقيم  $(\Delta)$  مستقيم مقارب للمنحنى  $(C_f)$  يعني أن نهاية الدالة  $f$  عند  $a$  (من يسار  $a$  أو من اليمين  $a$ ) هي  $\infty$  أو  $-\infty$  .



## تقویم :

**تطبيق:** نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $[-\infty; 1] \cup [1; +\infty]$  و لتكن  $(\mathcal{C}_f)$  تمثيلها البياني في معلم.

1) أدرس نهايات الدالة  $f$  عند أطراف مجموعة تعريفها، ماذا تستنتج؟

## 2) شكل جدول تغيرات الدالة $f$

3) عين نقاط تقاطع  $(C_f)$  مع محور الفواصل ثم مع محور التراتيب ثم أرسم المنحني  $(C_f)$ .

## تمرين : 27