

الفرض الأول لثلاثي الأول في مادة الرياضيات

السنة الدراسية: 2019/2020

المدة : ساعة

المستوى : الثانية رياضي

التمرين الأول

ليكن $p(x) = 2x^3 + ax + b$ كثير حدود ، a و b عدوان حقيقيان حيث :

(1) عين العددان a و b حتى يكون العدد -1 جذراً لكثير الحدود $p(x)$ و $p(-1) = 7$

$$b = 7 \text{ و } a = 5 \quad (2)$$

أ- عين عبارة $g(x)$ بحيث يكون :

$$p(x) = (x + 1)g(x)$$

ب- حل في \mathbb{R} المعادلة $p(x) = 0$

ت- حل في \mathbb{R} المترابحة $p(x) < 0$

التمرين الثاني

$$f(x) = x^2 + 2x - 3$$

نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي:

وليكن (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

$$(1) \text{ بين أن من أجل كل عدد حقيقي } x : f(x) = (x + 1)^2 - 4$$

(2) عين إتجاه تغير الدالة f على المجالين $[-\infty; -1]$ و $[-1; +\infty]$ ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) إشرح كيف يمكن استنتاج (C_f) التمثيل البياني للدالة f إنطلاقاً من (C_k) التمثيل البياني للدالة "مربع"

، ثم أرسم (C_f) و (C_k) في معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

(4) بين أن المستقيم ذو المعادلة $x = -1$ محور تنازول للمنحني (C_f) .

$$(5) \text{ نضع من أجل كل عدد حقيقي } x : h(x) = f(|x|)$$

(ا) أثبت أن من أجل كل عدد حقيقي x موجب : $h(x) = f(x)$

(ب) أثبت أن الدالة h دالة زوجية.

(ج) أرسم (C_h) منحني h باستعمال (C_f) منحني الدالة f .