

التمرين 5:

1. حُلّ المعادلة : $5x - 8 = x + 4$.
2. (ا) انشر و بسّط العبارة C حيث $C = (2x + 1)(x - 1) - x(x - 1)$.
(ب) احسب قيمة C من أجل $x = -1$.

التمرين 6:

- EFG مثلث متساوي الساقين رأسه الأساسي E بحيث $EF = EG = 6\text{cm}$ و $FG = 5\text{cm}$.
الدائرة (\mathcal{C}) التي قطرها $[EG]$ تقطع $[FG]$ في K . نسمي O مركز هذه الدائرة.
1. أنشئ الشكل بكل عناية.
 2. بيّن أنّ المثلث EKG قائم.
 3. برهن أنّ K منتصف $[FG]$.
 4. احسب $\cos \widehat{EGK}$ ثم استنتج قياس الزاوية \widehat{EGK} مع تدوير النتيجة إلى الوحدة.
 5. احسب الطول EK مع تدوير النتيجة إلى المليمتر.
 6. لتكن S صورة E بالانسحاب الذي يحوّل K إلى G .
(ا) أنشئ النقطة S على الشكل.
 - (ب) بيّن أنّ الرباعي $ESGK$ مستطيل.

حل التمرين 5:

$$1. \quad 5x - 8 = x + 4 \quad \text{منه} \quad 5x - x = 4 + 8 \quad \text{منه} \quad 4x = 12 \quad \text{منه} \quad x = \frac{12}{4} \quad \text{أي} \quad x = 3$$

$$2. \quad C = (2x + 1)(x - 1) - x(x - 1) = 2x^2 - 2x + x - 1 - x^2 + x \quad (1)$$

$$= 2x^2 - x^2 - 2x + x + x - 1 = x^2 + 0x - 1 = x^2 - 1$$

×	x	-1
2x	2x ²	-2x
+1	+x	-1

×	x	-1
-x	-x ²	+x

$$(ب) \quad \text{من أجل } x = -1 \text{ فإن } : C = (-1)^2 - 1 = 1 - 1 = 0$$

حل التمرين 6:

1. الشكل.

2. المثلث EKG قائم في K لأن (مثلاً) $OE = OK = OG$ و بالتالي $OK = \frac{1}{2}EG$

أي أنّ طول المتوسط المتعلق بالضلع $[EG]$ يساوي نصف طول هذا الضلع.

3. بما أن $\widehat{EKG} = 90^\circ$ فإن $[EK]$ هو الارتفاع المتعلق بالضلع $[FG]$ في المثلث EFG ؛ و بما أن المثلث EFG متساوي الساقين فإن الارتفاع المتعلق بالقاعدة هو أيضا متوسط و بالتالي K هي منتصف $[FG]$.

4. لدينا $\cos \widehat{EGK} = \frac{EK}{EG} = \frac{2,5}{6} \approx 0,42$ منه $\widehat{EGK} \approx 65^\circ$.

5. بما أن المثلث EKG قائم في K فحسب نظرية فيثاغورث:

$$EK^2 + KG^2 = EG^2$$

$$EK^2 = EG^2 - KG^2 = 6^2 - 2,5^2 = 36 - 6,25 = 29,75 \quad \text{منه}$$

$$EK = \sqrt{29,75} \text{cm} \approx 5,4 \text{cm} \quad \text{منه}$$

6. (ا) انظر الشكل.

(ب) بما أن S صورة E بالانسحاب الذي يحوّل K إلى G فإن الرباعي $ESGK$ متوازي الأضلاع. و بما أن إحدى زواياه قائمة فهو مستطيل.

