

التمرين 3:

1. ABC مثلث فيه قيس الزاوية \hat{A} يساوي ثلاثة أمثال قيس الزاوية \hat{B} و قيس الزاوية \hat{C} هو نصف قيس الزاوية \hat{B} . جد أقياس الزوايا \hat{A} ، \hat{B} و \hat{C} .
 إرشاد : ضع $x = \hat{B}$.

2. عبارة جبرية حيث : $L = 2(x^2 - 1) - (4 - x)(x + 1)$. ا. انشر و بسط العبارة L .

ب. تحقق من صحة النشر من أجل $x = -3$.

التمرين 4:

ABC مثلث متساوي الساقين رأسه الأساسي A و I منتصف القاعدة $[BC]$.

1. أنشئ النقطة E صورة النقطة B بالانسحاب الذي يحول A إلى I .
2. أنشئ النقطة F صورة النقطة C بنفس الانسحاب.
3. ما هي صورة المثلث ABC بالانسحاب السابق ؟ علل.
4. ما نوع المثلث IEF ؟ علل.

حل التمرين 3:

١. اختصار المجهول : نضع $\hat{A} = 3\hat{B} = 3x$ و $\hat{C} = \frac{\hat{B}}{2} = \frac{x}{2}$. لدينا $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$.
٢. ترجمة المسألة بمعادلة : مجموع أقياس زوايا مثلث يساوي 180° أي

$$3x + x + \frac{x}{2} = 180^\circ \text{ منه } \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$$

٣. حل المعادلة :
- $$\frac{9}{2}x = \frac{6x}{2} + \frac{2x}{2} + \frac{x}{2} = 180^\circ \text{ منه } 3x + x + \frac{x}{2} = 180^\circ$$
- $$x = 40^\circ$$
- $$x = \frac{2}{9} \times 180^\circ \text{ منه } x = \frac{180^\circ}{\frac{9}{2}}$$

٤. الإجابة على السؤال : أقياس زوايا المثلث ABC هي 120° , 40° و 20° .

$$\hat{C} = \frac{x}{2} = 20^\circ \text{ و } \hat{B} = 40^\circ$$

٥. التحقق :
- $$(\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 120^\circ + 40^\circ + 20^\circ = 180^\circ)$$

$$\begin{aligned}
 L &= 2(x^2 - 1) - (4 - x)(x + 1) \\
 &= 2x^2 - 2 - (4x - x^2 + 4 - x) \\
 &= 2x^2 - 2 - 4x + x^2 - 4 + x \\
 &= 2x^2 + x^2 - 4x + x - 2 - 4 \\
 &= \boxed{3x^2 - 3x - 6}
 \end{aligned}$$

2. أ. نشر و تبسيط العبارة L :

\times	4	$-x$
x	$4x$	$-x^2$
$+1$	$+4$	$-x$

ب. التحقق من صحة النشر من أجل $x = -3$:

بعد النشر و التبسيط	قبل النشر و التبسيط
$ \begin{aligned} L(-3) &= 3 \times (-3)^2 - 3 \times (-3) - 6 \\ &= 3 \times 9 + 9 - 6 \\ &= 27 + 9 - 6 \\ &= \textcolor{green}{30} \end{aligned} $	$ \begin{aligned} L(-3) &= 2((-3)^2 - 1) - (4 - (-3))(-3 + 1) \\ &= 2 \times (9 - 1) - (4 + 3) \times (-2) \\ &= 2 \times 8 - 7 \times (-2) \\ &= 16 + 14 \\ &= \textcolor{green}{30} \end{aligned} $

إذن النشر صحيح من أجل $x = -3$.

حل التمرين 4:

ABC مثلث متساوي الساقين رأسه الأساسي A و I منتصف القاعدة $[BC]$.

1. انظر الشكل.
2. انظر الشكل.
3. صورة المثلث ABC بالانسحاب الذي يحول A إلى I هي المثلث لأنّ:
 - صورة النقطة A بهذا الانسحاب هي النقطة I ،
 - صورة النقطة B هي النقطة E ،
 - و صورة النقطة C هي النقطة F .
4. المثلث IEF متساوي الساقين لأنه صورة مثلث متساوي الساقين بانسحاب و الانسحاب يحفظ طبيعة الأشكال.

