

وزارة التربية الوطنية

مديرية التربية لولاية

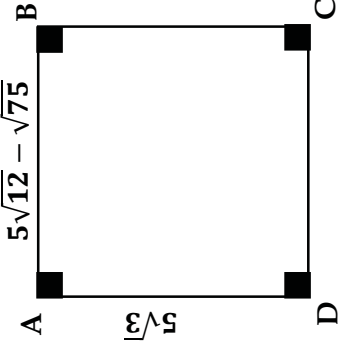


وظائف الفصل الأول

← العودة إلى الفهرس



التمرين 1: نعتبر الشكل المقابل، (الوحدة بـ cm).



- أكتب $5\sqrt{12} - \sqrt{75}$ على شكل $a\sqrt{b}$ ، حيث a و b عدنان طبيعيان و b أصغر عدد ممكن.
- ما نوع الرباعي $ABCD$ ؟ علل اجابتك.
- أحسب محيط الرباعي $ABCD$ (بالتموير الى mm).
- أحسب القيمة المضبوطة لمساحة الرباعي $ABCD$.

التمرين 2:

- أكتب على الشكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد صحيح:

$$A = 3\sqrt{20} + \sqrt{45}$$

$$B = \sqrt{180} - 3\sqrt{5}$$

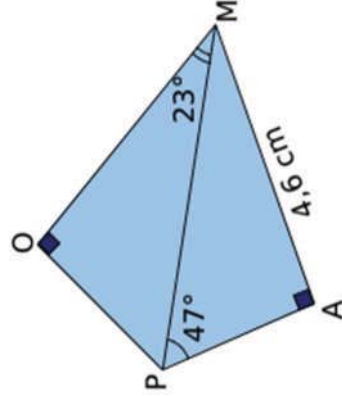
- استغل نتائج السؤال (1) لتبين أن $A \times B$ و $\frac{A}{B}$ عدنان طبيعيان يُطلب تعيينهما.

التمرين 3:

- أنقل وأكمل الجدول التالي:

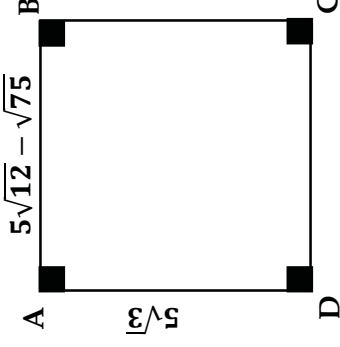
قيس الزاوية β بالتموير الى الوحدة من الدرجة	49°	...	20°
$\sin \beta$ (التموير الى 0.01)	...	0.33
$\tan \beta$ (التموير الى 0.01)	2

- أحسب الطول OM في الشكل المقابل



مدوراً الى المليمتر .

التمرين 1: نعتبر الشكل المقابل، (الوحدة بـ cm).



- أكتب $5\sqrt{12} - \sqrt{75}$ على شكل $a\sqrt{b}$ ، حيث a و b عدنان طبيعيان و b أصغر عدد ممكن.
- ما نوع الرباعي $ABCD$ ؟ علل اجابتك.
- أحسب محيط الرباعي $ABCD$ (بالتموير الى cm).
- أحسب القيمة المضبوطة لمساحة الرباعي $ABCD$.

التمرين 2:

- أكتب على الشكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد صحيح:

$$A = 3\sqrt{20} + \sqrt{45}$$

$$B = \sqrt{180} - 3\sqrt{5}$$

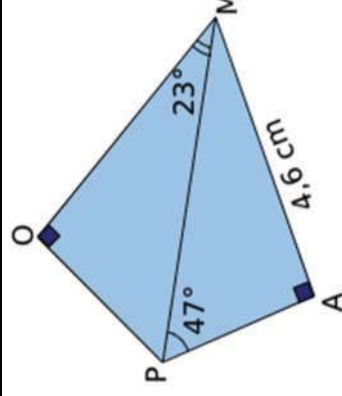
- استغل نتائج السؤال (1) لتبين أن $A \times B$ و $\frac{A}{B}$ عدنان طبيعيان يُطلب تعيينهما.

التمرين 3:

- أنقل وأكمل الجدول التالي:

قيس الزاوية β بالتموير الى الوحدة من الدرجة	49°	...	20°
$\sin \beta$ (التموير الى 0.01)	...	0.33
$\tan \beta$ (التموير الى 0.01)	2

- أحسب الطول OM في الشكل المقابل



مدوراً الى المليمتر .

المدة : 1h 30min

الجزء الأول : 12 نقطة**التمرين الأول : 03,5 نقاط**

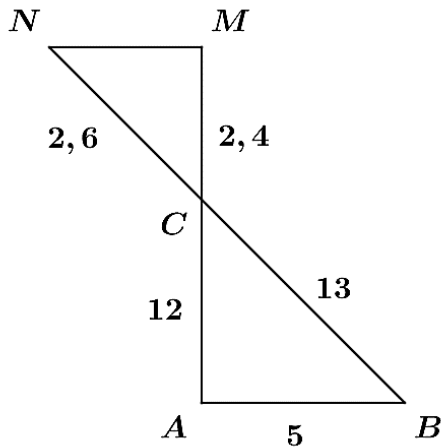
ليكن العددين A و B بحيث :

$$A = \frac{9}{5} - \frac{2}{5} \times \frac{11}{4} \quad | \quad B = 8\sqrt{3} - 4\sqrt{27} + \sqrt{75}$$

- (1) احسب العدد A ثم أكتب الناتج على شكل كسر غير قابل للاختزال .
- (2) اكتب العدد B على الشكل $a\sqrt{b}$ حيث : a و b عددان طبيعيين و b أصغر ما يمكن .
- (3) حل المعادلة التالية : $Bx^2 = \frac{2}{B}$

التمرين الثاني : 03 نقاط

- لحاتم بولدة مساحة مستطيلة الشكل بعدها 5,6 m و 8,05 m ، يريد تبليطها كلها ببلاطات مربعة الشكل لها نفس الطول . إذا كان ثمن البلاطة الواحدة هو 165 دينار جزائري .
- (1) ما هو المبلغ الذي سيدفعه حاتم للبناء ؟

**التمرين الثالث : 05,5 نقاط**

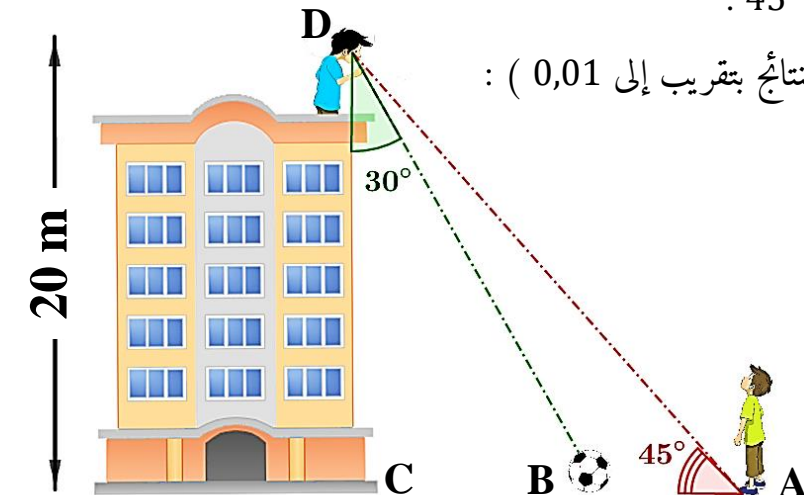
- إليك الشكل المقابل ، غير مرسوم بأبعاده الحقيقية و وحدة الطول هي السنتيمتر
- (1) بين أن المثلث ABC قائم .
 - (2) بين أن المستقيمين (AB) و (MN) متوازيين .
 - (3) احسب الطول MN .

الجزء الثاني : 08 نقاط

- عندما يقف أشرف كردوسي على سطح البناية يكون علوه عن سطح الأرض 20 m ، عندئذ يرى كرة قدم بزاوية 30° وفي نفس الوقت يرى مؤمن قبلي بزاوية 45° .

- (1) احسب المسافة في كل حالة مائلي (تُعطى النتائج بتقريب إلى 0,01) :

- للـ بين مؤمن وأشرف .
- للـ بين أشرف والكرة .
- للـ بين الكرة والبناية .
- للـ بين مؤمن والبناية .



بالتوفيق ..

انتهى

تصرف كما لو أنه من المستحيل أن تفشل

التمرين الأول:

ليكن العددين A و B حيث :

$$B = \frac{414}{A} + \frac{1}{2} \div \frac{1,5}{6} \quad ; \quad A = \frac{12,6 \times 10^{-11} \times 1,5 \times 10^8}{70 \times 10^{-6}}$$

(1) بين أن الكتابة العلمية للعدد A هي $2,7 \times 10^2$.

(2) هل العددان 270 و 414 أوليان فيما بينهما ؟ اشرح إجابتك.

(3) أكتب العدد B على شكل كسر غير قابل للاختزال.

التمرين الثاني:

إليك الشكل المقابل (الأطوال غير حقيقية) حيث:

• دائرة قطرها FG و E نقطة منها

• النقط F, E و D في استقامية

• $DF=4,8cm$ ؛ $FC=8cm$ ؛ $DC=6,4cm$

• $EF=3cm$ ؛ $EG=4cm$

(1) بين نوع كلا من المثلثين DFC و EFG.

(2) احسب الطول GC.

(3) أنشئ مثيلا لهذا الشكل ثم عين نقطة S من $[GE)$ حيث: $S \notin [GE]$ و $\frac{ES}{EG} = \frac{3}{5}$

(4) برهن أن المستقيمين (SD) و (FG) متوازيان.

التمرين الثالث:

(1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 540 و 300 .

يريد عمر تبليط حجرة طولها 5,4 m و عرضها 3m باستعمال بلاطات مربعة متماثلة.

(2) كم سيكون طول ضلع كل بلاطة إذا أراد عمر استعمال أقل عدد منها ؟

حدد عدد البلاطات المستعملة في هذه الحالة.



Année 2020/Bem2020/Tr 02/Dv 01



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

متوسطة جبل الوشريس

وزارة التربية الوطنية

المستوى: الرابع

سَلَم يوم: 05 ديسمبر 2020 ***** يعاد يوم: 08 ديسمبر 2020

الواجب المنزل الأول في مادة: الرياضيات

وضعية 01:

بمناسبة نجاح وليد في امتحان شهادة التعليم المتوسط قصد والده محلّ بيع الحلويات فلاحظ وجود كعكة قاعدتها مستطيلة الشكل لم تقسّم بعد، فطلب من صاحب المحل تقسيمها إلى أصغر عدد ممكن من القطع مربعة القاعدة والمتقايسة دون ضياع، ثم وضعها داخل علب (توضع جنباً إلى جنب دون ترك فراغات) لتوزيعها على الجيران. علماً أنّ:

بعداً قاعدة الكعكة 45 cm و $1,25\text{ m}$.

العلب شكلها متوازي مستطيلات قاعدته مربعة وحجمها $25\sqrt{6875}\text{ cm}^3$ وارتفاعها $\sqrt{11}\text{ cm}$ ، وثنّ العلبة الواحدة 15 DA .

تكاليف صنع الكعكة تقدّر بـ 6750 DA .

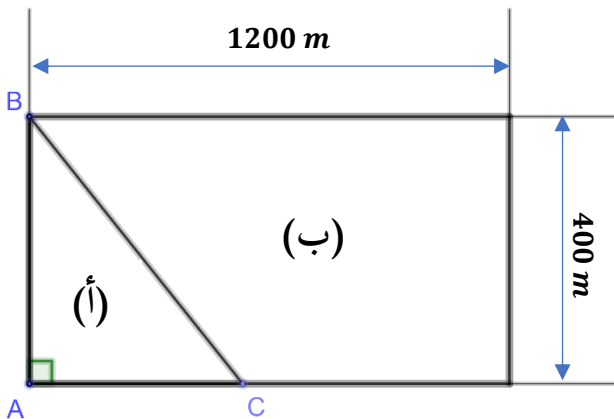
ثنّ بيع القطعة الواحدة 55 DA .

أحسب فائدة صاحب المحل.

وضعية 02:

أب زميلك فلاح، يملك قطعة أرض مستطيلة الشكل بعدها 1200 m و 400 m .

قصد تهيئة غرفة تبريد وتسييج القطعة، باع الفلاح القطعة المثلثة الشكل (أ) بـ 48 مليون دينار جزائري، ثنّ المتر المربع الواحد 800 دينار جزائري.



ولتأمين حراسة القطعة (ب) أراد أن يقيم أعمدة إنارة كهربائية على محيطها، بحيث تكون المسافة بين كل عمودين متساوية وعلى كل ركن عموداً وبأقل عدد ممكن.

ساعد الفلاح في إيجاد عدد الأعمدة الممكن.

التمرين الأول:

لتكن الأعداد A، B و C حيث :

$$C = 7^5 \times 11 \quad ; \quad B = \frac{2,5 \times 10^{-17} \times 3 \times 10^{12}}{20 \times 10^{-9}} \quad ; \quad A = \frac{-5}{8} + \frac{15}{6} \div \frac{2}{3}$$

- (1) أحسب ثم اختزل ناتج العدد A.
- (2) أكتب العدد B كتابة علمية.
- (3) بين أن العدد C يقبل القسمة على العدد 7^2 .

التمرين الثاني:

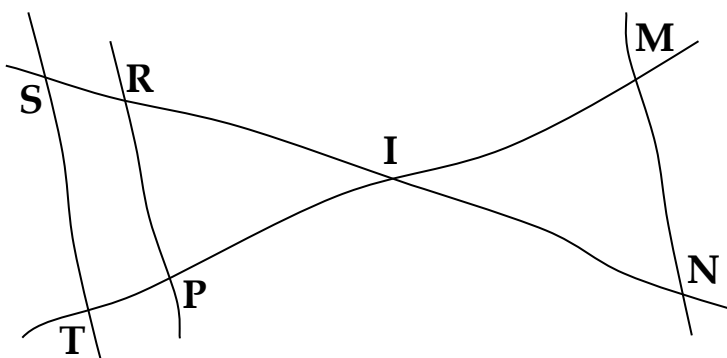
ليكن العددين E و F حيث : $F = \frac{4940}{1430}$ ؛ $E = \frac{16}{11}$

- (1) اشرح لماذا الكسر E غير قابل للاختزال.
- (2) أكتب الكسر F على شكل كسر غير قابل للاختزال.
- (3) بين مع ذكر مراحل الحساب، أن العدد F-E عدد طبيعي.

التمرين الثالث:

لاحظ الشكل المقابل المرسوم باليد الحرة
حيث:

$$\begin{aligned} IR &= 8 \text{ cm} ; RP = 10 \text{ cm} ; IP = 4 \text{ cm} \\ IS &= 10 \text{ cm} ; IN = 6 \text{ cm} ; IT = 5 \text{ cm} \\ IM &= 4 \text{ cm} \end{aligned}$$



- (1) برهن أن المستقيمين (ST) و (RP) متوازيين.
- (2) أحسب الطول ST.
- (3) هل المستقيمان (ST) و (MN) متوازيان؟ برر إجابتك.

التمرين الرابع:

تريد إحدى المكتبات توزيع 3020 كراس و 2265 كتاب على أكبر عدد ممكن من تلاميذ محتاجين بحيث يتحصل كل تلميذ على نفس عدد الكرايس و نفس عدد الكتب.

- (1) كم سيكون عدد التلاميذ المستفيدين من كل هذه الكرايس و الكتب ؟
- (2) جد عدد الكرايس و عدد الكتب المخصصة لكل تلميذ .

الإجابة المقترحة للواجب المنزلي الأول

سلم التقييم	الأجوبة	نص التمارين
2	<p>(1) حساب ثم اختزال العدد A:</p> $A = \frac{-5}{8} + \frac{15}{6} \div \frac{2}{3} = \frac{-5}{8} + \frac{15 \times 3}{6 \times 2} = \frac{-5}{8} + \frac{45}{12} = \frac{-5 \times 3}{8 \times 3} + \frac{45 \times 2}{12 \times 2} = \frac{-15}{24} + \frac{90}{24} = \frac{-15 + 90}{24} = \frac{75}{24} \div 3 = \frac{75 \div 3}{24 \div 3} = \frac{25}{8}$ <p>(2) كتابة العدد B كتابة علمية:</p> $B = \frac{2,5 \times 10^{-17} \times 3 \times 10^{12}}{20 \times 10^{-9}} = \frac{7,5 \times 10^{-17+12}}{20 \times 10^{-9}} = 0,375 \times 10^{-5+9} = 0,375 \times 10^{-4} = 03,75 \times 10^{-1} \times 10^{-4} = 3,75 \times 10^3$	<p>التمرين الأول: 4,5 نقاط</p> <p>لتكن الأعداد A، B و C حيث:</p> $B = \frac{2,5 \times 10^{-17} \times 3 \times 10^{12}}{20 \times 10^{-9}} ; A = \frac{-5}{8} + \frac{15}{6} \div \frac{2}{3} ; C = 7^5 \times 11$ <p>(1) أحسب ثم اختزل ناتج العدد A.</p> <p>(2) أكتب العدد B كتابة علمية.</p> <p>(3) بين أن العدد C يقبل القسمة على العدد على 7^2.</p>
01	<p>(3) تبين أن العدد C يقبل القسمة على العدد على 7^2:</p> $C = 7^5 \times 11 = 7^{2+3} \times 11 = 7^2 \times (7^3 \times 11)$ <p>(حيث k عدد طبيعي) و منه 7^2 قاسم للعدد C</p>	
1,5	<p>(1) شرح لماذا الكسر E غير قابل للاختزال:</p> <p>لدينا $PGCD(16,11)=1$ أي العددين 16 و 11 عددان أوليان فيما بينهما وبالتالي الكسر E غير قابل للاختزال.</p> <p>(2) كتابة الكسر F على شكل كسر غير قابل للاختزال:</p> <p>نحسب القاسم المشترك الأكبر لـ 4940 و 1430</p> $4940 = 1430 \times 3 + 650$ $1430 = 650 \times 2 + 130$ $650 = 130 \times 5 + 0$ <p>و منه : $\frac{4940}{1430} = \frac{4940 \div 130}{1430 \div 130} = \frac{38}{11}$</p>	<p>التمرين الثاني: 4,5 نقاط</p> <p>ليكن العددين E و F حيث : $E = \frac{16}{11}$ ؛ $F = \frac{4940}{1430}$</p> <p>(1) اشرح لماذا الكسر E غير قابل للاختزال.</p> <p>(2) أكتب الكسر F على شكل كسر غير قابل للاختزال.</p> <p>(3) بين مع ذكر مراحل الحساب، أن العدد F-E عدد طبيعي.</p>
1,5	<p>(3) تبين أن العدد F-E عدد طبيعي:</p> $F - E = \frac{4940}{1430} - \frac{16}{11} = \frac{38}{11} - \frac{16}{11} = \frac{38 - 16}{11} = \frac{22}{11} = 2$	

<p>2,5</p>	<p>1) برهان أن المستقيمين (ST) و (RP) متوازيين:</p> <p>لدينا: $\frac{IP}{IT} = \frac{4}{5} = 0,8$ و $\frac{IR}{IS} = \frac{8}{10} = 0,8$</p> <p>بما أن $\frac{IR}{IS} = \frac{IP}{IT}$ والنقط I، R، S، P بنفس ترتيب النقط I، P، T، S فإن (ST) // (RP) حسب النظرية العكسية لطالس.</p> <p>(2) حساب الطول ST:</p> <p>لدينا (ST) // (RP) و I تنتمي إلى كل من (SR) و (TP)</p> <p>حسب نظرية طالس نجد:</p> $\frac{IR}{IS} = \frac{IP}{IT} = \frac{PR}{ST}$ <p>نأخذ: $\frac{4}{5} = \frac{10}{ST}$ ومنه $ST = \frac{5 \times 10}{4} = 12,5$</p> <p>و منه: $ST = 12,5cm$</p> <p>(3) معرفة إن كان المستقيمان (MN) و (ST) متوازيان:</p> <p>لدينا: $\frac{IM}{IT} = \frac{4}{5} = 0,8$ و $\frac{IN}{IS} = \frac{6}{10} = 0,6$</p> <p>بما أن: $\frac{IN}{IS} \neq \frac{IM}{IT}$ فإن النظرية العكسية لطالس غير محققة وبالتالي المستقيمان (MN) و (ST) غير متوازيان.</p>
<p>2,5</p>	<p>1) عدد التلاميذ المستفيدين هو القاسم المشترك الأكبر لعدد الكرايس و عدد الكتب:</p> <p>نحسب $PGCD(3020, 2265)$ باستعمال خوارزمية اقليدس:</p> $3020 = 2265 \times 1 + 755$ $2265 = 755 \times 3 + 0$ <p>و منه: $PGCD(3020, 2265) = 755$</p> <p>إذن عدد التلاميذ المستفيدين هو 755 تلميذ</p> <p>(2) $4 = 755 \div 3020$; و منه عدد الكرايس المخصصة لكل تلميذ هو 4.</p> <p>$3 = 755 \div 2265$; و منه عدد الكتب المخصصة لكل تلميذ هو 3.</p>
<p>2,5</p>	<p>1) عدد التلاميذ المستفيدين هو القاسم المشترك الأكبر لعدد الكرايس و عدد الكتب:</p> <p>نحسب $PGCD(3020, 2265)$ باستعمال خوارزمية اقليدس:</p> $3020 = 2265 \times 1 + 755$ $2265 = 755 \times 3 + 0$ <p>و منه: $PGCD(3020, 2265) = 755$</p> <p>إذن عدد التلاميذ المستفيدين هو 755 تلميذ</p> <p>(2) $4 = 755 \div 3020$; و منه عدد الكرايس المخصصة لكل تلميذ هو 4.</p> <p>$3 = 755 \div 2265$; و منه عدد الكتب المخصصة لكل تلميذ هو 3.</p>

الوظيفة المنزلية الثانية للثلاثي الأول

التمرين الأول : (5 نقاط)

- قطعة أرض مستطيلة الشكل طولها $x\sqrt{45} m$ وعرضها $x\sqrt{20} m$, بحيث x عدد موجب .
- (1) علما أنّ مساحة القطعة الأرضية هي $4687,5 m^2$, احسب قيمة x .
- (2) احسب قطر هذه القطعة بالتدوير إلى 10^{-2} .

التمرين الثاني : (7 نقاط)

A و B عدنان حقيقيان حيث: $A = \sqrt{72} + \sqrt{50} - 2\sqrt{32}$, $B = \sqrt{2}(4 - \sqrt{2}) + 2$

- (1) اكتب العدد A على الشكل $a\sqrt{2}$, حيث a عدد طبيعي يطلب تعيينه.
- (2) بسّط العبارة B .
- (3) بيّن أن $A \times B$ عدد طبيعي.
- (4) اجعل مقام النسبة $\frac{6-\sqrt{3}}{\sqrt{5}}$ عددا ناطقا.

التمرين الثالث : (8 نقاط)

- (c) دائرة نصف قطرها $2.6 cm$, [MN] قطرها , P نقطة من الدائرة بحيث $MP = 2 cm$.
- (1) ارسم الشكل ثم اثبت أن المثلث MNP قائم في P .
- (2) احسب الطول PN .
- (3) احسب $\cos \widehat{NMP}$ (أعط النتيجة بتدوير 0.001)
- (4) استنتج قيس الزاوية \widehat{NMP} بالتدوير الى الدرجة .

متوسطة: عكاشة محمد - عين مليلة -	سلمت يوم : 2016/11/13
الوظيفة المنزلية (02) للثلاثي الأول	تعداد يوم : 2016/11/21
مادة: الرياضيات	المستوى : 4 متوسط

التمرين الأول (6 ن):

$$A = \frac{3}{7} - \frac{15}{7} + \frac{5}{24} ; \quad B = \frac{81 \times 10^{-5} \times 14 \times (10^2)^3}{7 \times 10^4}$$

$$C = \sqrt{300} - 4\sqrt{27} + 6\sqrt{3} ; \quad D = (5 + \sqrt{3})^2$$

- أحسب A و أعط النتيجة على شكل غير قابل للاختزال.
- أحسب B ثم أعط كتابتها العلمية.
- أكتب C على شكل $a\sqrt{3}$ حيث a عدد طبيعي.
- أكتب D على شكل $b + c\sqrt{3}$ حيث b و c عدنان طبيعيين.

التمرين الثاني (5 ن):

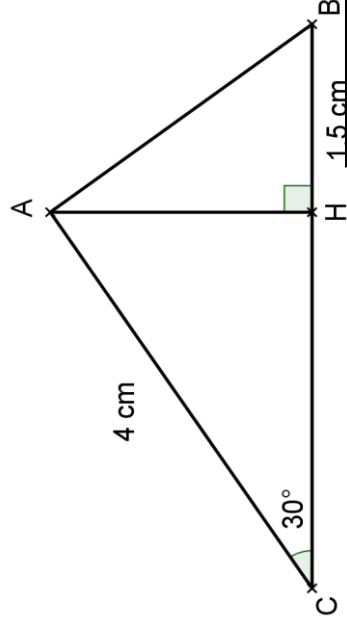
مستطيل طوله $\sqrt{50}$ و مساحته 30cm^2

- أكتب العدد $\sqrt{50}$ على شكل $a\sqrt{b}$.
- أحسب عرض هذا المستطيل ثم أكتبه على أبسط شكل ممكن.
- أحسب محيط هذا المستطيل.

التمرين الثالث (8 ن):

ABC مثلث حيث : $\hat{ACB} = 30^\circ$; $BH = 1,5\text{cm}$; $AC = 4\text{cm}$

- كما هو مبين في الشكل المقابل
- أحسب القيمة المضبوطة للارتفاع AH .
 - أحسب الأطوال AB ; CB ; CH
 - أعط قياس الزاوية \hat{ABC} (بالتدوير إلى الدرجة).



(+1) منهجية التحرير + نظافة الورقة

متوسطة: عكاشة محمد - عين مليلة -	سلمت يوم : 2016/11/13
الوظيفة المنزلية (02) للثلاثي الأول	تعداد يوم : 2016/11/21
مادة: الرياضيات	المستوى : 4 متوسط

التمرين الأول (6 ن):

$$A = \frac{3}{7} - \frac{15}{7} + \frac{5}{24} ; \quad B = \frac{81 \times 10^{-5} \times 14 \times (10^2)^3}{7 \times 10^4}$$

$$C = \sqrt{300} - 4\sqrt{27} + 6\sqrt{3} ; \quad D = (5 + \sqrt{3})^2$$

- أحسب A و أعط النتيجة على شكل غير قابل للاختزال.
- أحسب B ثم أعط كتابتها العلمية.
- أكتب C على شكل $a\sqrt{3}$ حيث a عدد طبيعي.
- أكتب D على شكل $b + c\sqrt{3}$ حيث b و c عدنان طبيعيين.

التمرين الثاني (5 ن):

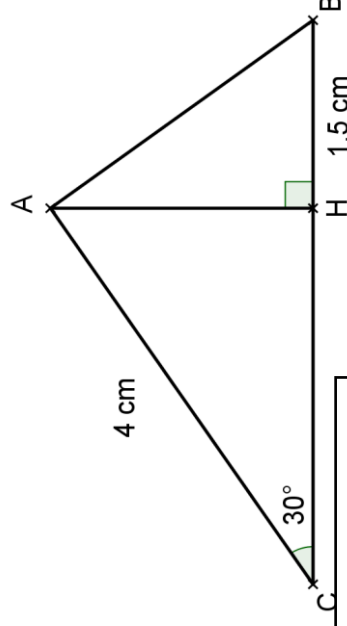
مستطيل طوله $\sqrt{50}$ و مساحته 30cm^2

- أكتب العدد $\sqrt{50}$ على شكل $a\sqrt{b}$.
- أحسب عرض هذا المستطيل ثم أكتبه على أبسط شكل ممكن.
- أحسب محيط هذا المستطيل.

التمرين الثالث (8 ن):

ABC مثلث حيث : $\hat{ACB} = 30^\circ$; $BH = 1,5\text{cm}$; $AC = 4\text{cm}$

- كما هو مبين في الشكل المقابل
- أحسب القيمة المضبوطة للارتفاع AH .
 - أحسب الأطوال AB ; CB ; CH
 - أعط قياس الزاوية \hat{ABC} (بالتدوير إلى الدرجة).



(+1) منهجية التحرير + نظافة الورقة

الإجابة النموذجية وسلم التنقيط الوظيفة المنزلية (02) للثلاثي الأول

أعطيت يوم 2016-11-13، أستلمت يوم 2016-11-21 صححت يوم 2016-10-24

العلامة		عناصر الإجابة	المجموع	الموضوع
الدرجة	العلامة			
6	التمرين الأول			
	1,5	(1) حساب A و أعطاء النتيجة على شكل غير قابل للاختزال. $A = \frac{3}{7} - \frac{15}{7} + \frac{5}{24} = \frac{3-15}{7} + \frac{5}{24} = -\frac{12}{7} + \frac{5}{24} = \frac{288+35}{168} = \frac{323}{168}$		
	0,75	(2) أحسب B ثم أعط كتابتها العلمية. $B = \frac{81 \times 10^{-5} \times 14 \times (10^2)^3}{7 \times 10^4} = \frac{81 \times 10^{-5} \times 14 \times 10^6}{7 \times 10^4} = \frac{81 \times 14 \times 10^{-5} \times 10^6}{7 \times 10^4}$		
	0,75	$B = \frac{81 \times 14 \times 10^{-5} \times 10^6}{7 \times 10^4} = \frac{162 \times 10^{-5+6}}{10^4} = 162 \times 10 \times 10^{-4} = 162 \times 10^{1-4}$		
	0,5	$B = 162 \times 10^{-3} = 1,62 \times 10^{-1}$		
	0,25	(3) كتابة C على شكل $a\sqrt{3}$ حيث a عدد طبيعي. $C = \sqrt{300} - 4\sqrt{27} + 6\sqrt{3}$		
	0,25	$C = \sqrt{10^2 \times 3} - 4\sqrt{9 \times 3} + 6\sqrt{3}$		
	0,25	$C = 10\sqrt{3} - 4 \times 3\sqrt{3} + 6\sqrt{3}$		
	0,25	$C = 10\sqrt{3} - 12\sqrt{3} + 6\sqrt{3}$		
	0,25	$C = (10 - 12 + 6)\sqrt{3}$		
	0,25	$C = 4\sqrt{3}$		
	0,5	(4) كتابة D على شكل $b + c\sqrt{3}$ حيث b و c عدنان طبيعيين. $D = (5 + \sqrt{3})^2 = 5^2 + 2 \times 5 \times \sqrt{3} + (\sqrt{3})^2 = 25 + 10\sqrt{3} + 3$		
	0,5	$D = 28 + 10\sqrt{3}$		
5	التمرين الثاني			
	1	(1) كتابة العدد $\sqrt{50}$ على شكل $a\sqrt{b}$: $\sqrt{50} = \sqrt{25 \times 2} = 5\sqrt{2}$		
	0,5	(2) حساب عرض هذا المستطيل ثم أكتبه على أبسط شكل ممكن. لدينا : $S = L \times 1$ ومنه $30 = \sqrt{50} \times 1$		
	0,5	$1 = \frac{30}{\sqrt{50}} = \frac{30}{5\sqrt{2}}$		
	0,5	$1 = \frac{6 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{6\sqrt{2}}{2} = 3\sqrt{2}$		
0,5	$1 = 3\sqrt{2} \text{ cm}$			

		<p>(3) حساب محيط هذا المستطيل. لدينا $P = 2(L+1)$</p>
0,5		$P = 2(5\sqrt{2} + 3\sqrt{2})$
0,5		$P = 2[(5+3)\sqrt{2}] = 2 \times 8\sqrt{2}$
0,5		$P = 16\sqrt{2} \text{ cm}$
0,5		https://prof27math.weebly.com
الجزء الثاني		
التمرين الثالث		
		(1) حساب القيمة المضبوطة للارتفاع AH
1		لدينا : $\sin \hat{C} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$ أي $\sin \hat{C} = \frac{AH}{AC}$ ومنه : $AH = AC \times \sin \hat{C}$
1		بالتعويض نجد : $AH = 4 \times \sin 30^\circ$ إذن : $AH = 4 \times 0,5$ ومنه : $AH = 2 \text{ cm}$
		(2) حساب الأطوال CB ; AB ; CH (من المعطيات نستنتج أن المثلث AHC قائم في H)
		(أ) حساب الطول CH (يمكن تطبيق نظرية فيثاغورث) :
1		لدينا : $\cos \hat{C} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}}$ أي $\cos \hat{C} = \frac{CH}{AC}$ ومنه : $CH = AC \times \cos \hat{C}$
1		بالتعويض نجد : $CH = 4 \times \cos 30^\circ$ إذن : $CH \approx 4 \times 0,87$ ومنه : $CH \approx 3,5 \text{ cm}$
8		(ب) حساب الطول AB : (لدينا المثلث AHB قائم في H) بتطبيق نظرية فيثاغورث في المثلث القائم AHB نجد :
0,25		$AB^2 = AH^2 + HB^2$
0,25		$AB = \sqrt{2^2 + 1,5^2} = \sqrt{4 + 2,25} = \sqrt{6,25}$
0,5		$AB = 2,5 \text{ cm}$
		(ج) حساب الطول CB
0,5		$CB = CH + HB = 3,5 + 1,5 = 5$
0,5		$CB = 5 \text{ cm}$
		(3) حساب قياس الزاوية \hat{ABC} (بالتدوير إلى الدرجة).
1		لدينا : $\tan \hat{B} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}}$ أي $\tan \hat{B} = \frac{HB}{AH}$ بالتعويض نجد : $\tan \hat{B} = \frac{1,5}{2}$ ومنه $\tan \hat{B} \approx 1,333$
0,5		بإستعمال الآلة الحاسبة : $\text{SHIFT} + \tan + 1,33 = 53^\circ$
0,5		ومنه : $\hat{HBA} = 53^\circ$

متوسطة : عكاشة محمد – عين مليلة -	سلمت يوم الثلاثاء: 2016-10-11
الوظيفة المنزلية (01) للثلاثي الأول	تعداد يوم الأحد: 2016-10-16
مادة: الرياضيات	القسم : 4 متوسط

الجزء الأول (9ن):

التمرين الأول (2ن) :

أكتب العدد: $A = \frac{3600 \times 10^4}{12 \times 10^5}$ على شكل عدد طبيعي.

التمرين الثاني (4ن) :

(1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 20755 و 9488.

(2) اجعل الكسر $\frac{9488}{20755}$ غير قابل للاختزال.

(3) بيّن أنّ E عدداً طبيعياً حيث: $E = \frac{8}{5} + \frac{9488}{20755} \times \frac{7}{8}$

التمرين الثالث (3ن) :

متوسطة تحتوي على 320 تلميذا (ذكور) و 480 تلميذة (إناث).
 ✓ نريد استعمال كل التلاميذ في تكوين أفواج مختلطة ومتشابهة تماماً في التركيبية .
 (أ) ما هو أكبر عدد ممكن تكوينه من الأفواج ؟
 (ب) ما هو عدد الذكور وما هو عدد الإناث في كل فوج ؟

الجزء الثاني (10ن)

التمرين الأول (4ن) :

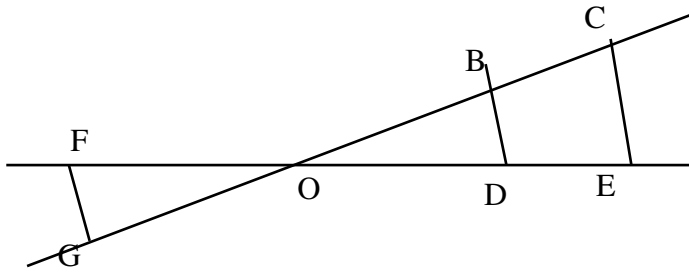
وحدة الطول هي السنتيمتر. نعلم أن المستقيمين : (BD) و (CE) متوازيان بحيث:

$$OB = 7,2 ; OC = 10,8 ; OD = 6 ; CE = 5,1$$

(1) أحسب الطولين : BD و OE.

(2) وليكن : .OG = 2,4 ; OF = 2 .

بين أن : (GF) و (BD) متوازيان .



التمرين الثاني (6ن) :

ABCD متوازي أضلاع حيث : AD = 6cm ; CD = 4cm ; AC = 9cm ، J نقطة من [AB]

حيث : AJ = 1cm .

المستقيم المار من J والموازي للمستقيم (AD) يقطع كل من المستقيمين (AC) و (CD) في النقطتين I و K على الترتيب.

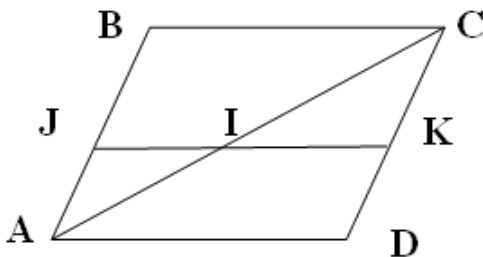
(1) احسب AI

(2) احسب IK و KC

(3) لتكن النقطة M من [IK] حيث: IM = 3cm و N نقطة من [AC]

حيث : $AN = \frac{3}{4} AC$. أنشئ النقطتين M و N

✓ هل (MN) // (DC) ؟ برر جوابك.



تنبيه : - اقرأ السؤال 3 مرات على الأقل - لا تنسى فهم السؤال نصف الجواب - لا تترك سوالات دون جواب.

تقديم الورقة: - اكتب بخط مقروء - تجنب التشطيب - الأشكال الهندسية دقيقة ونظيفة

(+1 منهجية التحرير+نظافة الورقة)

الإجابة النموذجية وسلم التنقيط:

أعطيت يوم الثلاثاء 2016-10-11، أستمتمت يوم 2016-10-16 صحت يوم الأربعاء 2016-10-19

العلامة	م.ز.ة	عناصر الإجابة	محاور الموضوع
		<u>الجزء الأول</u>	
2	2	<p><u>كتابة العدد A على شكل عدد طبيعي :</u></p> $A = \frac{3600 \times 10^4}{12 \times 10^5} = \frac{36 \times 10^2 \times 10^4}{12 \times 10^5} = \frac{36 \times 10^{2+4} \times 10^{-5}}{12} = \frac{36}{12} \times 10^{6-5} = 3 \times 10 = 30$	التمرين الأول
4	0.5 0.5 0.5 0.5 0.5 0.5 0.5	<p>(1) <u>حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 20755 و 9488</u> (نستعمل خوارزمية إقليدس)</p> <p>لدينا : $20755 = 9488 \times 2 + 1779$ $9488 = 1779 \times 5 + 593$ $1779 = 593 \times 3 + 0$</p> <p>إذن : القاسم المشترك الأكبر للعددين 20755 و 9488 هو 593. أي $\text{PGCD}(20755; 9488) = 593$</p> <p>(2) <u>جعل الكسر $\frac{9488}{20755}$ غير قابل للاختزال</u> (بالقسمة على القاسم المشترك الأكبر)</p> <p>لدينا : $9488 = 593 \times 16$ و $20755 = 593 \times 35$</p> <p>إذن : $\frac{9488}{20755} = \frac{16}{35}$ و بالتالي : $\frac{35}{16}$ هو الكسر غير قابل للاختزال</p> <p>(3) <u>تبيان أن E عدداً طبيعياً :</u> $E = \frac{8}{5} + \frac{9488}{20755} \times \frac{7}{8}$</p> <p>لدينا $\frac{9488}{20755}$ يساوي : $\frac{35}{16}$ أي $\frac{9488}{20755} = \frac{35}{16}$ بالتعويض نجد :</p> $E = \frac{8}{5} + \frac{35}{16} \times \frac{7}{8} = \frac{8}{5} + \frac{35 \times 7}{16 \times 8} = \frac{8}{5} + \frac{245}{128} = \frac{1024}{640} + \frac{1225}{640} = \frac{1024 + 1225}{640}$ $E = \frac{2249 : 640}{640 : 640} = \frac{4}{1} = 4$	التمرين الثاني
3	0.5 0.5 0.5 0.5 0.5	<p>(1) <u>إيجاد أكبر عدد ممكن تكوينه من الأفواج</u> (يعني حساب PGCD للعددين a و b نستعمل خوارزمية إقليدس)</p> <p>لدينا : $a = 480 ; b = 320$</p> $480 = 320 \times 1 + 160$ $320 = 160 \times 2 + 0$ <p>ينتج أن القاسم المشترك الأكبر للعددين 480 و 320 هو 160 إذن $\text{PGCD}(480; 320) = 160$</p> <p>(2) <u>عدد الذكور و الإناث في كل فوج :</u></p> <p><input type="checkbox"/> عدد الذكور هو : 3 ذكور في كل فوج $a = 480 \div 160 = 3$</p> <p><input type="checkbox"/> عدد الإناث هو : 2 إناث في كل فوج $b = 320 \div 160 = 2$</p>	التمرين الثالث

المجموع	الدرجة	الجزء الثاني	
3		<p>معطيات: لدينا المستقيمان (BD) و (CE) متوازيان و . $OF = 2$; $OG = 2,4$</p> <p>$OB = 7,2$; $OC = 10,8$; $OD = 6$; $CE = 5,1$</p>	
	2×0,25	<p>(1) <u>أحسب الطولين</u> : BD و OE</p> <p>لدينا : في المثلث OEC</p>	
	0,25	<p>بتطبيق نظرية طالس نجد : $\frac{OB}{OC} = \frac{OD}{OE} = \frac{BD}{CE}$</p> <p>بالتعويض نجد : $\frac{7,2}{10,8} = \frac{6}{OE} = \frac{BD}{5,1}$</p>	
	0,5	<p>✓ <u>حساب BD</u> :</p> <p>$\frac{7,2}{10,8} = \frac{BD}{5,1}$ ومنه : $BD = \frac{7,2 \times 5,1}{10,8}$ إذن : $BD = 3,4 \text{ cm}$</p>	
	0,5	<p>✓ <u>حساب OE</u> :</p> <p>$\frac{7,2}{10,8} = \frac{6}{OE}$ ومنه : $OE = \frac{10,8 \times 6}{7,2}$ إذن : $OE = 9 \text{ cm}$</p>	
	0,25	<p>(2) <u>تبيان أن</u> (GF) و (BD) <u>متوازيان</u> :</p> <p>لدينا المثلثين OBD و OFG في قطعة طالس</p>	
	0,25	<p>نحسب أولاً :</p> <p>(1) $\frac{OB}{OG} = \frac{7,2}{2,4} = 3$</p>	
	0,25	<p>(2) $\frac{OD}{OF} = \frac{6}{2} = 3$</p>	
	0,25	<p>من (1) و (2) نجد أن : $\frac{OB}{OG} = \frac{OD}{OF}$ ولدينا النقط B ; O ; G إستقامية و بنفس الترتيب مع النقط D ; O ; F</p>	
	0,25	<p>ومنه حسب الخاصية العكسية لنظرية طالس، نستنتج أن المستقيمين (GF) و (BD) متوازيين.</p>	

<https://prof27math.weebly.com>

معطيات: لدينا $ABCD$ متوازي أضلاع حيث

$$AC = 9\text{cm} ; CD = 4\text{cm} ; AD = 6\text{cm}$$

(1) **حساب** AI :

$$AI = AC - IC \text{ نحسب أولاً الطول } CI$$

لدينا المستقيم (JK) يوازي للمستقيم (AD) معناه $AJKD$ متوازي أضلاع ومنه $JK = AD = 6\text{cm}$
 $AJ = KD = 1\text{cm}$

ولدينا في المثلث CAD : $(IK) \parallel (AD)$ بتطبيق نظرية طالس نجد : $\frac{CI}{CA} = \frac{CK}{CD} = \frac{IK}{AD}$

$$\text{بالتعويض نجد: } \frac{CI}{9} = \frac{CD - KD}{4} = \frac{IK}{6} \text{ معناه : } \frac{CI}{9} = \frac{4 - 1}{4} = \frac{IK}{6}$$

$$\frac{CI}{9} = \frac{3}{4} = \frac{IK}{6} \dots\dots\dots(1) \text{ ومنه :}$$

$$\text{إذن : } \frac{CI}{9} = \frac{3}{4} \text{ أي : } CI = \frac{9 \times 3}{4} = \frac{27}{4} \text{ ومنه : } CI = 6,75\text{cm}$$

$$AI = 9 - 6,75 \text{ أي أن } AI = 2,25 \text{ وهو المطلوب}$$

(2) **حساب** IK و KC

✓ **حساب** IK :

$$\text{من (1) نجد : } \frac{3}{4} = \frac{IK}{6} \text{ ومنه : } IK = \frac{3 \times 6}{4} = \frac{18}{4} \text{ إذن : } IK = 4,5\text{cm}$$

✓ **حساب** KC :

$$CK = CD - KD \text{ بالتعويض : } CK = 4 - 1 = 3 \text{ إذن : } CK = 3\text{cm}$$

(أو بتطبيق نظرية طالس)

(3) انشاء النقطتين M و N

$$\text{لدينا : } M \in [IK] : IM = 3\text{cm}$$

$$\text{و } N \in [AC] : AN = \frac{3}{4} AC$$

$$\text{ومنه : } AN = \frac{3}{4} \times 9 = 6,75\text{cm}$$

✓ **إثبات أن** $(MN) \parallel (DC)$:

لدينا المثلثين AIJ و IMN في وضعية طالس، إذن نحسب النسبتين $\frac{IA}{IN}$ و $\frac{IJ}{IM}$

$$\text{لدينا : } \begin{cases} \frac{IA}{IN} = \frac{2,25}{4,5} = \frac{1}{2} \\ \frac{IJ}{IM} = \frac{1,5}{3} = \frac{1}{2} \end{cases} \text{ ومنه : } \frac{IA}{IN} = \frac{IJ}{IM}$$

وبما أن النقط M, I, J إستقامية على الترتيب وبنفس الترتيب مع النقط N, I, A

وحسب الخاصية العكسية لطالس فإن : $(MN) \parallel (AJ)$

وبما أن $J \in [AB]$ فإن : $(MN) \parallel (AB)$ (1)

و بما أن الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع فإن : $(AB) \parallel (DC)$ (2)

من (1) و (2) نستنتج أن : $(MN) \parallel (DC)$

ملاحظة : يمكن الإثبات أيضا اعتمادا على المثلث ICK و ذلك بتطبيق نظرية طالس العكسية

(1+ منهجية التحرير+نظافة الورقة)

التمرين الثاني