

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 1 (القاسم المشترك الأكبر لعددين)

تمرين 1:

- (1) حدد المساواة التي تعبر عن القسمة الإقليدية للعدد 1512 على 21 .
- (2) أكتب $\frac{720}{1512}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمرين 2:

- (1) أوجد العدد x حيث: $PGCD(528; 561) = x$

(2) تحقق حسابيا أن: $x^2 - 30x - 99 = 0$

- (3) جد نسبة غير قابلة للاختزال تساوي العدد $\frac{528}{561}$

تمرين 3:

نعتبر العددين الطبيعيين 63 و 105

- (1) عين قائمة قواسم كل من هذين العددين
- (2) ما هو القاسم المشترك الأكبر لهذين العددين ؟ هل هما أوليان فيما بينهما؟ برر .
- (3) اجعل الكسر $\frac{63}{105}$ غير قابل للاختزال .

تمرين 4:

نعتبر العددين 130 و 286

- (1) باستعمال خوارزمية إقليدس عين $PGCD(286; 130)$
- (2) ليكن الكسر $A = \frac{286}{130}$, أكتب A على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمرين 5:

- (1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 2013 و 205
- (2) أكتب الكسر A حيث $A = \frac{\frac{7}{3} + 6 \times 3}{3 + 12 \times 15}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمرين 6:

- (1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 264 و 360
- (2) هل العددين 264 و 360 أوليان فيما بينهما ؟ برر اجابتك
- (3) اختزل الكسر $\frac{264}{360}$
- (4) اكتب العدد F على شكل كسر غير قابل للاختزال حيث $F = \frac{264}{360} - \frac{1}{5}$

تمرين 7:

- X و Y عددا طبيعيين حيث: $667X = 493Y$
- (1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 493 و 667 .
 - (2) اكتب الكسر $\frac{X}{Y}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال .

تمرين 8:

يعرض بائع زهور للبيع 75 زهرة نرجس و 90 زهرة أقحوان.

- (1) باستعمال كل الزهور , هل يمكنه تشكيل 5 باقات متماثلة؟ 6 باقات ؟
- (2) ما هو أكبر عدد ممكن من الباقات المتماثلة التي يمكن تشكيلها باستعمال كل الزهور ؟
- (3) ما هو عدد زهور النرجس و زهور الأقحوان في كل باقة ؟

تمرين 9:

نعتبر العددين 1317 و 3073 .

- (1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 1317 و 3073 .
- (2) يشارك تلاميذ في مسابقة في الرياضيات حسب الفرق . يوجد 3073 تلميذة و 1317 تلميذ. يجب تكوين فرق متماثلة (لها نفس عدد التلاميذ و نفس التوزيع بين البنات و الأولاد) بتعيين كل مشارك في فريق من الفرق.
أ- ما هو أكبر عدد ممكن من الفرق المتماثلة التي يمكن تشكيلها ؟
ب- عين في هذه الحالة تشكيلة كل فريق (عدد البنات و عدد الأولاد).

تمرين 10:

نعتبر العددين 540 و 300 .

- (1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 540 و 300 .
- (2) نريد أن نفرش قاعة مستطيلة الشكل طولها 40m , 5 و عرضها 3m بزراعي مربعة الشكل و كلها متماثلة .
أ- ما هو طول كل زربية حتى يكون عدد الزراعي المستعملة أصغر ما يمكن ؟
ب- عين حينئذ عدد الزراعي المستعملة .

تمرين 11:

يملك أحد هواة الطوابع البريدية 1631 طابعا جزائريا و 932 طابعا أجنبيا.
يريد بيع كل طابعه على شكل مجموعات متماثلة (لها نفس عدد الطوابع و نفس التوزيع بين الطوابع الجزائرية و الأجنبية) .

- (1) عين أكبر عدد من المجموعات التي يمكن تشكيلها .
- (2) عين حينئذ عدد الطوابع الجزائرية و عدد الطوابع الأجنبية في كل مجموعة .

تمرين 12:

لدى بائع الحلويات 133 حبة ذات ذوق الليمون و 95 حبة ذات ذوق البرتقال , أراد وضعها في أكياس صغيرة بحيث يحتوي كل كيس على نفس العدد من الحلويات .

- (1) هل يستطيع هذا البائع أن يتحصل على 5 أكياس ؟ ولماذا ؟
- (2) ما هو أكبر عدد من الأكياس يمكنه التحصل عليه ؟
- (3) ما هو عدد الحلويات من النوعين في الكيس الواحد ؟

تمرين 13:

نريد غرس أشجار على محيط حديقة مثلثة الشكل , على أن تكون شجرة في كل ركن من أركان الحديقة , وأن تكون المسافة التي تفصل الأشجار متساوية .

- (1) ما هي أكبر مسافة التي تفصل بين شجرتين متجاورتين إذا علمت أن الأبعاد الثلاثة للحديقة بالمتر هي : 132 , 165 , 204 ؟.
- (2) ما هو عدد الأشجار التي يمكن غرسها حول هذه الحديقة ؟

نصيحة

نظم جدولا للمذاكرة

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 3 (العمليات على الجذور التربيعية)

تمرين 1: (ش ت م 2014)

إليك الأعداد A, B, C حيث :

$$c = \sqrt{175} - \sqrt{112} + 6\sqrt{7}, \quad B = \frac{1,2 \times 10^{-2} \times 7}{12,5 \times 10^3}, \quad A = \frac{3}{5} + \frac{2}{5} \times \frac{7}{4}$$

(1) احسب A ثم اكتبه على الشكل العشري.

(2) أعط الكتابة العلمية للعدد B.

(3) اكتب C على الشكل $a\sqrt{b}$

تمرين 2: (ش ت م 2007)

$$\text{ليكن : } A = \sqrt{98} + 3\sqrt{32} - \sqrt{128} \quad \text{و} \quad B = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} \times \frac{2}{3}$$

(1) أكتب A على شكل $a\sqrt{2}$ حيث a عدد طبيعي.

(2) بسط العدد B ثم بين أن $\frac{A^2}{33} - 3B = \frac{1}{3}$

تمرين 3:

$$A \text{ و } B \text{ عدنان حيث: } A = 3 - 3 \div \frac{3}{7}, \quad B = 5\sqrt{27} - 2\sqrt{12} + \sqrt{3}$$

(1). أحسب العدد A.

(2) اكتب B على الشكل $a\sqrt{3}$.

(3) أجعل مقام النسبة $\frac{A}{B}$ عددا ناطقا .

تمرين 4: (ش ت م 2011)

$$(1) \text{ اكتب المجموع } A \text{ على الشكل } a\sqrt{5} \text{ (a عدد طبيعي) حيث : } A = \sqrt{125} + \sqrt{45} - \sqrt{20}$$

(2) احسب $A \times \frac{\sqrt{5}}{30}$ مبينا مراحل الحساب .

تمرين 5: (ش ت م 2013)

$$\text{ليكن العدد الحقيقي } A \text{ حيث : } A = \sqrt{3}(\sqrt{3} - 1) + \sqrt{27} + 1$$

(1) بين أن : $A = 4 + 2\sqrt{3}$

(2) ليكن العدد الحقيقي B حيث : $B = 4 - 2\sqrt{3}$

بين أن : $A \times B$ عدد طبيعي

تمرين 6:

$$A \text{ و } B \text{ عدنان حقيقيان حيث: } A = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8}, \quad B = \sqrt{162} - \sqrt{72} + \sqrt{18}$$

(1) أكتب كلا من العددين A, B على الشكلين : $x\sqrt{2}$ و $y\sqrt{2}$ حيث : x, y عدنان طبيعيان يطلب تعيينهما.

(2) أحسب القيمة المضبوطة لكل من العددين : $\frac{A+B}{2}$ و $\frac{A-B}{2}$

تمرين 7: (ش ت م 2009)

$$\text{لتكن الأعداد } A, B, C \text{ حيث : } A = \sqrt{80}, \quad B = 2\sqrt{45}, \quad C = \sqrt{5} + 1$$

(1) اكتب A + B على الشكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد طبيعي .

(2) بين أن $A \times B$ هو عدد طبيعي .

(3) اكتب $\frac{C^2}{\sqrt{5}}$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق .

تمرين 8:

a, b, c, k أعداد حقيقية حيث :

$$k = \frac{18+7\sqrt{2}}{\sqrt{2}}, \quad c = (5\sqrt{2}+7)(5\sqrt{2}-7), \quad b = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8}, \quad a = \sqrt{3\sqrt{100}+6}$$

(1) بسط الأعداد a, b, c .

(2) حول النسبة k إلى نسبة مقامها عدد ناطق.

(3) برهن أن $a + b + c = k$.

تمرين 9:

A, B, C أعداد حقيقية حيث :

$$C = -4\sqrt{2} + 3\sqrt{5}, \quad B = \sqrt{50} - \sqrt{5}, \quad A = \sqrt{18} - \sqrt{20}$$

(1) أكتب على أبسط شكل ممكن كلا من A و B .

(2) احسب المجموع S حيث $S = A + B - C$.

تمرين 10:

$$a \text{ و } b \text{ عدنان حقيقيان حيث : } a = \sqrt{112} + \sqrt{63} \text{ و } b = \frac{\sqrt{2}+5}{3\sqrt{2}}$$

(1) بسط العدد a .

(2) أكتب العدد b على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

(3) أحسب الجداء $a \times b$.

تمرين 11:

$$x, y \text{ عدنان حقيقيان حيث : } x = \frac{\sqrt{5}-\sqrt{3}}{\sqrt{5}} \text{ و } y = \frac{\sqrt{5}}{2}$$

(1) اجعل مقام العدد x عددا ناطقا.

(2) أحسب العدد Z حيث $Z = 2y - 5x$ ثم أعط القيمة المقربة للعدد Z بتقريب 10^{-2} بالنقصان , (يمكن استعمال الحاسبة).

تمرين 12:

(1) بسط العدد A حيث $A = \sqrt{12} + \sqrt{60}$

(2) اكتب العدد B حيث $B = \frac{1+\sqrt{5}}{\sqrt{3}}$ على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

(3) بين أن $\frac{1}{2}A = 3B$.

تمرين 13:

$$a, b \text{ عدنان حيث : } a = \frac{(\sqrt{7}-\sqrt{2})}{\sqrt{7}}, \quad b = \frac{(\sqrt{7}+\sqrt{2})}{\sqrt{7}}$$

(1) اكتب كلا من العددين a و b على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

(2) احسب مساحة ومحيط المستطيل الذي بعده a و b (وحدة الطول هي السنتيمتر).

تمرين 14:

(1) اكتب على الشكل $p\sqrt{3}$ حيث p عدد صحيح نسبي كلا من العددين الآتيين:

$$A = \sqrt{27} + 7\sqrt{75} + \sqrt{300} \text{ و } B = (6 + 2\sqrt{3})^2 - (4\sqrt{3})^2$$

(2) تحقق من أن $\frac{A}{B}$ هو عدد طبيعي.

تمرين 15:

قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها 2400m^2 وعرضها يساوي ثلثي طولها.

- احسب عرض وطول هذه القطعة.

نصيحة

احذر شرود الذهن أثناء الدرس والمذاكرة