

اختبار مادة الرياضيات

الثانية ثانوي

الإقتراح 2

الفصل الثالث

التمرين الأول:

- 1 - إذا علمت أن: $\cos\left(\frac{2\pi}{5}\right) = \frac{\sqrt{5}-1}{4}$ أحسب: $\sin\left(\frac{2\pi}{5}\right)$
- 2 - استنتج كلا من $\sin\left(\frac{3\pi}{5}\right)$ و $\cos\left(\frac{3\pi}{5}\right)$ ثم $\sin\left(\frac{\pi}{10}\right)$ و $\cos\left(\frac{\pi}{10}\right)$
- 3 - حل في المجال $[0; 2\pi]$ المعادلة: $\cos x = \frac{1-\sqrt{5}}{4}$

التمرين الثاني:

في معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

الجزء الأول:

نعتبر النقط A ، B و C إحداثيتها على الترتيب $(2; 2)$ ، $(1; -1)$ و $(k; 4)$ حيث k عدد حقيقي

1. عين قيمة العدد الحقيقي k حتى يكون المثلث ABC قائما في النقطة A .

2. عين معادلة المستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة C و \vec{OB} شعاع ناظمي له.

الجزء الثاني:

(C) هي الدائرة التي معادلتها: $x^2 + y^2 + 2x - 4y - 4 = 0$

3. عين إحداثيتي Ω مركز الدائرة (C) ونصف قطرها.

4. هل النقطة $E(-4; 2)$ تنتمي الى الدائرة (C) ؟

5. عين إحداثيتي النقطة D حتى يكون الرباعي $ABDC$ مستطيل.

6. عين إحداثيات النقطة G مرجح الجملة المثلثة $\{(A, 1); (B, 1); (C, 2); (D, -3)\}$

التمرين الثالث:

(C) هي الدائرة التي معادلتها: $x^2 + y^2 - 4x - 8y - 5 = 0$

1- عين إحداثيتي Ω مركز الدائرة (C) ونصف قطرها.

2- هل النقطة $G(2, -1)$ تنتمي الى الدائرة (C) ؟

- لتكن النقطة F صورة النقطة G بتحاكي $h(\Omega; 2)$.

3- عين إحداثيتي النقطة F .

4- أكتب معادلة الدائرة (C') ذات المركز F وتشمل النقطة G

تصحيح اختبار مادة الرياضيات الفصل الثالث

ت1:

$$-1 \text{ حساب } \sin\left(\frac{2\pi}{5}\right)$$

$$\frac{2\pi}{5} \in [0; \pi] \text{ لأن } \sin\left(\frac{2\pi}{5}\right) > 0 \text{ مع } \sin^2\left(\frac{2\pi}{5}\right) = 1 - \cos^2\left(\frac{2\pi}{5}\right) = 1 - \left(\frac{\sqrt{5}-1}{4}\right)^2 = \frac{5+\sqrt{5}}{8}$$

$$\text{إذن: } \sin\left(\frac{2\pi}{5}\right) = \frac{\sqrt{5+\sqrt{5}}}{2\sqrt{2}}$$

$$-2 \text{ استنتاج كلا من } \sin\left(\frac{3\pi}{5}\right) \text{ و } \cos\left(\frac{3\pi}{5}\right) \text{ ثم } \sin\left(\frac{\pi}{10}\right) \text{ و } \cos\left(\frac{\pi}{10}\right)$$

$$\cos\left(\frac{3\pi}{5}\right) = \cos\left(\pi - \frac{2\pi}{5}\right) = -\cos\left(\frac{2\pi}{5}\right) = -\frac{\sqrt{5}-1}{4} = \frac{1-\sqrt{5}}{4}$$

$$\sin\left(\frac{3\pi}{5}\right) = \sin\left(\pi - \frac{2\pi}{5}\right) = \sin\left(\frac{2\pi}{5}\right) = \frac{\sqrt{5+\sqrt{5}}}{2\sqrt{2}}$$

$$\sin\left(\frac{\pi}{10}\right) = \sin\left(\frac{\pi}{2} - \frac{2\pi}{5}\right) = \cos\left(\frac{2\pi}{5}\right) = \frac{\sqrt{5}-1}{4}$$

$$-3 \text{ حل في المجال } [0; 2\pi] \text{ المعادلة: } \cos x = \frac{1-\sqrt{5}}{4}$$

$$\cos x = \frac{1-\sqrt{5}}{4} = \cos\left(\frac{3\pi}{5}\right)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x = \frac{3\pi}{5} \\ \text{و} \\ x = 2\pi - \frac{3\pi}{5} = \frac{7\pi}{5} \end{array} \right. \text{ إذن:}$$

ت2:

1. تعين قيمة العدد الحقيقي k حتى يكون المثلث ABC قائما في النقطة A : $k = -4$

2. تعين معادلة المستقيم (Δ) : $x - y + 8 = 0$

3. تعين إحداثيتي Ω مركز الدائرة (C) ونصف قطرها : $\Omega(-1;2)$ و $r=3$

4. هل النقطة E تنتمي الى الدائرة (C) ؟ نعم تنتمي لان : $\Omega E = 3$

5. تعين إحداثيتي النقطة D : هي $D(-5;1)$

6. عين إحداثيات النقطة G مرجح الجملة المثقلة $\{(A,1);(B,1);(C,2);(D,-3)\}$: هي $G(10;6)$

ت3:

1- تعين إحداثيتي مركز الدائرة (C) معادلة ونصف قطرها :

$$x^2 + y^2 - 4x - 8y - 5 = 0$$

- لدينا : $(x-2)^2 - 4 + (y-4)^2 - 16 - 5 = 0$ ومنه : $\Omega(2;4)$ و $R = 5$

$$(x-2)^2 + (y-4)^2 = 25 = 5^2$$

2- هل النقطة $G(2,-1)$: نعوض إحداثيات النقطة G في معادلة الدائرة (C) نجد :

$$(x_G-2)^2 + (y_G-4)^2 = (2-2)^2 + (-1-4)^2 = 25$$

إذن نعم النقطة G تنتمي الى الدائرة (C)

3- تعين إحداثيات النقطة F حيث F صورة النقطة G بتحاكي $h(\Omega;2)$ اذن تحقق : $\vec{\Omega F} = 2.\vec{\Omega G}$

$$\begin{cases} x_F = 2 \\ y_F = -6 \end{cases} \quad \text{نعلم أن : } \vec{\Omega F} \begin{pmatrix} x_F - 2 \\ y_F - 4 \end{pmatrix} \text{ و } \vec{\Omega G} \begin{pmatrix} 0 \\ -5 \end{pmatrix} \quad \text{إذن : } \begin{cases} x_F - 2 = 2.(0) \\ y_F - 4 = 2.(-5) \end{cases} \text{ ومنه : } \begin{cases} x_F = 2 \\ y_F = -6 \end{cases}$$

4- كتابة معادلة الدائرة (C') ذات المركز F وتشمل النقطة G .

$$\text{اولا : نحسب } \|\vec{FG}\| \text{ لدينا : } \|\vec{FG}\| = \sqrt{(2-2)^2 + (-1+6)^2} = 5 \text{ ومنه : } (x-2)^2 + (y+6)^2 = 5^2$$