

التمرين 01:

- n و m عددان طبيعيين و a عدد حقيقي غير معدوم.
1. أحسب $(a^n + a^m)^2$ و $(a^n - a^m)^2$.
 2. استنتج حساب العدد $(a^n + a^m)^2 - (a^n - a^m)^2$.

التمرين 02:

- حل العددين 1500 و 2772 إلى جداء عوامل أولية.
- أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 1500 و 2772 ثم المضاعف المشترك الأصغر لهما.
- اختزل الكسر $\frac{2772}{1500}$.

التمرين 03:

- n و m عددان صحيحان نسبيا حيث: $n+m=2$
- ❖ أثبت أن: $3^{1-m} \times 12^{n-1} \times 6^{m-n} = 1$
 - ❖ نفرض أن n عدد طبيعي فردي، طبق خواص القوى الصحيحة لتبين أن: $(-2)^{5n+1} \times (32)^{-n} = 2$

التمرين 04:

1. ليكن العدد الحقيقي A حيث: $A = \frac{1}{1+\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}+\sqrt{3}} + \frac{1}{2+\sqrt{3}}$ ، أثبت أن $A=1$.
 2. ليكن العدد الحقيقي B حيث: $B = \frac{3}{\sqrt{6}+\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{2}+\sqrt{3}} - \frac{4}{\sqrt{6}+\sqrt{2}}$ ، أثبت أن $B=0$.
- ✓ a و b عددان حقيقيان موجبان تماما.

✓ عيّن قيمة مبسطة للعدد C حيث: $C = \sqrt{\frac{a}{b}} + \sqrt{\frac{b}{a}} - \frac{a+b}{\sqrt{ab}}$

التمرين 05:

1. إذا علمت أن: $b^3 = 166.375$ و $b^5 = 5032.84375$ ، أحسب b^2 و b^6 دون حساب b .
2. أكتب $\sqrt{125}$ على الشكل $a\sqrt{5}$ حيث $a \in \mathbb{N}$.
3. أكتب العبارة $A = 3\sqrt{125} - 2\sqrt{45} + 4\sqrt{245}$ على الشكل $a\sqrt{5}$.

التمرين 06:

1. بين أن العدد: $(6\sqrt{5} - \sqrt{6})^2 + (\sqrt{5} + 6\sqrt{6})^2$ هو عدد صحيح نسبي.
 2. a عدد طبيعي أكبر أو يساوي 1. بين أن العدد $(a\sqrt{a} - 1 - \sqrt{a})^2 + (\sqrt{a} - 1 + a\sqrt{a})^2$ هو عدد صحيح نسبي.
- II. حل العددين 120 و 230 إلى جداء عوامل أولية.
 - أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 120 و 230 ، ثم المضاعف المشترك الأصغر لنفس العددين باستخدام طريقة التحليل الى جداء عوامل أولية.



التمرين 07:

1. A ، B عددان حيث: $A = \sqrt{2} - \sqrt{5}$ ، $B = 2\sqrt{10}$.
عين أصغر مجموعة تنتمي إليها الأعداد التالية: A^2 ، B^2 ، $A^2 + B$.
2. ما طبيعة الأعداد التالية:

$$D = \left(\sqrt{\frac{4}{3}} + \sqrt{\frac{5}{4}} \right)^2 \quad , \quad D = \left(\sqrt{\frac{7}{2}} - \sqrt{\frac{2}{7}} \right)^2 \quad , \quad C = \sqrt{1 - \frac{5}{8}} \times \sqrt{1 + \frac{5}{8}}$$

التمرين 08:

1. حل العددين 65 و 325 إلى جداء عوامل أولية.
2. أحسب القاسم المشترك الأكبر لهما، ثم المضاعف المشترك الأصغر لهما.
3. اختزل $\frac{65}{325}$ ، $\sqrt{325}$ ، $\sqrt{65}$.
4. استنتج التحليل إلى عوامل أولية لكل من: 325×65^2 ، 325^2 ، 65^3 ، 65×325 .

التمرين 09:

- a و b عددان طبيعيين حيث: $a = 23100$ و $b = 2205$
- 1- حل a و b إلى جداء عوامل أولية.
 - 2- أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين a و b أولية. ثم اختزل الكسر $\frac{b}{a}$
 - 3- استنتج التحليل إلى جداء عوامل أولية لكل من الأعداد التالية: $a \times b$ و a^2 و $\left(\frac{b}{a}\right)^3$

التمرين 10:

- بسط كل من الأعداد التالية، ثم أذكر أصغر مجموعة ينتمي إليها كل عدد:
- $a = \frac{\pi^2 \times (3.14)}{\pi \times (3.14)^2}$ ، $b = \frac{2^3 \times 15^2 \times 4}{10^2 \times 3 \times 7}$ ، $c = \frac{2}{\sqrt{2}+1} - 2\sqrt{2}$.

التمرين 11:

- I. A و B عددان حقيقيان حيث:
- $$A = 2\sqrt{45} - \sqrt{125} + 6\sqrt{\frac{1}{9}}$$
- $$B = 2\sqrt{5}(\sqrt{5} - 1) + 2\left(\frac{\sqrt{5}}{2} - 4\right)$$
1. بين أن: $A = 2 + \sqrt{5}$ و $B = 2 - \sqrt{5}$.
 2. أحسب $A \times B$ ثم استنتج قيمة للعدد $(A \times B)^{2015}$.
- II. ليكن x و y عددان حقيقيان حيث: $x = \sqrt{3 - \sqrt{5}}$ و $y = \sqrt{3 + \sqrt{5}}$
- 1/ أحسب المجموع $x^2 + y^2$ ثم الجداء xy .
 - 2/ استنتج قيمة مبسطة للمجموع $x + y$.

التمرين 12:

A و B عدنان حقيقيان حيث : $A^2 = 16^3 \times 9^3 \times 35^4$ ، $B = (-28)^3 \times (15^3)^2 \times (-21)$ ،

1. عيّن التحليل إلى جداء عوامل لكل من A^2 ، A ، B ، B^2 .
2. أحسب المضاعف المشترك الأصغر للعددين A و B ثم القاسم المشترك الأكبر لهما (باستعمال التحليل إلى جداء عوامل أولية).
3. أكتب الأعداد التالية على شكل كسر غير قابل للاختزال: $\frac{A}{B}$ ، $\frac{A^2}{B}$

التمرين 13:

I. نعتبر الأعداد الحقيقية A ، B و C حيث :

$$C = \frac{1}{3-\sqrt{5}} + \frac{1}{3+\sqrt{5}} ، B = \sqrt{(9+4\sqrt{5})(9-4\sqrt{5})} ، A = \frac{-36^2 \times 21^{-3} \times 49^2}{(-18)^3 \times 81^{-2} \times 35}$$

1. بسط العدد A (مع توضيح جميع مراحل الحساب)

2. بين أن B عدد طبيعي.

3. بين أن C عدد عشري

II. x و y عدنان حقيقيان حيث: $x=1500$ ، $y=840$.

1. حلل العددين x و y إلى جداء عوامل أولية.

2. أحسب $PGCD(x; y)$ ، $PPCM(x; y)$

3. بسط العددين $\frac{x}{y}$ و \sqrt{x} . هل العدد \sqrt{x} عدد عشري؟ مع التبرير.

التمرين 14:

a ، b و c ثلاث أعداد حقيقية حيث: $c = \sqrt{55-12\sqrt{21}}$ ، $b = 2\sqrt{7}$ ، $a = 3\sqrt{3}$

1. أ- بين أن: $a-b = \frac{-1}{3\sqrt{3}+2\sqrt{7}}$

ب- استنتج مقارنة بين العددين a و b .

2. بسط العدد $(3\sqrt{3}-2\sqrt{7})^2$ ثم استنتج كتابة مبسطة للعدد c .

3. إذا علمت أن: $2.6 \leq \sqrt{7} \leq 2.7$ و $1.7 \leq \sqrt{3} \leq 1.8$.

أ- عين حصرًا للعدد c .

ب- بين أن: $0 \leq \frac{3}{5} - 2c \leq 1$.

ج- استنتج مقارنة بين الأعداد: $\left(\frac{3}{5}-2c\right)$ ، $\left(\frac{3}{5}-2c\right)^2$ ، $\left(\frac{3}{5}-2c\right)^{1444}$ ، $\left(\frac{3}{5}-2c\right)^{2022}$

التمرين 15:

I. A و B عددين حقيقيين حيث: $A = \sqrt{5+2\sqrt{3}} - \sqrt{5-2\sqrt{3}}$ ، $B = \sqrt{2+4\sqrt{7}} + \sqrt{-2+4\sqrt{7}}$.
- أحسب A^2 ، B^2 .

II. C و D عددين حقيقيين حيث: $C = \sqrt{7-3\sqrt{5}}$ ، $D = \sqrt{7+3\sqrt{5}}$

- بين أن: $C \times D = 2$

- أحسب $(C-D)^2$ ، $(C+D)^2$

التمرين 16:

A و B عددان طبيعيين حيث: $A = 2156$ ، $B = 504$

1. حل كلا من العددين A و B إلى جداء عوامل أولية.

2. استنتج تحليلا لكل من: $A^2 \times B$ ، $A^3 \times B^2$ ، $3A \times B$

3. أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين A و B ثم المضاعف المشترك الأصغر لهما.

4. بسط العددين $\frac{A}{B}$ ، $\sqrt{A \times B}$

التمرين 17:

I. A و b عددان حقيقيان موجبان تماما ، نعتبر الأعداد A ، B و C بحيث: $A = \frac{a+b}{2}$ ، $B = \sqrt{ab}$ و $C = \frac{2ab}{a+b}$

1. قارن بين العددين A^2 و B^2 ثم استنتج مقارنة بين A و B.

2. بين أن: $B - C = \frac{\sqrt{ab}}{a+b}(\sqrt{a} - \sqrt{b})^2$ ثم استنتج أن $B \geq C$

3. استنتج مما سبق مقارنة بين الأعداد A ، B و C.

II. x و y عددان حقيقيان حيث: $\frac{1}{4} \leq x \leq \frac{1}{2}$ و $-4 \leq y \leq -1$.

1. أعط حصر لكل من: $4x - y$ ، $\frac{1}{x} + y^2$ ، xy .

2. عين حصر للعدد z علما أن: $1 \leq \frac{-5z+1}{2} \leq 3$

