

التمرين 01:

n و m عدادان طبيعيان و a عدد حقيقي غير معادل.

$$1. \text{ أحسب } (a^n + a^m)^2 \text{ و } (a^n - a^m)^2.$$

$$2. \text{ استنتج حساب العدد } .(a^n + a^m)^2 - (a^n - a^m)^2$$

التمرين 02:

• حلل العددين 1500 و 2772 إلى جداء عوامل أولية.

• أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 1500 و 2772 ثم المضاعف المشترك الأصغر لهما.

$$. \frac{2772}{1500} \text{ اختزل الكسر}$$

التمرين 03:

n و m عدادان صحيحان نسبيان حيث:  $n+m=2$

$$\diamond \text{ أثبت أن: } 1 = 3^{1-m} \times 12^{n-1} \times 6^{m-n}$$

❖ نفرض أن n عدد طبيعي فردي، طبق خواص القوى الصحيحة لتبين أن:  $2^n = (-2)^{5n+1} \times (32)^{-n}$

التمرين 04:

1. ليكن العدد الحقيقي A حيث:  $A = \frac{1}{1+\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}+\sqrt{3}} + \frac{1}{2+\sqrt{3}}$  ، أثبت أن  $A=1$ .

2. ليكن العدد الحقيقي B حيث:  $B = \frac{3}{\sqrt{6}+\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{2}+\sqrt{3}} - \frac{4}{\sqrt{6}+\sqrt{2}}$  ، أثبت أن  $B=0$

✓ و b عدادان حقيقيان موجبان تماما.

$$C = \sqrt{\frac{a}{b}} + \sqrt{\frac{b}{a}} - \frac{a+b}{\sqrt{ab}} \quad \checkmark \text{ عين قيمة مبسطة للعدد C حيث:}$$

التمرين 05:

$$1. \text{ إذا علمت أن: } b^5 = 5032.84375 \quad \text{و} \quad b^3 = 166.375$$

أحسب  $b^2$  و  $b^6$  دون حساب b.

$$2. \text{ أكتب } \sqrt{125} \text{ على الشكل } a\sqrt{5} \text{ حيث } a \in \mathbb{N}$$

$$3. \text{ أكتب العبارة } A = 3\sqrt{125} - 2\sqrt{45} + 4\sqrt{245} \text{ على الشكل } a\sqrt{5}$$

التمرين 06:

$$I. 1. \text{ بين أن العدد: } (6\sqrt{5} - \sqrt{6})^2 + (\sqrt{5} + 6\sqrt{6})^2 \text{ هو عدد صحيح نسي.}$$

2. عدد طبيعي أكبر أو يساوي 1.

$$\text{بين أن العدد } (a\sqrt{a} - 1 - \sqrt{a})^2 + (\sqrt{a} - 1 + a\sqrt{a})^2 \text{ هو عدد صحيح نسي.}$$

حلل العددين 120 و 230 إلى جداء عوامل أولية.

- أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 120 و 230 ، ثم المضاعف المشترك الأصغر لنفس

العددين باستخدام طريقة التحليل إلى جداء عوامل أولية.

**التمرين 07:**

1. عددان حيث:  $B = 2\sqrt{10}$  ،  $A = \sqrt{2} - \sqrt{5}$

عِنْ أَصْغَرْ مُجْمُوعَةٍ يَنْتَمِي إِلَيْهَا الأَعْدَادُ التَّالِيَةُ:  $B^2$  ،  $A^2$  ،  $A^2 + B^2$

2. مَا طبِيعَةُ الْأَعْدَادُ التَّالِيَةُ:

$$D = \left( \sqrt{\frac{4}{3}} + \sqrt{\frac{5}{4}} \right)^2 , D = \left( \sqrt{\frac{7}{2}} - \sqrt{\frac{2}{7}} \right)^2 , C = \sqrt{1 - \frac{5}{8}} \times \sqrt{1 + \frac{5}{8}}$$

**التمرين 08:**

1. حل العددين 65 و 325 إلى جداء عوامل أولية.

2. أحسب القاسم المشترك الأكبر لهما، ثم المضاعف المشترك الأصغر لهما.

3. اخترز  $\frac{65}{325}$  ،  $\sqrt{325}$  ،  $\sqrt{65}$ .

4. استنتج التحليل إلى عوامل أولية لكل من:  $325^3 \times 65^2$  ،  $325^2 \times 65^3$  ،  $65 \times 325$  ،  $65^2$  ،  $325$ .

**التمرين 09:**

$a$  و  $b$  عددان طبيعيان حيث:  $a = 23100$  و  $b = 2205$

-1 حل  $a$  و  $b$  إلى جداء عوامل أولية.

-2 أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين  $a$  و  $b$  أولية. ثم اخترز الكسر  $\frac{b}{a}$

-3 استنتاج التحليل إلى جداء عوامل أولية لكل من الأعداد التالية:  $a \times b$  و  $a^2$  و  $\left(\frac{b}{a}\right)^3$

**التمرين 10:**

بسط كل من الأعداد التالية، ثم أذكر أصغر مجموعه ينتهي إليها كل عدد:

$$\cdot c = \frac{2}{\sqrt{2}+1} - 2\sqrt{2} , b = \frac{2^3 \times 15^2 \times 4}{10^2 \times 3 \times 7} , a = \frac{\pi^2 \times (3.14)}{\pi \times (3.14)^2}$$

**التمرين 11:**

I.  $A$  و  $B$  عددان حقيقيان حيث:

$$\cdot B = 2\sqrt{5}(\sqrt{5} - 1) + 2\left(\frac{\sqrt{5}}{2} - 4\right) , A = 2\sqrt{45} - \sqrt{125} + 6\sqrt{\frac{1}{9}}$$

1. بين أن:  $B = 2 - \sqrt{5}$  و  $A = 2 + \sqrt{5}$

2. أحسب  $B \times A$  ثم استنتاج قيمة للعدد  $(A \times B)^{2015}$ .

II. ليكن  $x$  و  $y$  عددان حقيقيان حيث:  $x = \sqrt{3 + \sqrt{5}}$  و  $y = \sqrt{3 - \sqrt{5}}$

1/ أحسب المجموع  $x^2 + y^2$  ثم الجداء  $xy$

2/ استنتاج قيمة مبسطة للمجموع  $x + y$

## التمرين 12

$B = (-28)^3 \times (15^3)^2 \times (-21)$  ،  $A^2 = 16^3 \times 9^3 \times 35^4$  و  $B$  عداد حقيقيان حيث :

1. عين التحليل إلى جداء عوامل لكل من  $B^2$  ،  $B$  ،  $A^2$  ،  $A$ .

2. أحسب المضاعف المشترك الأصغر للعددين  $A$  و  $B$  ثم القاسم المشترك الأكبر لهما (باستعمال التحليل إلى جداء عوامل أولية).

3. أكتب الأعداد التالية على شكل كسر غير قابل للاختزال:  $\frac{A^2}{B}$  ،  $\frac{A}{B}$  ،

## التمرين 13

I. نعتبر الأعداد الحقيقة  $A$  ،  $B$  و  $C$  حيث :

$$C = \frac{1}{3-\sqrt{5}} + \frac{1}{3+\sqrt{5}} \quad , \quad B = \sqrt{(9+4\sqrt{5})(9-4\sqrt{5})} \quad , \quad A = \frac{-36^2 \times 21^{-3} \times 49^2}{(-18)^3 \times 81^{-2} \times 35}$$

1. بسط العدد  $A$  (مع توضيح جميع مراحل الحساب)

2. بين أن  $B$  عدد طبيعي.

3. بين أن  $C$  عدد عشري

II.  $x$  و  $y$  عداد حقيقيان حيث:  $y=840$  ،  $x=1500$ .

1. حلل العددين  $x$  و  $y$  إلى جداء عوامل أولية.

2. أحسب  $PPCM(x; y)$  ،  $PGCD(x; y)$

3. بسط العددين  $\frac{x}{y}$  و  $\sqrt{x}$ . هل العدد  $\sqrt{x}$  عدد عشري؟ مع التبرير.

## التمرين 14

$a = 3\sqrt{3}$  ،  $b = 2\sqrt{7}$  ،  $c = \sqrt{55 - 12\sqrt{21}}$  ،  $a$  ،  $b$  و  $c$  ثلاثة أعداد حقيقة حيث:

$$1. \text{ أ-} \text{ بين أن: } a-b = \frac{-1}{3\sqrt{3}+2\sqrt{7}}$$

ب- استنتاج مقارنة بين العددين  $a$  و  $b$ .

2. بسط العدد  $(3\sqrt{3}-2\sqrt{7})^2$  ثم استنتاج كتابة مبسطة للعدد  $c$ .

3. إذا علمت أن:  $1.7 \leq \sqrt{3} \leq 1.8$  و  $2.6 \leq \sqrt{7} \leq 2.7$ .

أ- عين حصراً للعدد  $c$ .

$$\text{ب-} \text{ بين أن: } 0 \leq \frac{3}{5} - 2c \leq 1$$

ج- استنتاج مقارنة بين الأعداد:  $\left(\frac{3}{5} - 2c\right)^{2022}$  ،  $\left(\frac{3}{5} - 2c\right)^{1444}$  ،  $\left(\frac{3}{5} - 2c\right)^2$  ،  $\left(\frac{3}{5} - 2c\right)$

### التمرين 15:

I. A و B عددين حقيقيين حيث:  $A = \sqrt{5+2\sqrt{3}} - \sqrt{5-2\sqrt{3}}$  ،  $B = \sqrt{2+4\sqrt{7}} + \sqrt{-2+4\sqrt{7}}$ .  
- أحسب  $B^2$  ،  $A^2$ .

II. C و D عددين حقيقيين حيث:  $C = \sqrt{7-3\sqrt{5}}$  ،  $D = \sqrt{7+3\sqrt{5}}$ .  
- بين أن:  $C \times D = 2$ .

- أحسب  $(C+D)^2$  ،  $(C-D)^2$ .

### التمرين 16:

A و B عدادان طبيعيان حيث:  $A = 2156$  ،  $B = 504$ .

1. حل كل من العددان A و B إلى جداء عوامل أولية.

2. استنتج تحليلاً لكل من:  $3A \times B$  ،  $A^3 \times B^2$  ،  $A^2 \times B$ .

3. أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين A و B ثم المضاعف المشترك الأصغر لهما.

4. بسط العددان  $\frac{A}{B}$ .

### التمرين 17:

I. A و b عدادان حقيقيان موجبان تماماً، نعتبر الأعداد A ، B و C بحيث:  $C = \frac{2ab}{a+b}$  و  $B = \sqrt{ab}$  ،  $A = \frac{a+b}{2}$ .

1. قارن بين العددان  $A^2$  و  $B^2$  ثم استنتج مقارنة بين A و B.

2. بين أن:  $B-C = \frac{\sqrt{ab}}{a+b} (\sqrt{a}-\sqrt{b})^2$  ثم استنتج أن  $B \geq C$ .

3. استنتاج مما سبق مقارنة بين الأعداد A ، B و C.

II. x و y عدادان حقيقيان حيث:  $-4 \leq y \leq -1$  و  $\frac{1}{4} \leq x \leq \frac{1}{2}$ .

1. أعط حصراً لكل من:  $xy$  ،  $\frac{1}{x} + y^2$  ،  $4x-y$ .

2. عين حصراً للعدد z علماً أن:  $1 \leq \frac{-5z+1}{2} \leq 3$ .

