

التناسبية

التناسبية

مثال 1 : عامل يأخذ أجرته حسب عدد الساعات التي يعملها .

7.5	6	5	3.5	2	عدد الساعات
375	300	250	175	100	الأجرة (DA)

نلاحظ أن: $\frac{100}{2} = \frac{175}{3.5} = \frac{250}{5} = \frac{300}{6} = \frac{375}{7.5} = 50$

نقول بأن الأعداد 100، 175، 250، 300، 375 هي متناسبة على الترتيب مع 2، 3.5، 5، 6، 7.5 وأن القيمة المشتركة 50 هي معامل التناسبية.

مثال 2 :

كمية الزيت المصنوعة من الزيتون

82	55	45	30	وزن الزيتون Kg
16.4	11	9	6	وزن الزيت Kg

لاحظ أن: $\frac{6}{300} = \frac{9}{45} = \frac{11}{55} = \frac{16.4}{82} = 0.2$

الأعداد 6، 9، 11، 16.4 هي متناسبة على الترتيب مع 30، 45، 55، 82 وإن 0.2 هو معامل التناسبية .

الأعداد a, b, c, d متناسبة على الترتيب مع a', b', c', d' يعني $\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} = \frac{c}{c'} = \frac{d}{d'} = k$. يسمى العدد k معامل التناسبية

• جدول تناسبية

مثال 1 : لنأخذ وزن البرتقال مع سعره

	الوزن Kg	1.5	2	4	5.5	
	السعر DA	90	120	240	330	
(X 60)						(: 60)

- لاحظ في هذا الجدول أن الأعداد 90 ، 120 ، 240 ، 330 ، متناسبة على الترتيب مع 1.5 ، 2 ، 4 ، 5.5 وان معامل التناسبية هو 60 .
- لاحظ أيضا أن للحصول على أعداد السطر الثاني نضرب كل عدد من السطر الأول في 60 وللحصول على أعداد السطر الأول نقسم كل عدد من السطر الثاني على 60 يسمى هذا الجدول " جدول التناسبية "
 - جداول المثالين 1 و 2 هي جداول تناسبية .

مثال 2

لنأخذ وزن طفل مع عمره

العمر	4	10	12	15
الوزن (kg)	9	15	17	18

نلاحظ أن $\frac{9}{4} \neq \frac{15}{10} \neq \frac{17}{12} \neq \frac{18}{15}$ ، فالأعداد 9 ، 15 ، 17 ، 18 ليست متناسبة

مع 4 ، 10 ، 12 ، 15 ، فهذا الجدول لا يمثل "جدول تناسبية"

• النسبة المئوية

مثال : قسم يحتوي 40 تلميذا منهم 30 ذكور و 10 إناث . لنحسب نسبتي الذكور والإناث بالنسبة إلى عدد تلاميذ القسم .

لدينا نسبة الذكور بالنسبة إلى عدد تلاميذ القسم هي : $\frac{30}{40} = 0,75 = \frac{75}{100}$

$$\frac{10}{40} = 0,25 = \frac{25}{100} \text{ : ونسبة الإناث بالنسبة إلى عدد التلاميذ هي :}$$

نسبة $\frac{75}{100}$ النسبة المئوية ونرمز لها بالرمز : 75% أيضا النسبة

$$\frac{25}{100} \text{ هي نسبة مئوية نرمز لها بـ } 25\%$$

النسبة المئوية هي نسبة بسطها العدد a ومقامها 100 ونرمز لها بـ $a\%$.

حساب نسبة مئوية من عدد

$$\frac{2500 \times 20}{100} = 500 \text{ 20\% من العدد 2500 تمثل العدد}$$

لحساب $a\%$ من العدد N ، نضرب هذا العدد في a ونقسم على 100 أي $\frac{N \times a}{100}$.

• المقياس

على خريطة ولاية قسنا الأبعاد بين مقر الولاية والأماكن : المستشفى ، الجامعة ، محطة الحافلات ، مقر الشرطة :

بين الولاية والمستشفى	بين الولاية والجامعة	بين الولاية ومحطة الحافلة	بين الولاية ومقر الشرطة	
100000	150000	187500	62500	الطول الحقيقي بـ (cm)
4cm	6cm	7.5	2.5	الطول على الخريطة (cm)

$$\frac{4}{100000} = \frac{6}{150000} = \frac{7,5}{187500} = \frac{2,5}{62500} = \frac{1}{25000}$$

نلاحظ أن:

نلاحظ أن المسافات على الخريطة متناسبة مع المسافات الحقيقية وأن معامل التناسبية هو $\frac{1}{25000}$. يسمى معامل التناسبية بـ "المقياس أو السلم"

المسافات على الخريطة أو على تصميم متناسبة مع المسافات الحقيقية

مقياس خريطة هو $\frac{1}{25000}$ يعني أن 1cm على الخريطة يمثل 25000cm على الأرض (الواقع)

حساب المسافة الحقيقية (الطول الحقيقي)

لإيجاد الطول الحقيقي بـ (cm) في خارطة أو تصميم ذات المقياس $\frac{1}{a}$ نضرب الطول على الخارطة في العدد a .

مثال :

عين الطول الحقيقي علما أن الطول على خارطة مقياسها $\frac{1}{30000}$ هو 10cm

الحل

- الطول الحقيقي الممثل بطول 10cm على خارطة مقياسها $\frac{1}{30000}$ هو :

- $10\text{cm} \times 30000 = 300000\text{cm} = 3\text{km}$
حساب طول على خارطة

لحساب طول (cm) على خارطة نضرب الطول الحقيقي (cm) في مقياس الخارطة .



مثال :

المسافة بين مدينتين A و B هي 400Km . ماهو الطول الممثل لهذه المسافة على الخارطة التي مقياسها $\frac{1}{1000000}$.

الحل :

التحويل : (400km=400000000cm)

الطول (cm) على الخارطة بين المدينتين A و B هو :

$$400.000.00 \times \frac{1}{1000000} = 40\text{cm}$$

التكبير والتصغير

إذا كان المقياس هو عدد أصغر من 1 ، نقول بأنه تصغير للتصميم وإذا كان المقياس أكبر من 1 ، نقول بأنه تكبير للتصميم .

مثال 1

إنشاء طول حقيقي مستعلا الطول على الخارطة والمقياس يعتبر تكبير للتصميم ، وتمثيل طول على خارطة مستعلا الطول الحقيقي والمقياس هو تصغير

مثال 2

نعتبر المثلث ABC القائم في A حيث AB=3cm و AC=4cm و BC=5cm

- إذا ضربنا كل أطوال المثلث ABC في $\frac{1}{2}$ نحصل على المثلث A'B'C'

حيث A'B'=1.5cm ، A'C'=2cm ، B'C'=2.5cm وهو أصغر من المثلث

ABC (تصغير)

- إذا ضربنا كل أطوال المثلث ABC في 3 نحصل على المثلث A''B''C''

حيث A''B''=9cm ، A''C''=12cm ، B''C''=15cm وهو أكبر من المثلث

ABC (تكبير)

