

القسمة

● القسمة الإقليدية

نريد غرس الأشجار في قطعة أرض مساحتها 3765 cm^2 . إذا كانت المساحة المخصصة لشجرة واحدة هي 125 cm^2 ، فما هو عدد الأشجار التي يمكن غرسها في هذه القطعة ؟

الحل

لإيجاد عدد الأشجار المطلوب نقسم العدد 3765 على 125

المقسوم	3765	125	القاسم
		30	حاصل القسمة
	0015		
الباقى	15		

يمكن غرس 30 شجرة ويبقى 15 cm^2 .

نلاحظ أن : الباقي اصغر من القاسم ($15 < 125$)

$$3765 = 125 \times 30 + 15$$

القسمة الإقليدية هي القسمة التي يكون فيها المقسوم ، القاسم ، حاصل القسمة و الباقي أعداد طبيعية ويكون الباقي اصغر من القاسم .
في كل عملية قسمة إقليدية لدينا : المقسوم = القاسم $\times$ حاصل القسمة + الباقي

نستعمل هذه القاعدة للتحقق من صحة القسمة الإقليدية.

لدينا : $3750 = 30 \times 125$ و $3875 = 31 \times 125$ ومنه : $3750 < 3765 < 3875$

$30 \times 125 < 3765 < 31 \times 125$. نلاحظ أن المقسوم محصور بين مضاعفين

متتاليين للعدد 125 .

مثال : لو قسمنا 3675 على 75 لوجدنا حاصل قسمة 49 والباقي 0 .

نلاحظ أن المقسوم هو من مضاعفات القاسم . $3675 = 75 \times 49 + 0$

إذا كان باقي القسمة الاقليدية يساوي 0 فيكون المقسوم من مضاعفات القاسم .
إذا كان باقي القسمة غير معدوم فيكون المقسوم محصور بين مضاعفين متتاليين للقاسم .

• القسمة العشرية :

(1) المقسوم عدد عشري والقاسم عدد طبيعي :

$$\begin{array}{r} 142,165 \quad | \quad 34 \\ 06 \quad 1 \\ 276 \\ 045 \\ 11 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 93,12 \quad | \quad 16 \\ \rightarrow 9312 \quad | \quad 1600 \\ 13120 \\ 03200 \\ 00 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 93,12 \quad | \quad 16 \\ 131 \quad | \quad 582 \\ 32 \\ 00 \end{array}$$

لإجراء عملية قسمة عدد عشري على عدد طبيعي نقسم الجزء الصحيح على القاسم ثم نضع الفاصلة على يمين الحاصل ونكمل عملية القسمة .
يمكن أيضا أن نجري هذه العملية كما يلي : نحذف الفاصلة من المقسوم ونضيف أصفارا على يمين القاسم بقدر أرقام الجزء العشري للمقسوم .

(2) القاسم و المقسوم أعداد عشرية :

نعتبر عملية القسمة الآتية : $112,625 : 8,5 = 13,25$. لو ضربنا كلا من القاسم والمقسوم في 10 ، ثم في 100 ، ثم في 1000 وأجرينا عملية القسمة لوجدنا نفس النتيجة (نفس حاصل القسمة) .

$$112,625 : 8,5 = (112,625 \times 10 : 8,5 \times 10)$$

$$= (112,625 \times 100 : 8,5 \times 100) = 13,25$$

نستعمل هذه القاعدة لجعل القاسم عدد طبيعي أو الاثنان معا (القاسم والمقسوم) أعداد طبيعية .

مثال : لنجري العملية الآتية : $17,0625 : 3,25$

$\begin{array}{r} 17,0625 \\ \rightarrow 170625 \end{array}$	$\begin{array}{r} 3,25 \\ 32500 \\ \hline 5,25 \\ 162500 \\ \hline 00 \end{array}$
--	--

$\begin{array}{r} 17,0625 \\ \rightarrow 1706,25 \end{array}$	$\begin{array}{r} 3,25 \\ 325 \\ \hline 5,25 \\ 1625 \\ \hline 0 \end{array}$
---	---

لقسمة عدد عشري على عدد عشري نجعل كلا من القاسم والمقسوم أعداد طبيعية وهذا بضربهما في 10 ، 100 ، 1000 ثم نجري العملية أو نجعل فقط القاسم عدد طبيعي وتصبح العملية " عملية قسمة عدد عشري على عدد طبيعي " .

(3) قسمة عدد عشري على : 0,1 ، 0,01 ، 0,001 ، 10 ، 100 ، 1000

$$\begin{aligned} 213,25 : 100 &= 2,1325 & , & \quad 213,25 : 1000 = 0,21325 \\ 0,235 : 0,01 &= 23,5 = 0,235 \times 100 & ; & \quad 213,25 : 10 = 21,325 \\ 0,235 : 0,1 &= 2,35 = 0,235 \times 10 . \end{aligned}$$

لقسمة عدد عشري على 10 ، 100 ، 1000 نزيح الفاصلة إلى اليسار بمرتبة أو مرتبتين أو بثلاث مراتب .
لقسمة عدد عشري على 0,1 ، 0,01 ، 0,001 نضرب العدد في 10 ، 100 ، 1000

• القيم المقربة لحاصل قسمة :

مثال : $810,576 : 13 = 62,352$

- القيمة المقربة بالنقصان إلى الوحدة للعدد 62,352 هي 62
- القيمة المقربة بالزيادة إلى الوحدة للعدد 62,352 هي 63 (62+1)
- القيمة المقربة بالنقصان إلى 0,1 للعدد 62,352 هي 62,3
- القيمة المقربة بالزيادة إلى 0,1 للعدد 62,352 هي 62,4 (62,3+0,1) .
- القيمة المقربة بالنقصان إلى 0,01 للعدد 62,352 هي 62,35
- القيمة المقربة بالزيادة إلى 0,01 للعدد 62,352 هي 62,36 (62,35+0,01)
- القيمة المقربة بالنقصان إلى الوحدة لعدد عشري هي الجزء الصحيح له .
- القيمة المقربة بالزيادة إلى الوحدة لعدد عشري هي (الجزء الصحيح + 1)

• تدوير حاصل قسمة عشرية إلى الوحدة :

$$\frac{20,55}{2,5} = 8,22 \quad \text{حاصل القسمة هو عدد عشري لأن باقي القسمة } 0$$

$$\frac{33}{10,5} = 3,1428..... \quad \text{حاصل القسمة ليس عدد عشري لأن القسمة غير منتهية .}$$

في الحسابات التقريبية نأخذ مدور حاصل قسمة العشرية إلى الوحدة .
مدور العدد 8,22 إلى الوحدة هو 8 (القيمة المقربة بالنقصان إلى الوحدة للعدد) لأن رقم أعشار العدد 8,22 اصغر من 5 (2 < 5) .

مدور العدد العشري3,1428 إلى الوحدة هو 3
(القيمة المقربة بالنقصان إلى الوحدة للعدد) . لأن رقم أعشار العدد أصغر من 5 ($1 < 5$) .
مدور العدد العشري 6,853 إلى الوحدة هو 7
(القيمة المقربة بالزيادة إلى الوحدة للعدد لأن رقم أعشار هذا العدد أكبر من 5 ($8 > 5$) .

إذا كان رقم أعشار العدد العشري أصغر من 5 فيكون تدوير هذا العدد هي القيمة المقربة بالنقصان إلى الوحدة وإذا كان رقم أعشار العدد أكبر من أو يساوي 5 فيكون تدوير العدد العشري هي القيمة المقربة بالزيادة إلى الوحدة لهذا العدد .

