

## سلسلة تمارين ووضعيات ادماجية الدالة الخطية والدالة التآلفية

الأستاذ : طايبي عمار

المستوى : الرابعة متوسط

### التمرين الثامن :

المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس لتكن الدالة الخطية  $h$  المعرفة بالدستور :

$$h(x) = -2x$$

1 . أكمل ما يلي :

- لدينا  $h(1) = \dots$  إذن النقطة  $A(1; -2)$  تنتمي لبيان الدالة  $h$  لأن  $h(1) = \dots$
- لدينا  $h(-2) = \dots$  إذن النقطة  $B(-2; 3)$  تنتمي لبيان الدالة  $h$  لأن  $h(-2) \neq \dots$
- 2 . هل النقط  $C(3; -6)$  ,  $D(-1; 2)$  و  $E(4; -8)$  في استقامية

### التمرين التاسع :

المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس عين الدالة الخطية في كل حالة من الحالات التالية :

الحالة الأولى :  $f(2) = -6$

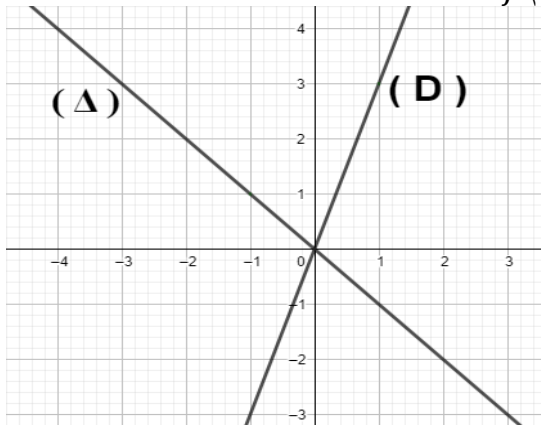
الحالة الثانية :  $g(1) = \sqrt{3}$

الحالة الثالثة : التمثيل البياني للدالة  $k$  يشمل النقطة

$$C(2; -5)$$

### التمرين العاشر :

المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس , المستقيم  $(\Delta)$  هو التمثيل البياني للدالة  $g$  , والمستقيم  $(D)$  هو التمثيل البياني للمستقيم  $f$  .



- 1 . ما نوع كل من الدالتين  $g$  و  $f$  , مع التبرير
- 2 . من خلال البيان جد صورة العدد  $-1$  بالدالة  $f$  , ثم صورة العدد  $2$  بالدالة  $g$
- 3 . من خلال البياني ما هو العدد الذي صورته  $3$  بالدالة  $f$  , ثم ما هو العدد الذي صورته  $4$  بالدالة  $g$
- 4 . من خلال البيان حدد المعامل  $a$  لكل من الدالتين  $g$  و  $f$  , ثم استنتج صيغة كلا من الدالتين .

### التمرين الحادي عشر :

ما نوع كل دالة من الدوال التالية ؟

$$h(x) = -2x + 1 ; g(x) = \sqrt{5}x ; k(x) = 3$$

$$f(x) = -2x(x + 1) + 2x^2 ; g(x) = 6 - 4x$$

### اضغط هنا

### للانتقال لحلول التمارين :

#### التمرين الأول :

أكمل الجمل التالية :

- 1)  $f(4) = 6$  يعني أن صورة العدد  $4$  بالدالة  $f$  هي  $\dots$  , أو العدد الذي صورته  $6$  بالدالة  $f$  هو  $\dots$
- 2)  $f(2) = \dots$  يعني أن صورة العدد  $\dots$  بالدالة  $f$  هي  $-3$  , أو العدد الذي صورته  $\dots$  بالدالة  $f$  هو  $\dots$
- 3)  $f(-1) = 4$  يعني أن صورة العدد  $\dots$  بالدالة  $f$  هي  $\dots$  , أو العدد الذي صورته  $\dots$  بالدالة  $f$  هو  $\dots$
- 4)  $f(\dots) = \dots$  يعني أن صورة العدد  $\dots$  بالدالة  $f$  هي  $2$  , أو العدد الذي صورته  $\dots$  بالدالة  $f$  هو  $-3$

#### التمرين الثاني :

الدالة الخطية  $f$  معرفة كما يلي :  $f(x) = -3$

1 . أحسب  $f(0)$  ,  $f(-2)$  ,  $f(\sqrt{3})$  ,  $f\left(-\frac{1}{3}\right)$  ,

2 . أحسب العددين  $x_1$  و  $x_2$  حيث

$$f(x_1) = 8 \text{ و } f(x_2) = -9$$

#### التمرين الثالث :

$g$  دالة خطية معاملها  $\frac{1}{3}$

1 . أحسب صور الأعداد  $0$  ,  $-6$  ,  $\frac{1}{\sqrt{3}}$  .

2 . ما هو العدد الذي صورته  $-2$

#### التمرين الرابع :

$g$  دالة خطية معاملها  $-5$  , أكمل الجدول

$x$	$-3$	$-0.5$			$10$		$6$
$g(x)$			$0$	$0.5$		$-18$	

#### التمرين الخامس :

1)  $f$  دالة خطية بحيث  $f(1) = 2$  , هل يمكن أن يكون

$$f(-3) = -5 \text{ ؟ برر}$$

2)  $h$  دالة خطية , هل يمكن أن يكون  $h(0) = -2$  ؟ برر

3)  $g$  دالة خطية بحيث  $f(-6) = 2$  عين صور العدد  $4$

#### التمرين السادس :

المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس

أنشئ التمثيل البياني للدوال الخطية التالية

$$h(x) = -2x ; g(x) = 5x$$

$$f(x) = \frac{1}{4}x ; k(x) = -\frac{2}{7}x$$

#### التمرين السابع :

المستوي مزود بمعلم متعامد والمتجانس , أكمل ما يلي :

1) النقطة  $A(-1; 2)$  تنتمي للتمثيل البياني للدالة  $f$  معناه :

$$f(\dots) = \dots$$

2) النقطة  $A(\dots; -3)$  تنتمي للتمثيل البياني للدالة  $f$  معناه

$$f(-0.5) = \dots$$

3) النقطة  $A(6; \dots)$  تنتمي للتمثيل البياني للدالة  $f$  معناه :

$$f(\dots) = -4$$

### التمرين الثاني عشر:

الدالة  $f$  دالة معرفة بالدستور :  $f(x) = -5x - 2$

1. أحسب صور الأعداد  $-1, 0, -\sqrt{5}, 1 + \sqrt{2}$
2. ما هو العدد الذي صورته  $-3$
3. جد العددين  $n$  و  $m$  بحيث :

$$m \times f(m) = -5m^2 \text{ و } f(n) = 3$$

### التمرين الثالث عشر:

$g$  دالة تآلفية معرفة بالدستور :  $g(x) = 2x - 6$

1. أكمل الجدول

$x$	-3	-0.5			10		6
$g(x)$			0	0.5		-18	

2. هل الجدول جدول تناسبية ؟

3. أحسب الأعداد التالية :

$$\frac{g(0) - g(10)}{0 - 10} ; \frac{g(6) - g(-3)}{6 - (-3)}$$

$$\frac{g(10) - g(0)}{10 - 0} ; \frac{g(-0.5) - g(6)}{-0.5 - 6}$$

4. أكمل ما يلي :

من أجل كل عددين مختلفين  $x_1$  و  $x_2$  فإن :

$$\frac{g(\dots) - g(x_2)}{x_1 - \dots} = \dots$$

### التمرين الرابع عشر:

عين الدوال التآلفية في كل حالة من الحالات التالية :

الحالة الأولى :  $f(0) = 5$  ;  $f(2) = -1$

الحالة الثانية :  $h(3) = 6$  ;  $h(-1) = -10$

الحالة الثالثة : التمثيل البياني للدالة  $k$  يشمل النقطتين

$A(1; -1)$  و  $B(-1; 3)$

### التمرين الخامس عشر:

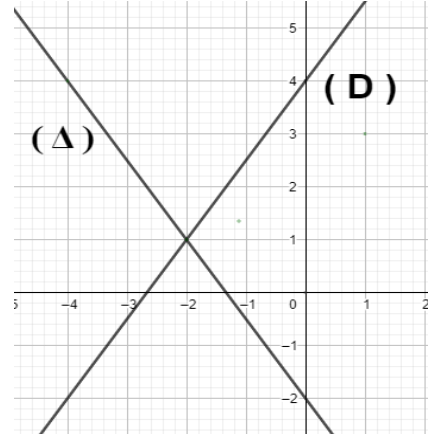
في معلم متعامد ومتجانس ، أنشئ التمثيل البياني للدوال التالية :

$$h(x) = 1 - 2x ; g(x) = -2x$$

$$f(x) = \frac{1}{4}x + 3 ; k(x) = -6$$

### التمرين السادس عشر:

المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس ، المستقيم  $(\Delta)$  هو التمثيل البياني للدالة  $g$  ، والمستقيم  $(D)$  هو التمثيل البياني للمستقيم  $f$ .



1. ما نوع كل من الدالتين  $g$  و  $f$  ، مع التبرير

2. من خلال التمثيل البياني جد صورة العدد بالدالة  $f$  ، ثم

صورة العدد بالدالة  $g$

3. من خلال التمثيل البياني ما هو العدد الذي صورته بالدالة

$f$  ، ثم ما هو العدد الذي صورته بالدالة  $g$

4. من خلال التمثيل البياني ، حدد إحداثيتي نقطة تقاطع

البيانيين ، ماذا تمثل فاصلة هذه النقطة بالنسبة للمعادلة

$$f(x) = g(x)$$

5. عين صيغة كلا من الدالتين  $f$  و  $g$

### التمرين السابع عشر:

(ش . ت . م 2007)

المستوي منسوب إلى معلم ومتعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1. علم النقطتين  $A(0; 4)$  ،  $B(0; 4)$

2. حدد العبارة الجبرية للدالة التآلفية  $f$  التي تمثيلها البياني

هو المستقيم  $(AB)$ .

3. ليكن المستقيم  $(\Delta)$  التمثيل البياني للدالة  $g$  حيث :

$$g(x) = \frac{2}{3}x + 2$$

• أنشئ  $(\Delta)$ .

• أوجد إحداثيتي نقطة تقاطع المستقيمين  $(AB)$  و  $(\Delta)$ .

### التمرين الثامن عشر:

(ش . ت . م 2016)

$f$  دالة تآلفية تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد

ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  يشمل النقطتين  $A(2; 5)$  و

$A(-1; -4)$ .

1. بين أن العبارة الجبرية للدالة التآلفية  $f$  هي

$$f(x) = 3x - 1$$

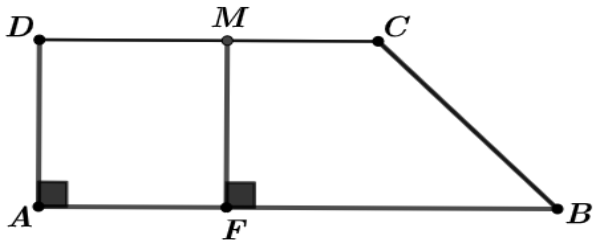
2. لتكن النقطة  $A(4; 11)$  من المستوي ، هل النقط  $A$  ،  $B$  ،

$C$  على استقامة واحدة ؟

3. أوجد العدد الذي صورته 29 بالدالة  $f$ .

### التمرين التاسع عشر:

$ABCD$  شبه منحرف قائم



$$AD = 4 \text{ cm} ; DC = 5 \text{ cm} ; AB = 8 \text{ cm}$$

1. أحسب مساحة شبه المنحرف  $ABCD$

2. لتكن  $M$  نقطة من  $[DC]$  ، نضع  $DM = x$

أ/ ما هي القيم الممكنة للعدد  $x$

ب/ نسمي  $f(x)$  مساحة المستطيل  $ADMF$  ، أحسب  $f(x)$

بدلالة  $x$

ج/ أرسم التمثيل البياني للدالة  $f$  في معلم متعامد ومتجانس

3. نسمي  $g(x)$  مساحة شبه المنحرف  $BCMF$

أ/ أوجد عبارة  $g(x)$  بدلالة  $x$

ب/ أرسم في نفس المعلم التمثيل البياني للدالة  $g$

## التمرين العشرون :

وضعية إدماجية ش ت م 2018

يقترح مدير المسبح البلدي على السباحين التسعيرتين الآتيتين  
التسعيرة الأولى :  $DA$  100 للحصة الواحدة لغير المنخرطين

التسعيرة الثانية :  $DA$  80 للحصة الواحدة مع اشتراك شهري  
قدره  $400 DA$

1. ما هو عدد الحصص التي يمكن الحصول عليها في كل

تسعيرة إذا دفعت مبلغ  $2800 DA$

2. باعتبار  $x$  عدد الحصص في الشهر وبالإستعانة بتمثيل

بياني أعط أفضل التسعيرتين حسب عدد الحصص

يمكنك أخذ :  $1cm$  على محور الفواصل يمثل 4 حصص , 4

على محور الترتيب يمثل  $400 DA$  .

## التمرين الواحد والعشرون :

لإقامة حفل زفاف قررت عائلة كراء سيارة فاخرة , فاتصل  
الأب محمد بثلاث وكالات فقدموا له عروضاً حسب المعطيات  
التالية :

الوكالة الأولى : دفع مبلغ  $4000 DA$  لليوم الواحد

الوكالة الثانية : دفع مبلغ  $3000 DA$  لليوم الواحد يضم إليه

ضمان غير مسترجع قدره  $1000 DA$

الوكالة الثالثة : دفع مبلغ  $16000 DA$  لمدة لا تتعدى أسبوعاً  
واحداً

إستند الأب محمد بابنه سمير الذي يدرس في السنة الرابعة  
متوسط لمساعدته في اختيار العرض الأنسب والأقل تكلفة , لو  
كنت في مكان الإبن سمير ساعد الأب محمد في

1. إختيار العرض المناسب والأقل تكلفة لكراء سيارة لمدة 7  
أيام

2.  $x$  عدد الأيام التي يستغل فيها الأب محمد السيارة  
أ. عبر بدلالة  $x$  عن العرض الأول بالدالة  $f$  , وعن العرض

الثاني بالدالة  $g$  , وعن العرض الثالث بالدالة  $h$  .

ب. مثل بيانياً في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  الدوال  $f$   
 $g$  و  $h$  ,

( حيث كل  $1cm$  من محور الفواصل يمثل يوماً واحداً , وكل  
 $1cm$  من محور الترتيب يمثل  $2000 DA$  )

3. إعتامداً على البيان إملأ الجدول الآتي :

اليوم الخامس	اليوم الرابع	اليوم الأول	
العرض 1			
العرض 2			
العرض 3			

4. أ / حل المعادلات الآتية لإيجاد  $x$  عدد الأيام المستغلة من  
طرف الأب محمد :

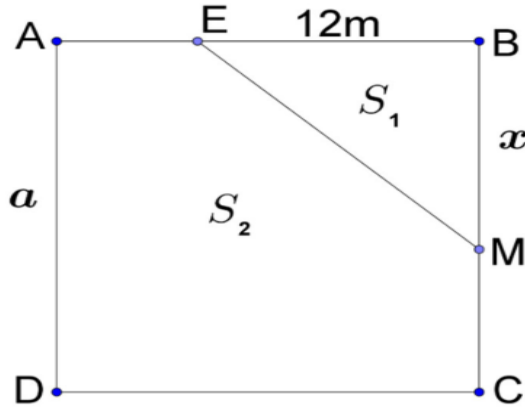
$$g(x) = h(x) ; f(x) = h(x) ; f(x) = g(x)$$

ب. ماذا يمثل حل كل معادلة ؟

## التمرين الثاني والعشرون :

ش ت م 2017

$ABCD$  قطعة أرض مربعة الشكل مساحتها  $324 m^2$  ملك  
للأخوين أحمد وفاطمة ومجزأة حسب المخطط المقابل



## الجزء الأول :

1. أحسب  $a$  طول ضلع هذه القطعة .

2.  $M$  نقطة متحركة على الضلع  $[BC]$  حيث  $BM = x$  ,

$E$  نقطة من  $[AB]$  حيث  $BE = 12 m$

الجزء  $EBM$  تملكه فاطمة والجزء  $AEMCD$  يملكه أحمد

أ. ليكن  $S_1$  مساحة الجزء  $EBM$  , و  $S_2$  مساحة الجزء

$AEMCD$

• أكتب بدلالة  $x$  كلا من المساحتين  $S_1$  و  $S_2$

ب. ساعد الأخوين على تحديد موضع النقطة  $M$  بحيث تكون  
مساحة قطعة أحمد ضعف مساحة قطعة فاطمة

## الجزء الثاني :

المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس

1. مثل بيانياً الدالتين  $f$  و  $g$  حيث :

$$g(x) = -6x + 324 ; g(x) = 12x$$

نأخذ :  $1cm$  على محور الفواصل يمثل  $2 m$  ,  $1 cm$  على  
محور الترتيب يمثل  $36 m^2$

2. بقراءة بيانية فسر مساعدتك السابقة للأخوين حول تحديد  
موضع النقطة  $M$  مع إيجاد مساحة كل من القطعتين .

للمزيد من السلاسل والمراجع زوروا موقعنا

[موقع الأنس العلمي الثقافي](http://www.m3arif20.blogspot.com)

رابط الموقع

[m3arif20.blogspot.com](http://m3arif20.blogspot.com)

حلول السلسلة على قناتنا

[قناة الرياضيات الأستاذ طايبي عمار](https://www.youtube.com/channel/UCm3arif20)

بالتوفيق

الأستاذ : طايبي عمار