

المجموعة المتخصصة لعلادة الرياضيات

اللجنة الوطنية للمناهج

الوثيقة المرافقة لمنهج

الرياضيات

في مرحلة التعليم المتوسط

من إعداد: المجموعة المتخصصة لعلادة الرياضيات

2016

فهرس المحتويات

02	1. تقديم المادة وكيفية مساهمتها في تحقيق الملامح
02	2. صعوبات التعلم الخاصة بالمادة
34	3. اقتراح مخطط التعلم السنوي
39	4. اقتراح مقطع تعلمي
47	5. التقويم
53	6. نشاطات المعالجة البيداغوجية
53	7. اقتراح أركان أخرى خاصة بالمادة (أنواع أخرى من الموارد)
98	8. شروط وضع المنهاج حيز التطبيق

إن تضرر حيلة "أساس النكاح" و"المعنى". وكما كان الشأن في التعليم الابتدائي، فإن نشاطات الحساب الذهني، المتعددة والممتدة على طول السنة حول مختلف المواضيع (القسمة الإقليدية، الأعداد العشرية، التناسبية...)، تسمح للتلميذ بأن يكون فعالا أكثر في حل المشكلات العددية ونهيه لتعلم الحساب الجبري. والمقصود بتقدير رغبة مفاد هو إفساح حكم عن معلومة نتائج، وهذا يسمح للتلميذ بنقد أعماله وبالتالي القيام بتقويم ذاتي لها.

الكثافات العشرية و الكثافات الكسرية

إن مفهوم العدد العشري، الذي سبق أن تعرض له التلميذ في التعليم الابتدائي، يبقى مصدرا لكثير من الصعوبات عند التحول في التعليم المتوسط. وتحسين المعارف في هذا الموضوع يتطلب ممارسة طويلة، خاصة وأن بعض المعاد (مثل تعليم الأعداد العشرية انطلاقا من الفلاس أو العملة، أو طريقة قراءة الأعداد...) تخلق، عند التلميذ، تبهيلات من النوع: العدد العشري هو تجاوز عشرين طينيين بينهما فاصلة، تؤدي هذه التبهيلات إلى وقوع التلميذ في أخطاء عند مقارنة أعداد عشرية والحساب عليها. وعليه ينبغي حث التلاميذ على استعمال، حسب الحاجة والوضعية، قراءات تعطي معنى أكثر للعدد (مثل: يمكن قراءة العدد 15,256 بـكلمات مختلفة: خمسة عشر وحدة ومائتان وستة وخمسون جزءا من الألف أو خمسة عشر وحدة وجزءان من المئرة وخمسة أجزاء من الملة وستة أجزاء من الألف)، وعلى استعمال الكثافات المختلفة للعدد العشري (مثل: $15 + \frac{256}{1000} = 15 + \frac{6}{1000} + \frac{5}{100} + \frac{2}{10} = 15 + \frac{15256}{1000}$)

أما بالنسبة إلى الكثافات الكسرية، فقد تم إدخال الكسور البسيطة فقط في المرحلة الابتدائية. وفي هذه السنة نجعل التلميذ يتنقل تدريجيا من مختلف تبهيلات كسر(مؤثر، قيم، رسم) إلى تبهيلات عدد.

وفي الأخير، يكون التحكم في التبهيلات على الكثافات الكسرية عبر السنوات المختلفة للتعليم المتوسط.

القيم المضبوطة والقيم المقربة

حسب مثل كثير من التلاميذ إدراك أن الكثافة الكسرية هي ترميز يدل على عدد، كما هو الشأن بالنسبة إلى الكثافة العشرية. وأكثر من ذلك، فإن استعمال الآلة الحاسبة يجعل التلميذ يفتقد بأشمل الكثافة العشرية لتقنية. وهذا ما يؤدي إلى الخلط بين القيمة المضبوطة وقيمة مقربة لعدد، لذا فمن الضروري تحقيق معنى كل من القيمة المضبوطة وقيمة مقربة لعدد.

استعمال الآلة الحاسبة

- التمهيلات على الأعداد العشرية
- إن استعمال الآلة الحاسبة:

- يساعد على التفكير في معنى التمهيلات.
- يسمح بطرح إشكالية التقريب.
- يجر التلاميذ على التفكير في إجراءات تسمح باكتشاف أخطاء تقنية.
- يشرح إشكالية تقدير رغبة مفاد نتائج.
- يدخل مسوعة إضافية: عدد الأرقام بعد الفاصلة في حالة تجاوز فترة استظهار الآلة.

- حوافل القسمة، تقريب حاصل قسمة

تسمح الآلة الحاسبة:

إن تقديم المادة وكيفية مساهمتها في تحقيق الملامح

الرياضيات أداة لاكتساب المعارف ووسيلة لتكوين الفكر، فهي تساهم في نمو قدرات التلميذ الذهنية وتشارك في بناء شخصيته ودعم استقلالتيه وتسهيل مواصلته تكوينه المستقل، وهي تسمح للتلميذ باكتساب أدوات مبرمائية وإجرائية منطقية تمكنه من القيام بدوره بفعالية، في محيط اجتماعي متطلب أكثر فأكثر، في عالم شمولي يتحول باستمرار. ويتنظر من تدريس الرياضيات تحقيق غرضين اثنين: أحدهما ذو طابع تكويني ثقافي والآخر فني.

يحل تعلم الرياضيات في التعليم الثانوي مكانة عامة بفضل مساهمته المتميزة التي يمكن أن يقدمها لتحقيق الأهداف المسطرة لهذا المستوى، فمن الأهمية إذن تأكيد هذا الدور في تكوين التلميذ.

إن تعلم الرياضيات واستعمالها يساهمان بغير كبير في اكتساب قدرات ذهنية وتطويرها بشكل منسجم، وذلك على مستوى:

- اكتساب كفايات التعبير، والقدرة على توضيف الرياضيات لترجمة مشكلة معقدة أو ملموسة لها علاقة بالحياة اليومية أو بالمواد التعليمية الأخرى (الفيزياء، علوم الطبيعة والحياة والاحياء والأعلام الآلي و علم الأرض....) في تعبير خاص بالرياضيات.
- اكتساب كفايات مثل طرح مشكلة بكيفية سليمة قصد حلها.

وعلى مستوى آخر، ولكون هيكلة الرياضيات فارة ومنسجمة وصارمة، فإن الرياضيات تضمن من خلال تطبيقاتها في العلوم الأخرى تحبيرا ملائما يسمح لمختلف المواد التعليمية أن تشرح وتوسع وتشرح وتعمق وتطور.

إن الفرض لحل كل شيء في التعليم المتوسط هو دعم مكتسبات المرحلة الابتدائية بضمان ترابط جيد مع المرحلة المتوسطة وتحضير المرحلة البعيدة، ويتشال الأمر فيما بعد في تزويد التلميذ بمعارف تسمح له بحل مشاكل يمكن أن يواجهها سواء في حياته اليومية أو في تطلعات مواد أخرى، وهذا يراجعاها عند الحاجة، إلى نماذج رياضية.

كما ينتظر من تعلم الرياضيات أن تساهم في التكوين الفكري للتلميذ، إذ ينبغي لهذا التعلم بالخصوص، أن يُؤزب التلميذ على التفكير الاستنتاجي ويحته على الثقة ويظهر عنده التحليل ويطور ميزاته في الحيلة والتنظيم.

كما تساهم الرياضيات في بناء شخصية التلميذ ودعم استقلالتيه وتسهيل مواصلته تكوينه المستقل.

ولأن الرياضيات حاضرة أكثر من أي وقت مضى في المحيط الاجتماعي والاقتصادي والإعلامي والثقافي للإنسان، خاصة مع تطور الوسائل التكنولوجية للحساب السريع مثل الآلة الحاسبة والحاسوب....، فمن الطبيعي إذن إدخال هذا البعد في المنهاج حتى يتحكم التلميذ تدريجيا في هذه الوسائل.

2. صعوبات التعلم الخاصة بالمادة

1. تقديم مبادئ المادة

1.1. في السنة الأولى

1. الأنشطة الحديثة

• الحساب الذهني وتقدير وتب

إن أحد أشكال "القدرة على الحساب" الأكثر أهمية يتمثل في القدرة على الحساب ذهني، لأن ذلك يفترض اكتساب آليات وخاصة ذهنية منها، والتي تكون ضرورية، الويلة المراقبة لنموذج الرياضيات

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

احسب طول ضلع مربع له نفس محيط مستطيل بعده معلومان.
يجب ألا ننسى استعمال عدة كتابات ممكنة لنفس القاعدة(مساحة شبه المنحرف مثلا). يمكن أيضا استعمال حرف لوصف حساب، مثلا:
أن نطلب من التلاميذ وصف سلسلة الحسابات التالية بشكل بسيط: ... $7 \times 1,5 + 3$ ، $7 \times 8 + 3$ ، $7 \times 5 + 3$
يتعلق الأمر بجعل التلميذ يدرك فائدة الكتابة الحرفية $7x + 3$ لتلخيص هذه السلسلة.
يمكن أيضا مطالبة التلميذ باستعمال كتابة حرفية لترجمة تعبير مثل: أخذ ضعف عدد، إضافة 1 وضرب النتيجة في 4.
إن هذا النوع من الأسئلة يسمح بالعمل على قواعد كتابة العبارات وعلى الأقواس. و يلاحظ أن في مثل هذه الأنشطة الرمز " = " غير مرتبط بالحصول على نتيجة.
• الأعداد النسبية
كان بناء مختلف المجموعات العددية سائلا لا يأخذ بعين الاعتبار الأعداد العشرية رغم حضورها القوي في محيط التلميذ. إذا وضعنا أنفسنا في استمرارية التعليم الابتدائي، فمن الطبيعي إذن أن نمدد مجموعة الأعداد العشرية ونسويها نسبيا كل عدد عشري مسبق بالإشارة + أو سوبينا الشكل تصبح الأعداد الصحيحة النسبية أمثلة خاصة للأعداد النسبية.

2. تقديم معلومات والدوال

• التناسبية
قمت للتلميذ مغاربة أولى للتناسبية في التعليم الابتدائي، والأهم في السنة الأولى من التعليم المتوسط، هو التركيز على مختلف وضعية التناسبية وعلى فكرة "نموذج" التناسبية الملائم، خاصة عندما يتعلق الأمر بـ :
- التقدير: مشكلات جمعية و ضربية، الرابع المتناسب...
- التقدير: عدد حبات الرز، القيمة المتوسطة لمختار...
- التقدير: التقسيمات التناسبية، توزيع إرث...
- التكبير أو التصغير: المقاييس...
- المقارنة: النسب المتوية.
وتكون الفائدة كذلك في اقتراح وضعية لا تناسبية للتلاميذ. وعلى الأستاذ أن يترك الحرية للتلاميذ في تطبيق مختلف الإجراءات قبل تحقيق تتابع المعارف وتعميمها.

3. الأنشطة الهندسية

• إنجاز مِثَالَات لِأَشْكَالٍ هَنْدَسِيَّةٍ.
إن إنجاز مثل الشكل هو نشاط يدعو للتدبُّل إلى تحليل هذا الشكل، بتعيين استقامات ممكنة وزوايا خاصة وشرح بعض المميزات والاعتماد شيئا فشيئا على خواص العناصر الهندسية التي يجب إنجاز مِثَالَات لها وكذا استعمال إنشاءات وسيطة...
(إنجاز مِثَالَات لِأَشْكَالٍ هَنْدَسِيَّةٍ، كما ينص عليه المنهاج، يمكن استعمال عدة وسائل (الورق الشفاف، الورق المرصوف...))، ويتم ذلك بحسبة إبداعية خصوصا. ولا

- بمساعدة بعض التلاميذ الذين يواجهون صعوبات في تعلُّم خوارزمية القسمة على إلكترويا.
- بالقيام بالمقارنة الآلية بين حواصل القسمة $\frac{a}{b}$ ، $\frac{2a}{b}$ ، $\frac{3a}{b}$... من جهة و... $\frac{a}{b}$ ، $\frac{2a}{b}$ ، $\frac{3a}{b}$... من جهة أخرى.
- بطرح إشكالية تقريب حاصل القسمة والبحث عن قيمة مفردة له بحصر نتائج.

• حل معادلات والحساب الحرفي
الشروع في الحساب الحرفي وحل معادلات هما من بين أهداف برنامج السنة الأولى من التعليم المتوسط. سيتم هذا التعلُّم انطلاقا من وضعيات ملاوقة بالنسبة إلى التلميذ تسمح له بإعطاء معنى تلقائيا للرموز المستعملة.

- حل معادلات بسيطة
المعادلات المطلوب حلها هي من الشكل: $x + a = b$ ، $x - a = b$ ، $x \times a = b$ ، $x \div a = b$ حيث a و b عدنان معلومان.
في هذا المستوى ليس من الضروري التمييز إلى الجبروليحرف، يمكن استعمال رمز كيلي، مثل: $4 \times 10 = 40$...

ويتم حل مثل هذه المعادلات:

- باستعمال رسم يتراجم المعادلة.

مثال: المسجد 5 سنوات أكثر من محمد وعمر سعيد هو 27 سنة؛ ما هو عمر محمد؟



بمحاولة إيجاد مساواة ذات فرعات.

مثال: $12 + 7 = 135$

- باستعمال معنى العمليات.

في المثال السابق، ما هو هذا الحد الذي نضيفه إلى 12 للحصول على 135؟

ملاحظة: إذا كتبت الأعداد صغيرة، فيمكن استعمال جداول الجمع وجدول الضرب.

- الشروع في الحساب الحرفي
الكفاءة المستهدفة هي " تطبيق قانون في وضعية بسيطة" (انظر إلى المنهاج). يمكن استعمال بعض القواعد (حساب محيطات، حساب مساحات) مع تنوع الأسئلة والوضعية.

مثلا: احسب طول مستطيل إذا علم محيطه وعرضه.

احسب أبعاد مستطيل محيطه مغطى وطوله هو ضعف عرضه.

المجال الهندسي	مجال المقياس	المجال الهندسي
الحد	الحد المنطقة	المنطقة

- تكون وضعيات المقارنة مختلفة أساسا بمجال المقايير: عندما نقرن مساحتي سطحين نقرر إن كانتا من نفس صنف التكافؤ. هذا لا يمنع استعمال المجالات الأخرى، لكن ذلك يعني تألويها بالنسبة إلى المقايير.
- في وضعيات القياس، تعني الأهمية للأعداد والانتقال من المقايير إلى الأعداد باختيار وحدة قياس. تكون النتيجة المنتظرة في مثل هذه الوضعيات عبارة على عدد متوحد بوحدة.
- تختلف وضعيات إيجاد سطوح ذات مساحات معطاة عن الوضعيات السابقة فيما للهمة المعرفية المطلوبة من التلميذ: فإذا كان الأمر يتخذ بالمقارنة والقياس فينبك إجابة واحدة لكل وضعية، أما إذا نطق بوضعيات إيجاد سطوح فهي تقبل عدة إجابات صحيحة.

- **الزوايا**
يسهر التلميذ خلال السنة الأولى من التعليم المتوسط في استعمال، كما تعود على ذلك في التعليم الابتدائي، وسائل " تحريية " (الحين المجردة، الورق الشفاف، القوالب...) لمقارنة وإنشاء وقياس الزوايا، قبل أن يصل تدريجيا إلى استعمال الأدوات الهندسية (المسطرة، الدور، المنقلة).
- تمثل الزاوية، في نظر بعض التلاميذ في المرحلة الابتدائية، في ثنائية من قطعتي مستقيم لهما نفس الطرف وحاملان مختلفان كذلك. يمثل هذا التصور، للشكلان التاليان بقطعتي لقط في أطوال القطع التي تشكلها يظهران كمتساويين لزاويتين مختلفتين.
- هذا التصور يبنى قلما في مرحلة التعليم المتوسط ويمكن أن يشكل مصدرا لاصويك قد تعترض التلاميذ، فمن الضروري إذن تلخيصها والقراح وضعيات تسمح بزعر عنها.

- **التقاطير المعكوي**: في التعليم المتوسط، تشكل التحولات التلقية (التقاطير، الانعكاس والدوران) أدوات قوية لحل مشكلات هندسية. في السنة الأولى، يدرس التقاطير المعكوي الذي أدخل من قبل في التعليم الابتدائي بواسطة الخطي أساسا. وبمواصلة الارتكاز على أنشطة الخطي، يكتب التلميذ خواص هذا التحويل والتي تستعمل في إنشاء بعض الأشكال وتغيرير بعض خواصها.

- **متوالي المستطيلات**: سبق للتلميذ، في التعليم الابتدائي، أن علاج متوالي المستطيلات (إيجاد مثل، وصف، تمثيل، صنع). يتخذ الأمر، في هذه السنة بهيكله هذه المكتسبات ودعما بتقبل أدق لهذا الجسم باستعمال المنظور المتساوي القياسات خاصة.

- **التعبير والتميز في الهندسة**
كسند تسهيل تعلم التعبير ومختلف الترميزات المقررة في المنهاج والسماح باستعمالها بفعالية نقتراح وضعيات متنوعة.

تنسب مطالبة التلميذ بإيجاد مثل لشكل باليد الحدود. سواف التلميذ رسوماته شيئا فشيئا باستعمال الأدوات الهندسية(الكوس، الدور، المنقلة، المسطرة المترجعة...). هذا ما يسمح بإعطائه أكثر استقلالية في اختيار الوسائل التي يوظفها في نشاطات إنشاء وتمثيل الأشكال المستوية. فعنلا، إنشاء محور قطعة مستقيم، يمكن للتلميذ استعمال سواء الكوس أو الدور، وبالتالي يبنى على التلاميذ معرفة محور قطعة: كاستقيم عمودي على القطعة في منتصفها، وكجموعة القاطع المتساوية المسافة عن طرفي هذه القطعة.

- **الأشكال المستوية: الأطوال والمحيطات والمساحات**
إن مفهوم المساحة قد أدخل من قبل في التعليم الابتدائي. قصد دعم مكتسبات التلميذ في هذا المجال وتحض تناول هذا المفهوم في شكل معالجة قوانين بالتركيز المبكر على الجانب الحسابي، وضع برنامج السنة الأولى من التعليم المتوسط كينف "تعيين مساحة سطح مستو باستعمال ترصيف بسيط" بواسطة نقل وقص ولصق واستعمال مرقوفة.

- بالقول، فإن عدة أعمال حول تعلم المساحة يندت أهمية إدخال مفهوم المساحة ككفاز بدلا أن يتم ذلك انطلاقا من قواعد حسابية من وجهة النظر الرياضية البحتة، فإن علاقة التكافؤ "...لها نفس مساحة..." (التي تسمح باعتبار المساحة ككفاز) تكون معرفة باختيار وحدة مسوقة بقياس السطح: لكل سطحين، لهما نفس القياس، نفس المساحة.
- لكن من وجهة نظر تعلم التلاميذ، ينبغي أن يركز بناء هذه العلاقة على استعمال سند قابلة التفكير والمطابقة المتساوية باستعمال إجراء " القص واللصق". وبالتالي فإن هذا البناء يكون سائلا للقياس.
- و هذا يعني اعتبار مساحة السطح كخاصية صامدة بالنسبة إلى بعض العمليات.



تبنى دراسة المساحات على العناصر القاعدية المذكورة في المخطط التالي:

- السطوح (المستوية (المجال الهندسي).
- المساحات (مجال المقايير).
- أقواس المساحات، أعداد حقيقية موجبة (المجال العددي).
- وحدات التكافؤ "...لها نفس مساحة..." وتسمح بالانتقال بين المجال الهندسي ومجال المقايير.
- وحدات قياس المساحات(الانتقال بين مجال المقايير والمجال العددي).

إن العمل بهذه العناصر يسمح بتخليق الوضعيات التي تكون فيها المساحة عبارة على مقدار وحيد البعد، لكن، تختبر المساحة أيضا مقدارا ثنائي البعد بالنسبة إلى الطول، وهو ما يمكن تقيله بالمعادلة: $A = L^2$.

تقترح على التلاميذ مختلف الوضعيات التي تدخل فيكيفية مختلفة، كلا من عناصر المخطط التالي:

في حالة جمع أو طرح الكسور التي تحمل كتابات عشرية، فيمكن استعمال تلك الكتابات العشرية لإجراء هذه العملية: مثال: $\frac{2}{5} + \frac{3}{10} = 0,4 + 0,3 = 0,7 = \frac{7}{10}$. ولهذا الغرض، يمكن أن نجد السند الهندسي الممثل في الأطوال والمساحات فعلا، لتبين وتوضح هذا المفهوم. فعلا، لجمع ثلث وسدس يمكن الاستعانة بمستطيلات كما في الشكل الموالي:

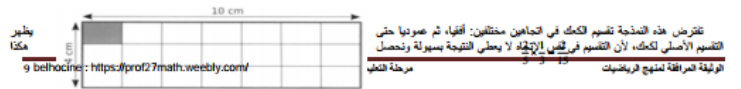


كما أن اللجوء إلى التعبير العشري يمكن أن يكون مفيدا لهم ضرورة توحيد المقامات. فلي المثال السابق، لا يمكن جمع أثلاث وأسداس لأن التقسيم ليس نفسه. فيجب اختيار تقسيم يكون ملانما لينين التقسيمين، وعندئذ يمكن جمع ألداس كما جمعنا أعشارا في السنة الأولى.

الكسور والضرب: يمكن أيضا تناول قاعدة ضرب الكسور انطلاقا من مفهوم المساحة. فالتدجئة الهندسية للوضعية تتيح سندا مرغيا كما يبينه المثال الموالي:



*كلت سونيا تلتى كك في عيد مولدها. وأكل أخوها ياسين خمسي الباقي. ما هو الجزء (الكسر) من الكك الأصلي الذي أكله ياسين ؟
يمكن، بسهولة، تمثيل هذه الوضعية باعداد سنت هندسي (الأشكال الموالية).



نفترض، هذه التدجئة تقسيم الكك في التدايين مستطيلين: أفقيا، ثم عموديا حتى التقسيم الأصلي لكك، لأن التقسيم في **الخطوط** لا يحلّي النتيجة بسهولة ونحصل

كما هو الشأن بالنسبة إلى الرموز، فستعمل فقط حيث تكون القاعدة في ذلك وإلا، فيستعمل استعمال التعبير قصد تبسيط تعلمه ومختلف الترميزات المقررة وتمكين التلميذ من استعمال ذلك بفعالية.

2.1.2 في السنة الثانية

1. أنشطة عديدة : تتطور الأنشطة الحندية في التعليم المتوسط في ضوء البناء التدريجي للتعاريف، حول مفهوم الحد (الحد العشري، الكسور، الحد النسبي، الحد الأصغر) ومختلف العمليات على هذه الأعداد وعلى التعامل التدريجي للحساب الحرفي.
في السنة الثانية، يتواصل العمل الذي تدرج فيه في السنة الأولى متوسط لاكتساب أقيمت الحساب والتحكم فيها مع الحرص المزوج على تدرج التعلمات وبالصيغ على منح معنى للعمليات انطلاقا من حل مشكلات من الحياة اليومية أو من المواقف الأخرى للمادة (الأنشطة الهندسية، المتطابق والقياس، التناسبية...).

الأعداد والعمليات: إذا كانت بعض العمليات المدرجة في السنة الأولى (القسم العشري، الجمع والطرح على الكسور) والمقدمة في سياق معين (قاسم عدد طبيعي، الكسور العشرية) تتواصل دراستها بتوسيع سياق الأعداد المستعملة (القاسم العشري بالنسبة للقسم، كسور ذات نفس المقام أو مقامات مضاعفة بالنسبة إلى الجمع والطرح على الكسور)، فإن عمليات أخرى سيتم إدراجها في السنة الثانية ويتحقق الأمر بالضرب على الكسور والجمع والطرح على الأعداد النسبية. أما بخصوص خواص هذه العمليات، فيجب ألا تقدم بكيفية آلية، لكن بربطها بما ينبغي أن يكون عليها وتربطها للمشكلات التي ستطرح على التلميذ.

الأعداد العشرية والقسم: إن قسمة عدد عشري على عدد عشري غير محدد، تركز على بعض خواص حاصل قسمة عددين ("لا يتغير حاصل قسمة عددين" إذا تغير حاصل قسمة عددين ضرب أو قسمة. حينئذ الحدين على نفس العدد") التي تسمح للتلميذ بالعودة إلى حالة القسمة على عدد طبيعي غير محدد بالقسمة من قبل.

الأعداد العشرية والحساب الحرفي: في السنة الثانية، يكون استخدام الأعداد العشرية مقتصرًا على بعض المشكلات فقط، إذ يفترض أن يكتسب التلميذ مهارات المرتبطة بها قد اكتسب من قبل. يتمحور العمل في هذا المجال على أولويات العمليات وتوزيع الضرب على الجمع والطرح. ولهذا الغرض، يمكن العمل في الإطار الهندسي (مفهوم المساحة) قصد تجسيد كل من المساوئتين: $ab + ac = a(b + c)$ و $ab - ac = a(b - c)$

يمكن أن يتم حساب المساحة المثلثة بطريقة متتالية (الطرف الأيسر من كل من المساوئتين المذكورتين أعلاه) أو بجمع (أو طرح) مساحتين (الطرفان يمين كل من المساوئتين).

الكسور والجمع (أو الطرح)
في السنة الأولى اكتسب مفهوم الكسر معنى الحد، وفي هذه السنة، سيتمثل التلميذ العمليات الأولية المرتبطة به: الجمع والطرح والضرب وكذلك الاختزال والمقارنة. أما بخصوص قسمة الكسور فسيتم في السنة الثالثة.
في السنة الثانية، يكون استخدام الكسور قليلا في المجاور للبرنامج. واعتادًا على البناء المتدرج والخطوات للمفاهيم، يقتصر الدراسة في هذا الموضوع على جمع (أو طرح) كسور ذات نفس المقام أو مقامات مضاعفة.

كما يمكن تمثيله بسهم، وفي هذه الحالة نمثله بـ 3 نقطة مستقيم طولها 3 وموجهة نحو اليمين.

وأحيانا نستعمل التمثيل معاً، فتمثيل المجموع $(-3) + 2$ ، نمثل أحد العددين (مثلاً 2) بنقطة والحد الثاني (-3) بسهم بدايته هذه النقطة لتحصل على نقطة تمثل النتيجة (-1) .

أر نمثل أحد العددين (مثلاً 2) بسهم بدايته المبدأ (0) ونمثل الحد الثاني (-3) بسهم بدايته نهاية السهم الأول (2) و نمثل النتيجة بنهاية السهم الثاني (-1) .

- الجواب التجريدي

تعتبر المقارنة السابقة محطةً وسيطة للوصول إلى مرحلة المعرفة المعقدة والرمزية والجبرية للأعداد وترتيبها والعمليات عليها. فحتى خوارزميات ترتيب الأعداد النسبية والحساب عليها، فعلاً: حساب المجموع $(-7) + 3$ يد من هذا الجانب، فنتطرق للقاعدة: " لحساب مجموع عددين بإشارتين مختلفتين، نحسب فرق المسافتين إلى الصفر ليأخذ العددين ونحتفظ بإشارة العدد الذي له أكبر مسافة إلى الصفر" فيكون $-(7-3) = -4$.

• من الحساب العددي إلى الحساب العرفي

• الحساب العددي: إذا كان التحكم بكيفية في الحساب العددي يسمح للتمثيل بكل مشكلات تتطلب كتابات حسابية، فيعتبر أيضاً بمثابة مكتسبات قبلية ضرورية لتحويل وتوسيع الكتابات المكتسبة على الجبراء الحديثة إلى المجال الجبري. ولهذا السبب يؤكد في الأنشطة على ممارسة الحساب في أشكاله المختلفة (الحساب الذهني، الحساب المتمم فيه، الحساب الألفاني) وعلى معرفة الأولويات (استعمال الأقواس، أولوية العمليات، ...) واصطلاحات الكتابة والقراءة.

ترمي الأنشطة حول الأولويات إلى جعل التلميذ:

- يفهم دلالة الأقواس في بوناج حساب مكتوب مسطوياً(أفنيا).

أمثلة: - احسب العبارة التالية: $(4 + 5) \times (2 + 3)$.

- أقل العبارة عدة مرات مع تغيير موضع الأقواس في كل مرة: $5 + 4 \times (2 + 3)$.

- احسب مختلف الجبراء التي نتجت.

على قاعدة ضرب الكسور تجريبياً:

مثال:

نريد حساب مساحة الجزء الملون من المستطيل في الشكل المرفق:

الطريقة 1: $cm^2 \frac{4}{3} \times \frac{10}{7} = A$ (مساحة المستطيل هي جداء العددين)

الطريقة 2: نجد $cm^2 A = \frac{40}{21}$ (لأن الجزء الملون ملون بمثل $\frac{1}{21}$ من المستطيل الكبير الذي مساحته $40cm^2$)
- نطلب الآن إعطاء القاعدة التي تسمح بحساب جداء كسرين.

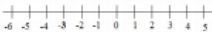
• الأعداد النسبية والجمع (الطرح) : سبق للتلميذ أن تعرّف على العدد النسبي في السنة الأولى من خلال وضعيات مأخوذة من مجالات متعددة من محيطهم الاجتماعي، مثل درجات الحرارة (تحت الصفر)، المصعد، الارتفاع والانخفاض عن مستوى سطح البحر، المداخل (المصاريف)، ... وفي هذه السنة يعرف صليتي الجمع والطرح عن طريق وضعيات مأخوذة نتما من المحيط الطبيعي للتلميذ، (كالمحروار، الرياح والصقار، التقل على مستقيم متزج، ...).

حتى نسهل على التلميذ امتلاك مفهوم الأعداد النسبية وترتيبها والحساب المرتبط بها، يستحسن اعتبار الجواب الثلاثة للأعداد: السيق، التمثل على مستقيم التجريد. هذه الجواب لها خصوصياتها وهي تكمل بعضها البعض.

- جانب السيق : يرجع هذا الجانب إلى المعارف التي يجر عنها التلاميذ من خلال الوضعيات الحديثة الملموسة. كأن نربط العدد السالب -5 بـ "خسارة 5 " أو "نزول 5 " أو نمشي للمسافة -7 ، 3 المعنى "عندي 3 تفكير، خسرت 7 ، فذا الآن مطالب بـ 4 تفكير من بين السوقات المتبقية، تذكر الرياح/الخسارة، المداخل/المصاريف، درجات الحرارة، الارتفاعات، المصعد، ...

- جانب التمثل على مستقيم

يمكن تمثيل الأعداد النسبية على مستقيم أكثر عليه المبدأ O والوحدة 1 . ويتعين عندئذ ترتيب الأعداد بموقعها على المستقيم، هذا يعني: إذا كان لدينا عددين فالحدد الأكبر هو الذي يقع على اليمين. كما يمكن أيضاً تصور الجمع والطرح على المستقيم عندما نرقي الأعداد بحركات (لثة) على هذا المستقيم. ونلاحظ أن كل عدد يقليله نقطة من المستقيم، كما يمكن أيضاً اعتبار كل عدد شعاعاً يؤثر على المستقيم.



فمثلاً، يمكن تمثيل العدد -3 بنقطة:



سبق أن استعمل التلميذ حروفا في قواعد، وعالج تمارين بالتعويض. لهذا، غالبا ما يكون معنى الحرف موقفا بالاختصار ومعنى "=" موقفا بإعطاء نتيجة برنامج حسابي(مثال: $19,6 = 17,5 + 2,1$)، وهو ما يجعل التلاميذ يجدون صعوبة فيقول أنه يمكن أن يكون للإشارة "=" معنى العلاقة بين كائنين مختلفين لنفس الكائن، مثل: $11 + 4 = 12 + 3$ أو $7 + 10 = 17$.

في السنة الثانية، نواصل (كما في السنة الأولى) اقتراح أنشطة تسمح بتطوير هذه المعاني. والغرض منها هو جعل التلميذ:

- يستعمل فيما عنده كرموز لتصبح فيما بعد حروفا (ينتقل تدريجيا من المحدي إلى الحرفي).

- يلاحظ اقتصاد الترجمة الجبرية سواء كان ذلك كتابة أو قراء.

مثال: يريد عمر إبقاء نص التمرين الآتي بالهاتف لاصديقه مالك المتعجب عن الحصة الأخيرة للرياضيات:

"أحب: $10 + 3 \times 5$ و $10 + 3 \times 7$ و $10 + 3 \times 13$ و $10 + 3 \times 17$ و $10 + 3 \times 22,5$ و $10 + 3 \times 22,5$ "

كيف يمكن أن يختصر عمر الرسالة(بمعنى يتجنب إبقاء ما هو مكتوب بالخط).

- يقول بأن الحرف لا يمين قيمة "مشفة مبسطة" بإعطائه فيما مختلفة على التوالي (بمعنى المتغير).

- يختار المساواة كفضية يمكن أن تكون صحيحة أو خاطئة فيما للقيمة المعطاة للحرف.

مثال: حيث يسمين المعرفين x و $2x$ من أجل $x = 0$ ثم $x = 2$.

فاستخلصت ما يلي: "الحارة $x \times x$ تساوي الحارة $2x$ ".

هل توافق ذلك؟ اشرح لماذا.

- يدرك معنى متطابقة، بمعنى "تساوي، عارفين حرفيين" التي تكون صحيحة مهما كانت القيمة المعطاة للمتغير (أو للمتغيرات).

مثال: لتعابير عن محيط المستطيل التالي، نكتب الحارات:

$x + 3$ و $x + x + 3 + x$ و $4x + 6$ و $2(2x + 3)$

هل الحارات متساوية ؟

احسب المحيط من أجل $x = 1$ و $x = 5$ و $x = 20$.

المعادلات

يحرص داعم كدادات التلميذ على حل المشكلات بكيفية حسابية وتسهيل الانتقال إلى الإظهار الجبري، فمن المفيد مواصلة (كما في السنة الأولى) اقتراح مشكلات يمكن

الوثيقة المرافقة لمنهج الرياضيات
مرحلة التعليم المتوسط 2016
1:belhocine : https://prof27math.weebly.com/

- يستعمل الأكواس لكتابة سلسلة عمليات سطريا (أفقا).

أمثلة: - أكمل بالإشارات $+$ ، $-$ ، $\times$ ، $\div$ وبالأكواس المعارة الآتية بحيث تكون المساواة محقة: $6 = 3_3_3_3_3_3$.

- قارن الحلول المحصل عليها.

- يكشف الأولويات المتفق عليها حول العمليات في غياب الأكواس. وتد الحاسبة العلمية أداة مناسبة لاكتشاف هذه الأولويات.

- يستعمل هذه الأولويات لإجراء حساب.

مثال: احسب المعرفين $6 = 12 + 3 \times 7$ و $2 + 8 \div 4 = 15,3$.

كما تشكل الأنشطة حول تنظيم الحسابات والحساب العددي حقا مناسبا لتسكين التلميذ من:

- اكتساب ردود أفعال خاصة بالتقويم الذاتي والتحقق الذاتي لتنتائجهم وبمختلف الوسائل(نتيجة ممكنة، تقدير رتبة مقدار، استعمال الحاسبة، ...).

- اختيار كتابة مألوفة لأحد قصد استعمالها في الشكل المرغوب.

- اختيار خطة ناجمة لإجراء حساب عددي.

- انتاج خطة تجريبية في حل الحيد من التمارين، بمعنى القيام بعدة تجارب ووضع تخمينات وتكديدها بتقريرها أو رفضها بإظهار مثال مضد مثلا.

كما أن التحكم في الحساب العددي من قبل التلاميذ يساهم بنسط كبير في الانتقال بسهولة إلى الحساب الحرفي.

الحساب الحرفي- المعادلات

بوتواصل، في السنة الثانية، التدريب على الحساب الحرفي الذي يعد إحدى النقاط المعقدة في تعلم الرياضيات بصفة متدرجة كما كان الحال في السنة الأولى، وغرض

أنشطة الحساب الحرفي في السنة الثانية إلى جعل التلميذ يدرك أنه:

- يمكن أن يكون للحرف معنى "متغير" (الذي يمكن أن يأخذ العديد من القيم المختلفة) أو معنى "مجهول" (المقدار الذي نبحث عنه لحل مشكلة) أو معنى "عدد غير معين" (كما هو الشأن في المتطابقات).

- يمكن أن يكون للرمز "=" معنى متعدد: يجب إذن التمييز بين ما ينتج بالمساواة (كل ما هو صحيح أو خاطئ، مثال: المساواة $7 = 3 + 4$ صحيحة) وبالمطابقة (كل ما هو صحيح، مثال: المساواة $6 = 3x + 2$) صحيحة دائما مهما كانت القيمة المعطاة لـ x وبالمعادلة (كل ما يمكن أن يكون صحيحا من أجل بعض القيم

المعطاة لـ x ، مثال: المساواة $7 - 9x = 5 + 3x$ لا تكون صحيحة إلا من أجل $x = 2$).

يتحور العمل الخاص بالحساب الحرفي كما في السنة الأولى، حول معالجة تعابير حرفية أثناء استعمال قواعد حساب المساحات والحجوم والتدريب على حل معادلات

(حل المعادلة $b = x + a$ واختار صفة مساواة تتضمن مجهولا من أجل قيم عديدة لهذا المجهول) وحول استعمال حروف في المتطابقات $ac = ab + c$ و $ad = ab + c$ و $ad = ab - c$.

الوثيقة المرافقة لمنهج الرياضيات

مرحلة التعليم المتوسط 2016

1:belhocine : https://prof27math.weebly.com/

$$x \times 15 = 37,5$$

منه:

$$x = 37,5 \div 15$$

$$2 = 120 \div (x + 5) \times 20$$

منه: (باستعمال معنى المعطيات نجد)

$$(x + 5) \times 20 = 240$$

$$x + 5 = 240 \div 20$$

$$x + 5 = 20$$

$$x = 15$$

• **الحامسة:** لا تشير الحامسة في الوقت الحالي وسيلة للحساب فقط، وإنما شريكا يبدأ عرجيا بأتم معنى الكلمة. إن أهمية الحامسة لا يمكن حصرها في مفاهيم بسيطة للحساب، فاليوم أصبحت الحامسة النشطة تسهل معالجة مفاهيم متعددة ومتنوعة كالقسمة الآليونية وحساب المثلثات والحوال والإحصاء... فهي تحرر التلميذ من التعقيدات الحساب التي تكون في أغلب الأحيان ثقيلة ومعقدة، ليصبح نشيطا أكثر ويحسب كل احتساب في التمرن والتركيز في جوهر المشكل المقترح عليه، حيث تمكنه من إجراء تجارب عديدة وبسرعة. ليس إلى وضع تمهينات فسد الحل. كما تمكن الأستاذ من القيام بأعمال بحث وتوزيع الوضعية. وهو الأمر الذي سيزيد دون شك، من اهتمام التلميذ ويحجز أكثر.

إن التحكم الجديد في استعمالات الحامسة وإدراك حدودها يعد بمثابة معرفة وفترات جديدة للتصرف، إذ تسمح بتطوير روح النقد عند التلميذ وتكسيه طرق عمل صارمة، ودخالا لتخططات الكثرة المتعلقة باستعمال الحامسة، فهي لا تنفص من قيمة الصياغة والوهان الفني تنمي نهما الماك، بل بالمعنى، فهي تبرزها وتقررها.

كما كان الشأن في السنة الأولى، يواصل الأستاذ البحث عن أنجع الطرق لاستعمال الحامسة، ويجعل التلميذ يدرك أن استعمالها لا يقتضي مع الحساب الذهني من خلال نشاطات يبرز فيها:

- ضرورة مراقبة الحسابات الأتية باستعمال الحساب الذهني (تقدير النتيجة، مراقبة الرقم الأخير، عدد الأرقام...).
- اكتشاف بين استعمال الحامسة والحساب الذهني من حيث ضرورة تحليل وتنظيم الحسابات وتنظيم التحفيز الجيد لاستعمال خواص المعطيات.
- في السنة الثانية، تمثل الحامسة أداة جد هامة لثاء ودعم الحيد من المفاهيم مثل أولوية المعطيات والحساب التقريبي (التقريب، حصر كسر بعدين عشريين، ...) وحساب معمل التناسية والنسبة المئوية.

2. **تنظيم معطيات:** في هذا المجال وكما في السنة الأولى، يواصل التلميذ العمل على مختلف مظاهر التناسية (المفاهيم، النسبة المئوية) وعلى مختلف المفاهيم المتداولة في الحياة اليومية والمستعملة في المواد الأخرى (الطول، الزاوية، المساحة، الحجم).

في هذه السنة، تجعل التلميذ يكتشفون علاقات بين متغيرات تخصوا لمفهوم الدالة التي دراستها غير واردة في الترميم المتوسط في الحالة العامة.

إن أحد الأبعاد العامة لمرحلة الترميم المتوسط يمكن في تكوين مواطن بصير قادرا على التفكير والتصرف بنفسه، وتحقيق ذلك، ينبغي العمل على تطوير القدرة، لدى التلميذ، على قراءة وفاد المعلومات الرقمية. في هذا الإطار، يواصل التلميذ في السنة الثانية التدريب على قراءة الجداول والتشكلات البيانية واستعمالها، كما يشرعون في اكتساب بعض المفاهيم المرتبطة بالإحصاء وتنظيم المعطيات.

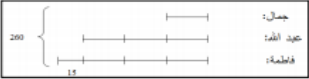
حلها باستعمال التجريب، رسومات ومخططات.

مثال: وزع أب 2600DA على أولاده الثلاثة.

تحصل عبد الله على ثلاث مرات حصة جمال. وتحصلت فاطمة على حصة تزيد به

15DA عن حصة عبد الله.

ما هي حصة كل ابن ؟



باعتبار أن خوارزميات حل المعادلات خارج البرنامج، فإن حل المشكلات بمجهول واحد سويتكز، كما في السنة الأولى، على "معنى" المعطيات. ينبغي أن يكون باستطاعة التلميذ إيجاد سلسلة المعطيات انطلاقا من المجهول للوصول إلى المطلوب، باستعمال القيم العددية المعطاة في النص، ثم القيام تلك المعطيات في الاتجاه الآخر، وعدم الانخراط في إدخال الحرف على اعتباره أنه وسيلة وليس غاية.

يمكن أن يساعد استعمال المخططات التثنية في التحكم في كفاءة ترجمة برنامج حساب المجهول مباشرة.



مثال: بالنسبة إلى كل من المشكنتين التاليين (انظر الشكل المقابل):

- اكتب برنامج الحساب الذي يحسب مساحة الشكل في كل حالة من الحالات.

- باستعمال منوال المعطيات وتزجيها لكتب الحساب الذي يمكن من الحصول على قيمة x.

المقصود في الخيلة من السؤال الأول هو التعبير بمعادلة (وضع المشكل في صيغة معادلة)، وذلك في حالتين أين يمكن للترجمة الحرفية أن تنطلق من المجهول x، وهو ما يسمح بالحل حصيليا.

الحالة 1:

الحالة 2:

2.1.3 في المئة الثالثة

1. أنشطة عديدة: يتواصل العمل على التفتيات الحاسوبية بصفة تدريجية من خلال أنشطة وحل مشكلات متنوعة، وبطرائق "حل مشكلات" (من الرياضيات أو من المواد الأخرى أو من الحياة اليومية) بحثاً مكتبة أساسية في مجال الأنشطة العديدة إذ يسمح للتميز:

- بممارسة الحساب العددي في أشكاله المختلفة (الحساب الذهني والحساب الآلي والحساب المتمعن فيه) حول الكسور ومختلف الأعداد (النسبية والناتجة).
- بمواصلة التدريب التدريجي على الحساب الحرفي.
- بحلّ معادلات من الدرجة الأولى بمجهول واحد.

- العملات على الكسور؛ جمع وطرح الكسور قد قُدم في السنة الثانية في حالة كسرين مقام أحدهما مضاعف لعلم الآخر. في السنة الثالثة يتم التعميم على كسور كِهيلة مع استعمال مفهوم المقامات، كما نجعل التلميذ يعرف أن $\frac{a}{b} = ax \cdot \frac{1}{b}$ ويُستَرها ويعرف مقلوب كسر ويستعمل النسبة x^{-1} للحساب لتعيينه. تُدعم مكتسبات التلميذ حول

ضرب كسرين وتبسيط لاستنتاج قاعدة قسمة كسرين $\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c}$ من خلال أمثلة عددية:

(1) أكمل ما يلي: $\frac{35}{27} \div \frac{7}{3} = \frac{\quad}{\quad}$ وعنه $\frac{7}{3} \times \frac{35}{27} = \frac{\quad}{\quad}$

$$\frac{35}{27} \times \frac{3}{7} \text{ اصب (2)}$$

(3) قارن بين نتيجتي السؤالين السابقين. انطلاقاً من أنشطة مماثلة يُنص على القاعدة.

بعد مقامي كسرين ليس من الضروري التفرّق إلى مفهوم المضاعف المشترك الأصغر بالأخذ على التحليل إلى جداء عوامل أولية الذي هو خارج البرنامج في حالات البساطة، كان يكون المقامان بسيطين أو أحد المقامين مضاعفاً للآخر... يمكن تعيين المضاعف المشترك الأصغر نعتياً ويؤخذ جداء المقامين في الحالات

أنه في حالة كسور بمقامات عشرية تُحوّل المقامات إلى أعداد طبيعية.

حل المعادلات من الشكل $ax + b = cx + d$ يؤدي إلى حلول كسرية، الشيء الذي يسمح بتوسيع مفهوم الكسر كعدد أكثر ويجعل التلاميذ يتقاربون ممارسة الحساب.

تتخذ أيضا الكسور بصفتها اعدادا في محور نظرية طالس حيث تسمح بترجمة قياسية الأطوال.

- بالاستمرارية مع السنة الثامنة من أجل قدر الإمكان، إعطاء معز للطلاب على الأعداد النسبية مع تقادي الأرقام في التمارين التقنية المحسنة.

3. أنشطة فلسفية: درس التميز خلال السنة الأولى متوسط بعض الأشكال في المستوى والمضاد وتلك بإيجاز مثليات لها وإنشائها ووصفها باستعمال تعبير دقيق أكثر فاكتر. يتعلق الأمر في السنة الثانية متوسط بدعم هذه المكتسبات وتوسع مجال الأشكال المدروسة. كما يتطرق الأمر أيضا بالوصول بالتلميذ إلى الاستعمال الإبداعي للأدوات الهندسية في أنشطة الإنشاء الهندسية مع الاستمرار في التدريب على الرسم باليد الحرة عند إنتاج مثليات لهذه الأشكال أو عند وضع تخمينات.

تستمر دراسة المجسمات في السنة الثانية بتناول الموضوعات القديمة وأساطير دوران. كما يتكامل التصانير المركزي (مثلاً كان الأمر بالنسبة إلى التصانير المحوري في السنة الأولى) أداة فعالة لتسهيل إنتاج مشابلات وإنشاء أشكال جديدة بتدريج (مثل: خاص: الأشكال المستوية).

تشكل الأنشطة الهندسية مركزاً لمواصلة نواصير دور المفكر والقيادات (المساحات والحجوم) وتبني مجالاً مفضل لتطبيق التلاميذ وجعلهم يتدربون على التدرب والتخمين والتقرير تدريجياً. لهذا، تحتل الأنشطة الهندسية مكانة هامة في البرنامج وتشكل أرضية ملائمة لمواصلة التدرب على الاستدلال الاستنتاجي وتقديم أنشطة حول المفكر والقياس (محيط، مساحة، حجم).

- الأشكال في المستوى : تتواصل في السنة الثانية دراسة الأشكال في المستوى بوحات تعليمية من شأنها دعم مكتسبات التلميذ في السنة الأولى وبإدخال دراسة مقروية المضلع الذي يعتبر شكلاً أساسياً في البرنامج.
- تستمر، كما في السنة الأولى، في ترجيح الجانب "الوظيفي أو الأداتي" لأشكال المستوى وبناء صور قوية قدر الإمكان بشكل ينشر أفكاراً وردود فعل عند قراءة نص بشكل أو ملاحظة رسم.

- **الأشكال في الفضاء** : يركز تعليم الهندسة في الفضاء في المرحلة المتوسطة على دراسة المجسمات البسيطة. هذا التعليم الذي لا يمكن أن ينحصر في معالجات بسيطة للأشياء بل تعدى ذلك إلى مشكلة تمثيل هذه الأشياء وضرورة تشفيرها (أي الإشارة إليها برموز).

تتواصل دراسة الأشكال في القضاء في السنة الثالثة بتناول الموشور القديم وأسطوانة الدوران. وتتمثل الأهداف، كما في السنة الأولى، في تزويد التلاميذ بسندات مصنوعة ضرورية لدراسة القضاء.

- وتتصور الأنشطة المرتبطة بهذه الأشكال حول:
- الملاحظة المباشرة لمجسمات وصلها قصد تقديم التعابير المرتبطة بها واستخلاص بعض خواص التوازي والتعامد.
- إنجاز تصاميم لمجسمات وصنع هذه المجسمات.
- تشييل مجسمات.

وفي هذا الإطار، يكون إدراك الاختلافات الهندسية بين الشيء (المجسم) ونقله ضروريا. فلا يمكن للتلميذ العمل على رسم شيء إلا إذا كانت لديه صورة ذهنية جيدة لهذا الشيء، وكذلك معرفة جيدة لقواعد التشثيل. هذا التشثيل الذي يعتمد على المنظور المتساوي القياسات قد يشكل اختقارا مبدئا في تمثيل الأشياء بشكل يقرب كثيرا من رؤيتها في الفضاء وحفظ التوازن وتناسب الأطوال في كل مناحي الفضاء. كما تكون المعايير الهندسية المطلوبة في مقال التلاميذ.

- التحولات في المستوي: يشكل التطاير المركزي في السنة الثانية، كما كان الأمر بالنسبة إلى التطاير المحوري في السنة الأولى، أداة هامة ومكملة لإداة "الأشكال".
 فمن فوائده أنه يسمح بتقرير بعض خواص الأشكال.

في التعليم المتوفض تحظى الأولوية للطلاب الإجراءي التحولات. لهذا، يستعمل كثيرا أخصائى التقاطير العنصرى فى السنة الأولى وأتى مستثمر فى هذه السنة وكذا أخصائى التقاطير المركزى بغيره. تسهيل إنجاز مهلات أشكال وإشباعا بكيفيات ناجعة، لكن أيضا قصدت بـ الإنتاج وبناء استراتيجيات بسيطة.

مثال:

أكتب كلاً من الحدين 125 000 و 0,00358 على الشكل العلمي ثم احصره . يوقع للحد 10 ذات أسين متتاليين.

نجد: $1,25 \times 10^5 = 125\,000$
 $10^5 < 125\,000 < 10^6$
وبالمثل نجد: $0,00358 < 10^{-3} < 10^{-2} = 3,58 \times 10^{-4}$

مثال: $4,6 \times 10^4 = 46\,000$ والمردور إلى الوحدة للحد 4,6 هو 5. فالحد 5×10^4 هو رتبة مقدار للحد 46 000.

يمكن تفسير معنى " قوة عدد نسبي" انطلاقاً من المربعات والمكعبات المأقوفة عند التلاميذ. عند التطرق لهذا المحور نتميز بين القوى ذات الأس الموجبة والقوى ذات الأس السالبة ونجعل التلميذ يستنتج إشارة قوة عدد نسبي سالب فيما لطبيعة الأس. كما يتدرب على استعمال القوة $\frac{a}{b}$ أو $\frac{1}{b}$ لحساب القوة.

و يتدرب التلميذ من خلال أمثلة عديدة ويختار أس بسيطة على استعمال المساويات:

(1) $a^m \times a^n = a^{m+n}$

(2) $a^m : a^n = a^{m-n}$ حيث $a \neq 0$ و m و n عدنان صحيحان نسبيا.

(3) $(a \times b)^n = a^n \times b^n$

(4) $(a^m)^n = a^{m \times n}$ حيث a و b عدنان غير محويين و m و n عدنان صحيحان نسبيا.

- عند إجراء سلسلة حسابات تتضمن قوى، نغطي الأولوية لحساب القوى.

مثال: لنصيب $A = -2 + 3 \times 5^2$

نجد: $A = -2 + 75 = -2 + 3 \times 25 = -2 + 3 \times 5^2 = -2 + 3 \times 5^2$

● **الأعداد الصماء:** إن هذا المفهوم لم يرد صراحة في البرنامج لكن يتطرق التلميذ إلى الجذر التربيعي لعدد موجب من خلال حساب أطوال في محور نظرية فيثاغورث. إن كلاً دراسة مفصلة وخاصة الحساب على الجذور خارج البرنامج. وعند البحث عن الجذر التربيعي لعدد، نستخدم الحاسبة.

● **الترتيب والعلاقات:** نتطرق لهذا بتعرض معرفة تأثير الجمع والضرب على الترتيب تحضيرا لدراسة المتراجحات في السنة الرابعة. (بالنسبة إلى الضرب في عدد سالب هو ليس من التعميمات المستفادة في هذه السنة ولكن يمكن إدراجه من خلال بعض الأمثلة البسيطة).

لمقارنة عددين نلاحظ، يمكن استعمال تعليم نقاط على مستقيم مُدرج ويربط تلك بإشارة الفرق لاستخلاص التكافؤات التالية:

مثال: عَن كلاً الإمكانيات الممكنة لكتابة العدد8- في شكل جداء $a \times b \times c$ أعدد صحفية نسبية مختلفة.

- يمكن إدخال قاعدة الإشارات في عملية الضرب بالاستمقة بالحسبة.

مثال:2:

$a \times b \times c$ أعدد نسبية غير محومة حيث:

(1) a و b الجداء $a \times b$ لهما نفس الإشارة.

(2) إشارتا العدد a و b الجداء $a \times b$ مختلفتان.

(3) الجداءان $a \times b$ و c لهما نفس الإشارة.

هل يمكن تعيين إشارة كل من الأعداد $a \times b \times c$ ؟ عا.

- كما نجعل التلميذ يدرك المعنى المختلفة للإشارة نغص (المعرة مرّة على العدد السالب ومرة على عملية الطرح ومرة أخرى على معلنك عدد) الشيء الذي يحدث في الحساب الحرفي .- قد يمثل عددا موجبا وقد يمثل عددا سالبا.

- يكتب برنامج حساب يتلصب عبارة أو برنامج عبارة عديدة إلى برنامج حساب.

مثال: اكتب برامج الحساب التي يقلل كلاً من العبارات الحدية الآتية: $C = -5 \times (6 - 3)$ ؛ $B = -5 + 6 \times (-3)$ ؛ $A = (-5 + 6) \times (-3)$

اكتب العبارة الحدية المتناسبة لبرنامج الحساب الآتي: " مجموع العدد 3- و جءا الحدين 6- و 3"

● **الأعداد العنقطة:** إن ضرب وقسمة الأعداد النسبية عاملتان تسمحان بإدخال مفهوم العدد العنقطة كحاصل قسمة عددين نسبين. وتسهيل العمل على هذه الأعداد يمكن اعتبار كل عدد عنقطة ككسر مسوي بإشارة وإختد، عندئذ على القواعد الحسابية على الكسور وعلى الأعداد النسبية عند تقديم العمليات على الأعداد العنقطة. نؤد العنقطة على كتابة العدد العنقطة $\frac{a}{b}$ في شكله التيمس بإشارة واحدة نُسنتج من إشارتي a و b بتطبيق قاعدة إشارات الجءا .له مع الإختزال عند الإمكان.

لإدخال مفهوم العدد العنقطة يمكن استعمال مثلاً نشاط البحث عن القيمة المضبوطة لحاصل قسمة العدد 8 على العدد 3

● **القوى ذات أس صحفية نسبياً:** الهدف الأساسي لهذا المحور هو العمل بقوى العدد 10 مع أنشطة مرتبطة بالمواد الأخرى خاصة الفيزياء والطوم الطبيعية والطوم الاجتماعية ، كما نغطي معنى للقوى ذات الأس السالبة و القوى ذات الأس الموجبة و على استعمال المساويات : $10^3 \times 10^2 = 10^5$ ، $10^{-3} = \frac{1}{10^3}$ ، $10^{-4} = \frac{1}{10^4}$ ، $10^0 = 1$

حيث m و n عدنان صحيحان نسبيا.

- كتابة عدد عشري على الشكل العلمي ، تعنى التعبير عنه على الشكل $a \times 10^x$ (أو $-a \times 10^x$) حيث a عدد عشري يحقق $1 \leq a < 10$ و n عدد صحيح نسبي.

تستعمل الكتابة العلمية لتعبر عن أعداد كبيرة جدا (مثل المسافة بين الأرض والقمر) أو أعداد صغيرة جدا (مثل قطر ذرة). كما نستخدم الكتابة العلمية لتعبر عن عشري يوقع للحد 10 ذات أسين متتاليين، أو لتعبر رتبة مقدار نتيجة حساب

- لإيجاد رتبة مقدار عدد: نكتب العدد على الشكل العلمي ثم نقرر الحد العشري في كتابته العلمية إلى الحد الصحيح الأقرب منه و نختفظ بقوة 10

- يُعبر السجل بالمرور من الإطار الحدودي إلى الإطار الهندسي أو العكس.
- يوظف الخاصية التوزيعية كما يمكن الاعتماد على مفهوم المساحة لتغيير المساواة: $(a+b)(c+d) = ac+ad+bc+bd$ كأن نحسب بطريقتين مختلفتين مساحة مستطيل بعناه $(a+b)$ و $(c+d)$.
- يتكرر التلميذ على تبسيط عبارات جبرية من الشكل: $(x-1) + 3x + (x-1) = 3x^2 + 2x - x^2 + 3x - (x-1) = 3x^2 + 2x - x^2 + 3x - x + 1 = 2x + 3x - (2+3)x = 5x - 5x = 0$ حيث يؤكد على قاعدة حذف الأقواس واستعمال توزيع الضرب على كل من الجمع والطرح. مثال: $2x + 3x = (2+3)x = 5x$

إن العمل على تحويل عبارات جبرية يؤدي حتما إلى أنشطة حول النشر والتبسيط رغم أن هذه الكفاءة من برنامج السنة الرابعة ولنا يجب أن تكون الأمثلة المقترحة بسيطة وتتمدد على توزيع الضرب على الجمع والطرح، مع محاولة قدر الإمكان، ربطها بوضوحيات متنوعة (خاصة مثلا) وحل مشكلات. نحرص في هذا المجال على جعل التلاميذ يدركون الاختلاف بين المجموع والجداء، وهو أمر أساسي وضروري بالنسبة إلى إقناع الحساب الحرفي ومنه تبسيط الكفايات الحرفية.

مثال: عين من بين العبارات الآتية التي تمثل مجاميع والتي تمثل جداءات:
 $2x+3+5a$ ، $3(a+2)$ ، $(x+1)(y+3)$ ، $(x+7)(x+4)+2a^2$.

مثال:

إليك عدة مساويات: $1) 23-2=3 \times 5$ $2) 2a \times 4b = 8ab$ $3) AB^2 + AC^2 = BC^2$ $4) 7+x=y$ $5) a^2 + 1 = (a+1)^2$ $6) 3(x+2) = x^2 + 3x + 2$ $7) (x+1)(x+2) = x^2 + 3x + 2$ $8) \text{ إذا كان } r \text{ نصف قطر قرص فمساحته هي: } A = \pi r^2$ كيف يمكن تصنيف هذه المساويات؟

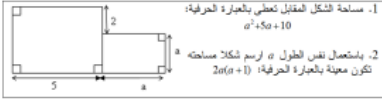
يمكن اقتراح هذا النشاط في عمل الأواج. بعد تصنيف أولئك (ها مساويات بدون حروف ومساويات بحروف). يحل التلاميذ إلى تصنيف المساويات إلى مساويات صحيحة، مساويات خاطئة، مساويات لا يمكن الفصل فيها. وتُستعمل هذه الفرصة لـ: مقارنة مفهوم المتطابقة (مساواة مختلفة مهما كانت قيمة الحرف).
 - لإثبات عدم صحة مساواة: يكفي أن نجد مثلا مضادا أي قيم (أو للحرف) تجعل المساواة خاطئة، ويمكن توظيف هذا التبرير أن نشر ما هو خاطئ.
 - مواصلة التعامل مع المعاني المختلفة للحرف: متغير (القيم التي يمكن للحرف أن يأخذها تتغير في مجال أو مجموعة) أو معنى مجهول (تختلف هذا الوضع في وضوحات تربيع مشكل أو أثناء حل معادلة) أو معنى "عدد غير مُعَيَّن" (الحرف لا يمثل أعدادا خاصة، لكنه يمثل أعدادا كيهية (في حالة المتطابقات)).
 • المعادلات: شرع التلميذ، في السنة الثانية، في حل معادلات بسيطة باستعمال طرق حسابية (استعمال المساحات المختلفة وبعض الرسومات) ويتطرق في السنة الثالثة إلى خوارزمية حل معادلات من الشكل $cx + b = dx + d$. ولتحقيق هذا الهدف يجب مواصلة العمل على جعل التلميذ يدرك ضرورة استعمال الإطار الجبري بدلا من الإطار الحسابي من خلال وضوحات وجيدة.

- $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ يعني $ad = bc$ (أعداد نسبية مع b و d غير محذرين).
- $x < y$ يعني $x - y < 0$ (الفرق $x - y$ سالب)
- $x > y$ يعني $x - y > 0$ (الفرق $x - y$ موجب) (x و y عدنان ناطقين).

يمكن تقديم المتباينة بالمعنى الرابع $\leq$ (أو $\geq$) دون الإغراق في استخدام الرمز $\leq$ (أو $\geq$). ولإدخال هذا المفهوم يمكن الاعتماد على المسلك المبرج حيث يُطلب تعيين عددين نسبيين a و b عليه لم تحديد $a+1$ و $a-2$ و $b+1$ و $b-2$. ثم يُطلب مقارنة a و b و $a+1$ و $b+1$ و $a-2$ و $b-2$. ثم يُطلب مقارنة a و b و $a+1$ و $b+1$ و $a-2$ و $b-2$.
 كسند لاستخلاص القواعد التالية:

- العدنان a و b أعداد نسبية. العدنان $a+c$ و $b+c$ مرتبان في نفس ترتيب العدنين a و b .
- (1) a و b و c أعداد نسبية. العدنان $a+c$ و $b+c$ مرتبان في نفس ترتيب العدنين a و b .
- (2) a و b و c أعداد نسبية. العدنان $a+c$ و $b+c$ مرتبان في نفس ترتيب العدنين a و b .
- إذا كان a موجبا تماما فإن العدنين ac و bc مرتبان في نفس ترتيب العدنين a و b .
- إذا كان a سالبا تماما فإن العدنين ac و bc مرتبان عكس ترتيب العدنين a و b .
- ونفرض أمثلة عديدة أخرى لوضع العدنين المناسب ثم يقدم المعلم بمقارنة الفرق مع 0 في كل حالة.
- يمكن استعمال هذه الخواص في إيجاد حصر مفار (محيط، مساحة، حجم...) بمعرفة حصر أحد الأبعاد.
- مثال: أوجد حصرا لمحيط مستطيل طوله 4cm وعرضه محصور بين 2.5 cm و 3 cm.

• الحساب الحرفي: كما كان الحال بالنسبة للعدنين الأولى والثانية فإن تعلم الحساب الحرفي وحل معادلات يتواصل في السنة الثالثة بصفة تدريجية، ويتواصل العمل على المعاني المختلفة للحرف في كتابة الجبارات الحرفية ومعنى المساواة من خلال أنشطة مركبة، ولإعطاء دلالة أكثر للحساب الحرفي يستحسن أن تختار التمارين المتعلقة بتحليل وإنتاج وتحريك عبارة جبرية مرتبطة بوضوحات ملموسة.



مثال:

العرض من هذا المثال هو إنتاج عبارة حرفية باختيار وضعية تعطي معنى للعبارة الحرفية المنتجة باستعمال مند هندسي، وهكذا نعمل على الحروف ونجعل التلميذ

مصحفي يتابع برنامج من ثلاث تعليمات.

أ. احجز هذا العدد

ب. اضرب هذا العدد في 7

ت. اطرح 15 من النتيجة المتحصل عليها في (ب)

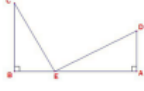
لاحظ كل منهما أنه إذا حجزا نفس العدد في المرحلة (أ) وتابع كل منهما برنامجيه فسيحصلان على نفس النتيجة النهائية هل نستطيع أن نتأكد بأنه من أجل نفس العدد المحجوز في البداية، نجد نفس النتيجة في كل من البرنامجين؟ برّر؟

مثال:

على الشكل المقابل :

- $AB = 9\text{cm}$
- عمودي على (BA) و $BC = 5,6\text{cm}$
- عمودي على (BA) و $DA = 2,4\text{cm}$

أين يمكن وضع النقطة E حتى يكون للمثلين BCE و ADE نفس المساحة؟



مثال: طلب الأستاذ من التلاميذ حل المعادلة : $7x + 3 = 4x + 4$

(إليك إجابة أحدهم :

$$\begin{aligned} 7x + 3 &= 4x + 4 = 3 \\ 7x &= 4x + 1 \\ 7x - 4x &= 4x + 1 - 4x \\ 3x &= 1 \\ x &= 0,33 \end{aligned}$$

- في المعادلة المعطاة عوض x بالحل المتحصل عليه من قبل هذا التلميذ، ماذا تلاحظ؟

ما هو الخطأ المرتكب ؟ صحتحه.

2. تقديم معطيات

• للتلاميذ: تُدّ التناسية أحد المواضيع الأساسية في التعليم المتوسط في السنة الثالثة يكون التعرض لهذا المحور من جانب التثليل البياني من خلال دراسة الخاصية المتعلقة باستقامية النقاط مع مبدأ المعطى كما تُؤخف التناسية في التعرف على الحركة المنتظمة وفي استعمال الوحدات المأخوذة لقياس الزمن.

كما نشتمر في اقتراح تمارين تمهيدية تسمح بجعل التلميذ يدرك أكثر مفهوم المعادلة ويميز بين معادلة وعبارة حرفية، ويتحقق بنسبة من ترجمة مشكلة بمعادلة: وجود مساواة ومجهول.

مثال: حلّ من بين التكايلات الآتية التي قد تمثل معادلات:

$$(1) \quad (x + 2) + 4x$$

$$(2) \quad x = 1$$

$$(3) \quad 3x - 1 = 2x + 5$$

$$(4) \quad 2 = a + 1$$

$$(5) \quad 5(2 + 1) = 12 + 3$$

$$(6) \quad 2y + 1 = 3$$

كما يتواصل العمل على مشكلات وجبة تسمح للتلميذ بالتطرق إلى المراحل المختلفة للحلّ (اختيار المجهول، ترجمة الوضعية بالمعادلة المنطقية، حلّ المعادلة والتحقق).

مثال: x هو عدد مجهول، والحرف a يمثل عددا طويها.

عطر لغويا عن كل من المساويات الآتية: $x = n + 2$ ؛ $x = n - 1$ ؛ $x = 2n$ ؛ $x = n^2$

مثال: (برنامج حساب)

عطر بمعادلة عن التمنّ الآتي: "أختار عددا، أضاعه ثم أضيف العدد 2 للنتج، وسأجد نفس النتيجة لو اخترت نفس العدد وضربته في 3 وطرحته العدد 1 من الناتج".

مثال:

يحمل حمار 15 كيسا من الفريفة وكيلوغرامين من البطاطس. ويحمل حصان كيسين من الفريفة و 40 كيلوغراما من البطاطس. حين الحصان بأنّ الحمار يتنفس كثيرا فقال له: لماذا تشككي أيها الحمار، قلنا نفس الحيلة".

ما هو وزن كيس من الفريفة؟

مثال: (برنامج حساب)

استعمل عمر ومصطفى حاسبتيهما.

عمر يتابع تعليمات البرنامج الآتي:

أ. احجز عددا

ب. اطرح 3 من هذا العدد

ت. اضرب في 5 النتيجة المتحصل عليها في (ب)

ث. أضف للنتيجة (ت) ضعف العدد المحجوز في (أ) ثم اكتب النتيجة النهائية.

الوثيقة المرافقة لمنهج الرياضيات

مرحلة التعليم المتوسط • 2016

الوثيقة المرافقة لمنهج الرياضيات

المتوسط المتوازن للسلسلة هو:

$$m = \frac{6 \times 1 + 7 \times 5 + 9 \times 3 + 14 \times 2 + 15 \times 4}{1 + 5 + 3 + 2 + 3}$$

$$= \frac{156}{15} = 10,4$$

المتوسط المتوازن بالتكرارات يسمى أيضا المتوسط المتوازن بالمعاملات.

ملاحظة: يمكن أن يكون متوسط قيم الميزة والمتوسط المتوازن لسلسلة مختلفين وذلك عندما لا تؤخذ التكرارات في الحساب.

في المثال السابق متوسط قيم الميزة هو:

$$m_i = \frac{6 + 7 + 9 + 14 + 15}{5} = \frac{51}{5} = 10,2$$

3. أنشطة منزلية

يواصل التلميذ في السنة الثالثة العمل على الأشكال المأخوذة من المستوى (المثلث، الدائرة...) والمجسمات المأخوذة، وتعتبر حالات تقليب المثلثات أداة إضافية قد يلجأ التلميذ إلى توضيحها في بناء بعض البراهين.

إن إدخال مفهوم المثلثين المعكّنين بمسئولين متوازيين يعلّمهما قاطعان يسمح بتحديد مفهوم التناسبية. أما نظرية فيثاغورث فتسمح بتحديد المثلث القائم وإجراء حسابات عليه. كما يتوسع حلّ التحويلات الخطية بالتطرق إلى الانصباب الذي يربط بتوازي الأضلاع.

أما المجسمات فتتوسع بدراسة اليوم ومخروط الدوران وهو ما يسمح بمواصلة تنمية قدرات التلاميذ على التصور في الفضاء وتمثيل الأشياء من الفضاء بنماذج وعلى سطوح مستوية، وتحديد مكسبتهم حول الأشكال المستوية.

تسمح الأنشطة الهندسية، بفتح كبير، بمواصلة تنمية قدرات التلميذ على البحث والاكتشاف نتائج جديدة (خواص، نظريات) ومواصلة تدريبه على الاستدلال الاستنتاجي من خلال براهين مهيكلّة أكثر فاعليّة. ويُعد استعمال بعض وسائل الإعلام الآلي، عند توفرها، مناسبة تسمح للتلميذ بمعالجة ومشاهدة بعض الوضعيات وإجراء تجارب عليها تساعد على وضع تسميات يسهل على تلميذهها.

• المثلثات

- حالات تقليب المثلثات: يعرف المثلثان المتقابلان على أنهما مثلثان قايان للتطابق ويستنتج أن كل الضلعين المتقابلين فيهما (الأضلاع والزوايا) متساوية متى مثلث. لتبرير حالة من حالات التقليب ينشأ مثلثان يحققان شروط هذه الحالة ثم يمال تقليبهما بالتحقق من قابلية تطابقهما باستعمال الورق الشفاف أو بالتحقق من تساوي الأضلاع والزوايا الأخرى بالحدود مثلا. وتمثل هذه الحالة لتبرير الحالات الأخرى. تعتبر حالات تقليب المثلثات أداة إضافية تمكن التلميذ من معالجة بعض المشكلات بحسب فيها استعمال أداة "التناظر". إلا أن استعمال أداة التناظر وخواص متوازي الأضلاع يكون أكثر نجاعة للبرهان على أغلبية النظريات المقررة في البرنامج.
- مستقيم المتصفين في المثلث: يمكن توضيح التناظر المركزي وخواص متوازي الأضلاع للبرهان على النظريتين 1 و 2 المتعلقين بمستقيم المتصفين في المثلث.

تمثل خاصية التناسبية المثلثية في استقامة التقاطع مع مبدأ المعلم للتعرف على وضعية تناسبية ممثلة بواثيا في المستوى المزوّد بمعلم. نتعرف على الحركة المنتظمة انطلاقا من التناسبية بين المسافة والزمن، ونوظف الحركة المنتظمة في حساب المسافة المقطوعة والسرعة والزمن. كما نوظف التناسبية في استعمال وحدات القياس الزمن تجمع بين النظام العشري والنظام الستيني. مثال: 1030mm = 1,03m. كما يمكن تقديم أمثلة أخرى عن مفاهيم حاصل قسمة كتناقص الماء لخطوة هو $\frac{1}{100}$ ، عدم الماء، أو استهلاك البنزين لسيارة 8 في 100 ...

وحدة الزمن

تدعم مكسباتات التلميذ المتعلقة بحساب أو تطبيق تنمية مئوية وتزوي بوضعيات جديدة تشكل فيها في أن واحد نسب مئوية وكسبات أو نسب مئوية وتكرارات، وحساب مؤشر تطوّر ظاهرة معينة (سكان، أسعار...).

- الإحصاء: ترمي التسميات في مجال الإحصاء إلى تحقيق هدفين علميين، هما:

- التناظر على قراءة واستعمال البيانات.

- اكتساب بعض المفاهيم الأساسية في الإحصاء الوصفي.

في السنة الثالثة من التعليم المتوسط، يتطرق البرنامج إلى السلاسل الإحصائية وتمثل الكفاءات المستهدفة في جعل التلميذ قادرا على تجميع معطيات في فئات وتقديم سلسلة إحصائية في شكل جدول وتمثيلها بمخطط أو بيان وحساب التكرارات والتكرارات النسبية. ويتوسع البرنامج باستهداف حساب متوسطسلسلة إحصائية لتشرع هكذا في مرحلة جديدة تتمثل في تلخيص سلاسل إحصائية.

يتدرج التلميذ على استعمال التعابير: مجتمع، مؤدّ، تكرار... من خلال أمثلة تكون مختارة من محيطنا (العلامات المحصل عليها في اختبار، هرم الأعمار، القائمة...).

عند حساب تكرارات نسبية، تغطي النتائج كذلك في شكل نسب مئوية.

في توزيع معطيات إحصائية إلى فئات وتمثيلها بمدرج تكراري، يمكن ملاحظة تناسب مساحات المستطيلات مع التكرارات.

تقترح أمثلة متنوعة لسلاسل إحصائية بحيث تغطي معنى التكرار النسبي، ويمكن أن تكون المجتمعات المدروسة غير الكائنات الحية مثلا: تكرار ظهور حرف معين في نص بالنسبة إلى مجموعة الحروف المستعملة في النص.

المقصود بالمتوسط المتوازن لسلسلة إحصائية متوسط قيم هذه السلسلة المتوازنة بالتكرارات المتعلقة بهذه القيم.

مثال: في السلسلة الإحصائية التالية:

القيمة	6	7	9	14	15
التكرار	1	5	3	2	4

- بعد نقطة عن مستقيم، المماس لدائرة : إن مفهوم " أقصر طريق" من نقطة إلى مستقيم يبدو طبيعيا بالنسبة للتلميذ. لكن يمكن إثبات هذه النتيجة بالاعتماد على نظرية فيثاغورث أو على المثلثية المثلثية والتناظر المحوري المفضل في السنة الثانية.
كما نستنتج، من خلال أنشطة، العلاقات المختلفة الموجودة بين بعد مركز دائرة عن مستقيم ونصف قطر الدائرة حسب الوضعية النسبية لنقطة المستقيم وهذه الدائرة. يمكن تبرير هذه العلاقات بالاعتماد على مفهوم بعد نقطة عن مستقيم.

- جيب تمام زاوية حادة: إذا كان من الطبيعي أن نشهد على وضع شخصين انطلاقا من بعض الأشلة لإدخال مفهوم جيب تمام زاوية حادة، فمن الأمية أيضا أن نبرهن أن جيب التمام لا يرتبط إلا بالزاوية الحادة المختارة وهذا بتوظيف نظرية طالس.
تمثل هذه التمثلات مناسبة لاستعمال الحاسبة. يجب إذن مساعدة التلاميذ في الاستعمالات المختلفة لها، لتعيين قيمة جيب تمام زاوية معلومة أو لتحديد جيب زاوية جيب تاماها معطى.

مطل: نقرر للتلاميذ عدة مثلثات قائمة لها نفس زاوية حادة وأطوال أضلاعها مختلفة ويطلب منهم تسجيل الأطوال المختلفة للضلع المقابل لهذه الزاوية وأطوال الوتر المرفقة في جدول. نجعل التلميذ يلاحظ أن هذا الجدول هو جدول تناسبية ويستنتج أن نسبة طول الضلع المقابل للزاوية والوتر ثابتة (يمكن تبرير هذه النتيجة بالاعتماد على تناسبية الأطوال المثلثين المعنيين بمستقيمين متوازيين بطولهما قاطعان غير متوازيين). كما يستنتج أن جيب تمام زاوية حادة محصور بين 0 و 1.

يتدرج التلميذ على حساب جيب تمام زاوية حادة باستعمال ربع دائرة ويستنتج تغير جيب التمام مع جيب الزاوية.

كما يتدرج على استعمال اللسنتين $\cos$ و $\cos^{-1}$ للحاسبة لتعيين قيمة مرفوعة لجيب تمام زاوية حادة أو لتعيين جيب زاوية بمعرفة جيب التمام لها.

لحساب زاوية حادة أو طول ضلع مثلث باستعمال جيب التمام، نجعل التلميذ يتأكد (أو يبرر) أن المثلث قائم ويُعَيَّن الضلع المجاور والوتر ويمكن من الانتقال من $\frac{a}{b} = \frac{\cos \alpha}{\cos \beta}$ إلى $\cos \alpha = \frac{a}{b}$ أو $a = b \times \cos \alpha$ أو $b = \frac{a}{\cos \alpha}$ بعد تمثيل الوضعية برسم باليد الحرة.

● الاستصحاب: الهدف الأساسي لهذا المحور هو إدخال تحويل نظئي جديد، انطلاقا من المفاهيم المتعلقة بتوازي الأضلاع، المقننة في السنة الثانية والتي يتم استثمارها طوال هذه السنة بالإضافة إلى التعاريف المختلفة وخواص الاستصحاب، فنل التمارين المقترحة حول هذا المحور ستسمح بتوضيح وجامعة هذه الأداة والتبميز بين التصحبا والتصويالات المنطقية الأخرى المدروسة من قبل (التناظر المحوري ، التناظر المركزي). يجب العمل على جعل التلاميذ قادرين على تعريف التصحبا انطلاقا من متوازي الأضلاع والعكس، أي تشخيص متوازي الأضلاع (بعد الإثبات) انطلاقا من التصحبا. ويتواصل هذا العمل في السنة الرابعة مع إدخال مفهوم الشعاع. يمكن مقارنة التصحبا باستعمال الأفاريز والتطبيق لهرتك التلميذ من خلال هذه الأنشطة أن التصحبا شكل هو إزاحته (دون دوران) بحيث تقال كل نقاط الشكل على مستقيمت موازية في نفس الاتجاه ونفس المسافة. لتعيين التصحبا يكفي أن نعطى نقطة وصورتها.

إثبات صورة نقطة M بالتصحبا الذي يُحوّل النقطة A إلى النقطة B و A و B نقطتان متماثلتان من المستوى) تعتمد الخاصية التالية:

- إذا كانت النقطة M لا تنتمي إلى المستقيم (AB)، فإن صورة النقطة M هي النقطة M' بحيث يكون الرباعي AMM'B متوازي أضلاع.

- إذا كانت النقطة M تنتمي إلى المستقيم (AB) ، فإن صورة النقطة M هي النقطة M' بحيث يكون $MM' = AB$ ونصلا للمستقيمين (AB) و (MM')

إثبات: سُحِلَت الأشكال المبسطة الأخرى (مستقيم، نصف مستقيم، قطعة مستقيم) والأشكال المألوفة (دائرة، رباعي) والأشكال المركبة تعتمد على إنشاء سُحِلَت نقط من هذه الأشكال. تستنتج من هذه الإثباتات خواص التصحبا (قلبية تناظر الشكل وصورته، حفظ المسافات والزوايا والانعكاسية والتوازي....).

أما بالنسبة إلى النظرية الثالثة (*) إذا كان مستقيم يشمل منتصف أحد أضلاع مثلث ويوازي ضلعا ثانيا فإنه يشمل منتصف الضلع الثالث)، فيمكن أن نبرهن باستعمال النظرين السابقين و خواص متوازي الأضلاع.

تسمح هذه النظريات بحلّ مشكلات متعلقة بالبرهان على توازي مستقيمين أو إثبات أن نقطة هي منتصف قطعة أو حساب طول قطعة.

- المثلثان المعنيان بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيين
يستنتج ويقل تساوي النسب المختلفة بعد مغارقتها في حالات متتوعة بالاعتماد على القياس والحساب التقريبي كما يمكن استخدام الإعلام الآلي (برمجيات الهندسة الحركية) للتجريب والتدوين.

يعبر هذا المفهوم جزيا من نظرية طالس التي سُمِّمَت وتُعمَّل في السنة الرابعة، لذلك سنكتفي بالحالة التي يكون فيها المثلثان معنيين بمستقيمين متوازيين بقطعان نصلي مستقيمين لهما نفس المبدأ.

يمكن إثبات هذه الخاصية في حالات خاصة بسيطة ($\frac{1}{2}$ باستعمال مستقيم المنتصفين، $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{4}$ ، $\frac{1}{5}$).

يسمح هذا المفهوم بحساب بعد مجهول (طول أحد الأضلاع في أحد المثلثين) بتوظيف الربع المتناسب وحلّ معادلات).

- المستقيمت المماسّة في المثلث: يتم البرهان على هذه الخواص ما عدا خاصية الارتفاعات.

بالنسبة إلى خاصية المتوسطات يمكن الاعتماد على التناظر المركزي و خواص متوازي الأضلاع.

التفرق إلى منتصف زاوية و خواصها في المثلث (الخاصية المميزة و الخاصية الحكيمة لها و خاصية الدائرة المرسومة في مثلث) يتم بعد تناول موضوع بعد نقطة مباشرة.

يتعرف التلميذ على التعابير المختلفة: مركز الثقل، نقطة تلاقي الارتفاعات، الدائرة المحيطة بالمثلث، الدائرة المرسومة في المثلث.

-المثلث القائم والدائري: تسمح هذه التمثلات بالرجوع إلى محاور مثلث وخاصية تقاطعها المدروسة في السنة الثانية. إن خاصية الدائرة المحيطة بالمثلث القائم واستعمالها ومعرفة خاصية المتوسط المائل بالرقي في مثلث قائم و استعمالها تسمحان من جهة بتبميز المثلث القائم من رسمه داخل نصف دائرة قطر ها أحد أضلاع المثلث ومن جهة أخرى بتبميز نقاط دائرة علم قطر ها بخاصية الزاوية القائمة ومن ثم تستدل الخواص البرهان على أن المثلث قائم أو لإثبات انتهاء نقطة إلى دائرة وتُستَمر فيها بنظرية فيثاغورث. كل هذه الخواص يبرهن عليها.

-نظرية فيثاغورث وعكسها: تستنتج خاصية فيثاغورث من خلال نشاط يمثل في القياس التقريبي لأضلاع عدة مثلثات وحساب مربعات الأطوال الناتجة ومقارنة هذه المربعات في كل حالة. كما يمكن اتخاذ هذا النشاط باستعمال برمجيات الهندسة.

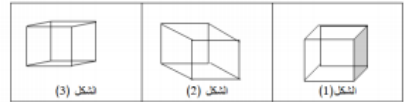
يمكن البرهان على نظرية فيثاغورث بالاعتماد على المساحات ونقل دون برهان النظرية الحكيمة.

تُوظف خاصية فيثاغورث في البرهان إن كان مثلث قائما أو غير قائم وفي حساب طول ضلع مثلث قائم بمعرفة طولي الضلعين الآخرين. في هذه الحالة نستعمل النسبة √ الحكيمة لإعطاء قيمة مرفوعة للطول الناتج.

ولحساب الأطوال، نستخدم الحاسبة ونستشر هكذا العمل على القيم التقريبية والحدس.

- كل قطعة محتواة في مستو مواز للمستوي T تمثل بالأبعاد الحلقية (دون اعتبار المقاييس).
- كل مستقيم بمعامد المستوي T يمثل بمائل (fuyante) بشكل مع زاوية ثابتة نفس هذه الزاوية المسماة "زاوية الميل" ليجلبها في الاتجاه المعاكس لمعزرب المساحة. غالبا ما تختار لها القيمة 45° .
- كل قطعة $[MN]$ محمولة على مستقيم عمودي على المستوي T تكون ممثلة بقطعة $[mn]$ طولها $k \cdot MN \sin \alpha$ حيث k بمعامل التصغير للمنظور، و $\sin \alpha = 1/2$.

تأثير زاوية العمل على المنظور
من أجل وضعية ممثلة لشيء بخطب تمثيله بالمنظور، يتغير كثيرا تمثيل هذا الشيء بتغيير زاوية الميل.



بالنسبة إلى المجسمات المستوية (مثل الأسطوانة والمخروط)، فإن تمثيلها يستعمل المنظور بزاوية ميل قدرها 90° عكس المنظور بزاوية 30° أو 45° أو 60° المستعمل عادة بالنسبة إلى المنشورات.
يكون الانتقال من الملاحظة والمعالجة اليدوية لأشياء من محيط التمثيل لها شكل اليوم أو مخروط الدوران، وبالنسبة إلى اليوم، نكتفي بهرم منتظم قاعدته مثلث متساوي الأضلاع أو مربع، كما نجعل التمثيل يدرك أن مخروط الدوران يولد بدوران مثلث قائم حول أحد الضلعين القائمين. وفي وصف المجسمين يتجود التمثيل على استعمال التعبير الخاصة بهما (الرأس، القاعدة، الأوجه الجانبية، الأضلاع الجانبية، الإزعاغ).
كما تعطى الأهمية للتمثيل بالمنظور متساوي القياس وإيجاز التصميم حتى يتواصل العمل على تنمية قدرة التمثيل على الزاوية والتمثيل في الفضاء، أما بالنسبة إلى الحجم تستلزم القواعد الحسابية بالمستعمل وسائل تجريبية.
مثال: لأيجاد قاعدة حساب حجم مخروط الدوران، نأخذ بين سعتي عطين إحداها لها شكل مخروط الدوران والأخرى أسطوانة الدوران بحيث تكون للمثلين قاعدتان متساويتان وارتفاعان متساويين.
أما فيما يخص المساحة الحلقية لكل من المجسمين، يمكن التفرق لها في شكل نشاط يحدد التمثيل على تصميم كل من المجسمين دون أن يكون الهدف منه البحث على

إن مفهوم الشعاع خارج النواتج.

● **الهرم ومخروط الدوران:** كما هو الشأن بالنسبة إلى متوازي المستطيلات في السنة الأولى والمنشور القائم وأسطوانة الدوران في السنة الثانية فإن المعالجة اليدوية للمجسمات وإيجاز تصميمها لها وتخطيطها تأتي من أولويات هذا الجانب.
يسمح هذا الجانب أيضا باستثمار التناسبية (حساب نصف قطر قاعدة مخروط دوران بعلم مساحة سطحه الجانبي) ويمضي نظريات الهندسة المستوية.
يرتكز تعلم الهندسة في الفضاء في مرحلة التعليم المتوسط على دراسة المجسمات البسيطة. هذا التعلم الذي لا يمكن أن يختصر في المعالجة البسيطة للأشياء، نواجهه مسويات تتعلق بتمثيل هذه الأشياء وتخطيطها.
سواء كان ذلك في الهندسة المستوية أو في الفضاء، فالتصديق الذي يبحث عن حلول مشكلة غالبا ما يعمل بمواجهة الفرضيات والخطة التجريبية. وإذا كان ذلك ممكنا في الهندسة المستوية، لأن الأشياء هي ذاتها مواضيع الدراسة فهو لا يصبح في الفضاء. فعمل حول المثلث، مثلا، يتم انطلاقا من رسمه باعتباره موضوع الدراسة، وهذا الأمر يكون محالفا لما يتلقى الأمر بالمكعب.
إن نجاح تعلم الهندسة في الفضاء يتوقف على شرط التقرب، من بداية التعليم المتوسط، على طريقة للتمثيل في الفضاء، بكل ما تتضمنه من فترات تعليمية.
من الضروري أن يدرك التلميذ الاختلافات الهندسية بين الشيء وتمثيله. فلا يمكنه العمل على رسم الشيء إلا إذا كان له صورة ذهنية جيدة لهذا الشيء. وكذلك معرفة جيدة لقواعد التمثيل التي تسمح له بذلك لتلخيص هذا الرسم.
بالنسبة لكل المجسمات المدروسة: متوازي المستطيلات، المنشور القائم، الهرم، الأسطوانة، ... يكون العمل على مرحلتين، مرحلة لمعالجة أشياء تسمح بالتمثيل والتعبير الأسلمية، تتبعها مرحلة لتعلم تمثيل هذه الأشياء.
يرتكز تعلم الهندسة في الفضاء في برامج الرياضيات للمرحلة المتوسطة على المنظور المتساوي القياس الذي يعتبر إحدى طرق التمثيل في الفضاء. والعلاقة من هذا الاختيار تتمثل في الاحتفاظ بروية الشيء والتوازي وكذا بالقياسات في كل منحي للفضاء.
يمكن تعريف المنظور المتساوي القياس لشيء كإسقاط هذا الشيء على المستوي وفق منحنى مثلا بالنسبة إلى هذا المستوي. وتسمح دراسة خواص هذا الإسقاط عندئذ بإيجاد علاقات معينة بين الشيء، وصورته أو بالأحرى بين مختلف عناصر هذا الشيء، وصورها. ومن الخواص الأساسية للمنظور المتساوي القياس نذكر:

- حفظ التوازي
- حفظ المتوازيات
- حفظ نسبة طولي قطعتين متوازيتين
- حفظ الاستقامة

وهي الخواص المستعملة في غالب الأحيان مع التلاميذ.

لإنشاء صورة شيء بالمنظور المتساوي القياس، يمكن أن نضع هذا الشيء على مستو أفقي H (الأرضية) ونختار مستويا شاقوليا T (السيورة). T و H يتقاطعان وفق المستقيم (xy) كما في الشكل المقابل.

وتستعمل القواعد التالية نتيجة من الخواص المذكورة أعلاه:



كما يتواصل العمل على حل معادلات من الدرجة الأولى لمجهول واحد مع إدخال "معادلة الجداء" وجملة معكلتين من الدرجة الأولى بمجهولين. إن الهدف ليس توظيف خوارزمية (تلقية) حل معادلات فقط بل هو معالجة مشكلات من المادة (هندسة، حساب) و من المحيط الاجتماعي للتلميذ. كما كان الأمر في السنة الثالثة، نحرص على مراحل معالجة هذه المشكلات (اختيار المجهول أو المجهولين، تبيض المشكلة، المعالجة اليعيشيقية للمشكلة وأخيرا مراقبة وتفسير النتائج المحصل عليها). بالنسبة إلى المتراجحات، فإن طريقة حلها قريبة جدا من طريقة حلّ معادلات مع الانتقاء إلى اتجاه المتباعدة عندما تضرب طرفيها في عدد موجب أو سالب. وكما كان الحال لمدة ماياهم من كائ الماديين، ينبغي إدخال المتعاصر الجديدة ليدأ المحور (معادلة جداء، جملة معكلتين، متراجحات) اعضدا على حلّ مشكلات من المادة أو من المواد الأخرى أو من الحياة اليومية للتلميذ، بجعله يترك فائدة هذه الماهايم وفعاليتها في معالجة هذه المشكلات.

2. تنظيم محتويات

● **الدالة الخطية، الدالة التالقية:** يُقدّم هذا الجزء من البرنامج بالاعتماد على مكتسبات التلميذ ويحسّن الأرضية لإدخال المفاهيم اللاحقة (مفهوم الدالة عووما) مع الحرص على عدم التخلّق لالتقاء النظرية مبكرا. يقدّم هان المفهومان (الدالة الخطية، الدالة التالقية) انطلاقا من وضعت ملموسة وبارتباط وثيق مع التناسبية (تناسبية قيم المتغارين في حالة الدالة الخطية وتناسبية التزايدات في حالة الدالة التالقية). ينبغي أن تكون هذه الوضعت متنوعة ومن مبدئين مختلفة.

● **الإحصاء :** نقتصر محتويات الإحصاء للسنة الرابعة من التعليم المتوسط امتدادا لبرامج السنوات السابقة وتغلب الأهداف الأساسية ليدأ الميدان المذكورة أعلاه. مشكلة في التدريب على قراءة واستعمال تمثيلات وبيانات واكتساب بعض مفردات الإحصاء الوصلي والعمل بالتكولوجيات الجديدة للإعلام والاتصال. تُشرح في السنة الثالثة، في تناول مؤشرات الموقع بإدخال مفهوم الوسط الحسابي المتوازن لسلالة إحصائية ويُؤزّد التلميذ في السنة الرابعة بمؤشر آخر ينشأ في الوسط، حيث يمكن أن نلاحظ في بعض الحالات لسلامل إحصائية مرتبة ترتيبا تصاعديا، أن الوسط الحسابي لا يعكس السلالة إلى جزأين ليمّا نفس عدد المتعاصر، وهو الأمر الذي يمكن تحطيه بحساب الوسط.

إن البرنامج يقتصر على مؤشرات الموقع ليكتأ بإدخال مؤشرات التشتت في بداية التعليم الثانوي وهو ما يسمح بتعميد التلاميذ على امتلاك منهجية في الإحصاء عندما يتخلّق الأمر بتلخيص معلومات بحساب مؤشرات تقيس التزعة المركزية أو التشتت لسلالة المدروسة. بالإضافة إلى ذلك، يساهم تدريس الإحصاء في تطوير الكفايات الرياضية المرتبطة بالحساب وقراءة واستعمال البيانات.

3. أنشطة خدسية

- خاصية طالس:** يسمح هذا المحور باستثمار وتوظيف مفهوم التناسبية كما يسمح أيضا بالتخلّق إلى مفهوم التكبير والتصغير. تتكفي دراسة خاصة طالس (النظرية وعكسها) في المثلث ويكون بر هانها نشاطا مديا. توظيف مكتسبات التلاميذ حول الاستدلال والفرهان.
- حساب المثلثات في المثلث القائم:** بعد إدخال مفهوم جيب تمام زاوية حادة في السنة الثالثة، يتوسع العمل في هذه السنة إلى جيب وظل زاوية حادة دائما في المثلث القائم. أما التخلّق إلى الدائرة المثلثية، الذي يسمح خصوصا بتوضيح تعزّرات النسب المثلثية لزاوية عندما تتعزّر هذه الزاوية، فيتمّ دون توسّع. بالنسبة إلى قيم النسب المثلثية لبعض الزوايا الخاصة (30°، 45°، 60°)، فلا يطلّب من التلميذ حفظها. نقترح تمارين لتعيينها أو تعطى في تمارين أخرى. لا يتمّ التوسع عند تقديم العلاقات المثلثية المقررة في البرنامج، بل نوظف ونستثمر هذه العلاقات في وضعت. حسب أطوال بدلا من التمارين التلقية مثل (اعطاء إحدى النسب المثلثية لزاوية ثمّ تعيين النسب المثلثية الأخرى لهذه الزاوية).

استخراج قاعدة الحساب.

وتدّ هذا التعلّمت محالا متعلبا لتجسيد مكتسبات التلميذ المتعلقة بعدة ماهايم مثل نظرية فيثاغورث.

1. 4. في السنة الرابعة

1. **النشطة عديدة:** يتواصل تعلّم الحساب الحدي في أشكاله المختلفة (الجدي، الذهني، الأدائي) من خلال حلّ مشكلات متّزعة بهدف لتحكّم في الحساب على الأحاد الناطقة والتروع في الحساب على الجذور التربيعية. كما يواصل التلميذ تعلّم الحساب الحرفي من خلال أنشطة نشر وتبسيط وتحليل عبارات جبرية وحلّ معادلات وإيجاد بعض البراهين وحلّ بعض المشكلات في مجال الحساب.

● **فواصم عند طهيي، القاسم المشترك الأكبر، القصور غير القابلة للاختزال:** يسمح هذا المحور بتزويد التلميذ بدأة لتحويل كسر إلى كسر غير قابل للاختزال بالاعتماد على القاسم المشترك الأكبر. علما أن الجوء إلى الخوارزمية المدروسة غير ضروري لاختزال الكسور البسيطة. بهدف إدخال مفهوم القاسم المشترك الأكبر بخوارزمية إقليدس إلى ربط هذا المفهوم بالقسمة الإقليدية وكأ استعمال أدوات الحساب (المجدولات على الخصوص)، لنا فحلّ مفهوم الحد الأدنى وبالتالي التحليل إلى جداء عوامل أولية خارج البرنامج. كما يؤفر هذا المحور فرصا عديدة لتقديم أنشطة لاستثمار التعلّمت المتعلقة بالاستدلال الاستنتاجي (خارج المجال الهندسي) والحساب الحرفي وهذا من خلال إنجاز بعض البراهين لتوأمس مفررة في هذا البرنامج أو عند معالجة بعض المشكلات (انظر الفقرة الخاصة بالاستدلال والفرهان).

● **الحساب على الجذور:** سبق لتلميذ أن صلف في السنة الثالثة أعدادا مثل $\sqrt{2}$ ، من خلال أنشطة متعلقة بخاصية فيثاغورس. تتوسع معارف التلميذ حول الأعداد الصماء ويمكن في هذا الإطار الفرهان على أن $\sqrt{2}$ مثلا، ليس عددا ناطقا.

تمثّل خواص الجذور التربيعية والحيليات عليها، بالخصوص، في تبسيط عبارات عديدة. يجب ألا يتمّ هذا التبسيط بحسلة آية، بل تختار الكتابة الأكثر ملائمة مع المشكل المطروح.

مثلا، الكتابة $\sqrt{45}$ ليست بالضرورية "أحسن" من $\sqrt{50}$ ، فالكثابة الأولى مفيدة ومناسبة لتبسيط المجموع $(\sqrt{48} + \sqrt{50})$ والثالثة هي المفضلة عند حساب أطوال واستعمال عكس نظرية فيثاغورس.

يسمح هذا المحور لتلميذ بمواصلة ممارسة الحساب المضبوط والحساب التقريبي.

● **الحساب الحرفي:** يتواصل تعلّم الحساب الحرفي باستعمال الحروف في وظائفها المختلفة من خلال العمل على العبارات الجبرية (النشر، التبسيط، التحليل) مع إدخال الجذابت الشهيورة وحلّ معادلات ومتراجحات.

فيما يخصّ موضوع جذذابت الشهيورة وفصم امتيحاب الأخطاء المتتارلة (مثل الكتابة $a^2 + b^2 = (a + b)^2$)، يمكن اقتراح وضعت مشكلات تجعل التلميذ يترك بنفسه هذه الأخطاء ويتجاوزها. يجب السبر على عدم المبالغة في التمارين التقوية والاكتفاء في مجال التحليل بأسطة بسيطة.

ونعصر في هذا المجال، كما كان الشأن في السنة الثالثة متوسط، عل جعل التلميذ يدرك الاختلاف بين المجموع والجداء، وهو أمر أساسي وضروري بالنسبة إلى إثقان الحساب الحرفي ومنه تبسيط التكاليت الحرفية.

وكما ذكر بالنسبة للسنوات السابقة ، فإن تعلّم الحساب الحرفي مهمة لتتلبّ الوقت والمستر ويبقى الانتقال من الحساب الحدي إلى الحساب الحرفي صعبا بالنسبة إلى بعض التلاميذ، يجب إذن تكثيف وتوزيع الأنشطة التي تساعدهم في تجاوز هذه الصعوبات.

ويعني ذلك بالحدود مبرورة مُتعمدة (conscientiousness)، وظيفتها، كما نعلمي في تلك التجربة ذات السوروة: مبلوغة. أفه: تدفع كل المواد التعليمية في بناء هذا الشأن الجيد للتفكير، والذي يرد تدريجيا بعد المراهقة، لكن الرضايات تحتل مكانة خاصة في ذلك. إذ يضمني ضمنها التوافق المعيش، وتعرض ما فيمنه. إن المبلوغة لا يمكن الواقع في مبلوغة، لكنه يرد تحتما الأرباب في ساق مبلو، سواء كان علينا أو نظرياً. يمكن أن للنص ونقول أن الوظيفية للسوروة التجريد تمثل في إعطاء، معنى

- [illegible]

- [illegible]

الفصل الأول

الموارد	وضعية الثنائية	وضعية ثلاثية	تكم الإجماع	التقويم	المعالجة الزمن	تقدير
• معرفة واستعمال قيمة أو قام حسب مرتبتها في كتابة عدد طبيعي (ترسيخ مكتسبات). • جمع وطرح وضرب أعداد طبيعية في وضعية بسيطة. • تحيين حاصل وبقي القسمة الإقليدية لعدد طبيعي على عدد طبيعي مكتوب برقم واحد أو رقمين. • معرفة قواعد قسمة القسمة على 2، 3، 4، 5، 9، واستعمالها.	• الرسم على ورقة غير مسطرة ودون القيد بطرفة: - لمرآة لمستقيم معلوم يشمل نقطة معلومة. - لعمودي على مستقيم معلوم يشمل نقطة معلومة. - لقطعة مستقيم لها نفس طول قطعة مستقيم معلوم. وكذا: - تحيين منتصف قطعة مستقيم. - الاستعمال السليم في وضعية معطاة، للمصطلحات: مستقيم ، نصف مستقيم، قطعة مستقيم، منتصف قطعة مستقيم، مستقيمتان متوازيتان، مستقيمتان متعامدتان، استقامة نقط، زاوية، زاوية ضلع.	• معرفة واستعمال قيمة أو قام حسب مرتبتها في كتابة عدد عشري (ترسيخ مكتسبات). • استعمال التقابة العشرية. • ضرب وقسمة عدد عشري على 10، 100، 1000 أو على 0,1، 0,01، 0,001. • جمع وطرح وضرب أعداد عشرية في وضعية معينة. • تحيين حاصل وبقي القسمة الإقليدية لعدد طبيعي على عدد طبيعي مكتوب برقم واحد أو رقمين. • إجراء القسمة العشرية لعدد طبيعي أو عشري على عدد طبيعي. • تحيين القيمة العشرية إلى الوحدة بألف (أو بالالفصلان) لحاصل قسمة عشري. • تدوير عدد عشري إلى اليمين أو إلى اليسار. • تحديد دقة مقدار التقريب حسب الأعداد العشرية. • إيجاد طول كل من: مثلث، مثلث متساوي الساقين، مثلث قائم، مثلث متطابق الأضلاع ، مستطيل، مربع، معين ، على ورقة غير مسطرة.				

3. اقتراح مخطط التعلم السنوي: يهدف مخطط التعلم السنوي إلى تنظيم التعلّات السنوية وفقا لحزْم من المفاهيم المتكاملة التي تسمح بخدمة الكفاءة الخاصة بالميدان من خلال التكلّ مختلف مركباتها والذي يتم في شكل حائزوني ذاتيا وإيجابيا. ينطلق مخطط التعلم السنوي من ضبط التناخات الممكنة للكفايات الختامية ومركباتها، ثم توزيع المحتويات المعرفية ضمن محاور حسب ما تقتضيه طبيعة مادة الرياضيات وأخيرا بناء وضعية تعليمية بسيطة وفق هذا التوزيع. وعليه فإن خدمة مركبة معينة لا يتم بشكل خطي ولا يعزل عن بقية المركبات بل في تكامل وانسجام معها. كما أن معالجة المحور الواحد يساهم في خدمة المركبات الثلاثة للكفاءة الختامية ويتكرر ذلك مع كل محور بحيث يفترض أنه عندما تنتهي معالجة جميع المحاور يكون الفعل التعلّمي/التعلّمي قد أتى على جميع متطلبات الكفاءة الختامية في الميدان الخاص بها.

إن تقديم مخطط تعلّات السنوي وفق النموذج أدناه لا يعني بأي حال من الأحوال أن التعلّات تسير بشكل خطي، والقصد من تقديمه وفق هذا النموذج هو إبراز مخطط مكنّات الكفاءة الختامية وكيفية العمل على تحيّلها وتسهيل عملية القراءة بما يسمح لاستكشاف إجراء أو أدائه لتلاميذ.

تقدم في الفقرة التي تلي هذا المخطط نماذج لوضعية تعليمية بسيطة ثم وضعية تعلّم إجماع المركبات المكونة لكفاءة الختامية.

للتذكير فإن وظائف مركبات الكفاءة تتوزع على إرساء المفاهيم وتوظيفها وفتح المجال للتعميد بممارسة سلوكات تحر عن القيم والموافق التي تتبناها المنهاج. ففي ميدان الأنشطة الحدية نجد أن المركبة الأولى مخصصة لإرساء المفاهيم الرياضية والتقنية مخصصة لتوظيف هذه المفاهيم بينما خصصت المركبة الثالثة للتعبير والتفكير وممارسة السلوكات التي تحر عن الموافق والقيم التي لا يمكن أن تظهر عند التعلّم إلا من خلال ممارسة الوضعية المشكلة عبر المركبتين السابقتين. ونفس السياق والتصور ينطبق قائما بالنسبة لميدان الأنشطة الهندسية وميدان تنظيم معلومات والدرا.

• موال مخطط التعلّات السنوي

المركبة 1	المركبة 2	المركبة 3	وضعية الختامية	وضعية تعليمية (إرساء وتوظيف الموارد)	المرحلة التعليمية	المعالجة
المركبة 1	المركبة 2	المركبة 3	المركبة 1	المركبة 2	المركبة 3	المركبة 1

• مخطط التعلّات السنوي

الكفاءة الختامية	محل مكسبات ويرر نتائج ويوظف مكتسبات في مختلف ميادين الملة (الحددي، الهندسي، الدرا وتنظيم معلومات).
الكفاءات العرضية والموافق والقيم	عد إلى المنهاج

الشطة الحدية	تنظيم معلومات	الشطة الحدية
ك - 1	ك - 2	ك - 3
القيم والموافق والكفاءات العرضية		

الفصل الثاني

الموارد	الأنشطة التعليمية	مخرجات التعلم	التقويم	المعالجة	التدوير
الأعداد التبعية	إبراج الأعداد السالبة في وضعيات متنوعة.				
الطرح المتبقي الأسفل الخطوط المحطات المساحات	حساب محيط ومساحة مستطيل. حساب مساحة مثلث قائم. حساب محيط قرص.				
التنسبية	التعرف على وضعيات تنسبية أو لا تنسبية في أمثلة بسيطة. ترجمة نص إلى جدول منظم. تمييز جدول تنسبية من جدول لا تنسبية. إتمام جدول تنسبية بمختلف الطرق. مقارنة حصص. تطبيق نسبة مئوية في حالات بسيطة.				
الأعداد التبعية	توظيف الأعداد التنسبية في: - تدرج منظم. - قراءة فاصلة نقطة معلومة أو تعيين نقطة ذات فاصلة معلومة على مستقيم مدرج. - قراءة إحداثي نقطة معلومة أو تعيين نقطة ذات إحداثيين معلومين على مستو مزدوج.				

المكان مستوى بسيطة	- رسم دائرة، إحداث مثلث لثلاث محيطات - الاستعمال التسمية المستطعات: دائرة، مركز، قوس دائرة، وتر، نصف قطر، قطر.				
الكثبات العددية والكثبات العددية	- تحديد موضع حاصل قسمة عددين طبيين على نصف مستقيم مترج في وضعية بسيطة. - استعمال حاصل قسمة عددين في حساب دون إجراء عملية القسمة. - التعرف في حالات بسيطة على الكاثبات الكثيرة لعدد. - إثبات كتابة كسرية (كسر). - الانتقال من الكتابة العشرية لعدد عشري إلى كتابة كسرية له. - ترتيب أعداد عشرية. - جمع وطرح وضرب كسور عشرية. - قراءة فاصلة لفظ (أو إعطاء حصر لها) أو تعيين نقطة ذات فاصلة معلومة على نصف مستقيم مترج.				
المنطوق : المستوي : الأفعال : المساحات : المساحات	- تعيين مساحة سطح مستوي باستعمال وصف بسيط. - مقارنة مساحات في وضعية بسيطة.				

الفصل الثالث

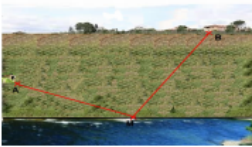
الموارد	وضعية التمثيلية	وضعيات تعلّمية	تعلّم الإنماج	التقويم	المعالجة	تقدير الزّمن
• تطبيق قاعدة حرفية في وضعية بسيطة. • إنتاج عبارة حرفية بسيطة.						
• استعمال التناظر المحوري لإنشاء كل من: مثلث متساوي الساقين، مستطيل، مربع، معين. • التعرف على محور قطعة مستقيم وإنشائه. • التعرف على منصف زاوية وإنشائه.						
• استعمال مفهوم المنكسّر في وضعيّات بسيطة للتكبير أو التصغير. • استعمال مفكس مخطط أو خريطة لتحديد المسافة على المخطط أو على الخريطة. • إجراء تحويلات لوحات الأطوال والمساحات والحجوم.						
• وصف متوازي مستطيلات واستعمال المصطلحات (وجه، حرف، رأس) بشكل سليم. • تمثيل متوازي مستطيلات بالمنظور متساوي القياس. • تمثيل تصميم متوازي مستطيلات ذي أبعاد معطاة. • صنع متوازي مستطيلات بأبعاد مفروضة. • حساب حجم متوازي مستطيلات.						
• قراءة جداول واستخراج معلومات. • تنظيم معطيات في جداول أو مخططات، واستغلالها. • ترجمة معلومات مصلّلة في جداول أو مخططات بسيطة.						

• مقارنة زاويتين، إنجاز مثلّ لزاوية. • تسمية زوايا شكل. • الاستعمال السليم في وضعية معطاة، للمصطلحات: زاوية حادة، زاوية منفرجة، زاوية قائمة، زاوية مستقيمة. • التعرف على الدرجة كوحدة قياس زوايا. • قياس زاوية بمنقلة. • قياس زوايا شكل بسيط. • رسم زاوية قياسيا معلوم.	الزوايا					
• قراءة جداول واستخراج معلومات.	تنظيم المعطيات					
• إتمام مساويات من الشكل: $a \times b = a \times b$ ، $a - b = a - b$ ، $a + b = a + b$	الحساب الحرفي					
• التعرف على أشكال متناظرة. • تعيين ورسم محور أو محور تناظر لها. • إنشاء على ورق مرصوف وعلى ورق غير مسطر، نظائر كل من: نقطة، مستقيم، قطعة مستقيم، دائرة وكذا شكل بسيط. • التعرف على خواص التناظر المحوري (حفظ المسافات والزوايا والأشكال) .	التناظر المحوري	مثال لمقطع تعلّمي مقترح في الفقرة 4				

• وضعية انطلاقية

يريد العم ابراهيم وضع مضخة ماء على حافة النهر وربطها بمنزله (النقطة B) وبمصدره المتواجدة بالنقطة A . (انظر الشكل المرفق)

لكي تكون تكلفة الانجاز أقل ما يمكن، ساعد العم ابراهيم على تحديد مكان المضخة (موضع النقطة M على المستقيم الذي يمثل حافة النهر).



تحليل وضعية الانطلاق

أهداف وضعية الانطلاق	- تحقيق مستوى معيّن من كفاءة جديدة. - اكتساب التقاطع المحوري ككفاءة جديدة لحل مشكلات - الوضعية من الواقع المعيش، جذابة وممتزة. - مكتسبات التثقيف لا تنحصر من إحصاء، حل مباشر. - المعطيات غير بارزة وتستدعي تجهيزا، وتحليها من قبل التلميذ. - تتيج الفرصة لإبراز إجراءات شخصية - نص مكتوب. - صورة توضيحية.
خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها (المتغيرات التعليمية)	- نص المشكلة جديد بالنسبة للتلميذ، ولا يمكن أن يكون الجواب مباشر (الأمر هنا في حاجة الى تحليل وتركيب). - مستوى صعوبة صياغة النص، لا يقود الى إجراء معيّن. - عدم وجود تلميح خاصة لحل المشكلة، فهي تعتمد في البداية أساسا على إجراءات ذاتية.
السدات التعليمية المستعملة	- مفاهيم هندسية متراكمة. - القياس، النسب والتناسق.
صعوبات متوقّعة	- مفاهيم هندسية متراكمة. - مفاهيم هندسية متراكمة. - مفاهيم هندسية متراكمة.
الموارد المعرفية والموارد المنهجية المجددة لحلّ الوضعية	- مفاهيم هندسية متراكمة. - مفاهيم هندسية متراكمة. - مفاهيم هندسية متراكمة.
الكفاءات العرضية المجددة لحلّ الوضعية	- مفاهيم هندسية متراكمة. - مفاهيم هندسية متراكمة. - مفاهيم هندسية متراكمة.
القيم والمواقف	- الانتماء. - الانتماء. - الانتماء.

إنّ اقتراح مقطع تعليمي: يترجح في هذه الفترة أمثلة لوضعية تعليمية تخدم مركبات الكفاءة الختامية، وهي تنس المركبات الثلاثة بدرجات متفاوتة نظرا للترابط الموجود بينها، إذ لا يمكن عزل امتلاك المعارف والإجراءات الوارد في المركبة الأولى عن توطيها الوارد في المركبة الثانية أو عن ممارسة الكفاءات العرضية والقيم والمواقف الواردة في المركبة الثالثة. ولذا وجب علينا أن ننظر إلى هذا التصنيف للكفاءة من منظور نظري يفرض أن الممارسة التعليمية (التعليمية) تدري بشكل حثوئي ذهنيا وإيلا بين المركبتين الأولى المعنية بإرساء المفاهيم والثانية المعنية بتوظيف هذه المفاهيم، بينما المركبة الثالثة المعنية بالكفاءات العرضية والقيم والمواقف نجدها حاضرة في كليهما. إن هذا التوزيع يعطي للأستاذ هامش مبدرة أكبر في تنظيم المقطع التعليمي في إطار الموارد المعرفية والموارد المنهجية التي يتقاعها المتناج كما يمنح له وتلاميذه مرونة أكبر في ممارسة الفعل التعليمي بما يسمح لهذا الفعل بالتكامل بشكل عملي بالمواقف والقيم التي لا يمكن أن تظهر إلا من خلال الممارسة في القسم وخارجه.

نقدم في هذه الفترة مثلا لمقطع تعليمي مرتبط بالكفاءة الختامية الثالثة.

نحتاج في إعداد الوضعية التعليمية المتعلقة بمقطع، إلى تحديد موارد الحد الأدنى اللازمة لتحقيق المستوى المستهدف من الكفاءة، والتي تكون أساس بناء أو انتقاء هذه الوضعية.

3:

بحلّ مشكلات تتعلق بالشكل الهندسي وإنشائها باستعمال التقاطع المحوري.

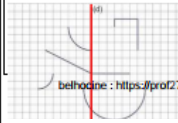
المقطع التعليمي: التقاطع المحوري.

الوضعية	الموارد المستهدفة
البحث عن نظير	- الاعتراف على شكل تقاطع بالنسبة إلى محور - تحسين نظير نقطة - تحسين نظير شكل - طريقة إنشاء نظير نقطة بالنسبة إلى مستقيم
تعليم نظير	- ترجمة إجراء تحسين نظير نقطة بالنسبة إلى محور بالتقليد. - تحسين التقاطع والتقاطع أعضاء على التقاطع. - الاستعمال السليم للمصطلحات. - التعبير عن التقاطع المحوري بمعارف متكافئة.
تشجير	- إنشاء نظير شكل على: - مرصوفة - ورقة بيضاء باستعمال: الكوس والمسطرة بالكوس والدور بالمحور فقط
تثبيت مصطلحات	حفظ الأطوال، الزوايا، الاستقامة، المساحة
إنشاء نظير شكل	التعرف على محور قطعية مستقيم وإنشائه
خواص التقاطع	- التعرف على منتصف زاوية وإنشائه. - استعمال التقاطع المحوري لإنشاء كل من: مثلث متساوي الساقين، مستطيل، مربع، معين.

• وضعيات تعلمية:

رقم	الوضعية	الموارد المستهدفة	نص الوضعية
1	البحث عن نظير	- التعرف على شكل - مقارنة بالنسبة إلى محور - تحديد نظير نقطة - تحديد نظير شكل	نلاحظ بالتمعن في الفراشة أن جانبيها الأيمن والأيسر متماثلان (بالطى بنطينان). الحالة (1) الحالة (2) الحالة (3) 1. على الجانب الآخر من الفراشة، في كل حالة، عين ما يمثل: - النقط A و B و C. - قطعة المستقيم $[AB]$. 2. لون حافة الجناح بين النقطتين B و C وما يمثلها في الجانب الآخر في كل حالة. 3. أرسم في كل حالة أثر محور طي الجانبين.
2	تعليم نظير نقطة	طريقة إنشاء نظير نقطة بالنسبة إلى مستقيم.	لتحسين الفطنة A^0 نظيرة النقطة A بالنسبة إلى مستقيم (d)، يقوم رشيد بطلاي الورقة وفق (d)، لكن الأستاذ طلب منه إيجاز ذلك على الصورة وفقاً للشكل المرفق باستعمال أثر الطي ووضع قطعة المستقيم $[AA^0]$ بالنسبة إلى (d)، ساعد رشيد على تحديد النقطة A^0 على الصورة.

3	التشاور	الاشكال المرفقة هي اجابات كل من رشيد، زينب، مصطفى وأمال حول سوال يتعلّق بتعيين نظيرة النقطة M بالنسبة إلى (d). باعتمادك على التشاور فقط، حدّد الإجابة الصحيحة. رشيدي زينب مصطفى أمال	- ترجمة إجراء - تحديد نظير نقطة بالنسبة إلى محور بالتشاور. - تحديد النقطة المتناظرة اعتماداً على التشاور.
4	تثبيت المصطلحات المرتبطة بالتناظر	اعتادنا على الشكل المرفق، أكمل الفراغات في العبارات الآتية: - النقطة M^0 هي النقطة M بالنسبة إلى المستقيم (d) - النقطتان M و M^0 بالنسبة إلى المستقيم (d) معناه (d) على - المستقيم (MM^0) وتقاطع المستقيمين (d) و (MM^0) هو $[MM^0]$ - في التناظر المحوري بالنسبة إلى المستقيم (d) M هي النقطة M^0. (d) هو قطعة المستقيم $[MM^0]$ - التناظر المحوري بالنسبة إلى (d) إلى يحوّل النقطة M	- الاستعمال السليم للمصطلحات. - التعبير عن التناظر المحوري بمفردات متكافئة.
5	إنشاء نظير شكل	1. إنشاء على مرصوفة: أكمل الشكل المقابل بالتناظر بالنسبة إلى المستقيم (d).	إنشاء نظير شكل على: مرصوفة ورقة بيضاء باستعمال:



			✓ التوس والمسطرة ✓ بالكرس والدور ✓ بالمدور فقط		2. الإنشاء على ورقة بيضاء: أكمّل الشكل المقابل بالتقاطر بالنسبة إلى المستقيم (d) باستعمال الكرس والمسطرة. بتعبير الوسيطة: يُعاد إنجاز نفس المطلوب باستعمال الكرس والدور. 3. الإنشاء على ورقة بيضاء لنظيرة النقطة A بالنسبة إلى (d).
			حطّ الأطوال حطّ الزوايا حطّ الاستقام حطّ المساحة	6	لكي تظهر الطائفة الورقية وتتوازن في طياتها، يلزمها أن تكون متقاطرة بالنسبة إلى محور لها. • شريح فريد في إنجاز أبعده وذلك برسم مثلث ABC قائم C (انظر الشكل المرفق). • أكمل إنجاز البعد. • حدّد طبيعة نظير المثلث ABC بالنسبة إلى المستقيم (AB) ومساحته. • تحقق من أن التقاطر المحوري يخطّ الأطوال والزوايا والاستقامية والمساحات.

					7 تطبيقات التقاطر المحوري
					التعرف على محور قطعة مستقيم وإنشائه. ترديد وزارة السياحة الجزائر استراحة على نفس البعد بين مدينتي تلميمون T و تامراست S. 1. حدد على الخريطة المكان المناسب لذلك. 2. حدد دراسة الموقع وحدت صعوبات طبيعة متخلفة بتضاريس المنطقة. حالت دون ذلك. اقترح على وزارة السياحة مكانا آخر M. هل يوجد مكان واحد؟ 3. حدد ثلاث نقط أخرى متساوية المسافة عن كل من S و T. 4. استخلص مرفق القطر المتساوية المسافة عن T و S.
					تعلّم الإنماج وضعية 1 أهداف وضعية تعلّم الإنماج • التعرف فيما إذا كان شكل يخلّ محور تقاطر أو محاور تقاطر. • رسم محور تقاطر شكل. • إكمال شكل بالتقاطر المحوري.
					كفايات عرضية وسلوكيات وإيم • معرفة مثلّولات بعض إشارات المرور، والتي سيناقش مدى احترامها وتنتاج ذلك خلال الحوصلة. • ملاحظ ومستكشف ويحلّ ويستدل منطقيا.

• بعد استراتيجيات ملائمة لحل وضعية مشكلة بسيطة. • يستعمل مختلف أشكال التعبير: الرموز والأشكال والمخططات والجدول. • يعبر بكيفية سليمة ويعبر بأمانة منطقية. • يكيف استراتيجيات الاتصال والتفكير وفق متطلبات الوضعية.					
				نص الوضعية عندما وافقت أميرة والدها في السيارة، شد انتباهها أن بعض إشارات المرور تقلل محور تنافس أو محور تنافس، والبعض الآخر لا تقلل محور تنافس. • تعزف أنت على كل من هذه الإشارات بكيفية اسمها أفعالها. • رسم محور تنافس أو محور تنافس الإشارة التي تقلل ذلك.	
					
					

أميرة تزعم أن بإمكانها رسم إشارة ممنوع التوقف فخلقا من الجزء المرفق والتناظر المحوري، هل تولفها في ذلك؟ إذا كان الجواب بنعم فبن كيف يمكنها ذلك.		
• السند مأروف بالنسبة إلى التلاميذ ويسمح بالتصديق على الحلول هندسيا. • بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة كتنجية لإجراء شخصي. • بعض الأشكال مختارة بحيث يبدو أن لها محور تنافس. • الوضعية من الواقع المعيشي، جذابة ومحفز.		خصائص الوضعية التعليمية وهيكلتها (المتغيرات التعليمية)
• نص مكتوب على قصاصات أو الصورة مرفق بالأشكال. • يلتم إلى كل تلميذ ورقة تحمل الأشكال المقترحة.		المصادر التعليمية المستعملة
• عدم وجود تقنية خاصة لحل المشكلة، فهي تعتمد أساسا على البحث والتجريب والاستخلاص. • محور التنافس في الجزء المطلوب إتمامه غير واضح.		العمليات المطلوبة لحلها (مستويات متوالية)

أهداف عرضية وسلوكيات وإيم		خاصة بالمادة	• وضعية 2
• التخطيط كمرحلة أساسية قبل التنبؤ الاقتصادي. • لاحظ ويستكشف ويحل ويستغل منطقيا. • بعد استراتيجيات ملائمة لحل وضعية مشكلة بسيطة. • يستعمل مختلف أشكال التعبير: الرموز والأشكال والمخططات. • يعبر بكيفية سليمة ويعبر بأمانة منطقية. • يكيف استراتيجيات الاتصال والتفكير وفق متطلبات الوضعية.		• توليف خاصة محور قطعة مستقيمة. • رسم محور تنافس قطعة واستدلاله.	أهداف وضعية تعلم الإدماج

5. التكوين: كما ورد في المنهاج يعتبر التكوين جزءا ملازما للعملية التعليمية، وهو مدمج ضمن سيرة بناء الكفاءات وتطويرها. وهو عملية مستمرة تبدأ بالتكوين التحصيلي وتواصل بالتكوين التكويني لتنتهي بالتكوين الإشهادي. وتتمثل وظيفة التكوينية في مراقبة مسار المتعلم وتحسين تعلماته وتحليلها، لذا وجب علينا التوقف عند كل محطة من المنقطع والتساؤل حول موضوع التكوين والوسيلة والكيفية، بغرض اتخاذ قرارات مناسبة للمعالجة والتعديل.

أما فيما يتعلق بالوظيفة الإشهادية للتكوين، فبالإضافة إلى الوقوف على مدى اكتساب المتعلم للموارد بهيما أن نعرف مدى تحقيق المستوى المستهدف من الكفاءة الشاملة: بمعنى قدرة المتعلم على تجنيد الموارد، درجة تحقيق الكفاءات العرضية، وإرساء المواقف والقيم.

نقترح فيما يلي كيفية لممارسة التكوين التكويني خلال مختلف فترات مقطع تعلمي، ونموذجا للتكوين الإشهادي، مرفق بشيكات للتصحيح والمتابعة.

1. التكوين التكويني

المرحلة الأولى: الوضعية الانطلاقية

تتصف الوضعية الانطلاقية بعدم قدرة التلميذ على حلها ولو بإجراءاته الشخصية لإفقاذه الموارد اللازمة للحل.

والغرض منها إثارة التساؤلات التي ستسمح له بحلها فيما بعد. و.

المعالجة	التكوين			
	لماذا؟	كيف؟	ويم؟	
فهم الوضعية: فهم المشكل. فهم المهمة المطلوبة.	حتى تضمن شروع التلميذ في المحاولات يتبعي التأكد من فهمه للمشكل وتجنه له	تقديم تقاطعي شاملي من قبل الأستاذ ومن الأقران. أسئلة شفوية تتعلق بمعنى بعض المفردات أو الجارئات، أو السندات	شرح المفردات تقريب المعاني توضيح السندات	
تحليل الوضعية: تساؤلات التلاميذ للوضعية الكفاءات العرضية (الملاحظة والتحليل، حل مشكلات، ...)	التدخل حول تساؤلات التلاميذ (استاذ-تلاميذ) أو (تلاميذ-تلاميذ).	في حالة عجز التلاميذ في تحليل الوضعية يمكن تقديم مساعدات حسب الحاجة.		
الجد التيمي والمواقف (عدم التيقن، الجانب الجمالي في الرياضيات...)	ملاحظة تصرفات ومسابعي وسلوكات التلميذ.			

		نص الوضعية
لربط المنازل $A + B + C$ بشبكة للكهرباء تريد الشركة إقامة عمود على نفس المسافة من المنازل الثلاثة. الترح على الشركة المكان المناسب لإقامة العمود.		
• السند مأروف بالنسبة إلى التلاميذ ويسمح بالتصديق على الحلول متتسبا. • الشكل المعطى يسمح للتلاميذ بوضع تخمين. • بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة كتنجية لإجراء شخصي (العودة إلى النص مثلا). • الوضعية من الواقع المعيش، جذابة ومحفزة.		خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها (المتغيرات التعليمية)
• نحن مكتوب على فصاصات او الصورة مرفق بالشكل. • يقدم إلى كل تلميذ ورقة متون فيها النشاط (الرسم خاصة).		السندات التعليمية المستعملة
• نحن المشكلة جتيد بالنسبة للتلميذ، ولا يمكن أن يكون الجواب عبارة على تطبيق بسيط للكون يعرفه التلميذ أو تقني. • عدم وجود تقنية خاصة لحل المشكلة، فهي تعتمد أساسا على قدرة التلميذ على ترجمة معنى نفس المسافة، وربطها بخاصية محور قطعة مستقيم.		العلاقات المطلوب تخطيها (مضويات مؤلفة)

1. أنشئ نظيرة النقطة في كل حالة مما يأتي، وشر الشكل.

(مع تحديد أدوات الإنشاء)

2. تعطى قطعة مستقيم ويطلب إنشاء نظيرتي طرفيها بالنسبة إلى محور، ونظيرة نقطة كيفية منها، ثم الاستخلاص.

إضافة حالة النقطة من المستقيم.



المعلجة	التكوين			
	ماذا؟	لماذا؟	كيف؟	ويم؟
الموارد:	التأكد من مدى اكتساب الموارد	حل تمارين تطبيقية، تمارين إعادة استثمار.	تمارين، أسئلة متعددة الخيارات، تمارين المتطرفة وبعض التمارين التي من دونها الإجابة.	تمارين، أسئلة متعددة الخيارات، تمارين المتطرفة وبعض التمارين التي من دونها الإجابة.
الاستعمال السليم للمصطلحات:	التصوير عن التناظر المحوري بجارات متكافئة.	الانتقال بين مختلف الأنواع (رسم، شكل، نص).	تث: انظر 1	تث: انظر 2

1. اقترح نصوص وأشكال ويطلب من التلاميذ ربط النص بالشكل المناسب.

2. ترجمة نص إلى شكل باليد المزة أو العكس.

3. إتمام نصوص.

المرحلة الثانية: إرساء الموارد وتوظيفها

المعلجة	التكوين			
	ماذا؟	لماذا؟	كيف؟	ويم؟
الموارد:	التأكد من مدى اكتساب الموارد	حل تمارين تطبيقية، تمارين إعادة استثمار.	تمارين، أسئلة متعددة الخيارات، تمارين المتطرفة وبعض التمارين التي من دونها الإجابة.	تمارين، أسئلة متعددة الخيارات، تمارين المتطرفة وبعض التمارين التي من دونها الإجابة.
الاستعمال السليم للمصطلحات:	التصوير عن التناظر المحوري بجارات متكافئة.	الانتقال بين مختلف الأنواع (رسم، شكل، نص).	تث: انظر 1	تث: انظر 2



1. أي من الأشكال الآتية له محور تناظر؟ في حالة الإيجاب المطلوب رسمه.

2. يعطى رسم جزء من شكل متناظر بالنسبة إلى محور، ويطلب إكماله.

المعلجة	التكوين			
	ماذا؟	لماذا؟	كيف؟	ويم؟
الموارد:	التأكد من مدى اكتساب الموارد	حل تمارين تطبيقية، تمارين إعادة استثمار.	تمارين، أسئلة متعددة الخيارات، تمارين المتطرفة وبعض التمارين التي من دونها الإجابة.	تمارين، أسئلة متعددة الخيارات، تمارين المتطرفة وبعض التمارين التي من دونها الإجابة.
الاستعمال السليم للمصطلحات:	التصوير عن التناظر المحوري بجارات متكافئة.	الانتقال بين مختلف الأنواع (رسم، شكل، نص).	تث: انظر 1	تث: انظر 2

تحليل الوضعية:

1. الموارد المعرفية والموارد المنهجية المعقدة لحل الوضعية

الموارد المعرفية	الموارد المنهجية
تعيين نظير نقطة. تعيين نظير شعاع. طريقة إنشاء نظير نقطة بالنسبة إلى مستقيم. استعمال مختلف أدوات الإنشاء. ترجمة إجراء تعيين نظير نقطة بالنسبة إلى محور بالتناظر. تعيين النقط الممتطاة اعتمادا على التناظر. الاستعمال السليم للمصطلحات. التعبير عن التناظر المحوري بعبارة متكافئة.	تشخيص معلومة الاستفادة منها. تمثلية الوضعية: ترجمة الوضعية إلى ما يسمح بمعالجتها رياضيا. اختيار الأدوات المناسبة. افتتاح مسمى مناسب للأنجاز.

2. الكفاءات العرضية المعقدة لحل الوضعية، والمواقف والقيم.

الكفاءات العرضية	المواقف والقيم
قراءة وفهم نص. استخراج معلومات من رسم، من وثيقة..... اختيار استراتيجيات. تنفيذ الاستراتيجية. التفكير الذاتي. تقييم الحل.	الاحترام بالتراث الإسلامي. تقدير مساهمة المادة في التحسين النفسي والاثقالي. تقدير الجانب الجمالي في الرياضيات.

شبكة تفويم إرساء وتوظيف الموارد

المعايير	(1 د) وجهة المتلوج: ترجمة سليمة للوضعية	(2 د) توظيف أدوات المادة	(3 د) كفاءات عرضية وقيم ومواقف
المؤشرات	• يرسم محور التناظر. • يعين نظير: - نقطة بنقطة - قطعة بخطمة مستقيم - قوسين بقوس	• ينشئ التناظر باحترام التناظر. • ينشئ التناظر باحترام التناظر. • يستعمل أدوات الإنشاء بدقة.	• آثار الإنشاء بارزة. • لا يوجد شطب. • الرسم نظيف وواضح.

المرحلة الثالثة: تفويم تعلم الإنماج

المعلومة	التفويم			
	ماذا؟	لماذا؟	كيف؟	ويم؟
• تحديد الموارد المعرفية والمنهجية المرساة لحل المشكلة المقترحة. • مدى نمو الكفاءات العرضية. • ملاحظة وتقرير سلوكيات ومواقف خلال سياق هذه الوضعية	التأكد من قدرة التلميذ على تحديد مكتسباته للتصرف.	معالجة فريدة.	وضعية من عائلة الوضعيات المتتوابع عليها.	• في البداية نتميز بين اثنين من التلاميذ: الذين لا يمتلكون الموارد الضرورية لحل المشكلة: تخصص لهم حصص استراكتية. • الذين يظهرون صعوبات في تحديد مواردهم: تخصص لهم حصص لتدريبهم على تحويل الموارد المكتسبة، والبحث عن علاقات بين الموارد وكيفية إدماجها لتقييم بالمهمة المطلوبة في مشكلات مرتبطة.

نص الوضعية:

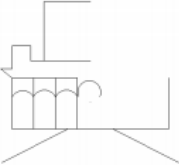
الوثيقة (1) هي صورة لجانب من قصر الحمراء.
الوثيقة (2) تحتوي معلومات حول هذا القصر.
الشكل المرفق بداية مخطط الواجبة الظاهرة في الصورة ممزوج في إطار برنامج الصيانة والترميم.
(أ) أكمل الشكل.
(ب) كتب ملخصا في 5 أسطر تين فيه مميزات القصر.



الوثيقة (2)



الوثيقة (1)



6. نشاطات المعالجة الابداعية

تعتبر المعالجة الابداعية في إطار الابداعية الفارقة والتفكير التكويني نشاطا تعليميا مرتبطا بالأخطاء المرتكبة من قبل المتعلم، والنظرة الإيجابية للخطأ من قبل الأستاذ هي التي تتردد إلى التفكير في أنشطة المعالجة الابداعية التي هدفها السماح لمتعلم من تجاوز الصعوبات التي تعترض تعلمه، وإتلاك موارد معرفية ومنهجية وتدريبية كفايات لم يتمكن من تحقيقها بكفاءة بعد تعلم منجز.

وأشكلة المعالجة الابداعية تستند أساسا إلى التحليل الذي تقوم به للأخطاء المرتكبة من قبل المتعلم، والاجابة عن السؤال: "ما الذي يجب أن يميز هذا النوع من الأنشطة لكي تسهل التعلم ؟" الأمر الذي يمكن تمييزه بكتابة الخطوات الآتية:

- 1) تحديد الأخطاء، والصعوبات التي تعترض تعلم التلاميذ.
- 2) تحليل الأخطاء ووضع فرضيات حول إجراءات التلاميذ التي أدت إلى ارتكابها، وتحديد المصادر التي تستند عليها هذه الإجراءات.
- 3) التحقق من صحة هذه الفرضيات: كأن نبحث عن معلومات إضافية نأكد بها أو ننتفيحها، ونؤكد من خلال مقابلة مع التلميذ المعنى للشرح لإجراءاته، أو اختياره، أو ملاحظته تصرفاته أمام نشاط بسيط مقترح.
- 4) وضع (بناء) جهاز للمعالجة يشمل أنشطة المعالجة وكفايات إنجازها وتفسيرها مع التلاميذ.
- 5) تفويم جهاز المعالجة: هل غير التلميذ في إجراءاته؟ في إجابته؟ هل هو مدرك لتطور تعلمته؟

وتظهر المعالجة الابداعية في عدة مستويات من فترات التعلم:

- بعد معالجة وضعية تعليمية بسيطة، حيث تبدو مواطن ضعف (قابلية للتحسين) لدى المتعلم، أو ضعف التحكم في المعارف، وهذه المعالجة هي المعالجة التقليدية.
- بعد وضعية تعلم الإبداع، حيث يظهر ضعف المتعلم في تجديده للموارد.
- في نهاية الفصل الأول ونهاية الفصل الثاني، بعد نتائج التقييم المرحلي الفصلي.

7. اقتراح أركان أخرى خاصة بالمعالجة (أنواع أخرى من الموارد)

- 1 - 7 حل المشكلات: تمنح مناهج الرياضيات للتعليم المتوسط مكانة أساسية لحل المشكلات. فهي تؤكد بالخصوص أهمية حل المشكلات في اكتساب المعارف والكفايات المستهدفة في المادة، الأمر الذي يتطلب أن يترجم ميدانيا في هيئة النشاط الرياضي للتعلم حول حل المشكلات.
- يعطي حل المشكلات في الرياضيات نشاطات عديدة كلها تستند على أسلاك التمييز، هذه النشاطات التي عليها ما تكون ملاحظة يمكن ترجمتها في الكفايات التالية:
- قراءة وترجمة وتفسير معطيات.
 - التوصل إلى خطة بحث واستكشاف.
 - ربط معارف مكتسبة وتقليبات وأفكار مناسبة لإنتاج حجة.
 - تبليغ حل المشكلة بوسائل متنوعة وعلمانية.

شبكة تفويم الكفاءات العرضية المجددة لحل الوضعية، والمواقف والتفيم.

التفيم			المؤشرات		
عدم تحكم	تحكم جزئي	تحكم			
			يستخرج معلومات من الرسم، من الوثيقة.....	طابع فكري	الكفاءات العرضية
			يحدد استراتيجيات معينة: وتظهر من خلال تعيين نظائر أجزاء الرسم (نقطة، قطعة مستقيمة، قوس).	طابع منهجي	
			يرسم بوضوح.	طابع تواصل	
			يحرر بوضوح وجهات مفروضة.	طابع شخصي واجتماعي	الكفاءات العرضية
			يحل عمله بمراجعة الصورة (الوثيقة1).	الاعتماد بالقرائن الاسلامي	
			يظهر في مدى اهتمامه بالنص التاريخي الثقافي الاسلامي للتصوير.	تقدير مساهمة المادة في العمران.	
			يحرر عن (يظهر) تقديره لتجاعة أدوات الرياضيات في إنجاز البناء وإثباته.	تأثير جمال المادة.	
			يحرر عن (يظهر) تقديره لتجاعة أدوات المادة في حل المشكلة.		

5. 2. التفويم الإشهادي: يهدف التفويم الإشهادي إلى الوقوف على درجة تحقيق مستوى معين من الكفاءة الشاملة في نهاية الفصل، بينما يرمي في نهاية السنة أو الطور إلى مدى تحقيق الكفاءة في مجملها، ويحل مرجعياتها.
- يتكون مضمون الاختبار الفصلي أو النهائي من جزأين:
- الأول يهدف إلى قياس درجة تحكم المتعلم في الموارد المستهدفة وفكرته على تجديدها لمعالجة وضعية دراسية أو من الحياة اليومية، وتكون متنوعة وتسمح بتغطية مقولة لما تو نتقله من المنهج، ولا تقتصر على التطبيق المباشر للمعارف.
- والثاني يهدف إلى قياس درجة تحكم المتعلم في مستوى معين من الكفاءة الشاملة إذا تعلق الأمر باختبار فصلي، أو إلى مدى تحقيق الكفاءة في مجملها إذا تعلق الأمر باختبار في نهاية السنة أو الطور، من خلال وضعية إدماجية من نفس عائلة الوضعيات المتقاربة في القس.

مثال لوضعية تعليمية تستند على نشاط حلّ المشكلات (مربكة بروس)

المستوى: السنة الأولى متوسط

الكفاءة المستهدفة: يحلّ مشكلات من المادة ومن الحياة اليومية مرتبطة بالتنسيقية وتطبيقاتها وتنظيم معلومات في شكل جداول أو مستططات ويقرؤها ويحلّها.

مدة الإيجاز: حصتان(ساعة لكل حصّة)

المعرفة المقصودة: 1) إبراز عدم صحة الفكرة أن "الكثير هو دائما إضافة".

2) الكثير هو ضرب كل الأبعاد في نفس العدد (ليس بالضرورة عددا صحيحا).

نص الوضعية:

الفترة 1 : إليكم مربكة (puzzle) تتكون من أربعة قطع.

أنشئ تكميلا (مربكة مكبرة) لهذه المربكة كأنه صورة لها مع احترام التعليمات التالية:

القطعة التي قياسها 4 cm على النموذج يكون قياسها 6 cm على المربكة المكبرة.

الفترة 2 : نفس التلميذ، لكن القطعة 4 cm على النموذج يصير قياسها 6,8 cm على المربكة المكبرة.

حل: في الفترة 1: معامل الكثير هو 1,5

النموذج	2	3	4	5	6
الكثير	3	4,5	6	7,5	9

في الفترة 2: معامل الكثير هو 1,7

النموذج	2	3	4	5	6
الكثير	3,4	5,1	6,8	8,5	10,2

عناصر التحليل:

1-الإجراءات الممكنة

1-1-الفترة 1 : - إضافة تقاس كل قطعة.

- استعمال الخلية: البحث عن القياس الموافق لـ 2 cm ، 6 cm ، و 3 cm ، 5 cm ، وربما المرور عن القياس الموافق 1 cm

- إضافة إلى قياس كل قطعة نفسه،

- ضرب كل الأبعاد في 1,5 .

• **الملف حلّ المشكلات:** يركز فيه واكتساب المعارف الرياضية على نشاط حلّ تلميذ والذي ينبغي تفضيله بالمشوراء.

ولها الغرض، تختار وضعية تطرح مشكلات، تتجمل لحلها أدوات أي تقنيات أو مفاهيم تكون مكتسبة من قبل، لغرض الوصول إلى اكتشاف أو اكتساب مفاهيم جديدة.

والتي تشكل، عندما تكون متممة جيدا، مفاهيم جديدة تسمح بنورها بال اكتشاف مفاهيم أخرى.

هكذا، يمكن أن يكون للمعارف معنى لدى التلميذ انطلاقا من التساؤلات التي يطرحها والمشكلات التي يبحث عن حلها.

وتختار وضعية المشكلات بحيث:

- تأخذ بعين الاعتبار الأهداف المسطرة وتحليل مسبق للمعارف المستهدفة، والمكتسبات القبلية وكذا بالتصورات القبلية للتلاميذ.

- تسمح لكل التلاميذ بالانطلاق وذلك بتعليمات تركز في البداية فقط على المفاهيم المكتسبة بشكل جيد.

- تضع التلاميذ أمام مشكل يبرونه تحديا لهم يحاولون وضع تصميمات لحله.

- تسمح بإظهار نجاحة المفاهيم والإجراءات المستهدفة ثم التصريح بها وصياغتها.

- تمنح للتلاميذ وسائل لتصفق النتائج التي يتوصلون عليها.

إذا كان حلّ المشكلات يفضي أساسا إلى بناء معارف جديدة أو توسع معنى هذه المعارف والعمل على التحكم فيها، فله ينشر بالإضافة إلى ذلك وسيلة هامة لتدريب

التلميذ على ملوك البحث واكتسابهم كفايات منهجية (وضع تخمين وتحريبات محاولات، وضع فرضيات، تصور حلول، اختبار صحتها، التبرير).

هناك أربعة أنماط مشكلات يمكن إرفاقها بأهداف تعليمية مختلفة:

النمط	الوظيفة	الممكنة
مشكل مفتوح	تعمّ البحث وتنصيب كفايات منهجية	مستقل عن التعليمات المفاهيمية
وضعية مشكلة	بناء معرفة جديدة أو جانب جديد أو معنى جديد لمعرفة	للشروع في بناء معرفة جديدة
مشكل تطبيق	التدريب على اكتساب معنى معرفة جديدة	بعد بناء معرفة جديدة
مشكل إعادة استثمار	استعمال معرفة في سياق جديد يختلف عن السياق الذي تم فيه بناء المعرفة	إثراء معنى معرفة ومجال تطبيقها
مشكل مركب أو إدماج	استعمال عدة معارف في آن واحد	بعد العمل على عدة معارف

- ثم يحاول أعضاء كل فوج جمع القطع للحصول على المبركة المكورة.
- في حال الفشل، يدعى تلاميذ كل فوج للتحقق من صحة الحسابات وأبعاد القطع المنشأ.

التحدي الأول:

- نتم فقط بالتلاميذ الذين لم يوفروا،
- يطلب الأستاذ من كل فريق فشل في تركيب المبركة المكورة كيف عمل لإيجاد أبعاد القطع المكورة.
- للتخيار: يحفظ: "إضافة 2 cm لكل بُعد لا يسمح بالحصول على تركيب مبركة مكورة".

- البحث – لفرة 2: يتواصل العمل داخل كل فوج.
- الفين ولفوا بدون ملصقة (ورقة كبيرة) بلسفرا عليها المبركة المكورة ويبينون الطريقة التي اتجهوها ويسجلون الحسابات التي أجروها للحصول على أبعاد كل قطعة.
- الفين لم يوفروا:
- يبحثون عن طريقة تسمح بالحصول على تكبيرا للمبركة.
- بعد ذلك كل تلميذ يصنع قطعه.
- بعد الانتهاء، من صنع كل القطع، يحاول الفوج جمع القطع للحصول على تكبيرا للمبركة.

التحدي الثاني:

- الأوج الفين فشلوا في المحاولة الثانية يطلب منهم توضيح إلى أين وصلوا.
- تعرض ملصقات هذه الأوج ويعلق عليها أصحاحها، وتناقش ويتم التصديق عليها من قبل تلاميذ القسم وبمقارنة المبركة المحصل عليها بالمبركة النموذجية.
- الأوج الفين وفروا في المحاولة الثانية بالفرون طريقتهم مع الطرق المعروضة على الملصقات وفي حالة وجود طريقة جديدة توضح هذه الأخيرة ويسجلها الأستاذ على ملصقة جديدة.
- إذا لم يصل أي فوج إلى حل في المحاولة الثانية، يستمر البحث جماعيا. يطلب من التلاميذ تقديم اقتراحات تخضعونها للتصديق (مناقشة وإشياء وتحقق).
- الموصلة: يسأل الأستاذ التلاميذ عن كيفية صنع مبركة مكورة حول ما يجب الاحتفاظ به:
- إضافة نفس القياس 2 cm ، لكل بُعد لا يسمح بالحصول على مبركة مكورة.
- توجد عدة طرق ممكنة للحصول على المبركة المكورة(تقدم فقط الطرق المستعملة من طرف التلاميذ)

طريقة 1: 4 cm + 4 cm + 6 cm
2 cm الذي هو نصف 4 cm بإقليبا نصف 6 cm أي 3 cm
6 cm الذي هو 3 مرات 2 cm بإقليبا ثلاث مرات 3 cm أي 9 cm
أي 2 cm + 4 cm + 6 cm = 9 cm
...الخ.

- 2-1 للفترة 2
- استعمال الخطية: البحث عن القياس الموافق لـ 2 cm + 6 cm + 3 cm + 5 cm ، وربما المرور عن القياس الموافق 1cm
- ضرب كل الأبعاد في 1,7

2- الاختبار المتغيرات

- قياسات القطع هي أعداد صحيحة بسيطة والعلاقات الحسابية بينها بسيطة،
- اختبار معامل التكبير بسيط في الدورة 1 (1,5) وبعدة يصبح أكثر تعقيدا (1,7 في الدورة 2) ، الشيء الذي يشجع على تطوير الإجراءات،
- يتم الرسم على ورق مرصوف (5 mm / 5 mm).
- بتقديم الورقة المرصوفة، تنتخب الصعوبات المتعلقة بإنشاء المستطيلات، التي لم تست هذا للتشاور.
- تصغير الأبعاد :
- مبركة نموذجية للتثبيت على السور(النظر الملحق 1)
- مبركة مجزئة إلى 4 قطع للتوزيع على كل فوج(النظر الملحق 1)
- كل مرحلة مبركة مكورة يظهر فيها قياس واحد وهو 6 cm (انظر الملحقين 2 و 3)
- نسخة للمبركة المكورة: على الورق الشفاف للتحقق من صحة منتوج كل فوج.
- يسمح بالمعامل للحاسبة

تفصيل الحصة الأولى: انطلاقا من:

- يتعلم الأستاذ التلاميذ أنهم سيعملون في أفواج (4 تلاميذ في الفوج)
- يُعطى الأستاذ المبركة الأصلية على السور و يوزع على كل فوج مبركة ممتلئة مقطعة إلى 4 قطع.
- يُعيد تلاميذ كل فوج تركيب المبركة للتأكد من أنه مطابق للمبركة الممتلئة على السور.
- يختار كل تلميذ، من نفس الفوج، قطعة، ويقيس أبعادها ويسجل القياسات على القطعة. ويتم التحقق جماعيا، بحيث يعمل الكل على الأبعاد السليمة.
- يُعطى الأستاذ مبركة مكورة على السور ويظهر عليها قياس واحد فقط وهو 6 cm الذي يوافق 4 cm على المبركة الأولى.
- يقدم الأستاذ التعليمات: " أطلب منكم صنع معا مبركة مكورة مثل الممتلئة على السور " التي هي صورة للمبركة الأولى بحيث الضلع الذي كان قياسه 4 cm يصبح قياسه 6 cm في المبركة المكورة.

هناك: كل واحد في الفوج يقوم بتكبير قطعة.

في نفس الفوج يجب الاتفاق أولا على كيفية عمل وبعد الانتهاء، تجمع القطع المحصل عليها للحصول على التكبير."

البحث – لفرة 1:

- يتأكد كل فوج على طريقة عمل للحصول على أبعاد كل قطعة من القطع المكورة
- وبعد ذلك ، يحسب كل تلميذ أبعاد القطعة المكورة وينتظها.

الموصلة : عند الضرورة و إذا كان التلاميذ قد أضافوا نفس العدد لكل بعد، يؤكد مجددا أن "إضافة نفس العدد في لكل بعد لا يمكن من الحصول على المبركة المكورة".
نختم بالطرق التي سمحت بالتوفيق:

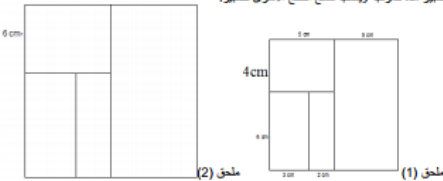
الطريقة1: استعمال النسب بين أبعاد القطع التي تشكل المبركة (نفس طرق مرحلة 1) إذا لم تكون هذه الطريقة مستعملة فلا نأخذ.
الطريقة2: ضرب كل بعد في نفس العدد وهو 1,7.

إعدادة الاستثمار أو تمديد

1- أنشئ مثلثا بأبعاد: 3 cm، 4cm، 5 cm. مع جعل التلاميذ بالاحاطون أنه قدم
يطلب من كل تلميذ إيجاد أبعاد تكبير لهذا المثلث ثم إنشاء والتحقق من أنهم نفس النوع.

يطلب نفس النشاط لتكبيرات أخرى لهذا المثلث.

2- اقتراح مبركة مع قطعة لتكبير. هذه للمبركة ويطلب صنع القطع الأخرى للتكبير.



طريقة 2 : لكل بعد تضيق نصفه.

طريقة 3 : تضرب كل البعد في العدد 1,5

تنفيذ الحصة الثانية: المرحلة 3: نفس المبركة النموذجية ولكن يختار معاملا أكثر تعقيدا(1,7)للتجميع ظهور الطريقة الذي تستعمل فيها معاملا التكبير..

الطلاق النشاط :

- تنوير إلى أن المبركة الأولية هي نفسها (وتركيها ملصقة على السبورة).

- يوضح أننا نأخذ تكبيرا جديدا لمبركة التي (انظر الملحق 3) ويلصق على السبورة ، يظهر عليه قياس واحد وهو 6,8 cm الموافق لـ 4 cm على النموذج.

- تقديم التعليمات :

- "اطلب منكم صنع معا مبركة تكون تكبيرا للمبركة النموذجية مثل المبركة المعقدة على السبورة بحيث أن الضلع الذي قياسه 4cm يصبح ضلع قياسه 6,8 cm في المبركة المكورة.

هناك: كل واحد في الفوج يقوم بتكبير قطعة.

في نفس الفوج يجب الاتفاق أولا على كيفية عمل وبعد الانتهاء، تجمع القطع المحصل عليها للحصول على التكبير."

البحث:

- يتفق كل فوج على طريقة عمل للحصول على أبعاد كل قطعة من قطع المكورة

- وبعد ذلك، بحسب كل تلميذ أبعاد القطعة المكورة وينشئها.

- ثم يحاول أعضاء الفوج تركيب القطع للحصول على المبركة المكورة.

- في حال الفشل، يدعى تلاميذ كل فوج للتحقق من صحة الحسابات وأبعاد القطع المنشأة والبحث عن طريقة تسمح بالتوفيق.

- يُعد كل فوج ملصق (ورقة كبيرة) يلصقوا عليها القطع المكورة ويبينوا عليها الطريقة المنتهجة ويسجلوا الحسابات التي أجروها للحصول على أبعاد كل قطعة.

التبادل :

- نقيم أولا بالأفواج الذين فشلوا، يعرض كل فوج طريقته لكل القسم،

- يتم التصديق بمقارنة المبركة المحصل عليها بالمبركة الملصقة على السبورة،

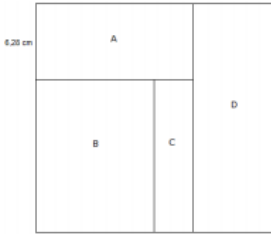
- إذا لم يجد أحد الحل:

* قد يكون فكرة أحد الأفواج في الضرب في المعامل الذي يسمح بالمرور من 4 cm إلى 6,8 cm

* يطلب من التلاميذ تذكر ما جرى في الحصة الماضية

- في هذه الحالة يمكن اقتراح الحاسبة التي تساعد على إيجاد المعامل وحساب أبعاد القطع المكورة.

- ثم يتم صنع القطع و تجهيزها للتحقق من صحة هذا السبورة.



ملحق (3)

7 - 2 التناسبية وتنظيم المعطيات والحوال والإحصاء

7-2-1 التناسبية: إن دراسة هذا الموضوع مستندة على عدة سنوات في التعليم الابتدائي وتتواصل في التعليم المتوسط. في التعليم الابتدائي توظف التناسبية كأداة ولا تُكرّس لإنائها. والعرض هو جعل التلاميذ يستعملون استدلالات بتطبيق مختلف أوجه التناسبية (خواص الخطية، معامل التناسبية) بصفة ضمنية. وفي نهاية هذه المرحلة، ترتبط فكرة التناسبية بإمكانية توظيف بعض الاستدلالات في وضعيات متعلقة بمفاهيم النسبة المئوية والسرعة والمقياس. وطوال مرحلة التعليم المتوسط، نلوم بالتراسة الآلية للتناسبية وتطبيقاتها قصد التطوير التدريجي لبعض الكفايات لدى التلاميذ (مثل: حساب نسبة مئوية، سرعة متوسطة...) التي مشروحة الإجراءات الجزئية والشخصية المستعملة في التعليم الابتدائي. حتى تتمكن من الإحاطة بالموضوع من مختلف جوانبه تتناول التناسبية في ثلاث أطر مختلفة: إطار العقائدي: استعمال أعداد "مبسوسة" مرتبطة بكميات أو قياسات لإعطاء دلالة للأعداد المستخلصة. إطار عددي: استعمال الأعداد بشكل مجرد. إطار بولي: استعمال التحويلات البنيائية.

• سياقات استعمال للتناسبية

- سياقات متداولة: مشكلات مرتبطة بالبيع والشراء (العلاقة بين الثمن والكمية).
- وضعيات لتمثّل ظواهر بالتناسبية، مثال: الكتلة واستطالة نابض في الفيزياء. حيث تلجأ إلى التجربة واستعمال مبرهنات.
- وضعيات تتدخل فيها التناسبية كأداة لبناء مفاهيم أخرى (المقياس، النسبة المئوية، السرعة المتوسطة، ...).

• أنماط المشكلات المرتبطة بالتناسبية

يمكن تصنيف المشكلات المرتبطة بالتناسبية إلى مشكلات:

- التعرف على وضعية التناسبية انطلاقا من معطيات عديدة

مثال: في المشكلات التالية، حدد المقادير المجهولين ثم بين إن كانا متناسبين أم لا؟

- المشكلة 1: لملح وجبة الدجاج، استعملت الأم 750g من الرز لـ 3 أشخاص. ما هي الكمية التي يجب طبخها لـ 6 أشخاص.
- المشكلة 2: في سن الـ 13 سنة، طول قلعة صونية هو 1.30 m. كم يصبح طول قلعتها عندما تبلغ 39 سنة؟

- البحث عن معطيات ناقصة في وضعية للتناسبية

مثال 1: سرع الطيور متناسبة مع عددها.

أتم الجدول التالي.

16	10	6	عدد الطيور
4550	2100	السر (DA)	

مثال 2:

نستعمل خريطة ذات مقياس 1/25000 .

ما هي المسافة الحقيقية بالكيلومتر التي تمثلها قطعة مستقيم طولها 1 cm على الخريطة ؟

ما هي المسافة على الخريطة بين قريتين تبعدان بـ 24 km ؟

- مقارنة نسب (مقارنة خليط)

مثال: إيثان كيمكان .

تحتوي الأواني على 400g من الفرينة وعلى 84g من السكر.

وتحتوي الثانية على 600g من الفرينة وعلى 108g من السكر.

أي من الخليطين أكثر حلاوة؟

2-7-2تنظيم معطيات والوقا: إن عدم موضوعي الدوال الحدية وتنظيم معطيات في نفس المحور يترجم الإرادة في الارتكاز على وضعية، تكون مستوحاة من مواد أخرى ومن الحياة اليومية، لتجسيد برنامج الرياضيات لمرحلة التعليم المتوسط
وتعد التناسية موضوعا أساسيا في برنامج الرياضيات لضرورتها في فهم كثير من العلاقات بين المفاهيم الفيزيائية.

هذا الموضوع (التناسية) لا يهتنا إلى مفهوم معين، بل يهتنا إلى حل مشاكل ناجمة عن مواد أخرى وكذا عن الحياة اليومية، والذي ترتبط به إجراءات حل وقوات متنوعة جدا.

من وجهة النظر البناءعوجية، يتميز هذا الموضوع بالفترة الممتدة لتعليمه، وكون هذا التعلم، الذي شرع فيه في التعليم الابتدائي، يتواصل طوال فترة التعليم المتوسط. وتكون دراسة التناسية وتطبيقاتها وكذا مختلف التمثيلات المرتبطة بذلك موزعة على السنوات الأربعة.

في التعليم الابتدائي، تناول التلميذ مشاكل ضربية (من النوع: احسب سعر ك شيئا علما سعر ن شيئا)، وتم إدخال مفهوم النسبة الضربية والمقياس من خلال وضعية ملهسة لدرس أساسي هو التخصيص بالقاعدة منها.

في السنة الأولى من التعليم المتوسط، تكرر على التنزيذ نشاطات، بهدف دعم مكتسباته و إبراز بعض الخواص كالخطية ومعامل التناسب (، كما ينتظر أن تسمح هذه النشاطات للتلميذ بتسهيل كتاباته حول رحاآ القياس وبعض التحولات.

إن إدراج موضوع " تنظيم معطيات " في البرنامج الجديد يفرسه الحضور المتزايد لمعطيات إحصائية في المحيط الاجتماعي والثقافي للتلميذ، وتعامله مع معطيات إحصائية وعينية في شكل جداول ومخططات وبيانات في مواد أخرى، وبالصيوص في الجغرافيا والعلوم الطبيعية والتكنولوجيا، ويهدف هذا الإدراج أساسا جل التنزيذ متكاما من وضع كثروقات إحصائية في شكل جداول ومخططات وبيانات وكذلك فرامتها وتحليلها قصد استخلاص معلومات .

2-7-3تعابير إحصائية: يمثل مجال الإحصاء في برنامج السنة الرابعة حلقة وصل بين المرحلة المتوسطة والمرحلة الثانوية، وعلى هذا الأسس يهني العمل على تنقيح وتسييح بعض المفردات بما يهين الاستخدام بين الراكئين.

مثال: لالتحاق بمتوسطة "مولود فرعون": 209 تلميذا يستملون النقل العمومي.

284 تلميذا يركن في سارات أولياتهم.

92 تلميذا يركن في سارات أولياتهم.

تسني مجتمعا إحصائيا مجموعة الآفاد التي تختصم الدراسة الإحصائية.

في المثال السابق، يشكلان تلاميذ متوسطة "مولود فرعون" المجتمع الإحصائي، أفراد تلاميذ هذه المتوسطة والدراسة الإحصائية تتناول في كيفية التحقق التلاميذ بالمتوسطة (طبيعة النقل المستعمل).

تسني التكرار على (المعطى) للسلطة المتغيرة عدد عناصر هذه السلسلة.

في هذا المثال، عناصر السلة هي عناصر هذا المجمع والذي يتناول في تلاميذ المتوسطة المذكورة : 585 = 92 + 284 + 209.

تسني متغيرا إحصائيا أو مبرة إحصائية شيء، الذي تهمته الدراسة الإحصائية والذي يشكل عدة أرواح مختلفة، حيث يأخذ كل فرد من المجتمع المدروس نوعا واحدا فقط من هذه الأرواح.

وتسني سلسلة إحصائية مجموعة نتائج الدراسة الإحصائية.

في هذا المثال، المتغير الإحصائي هو طبيعة النقل المستعمل.

• الانتقال من إطار المفاهيم أو الإطار العددي إلى الإطار البياني والعكس.

يهني إن العمل على وضعية متعلقة بهذه الأمثلة في سنوات متنوعة. كما نعمل على اقتراح وضعية أخرى يكون فيها نموذج التناسية غير مناسب (استمثلة نهض بدلالة كتلة السملة، مساحة مربع بدلالة ضلعه، سعر السفر في سيارة أداة بدلالة المسافة المقطوعة....).

إجراءات العا: في التعليم الابتدائي، تكون المشكلات المتعلقة بالتناسية مرتبطة أساسا بمهني الضرب والقسمة (مثال: سعر 3 كتب الرياضيات هو 3600 DA. كم سافع لشراء 6 كتب؟ كم سافع لشراء 30 كتابا). ونظرا إلى أن التحكم في الأليين يتطلب وقتا فآ التنزيذ يأحا إلى إجراءات شخصية لحل هذه المشكلات قبل، يستعمل إجراءات "خبرية".

يمكن ربط إجراءات حل مشكلات التناسية بخواص الدالة الخطية والتي تكون ضمنية في بداية التعلات:

$$f(x+y)=f(x)+f(y)$$

خاصية التجميع:

$$f(\lambda x)=\lambda f(x)$$

مع اعتبار الحافين الخاصيتين للمرور بالوحدة (الرجوع إلى الوحدة) والقاعدة الثلاثية (مثال: يتقال عساوور بنفس السرعة. ويطلق 63 مترا في 3 ثواني. ما هي المسافة التي يقطعها في 4 ثواني؟).

- استعمال تشكيل خطي، تستعمل فيه الخاصيتين المذكورتين سابقا.

- استعمال معامل التناسية

- استعمال تساوي نسبتي

- استعمال تساوي جداءين متساويين

- استعمال تمثيل بياني.

• تنظيم التعلات: في التعلات المرتبطة بالتناسية، تكون المتغيرات التعليمية متشعبة أساسا:

- العلاقة بين الأعداد الممثلة

- طبيعة الأعداد والصلب

- عدد ثنائيات الأعداد الممثلة لتسهيل إبراز معامل التناسية

- طبيعة الوضعية، إن كتلت مأكوفة وتسمح بالتصديق على النتائج أو لا.

أما الصعوبات التي يمكن أن تعرض للتلاميذ، فهين أن تكن في :

- صعوبات التعرف على المفاهيم المرتبطة في الرياضيات

- صعوبة التعرف إن كتلت وضعية متعلقة بالتناسية أو لا.

- صعوبة اختيار إجراء لحل المشكل

- صعوبة في تنفيذ الإجراء.

• **معاني الحروف:** في التعليم الابتدائي وفي بداية التعليم المتوسط يستعمل الحرف للتمييز إلى وحدة قياس (h ; l ; m) ولتعيين مكان محدّد (النقطة M، المستقيم d) كما يستعمل لتعيين مقدار في قانون قصد الاختصار كما في القانون $A = L \times l$ ، حيث نختي بالحرف A المساحة وبالحرف L الطول وبالحرف l العرض. في التعليم المتوسط يأخذ الحروف معاني جديدة غالبا ما تكون ضمنية بالنسبة إلى التلاميذ.

- **معنى متغير**
من بداية التعليم المتوسط تصانفا وضعايت يأخذ فيها الحرف معنى المتغير كما في حالة استعمال قوانين. عندما تكون قيمة بعض الحروف متعلقة بالقيم التي تأخذها حروف أخرى. من الممكن إذن العمل على ترتيب التلميذ على مثل هذه المشكلات خاصة فيها مناسبة جدا للاستعانة بمجاولات.

- **معنى مجهول**
تعني بحلّ معادلة إيجاد كلّ القيم التي، إذا عوضنا بها المجهول، نحصل على مساواة صحيحة.
وحتى يكون مفهوم حلّ معادلة واضحا لدى التلاميذ، ينبغي التمسّك حول معنى التساوي الذي آله التلاميذ إلى حد الآن.

مثال: يمكن توسيع وضعية عدد البلاطات المظلمة إلى طرح مشكل تعيين عدد البلاطات على ضلع المربع حتى يكون عدد البلاطات المظلمة هو 112 مثلا.

- **معنى غير معين**
الحرف لا يمثل أعداد معينة، بل أعداد كمية كما في المتطابقات مثل $k(a + b) = ka + kb$ أين تكون المساواة صحيحة عامة. من الضروري الإشارة إلى ذلك من دون التفرّك إلى الكميات بشكل يكون من متناول التلاميذ، مثل أن نقول:

من أجل كل القيم المعطاة للحروف a ، b و k ، لدينا: $k(a + b) = ka + kb$

في وضعية البلاطات المظلمة، توجد عدة عبارات تسمح بحساب عدد البلاطات المظلمة، نقول أن هذه العبارات متكافئة. نتحقق من هذا التكافؤ باستعمال قيم عديدة قبل البرهان عن صحتها بالحساب الحرفي. وفي تلك الكتابات المتكافئة، الحرف n له معنى كمية غير معينة فهو يمثل عددا كليا.

- **معنى وسيط**
يمثل الحرف كمية يفترض أن تكون معلومة بالنسبة إلى حروف أخرى يمكن أن يكون لها معنى المتغير كما في حالة تعريف دالة خطية $ax \rightarrow f : x \rightarrow ax$ أو معنى مجهول كما في حالة معادلة $ax + b = 0$ ، أو معنى كمية غير معينة كما في حالة عبارة من الدرجة الأولى $y = ax + b$ مثلا.

- **معنى التساوي**
يستعمل الرمز " = " بمعنى مختلفة حليلة تدرس للتلميذ:

- للإعلان عن نتيجة
- تساوي ضمن شروط : معادلات
- تساوي صحيح دائما: المتطابقات
- رمز لتعيين، كما في حساب $2b + a$ ومن أجل $a = 1,3$ و $b = 0,7$.

نستى التكرار الحرفي بنوع معين للتختير الإحصائي عدد مرّات ظهور هذا النوع.

في هذا المثال، تكرار التلاميذ الذين يستعملون القلّ العمومي هو 209.

نستى التواتر (أو التكرار النسبي) الحرفي بنوع معين للتختير الإحصائي حاصل قسمة تكرار هذا النوع على التكرار الكلي.

في هذا المثال، تواتر التلاميذ الذين يستعملون القلّ العمومي هو $\frac{209}{585}$ ويُعبر عن هذه النتيجة بعدد عشري أو بنسبة مئوية.

نقول عن ميزة أيها كميّة عندما تكون مسنّقة بعدد: العمر، الصفاة، البدن، العلامة هي ميزات كمية.

ونقول عن ميزة غير كمية أيها نوعية: الجنس، اللون، الشهادة هي ميزات نوعية.

نقول عن ميزة كمية أيها متقطعة عندما لا تأخذ إلا قيما معزولة: عدد تلاميذ قسم معين، عدد الولايات خلال شهر في عبادء، العلامة المدورة إلى نصف نقطة هي ميزات كمية متقطعة.

نقول عن ميزة كمية أيها مستمرة عندما يمكنها أن تأخذ كلّ القيم المحصورة بين أيّ قيمتين من هذه السلسلة: المسافة من البيت إلى المتوسطة، قلّات تلاميذ، درجة الحرارة هي ميزات كمية مستمرة.

عندما تكون قيم الميزة الإحصائية مرتبة ترتيبا تصاعديا، نسمّي:

التكرار المجمع المساعد لقيمة (أو لفئة) مجموع تكرار هذه القيمة وتكرارات القيم (أو الفئات) الأصغر منها.

التكرار المجمع الشّال لقيمة (أو لفئة) مجموع تكرار هذه القيمة وتكرارات القيم (أو الفئات) الأكبر منها.

كما نعرّف بنفس الكيفية التواتر المجمع المساعد أو الشّال لقيمة (أو لفئة).

الحساب العرفي

3-7 - الحساب العددي إلى الحساب الجبري: إن الحساب الجبري من الموارد الهامة للتعليم المتوسط وهو أيضا من المستجبات بالنسبة إلى التلميذ القادم من التعليم

الابتدائي. فتعلّمه هو من النقط الحساسة في تعليم الرياضيات في المتوسط.

إذا كان التحكم كفاية في الحساب العددي يسمح للتلميذ بحل مشكلات تتطلب كفاءات حسابية، فيعبر أيضا بمثابة مكتسبات قيمة ضرورية لتحول وتوسيع الكفاءات المكتسبة على العبارات العددية إلى المجال الجبري.

ويتعلّق الأمر بحلّ التلاميذ ينتقلون تدريجيا من الحساب العددي إلى الصاب الجبري. ومراقبة التلميذ في هذا التعلّم يتخلّف من الأستة صلا متوسطا ومتجنّدا عبر السنوات على العبارات الجبرية وإدراك رمز "=" وكذا مختلف معاني الحروف.

وتتضمّن هذه التعلّمات كما يلي:

في المستنن الأولى والثانية من التعليم المتوسط، يتم التحضير للحساب الجبري ومقارنته بتغيير كتابات عبارات عديدة، واستعمال الأقواس وفهم عبارة تشمل حروف وحلّ معادلات بسيطة واستعمال قوانين (مبطلات، مساخات، جزم...).

في السنة الثالثة والسنة الرابعة، المطلوب هو التعلّم التدريجي والمتجدد للحساب حول الككيات الكسرية، والنسب والتكاملات والجذور والحساب الجبري القلّي مع تغييرات العبارات الجبرية، والمتطابقات الشهيرة وحلّ معادلات والتوال الخطية والتالية.

وعلى هذا الأساس ينبغي أن يُكَلِّفَ الإدراك الإجمالي للأشكال عن طريق الملاحظة بتعزيزها بالخواص وذلك من بداية التعليم المتوسط ليكون الانتقال بالتمهيد من هندسة ملاحظة أو أدائية إلى هندسة استنتاجية تدريجياً. وحتى تضمن ذلك يجب أن يدرك التلميذ حدود الملاحظة أو الأداة بهذا العمل، طوال فترة تعلمه، على جملة بطرح إشكالية محددة النتائج التي يتوصل إليها عن طريق الملاحظة أو استعمال الأداة وبمعي أن هذا لا يسمح له باستخلاص حقائق، ولكن قد يساعده على وضع تخمينات ينبغي تأكيدها فيما بعد باستعمال معطيات ومعارف مؤسسة.

عليه ينبغي اقتراح أنشطة على التلميذ تسمح له بـ:

- إدراك محدودية القياس لأجل الاستنتاج.
- وضوح الانتقال من هندسة أدائية أو هندسة ملاحظة إلى هندسة استنتاجية.
- الإحساس بضرورة البرهان.

4-2 لماذا الهندسة في التعليم المتوسط؟

يرتكز ميدان الهندسة أساساً على إنشاء (نقطة، مستقيمات، مضلعات، ...) وعلاقات (تعاقد، توازي، ...) ما يجعل نتوفاً التمهيد عليها والتحكم فيها ضرورياً في مرحلة التعليم المتوسط، إلا أن هنا ينبغي أن يكون من خلال معالجة مشكلات تستدعي إنشاء رياضية أو إجراءات تتطلب استعمال الأدوات الهندسية أو اللجوء إلى خواص مرتبطة باستدلالات.

ويمكن تنظيم ميدان الأنشطة الهندسية كما يأتي:

- **الأنشأء:**
 - نقطة، مستقيم، نصف مستقيم، قطعة....
 - مضلعات
 - دائرة
 - أشعة
- **العلاقات:**
 - الاستقامة
 - زاوية قائمة، مستقيمان متعامدان
 - مستقيمان متوازيان
 - زوايا وعلاقات مترتبة
- **المقياس (أطوال، مساحات، حجوم)**
- **التحويلات**
- **الهندسة في معزم**
- **الهندسة في الفضاء**

7.4.3 إنشاء أو رسم: ينبغي تمكين التلميذ، منذ بداية التعليم المتوسط، من التمييز بين الرسم والإنشاء، وجعله يدرك المنتظر منه عمله أمام كل مهمة منها.

7-3-2 التعلّمات المرتبطة بالحساب الجبراني

- القوالب وإيجاد الحروف: ينشأ إنتاج قوالب أو دسماقير أولى التعلّمات المرتبطة بالعمليات الجبرافية.

في المثال المذكور أعلاه والمتعلق بحساب عدد البلاطات المطلوبة، يمكن أن يستعمل التلميذ إجراءات مختلفة تنتج عنها عبارات متنوعة ومتكافئة. كل عبارة جبرافية هي ترجمة لطريقة حساب عدد البلاطات المستعملة من طرف التلميذ.

هل مشكل جبري: يتحقّق حلّ مشكل جبري بالمرادج التالية:

- ترجمة المشكل بمعادلة والذي يقتضي تعيين متغير يمكن أن نتحرّ عنه بكيهليلين.
- حلّ المعادلة
- الإجابة عن السؤال المطروح في سياق المشكل

مثال: باستعمال صفيحة من الورق القوي مربعة، ضلعها 10 cm

وبعض من كلّ ركن منها مربع كما في الشكل نحصل على

علية متوازية المستطيلات دون غطاء.

ما هو ضلع المربع الذي يجب قصه من كلّ ركن

حتى يكون حجم العلبة 72 cm³ ؟

- جعلها عبارة جبرية: الجانب الهيكل والجانب الجبراني

في التعلّمات المرتبطة بالعمليات الجبرافية، ينبغي العمل على تمييز الجانبين المختلفين لنفس العبارة الجبرية:

- إذا ما أن يتعلّق الأمر بالقيام بسلسلة عمليات قصد الوصول إلى نتيجة بأعضاء قيم عديدة للحروف، فالأمر يرتبط بالجانب الإجرائي للعبارة.

- وإذا ما أن نتحرّج العبارة ككائن رياضي يسمح بالقيام بعمليات أخرى (اختصار، نشر، تحليل، ...).

- الحساب الجبراني والبرهان

يسمح الحساب الجبراني بالبرهان على صحة نتائج متعلّقة بالأعداد الطبيعية وبالمخصوص تلك المرتبطة بتأليقية النسبة، كما يسمح بالبرهان على صحة بعض القواعد المرتبطة بالكتابات الكسرية.

7 - 4 الهندسة وتعلّم الاستدلال والبرهان

7-4-1 الهندسة: كل الأنشطة المنجزة في الهندسة في التعليم الابتدائي والمتعلّقة بالوصف وإيجاد مشكلات الأشكال والصنع تأخذ بعين الاعتبار النمو الفكري- المعرفي

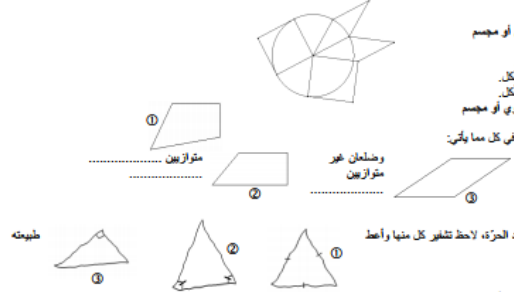
للتلميذ. وهو في هذه المرحلة يدرك الأشكال بصفة إجمالية، ولا يرى أولوية الخواص ولا الارتباطات بينها في شكل استنتاج.

في التعليم المتوسط لا يقتصر تعلّم الهندسة على تعزيز الحد الإدراكي لدى التلميذ والاستعمال الوحيه لأدوات الهندسية فحسب، بل يتجهاها إلى الشروع في تعلّم هندسة استنتاجية تعتمد على التعاريف والخواص ... إلخ وذلك بتحديد العمل على الاستدلال وتعلّم البرهان.

7-4- أنواع المشكلات في الهندسة

(1) التعرف

- انطلاقا من اسم شكل مسطوي أو مجسم
مثال:
نمتن جيئا في الشكل المرفق.
لؤن أضلاع معين من هذا الشكل.
الانطلاق من وصف شكل مسطوي أو مجسم
مثال:
حدّ المخلع المواقي للوصف في كل مما يأتي:
له ضلعان متوازيان
فيه كل ضلعين متقابلين
له زاوية قائمة واحدة
الانطلاق من رسم مشطّر
مثال:
الاشكال المرفقة مرسومة باليد الحرّة. لاحظ تلتغير كل منها وأعط



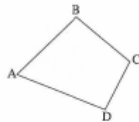
(2) القائل (إنجاز مثيل مطابق) شكل مسطوي أو مجسم.

مثالان:
1) استعمال المعلومات اللازمة حول الشكل المرفق لتكمله على ورقة غير مسطرة

الرّسم مهمّة لاقية بحتة، تتعلّق في إنجاز شكل باليد الحرّة أو الأدوات، وألّا ككثت الإجراءات المستعملة فإنّ تفريرها غير مطلوب، المهم هو الحصول على شكل صحيح يحقق الشروط وفي الرسم قد يلجأ التلميذ إلى المحاولة والتعديل.
الإنشاء هو إنجاز شكل يحقق شروط معينة، وفق إجراءات معينة على خواص الشكل المطلوب والشروط بحيث يكون شرح الإجراءات المستعملة وتفريرها بنفس أهمية الشكل الناتج. وهي مهمّة تجري في مرحلتين، أولاها مرحلة التحليل التي عادة ما تكون على شكل منحز باليد الحرّة وعلى هذا الشكل يتم البحث والتعرّف على الشروط المتعلّقة بخواصه واللازمة لإنجازه. عندما نتخذ هذه الشروط تبقى مرحلة التركيب وإنجاز الشكل المطلوب.
من خلال حل مشكلات الإنشاء يدرك التلاميذ أهمية مرحلة التحليل، ويتعلّم نشاطهم فيها في:
- تكوين صورة ذهنية للشكل المطلوب ورسمه باليد الحرّة.
- استعمال التشوير المناسب.
- التعرّف على خواص الشكل، وتحديد الوجهية منها.
- تحديد إجراءات التركيب الهندسية.
إن استعمال برمجيات الهندسة الحركية مناسبة فعالة تسمح للتلاميذ بإدراك الفرق بين رسم شكل وإنشائه، وتلك عند تحريك بعض عناصر الشكل.



(2) أنجز مثيلا متثلنا الرباعي باستعمال المنحور ومسطرة غير مندرجة.



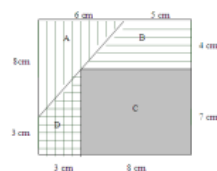
(3) تكبير المكسفر شكل مستوي أو مجسم

مثال:

(1) يرسم الرسم الخليل طابعا يريديا مستطيل الشكل بحداه 26mm و 16mm.

الرقم ثمانية المرسوم داخل هذا الطابع له نفس محور التنظر مع الطابع البريدي ويتشكل من دائرتين قطر كل منهما 10mm. أنجز تكبيرا لهذا الرسم على كوكبك بضرب كل الأبعاد في 5

(2) كبر الشكل المرفق بحيث الضلع الذي طوله 4 cm يصبح طوله 6 cm على الشكل الكبير.



(4) إنشاء، إتمام شكل مستوي أو مجسم

الطالبا من برنامج إنشاء
مثال: ارسم دائرة مركزها O ونصف قطرها 3cm
ارسم لها قطرين متعامدين ، متبهما $[AB]$ و $[CD]$.

ما طبيعة الرباعي $ACBD$ ؟

الطالبا من وصف
مثال: ABC مثلث قائم في A ومتساوي الساقين، و DBC مثلث متساوي الضلع حيث A و D من جهتين مختلفتين بالنسبة إلى $[BC]$.

ارسم شكلا متلبها، و عيّن قياس الزاوية ABD .

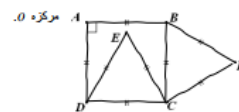
(1) ارسم قطعة مستقيم $[OA]$ ، وأنشئ القطع $D \circ C \circ B$ بحيث $ABCD$ مربع

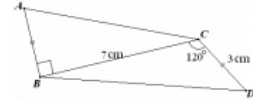
الطالبا من رسم مشفر

مثال:

أنشئ بقعة الشكل المرفق

هل القطع $F \circ E \circ D$ في استقامة ؟





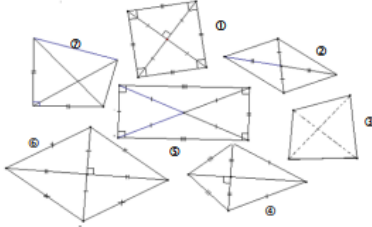
(6) تشغيل شكل مستوي أو مجسم
مثال: منشور قائم ارتفاعه 8cm، قاعدته مربع طول ضلعه 3cm. ارسـم تشبيـلا لهذا المنشور بالمنظور المتساوي القياس بحيث أحد أوجهه الجانبية مغايرا للناظر وبالأبعاد الحقيقية.

(7) التمييز... الوهمان
• تمييز نتيجة معطاة
مثال:
النقط I, J, K مراكز الدوائر المحيطة بالمثلثات ABC, DBC, EBC على الترتيب.
إدراكا يمكن التأكيد أن النقط I, J, K في استقامة ؟
• تمييز إنشاء معطى
مثال:
• تمييز نتيجة بعد تكميلها
مثال:
• برهان نتيجة معطاة
مثال:
برهان متوازي أضلاع $ABCD$ متوازي أضلاع، M منتصف $[AB]$ و N نقطة D بالنسبة $...$
برهن على أن B منتصف $[CN]$.

(5) وصف شكل مستوي أو مجسم.

مثال:

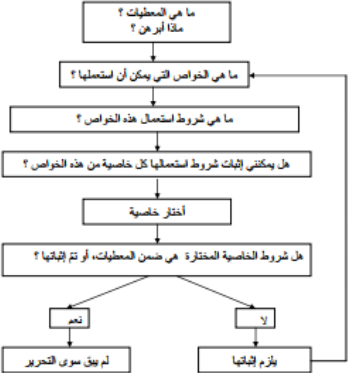
مثال: "العبة الوصف": يختار قائد اللعبة (أسئلة أو تلميذ) شكلا من بين الأشكال المرفقة أثناء بدوره ويطلب من التلاميذ طرح أسئلة كتابيا لاكتشاف الشكل المختار. ينبغي أن لا تحتوي الأسئلة على إرشادات حول اسم (1 + 2 + 3 ...) أو نوع الأشكال (مربع، معين...) أو تخطيط ولا الكلمات : فرق، تحت، بين، يسار، يمين.
قائد اللعبة يُجيب فقط بـ "نعم" أو "لا" ويطلب إعادة صياغة السؤال الذي لا يستطعم أن يجيب عليه.



• للسماح لشخص آخر برسمه
مثال: اكتب برنامج إنشاء يسمح لشخص آخر إنجاز الشكل المرفق

• لإثبات شرط (أو شروط) الخاصية المختارة، يمكن استعمال التسلسل الخلفي من جديد، أو الارتكاز على بداية التسلسل الذي يمكن وضعه في بداية البحث (تسلسل إلى الأمام).

عادة ما نزاوج بين التسلسل إلى الأمام والتسلسل إلى الخلف، يظهر الأول مع تشاور الشكل أو النتائج المستلبت مباشرة من النص، أو الشكل، ويكون الثاني لجرد مختلف الجوانب للوصول إلى المطلوب. لكن في التحرير نستعمل التسلسل إلى الأمام فقط. المخطط الآتي يوضح التسلسل إلى الخلف



7-4-5 الاستدلال والبرهان: بنيت برامج التعليم المتوسط على كفايات تنتظر تحقيها من خلال حل مشكلات، ونشاط حل المشكلات يستدعي عدة مهام، ينجزها التلميذ، فتركز أساسا على ما يقوم به من استدلالات وتتمثل في: - فهم المشكلة (قراءة، ترجمة، ...).

- تخمين نتيجة.
- التدريب على أسئلة.
- التخطيط.
- تحرير حل.
- تصديق نتائج.
- التبادل (التناوب) حول الحل.

لذا يجب استدلال كل القوس لتدريب التلاميذ على الاستدلال وتطوير قدراتهم على تقديم تخمينات وتعبير أجوبتهم والتعليل/تصديق أو عدم تصديق قضايا. ولا يتحقق الأمر بطريقة الحل بمحاولة التلاميذ بتقديم (خطاب) رياضي صارم من البداية، إذ سيجل هذا تدريجيا، لكن ينبغي التمييز بين مرحلتين: أولاها، وهي الأهم، وتتمثل في البحث وإنتاج حل، والثانية تنظيم وتحرير ما تم التوصل إليه.

ومن الأهمية أن نميز بين الشرح والاستدلال والبرهان. الشرح يكون من جهة المتكلم ويهدف إلى جعل نتيجة، مصدقة من قبل المتكلم، مفهومة من طرف الغير. الاستدلال كل انتقال من حكم إلى آخر من خلال مبادئ محددة للوصول إلى نتيجة أو خلاصة.

البرهان هو الاستدلال الذي نقر من خلاله حقيقة إثبات ما.

يمكن التمييز بين نوعين من الاستدلال في الميدان العلمي، وهما:

- الاستقراء، ويتمثل في الانتقال من معرفة حالات خاصة إلى القوانين (أو الخواص) التي تنظمها، من خلال دراسة عدة أمثلة متجانسة.
 - الاستنتاج، ويتمثل في العكس، انطلاقا من قضية أو عدة قضايا نختار مقدمات، على قضية هي النتيجة المتضمنة.
- يمكن للاستدلال ملاحظة فيما إذا كان التلميذ يستدل أو لا، سواء كان المتزوج مكتوبا أو شفهيا، كما يمكنه تحديد نوع الاستدلال المستعمل ومنه مساعدة التلميذ على تطوير هذه الكفاءة.

البحث عن برهان والتفاهة في الهندسة (هناك استراتيجيتان)

الاستراتيجية الأولى: تسلسل إلى الأمام

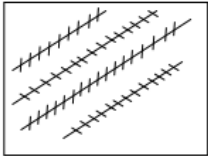
- نتعلق من المعطيات ونحاول استخلاص نتائج باستعمال الخواص الهندسية.

الاستراتيجية الثانية: تسلسل إلى الخلف

- نتعلق من المطلوب ونحدد قائمة الخواص الهندسية التي تؤدي إلى هذا المطلوب.

- نحتم، من أجل كل خاصية، شروط استعمالها، كما نحدد فيما إذا كان الشكل الموافق لها موجود في الرسم المشعر، ما يسمح باختيار خاصية من بين هذه الخواص.
- بعدها، يلزم إثبات شروط استعمال الخاصية المختارة، إذا لم تكن مغطى من المعطيات.

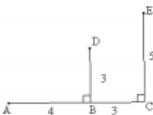
- المرحلة الأولى: جعل التلاميذ يدركون ضرورة البرهان عندما نقول "نرى..." أو "يبدو..." أو "أليس...". فليتنا لنضع تلميذا. ينبغي أن نعلم أن:
 - القياس يعطي دائما نتيجة تقريبية.
 - لا يمكن تأكيد صحة نصٍّ بملاحظات مرئية على رسم.مثال: هل الخطوط الكهيدة في الشكل المرفق متوازية ؟



- ينبغي إذن العمل على تحسين التلميذ بضرورة البرهان، ويمكن تحقيق ذلك من خلال أنشطة، مثل:
- مشكلة أو شكل يُطلب الجزؤه يؤدي إلى وضع تخمين خاطئ.
 - نفس التلميذ يترك على عدم التوافق بالملاحظات المسجلة على الشكل.

- مثال: وحدة الطول هي المستقيمة.
1. أكتب الشكل التالي باحترام الأبعاد المقترحة.

2. هل الخط $E \cdot D \cdot A$ على استقامة واحدة ؟



- 7 . 4.6. التكرير على الاستدلال والبرهان: يعتبر تلمّ الاستدلال الاستنتاجي والبرهان من الأهداف الأساسية للتعليم المتوسط، ويمنح ميدان الأنشطة الهندسية أنسب فرصة لتحقيق ذلك.

حيث يشرع التلميذ بدها من السنة الأولى في التكرير على الاستدلال بصفة تدريجية وذلك من خلال التطرق إلى بعض الأنشطة التمهيدية ليوصل في السنوات التالية هذا التكرير مع البدء في تلمّ البرهان الذي سيستمر خلال السنة الرابعة وبنهاية المرحلة الثانوية. إن ممارسة الاستدلال الاستنتاجي وكذا تلمّ البرهان يجب ألا يكون نشاطا خاصا أو مناسبتها بل يجب يكون نشاطا دائما للتلميذ والاستاذ ويمارس من خلال الأنشطة المختلفة لمجالات المادة.

إن الانتقال من هنسة الملاحظة إلى الهندسية الاستنتاجية يتطلب انقطاعا في نمط استدلال التلميذ. كما أن الصعوبات المتعلقة بتلمّ وتعليم البرهان متعددة ومتشعبة وهي صعوبات تواجه التلميذ والاستاذ على السواء:

- صعوبات التلاميذ: تتمثل هذه الصعوبات في:

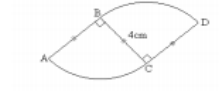
1. الانطاقة تكمن هذه الصعوبات في: - عدم معرفة الإطار والإجراءات المستعملة في البرهان.
2. الجهل: عند البحث عن برهان، لا يعرف التلاميذ، في غالب الأحيان من أين وكيف يبدؤون، ولا يملكون منهجية البحث. كما يجدون صعوبات في استدلال الأتلة التي يوفرها النص والشكل.
3. الصهاغة(التعوير)بد مرحلة البحث، كثير من التلاميذ يجدون صعوبات في صياغة أفكارهم بصفة منسجمة وتكمن هذه الصعوبات خاصة في متابعة واحترام إطار الاستدلال الاستنتاجي (مطليات مبرهنة، خلاصة) وفي استعمال المصطلحات والتعابير الملائمة وأيضا في تنظيم القضايا المشككة لنصّ البرهان.

- صعوبات الأستاذة: هذه الصعوبات هي من النوع التعليمي وتتمثل في:
 - نقص المعلم التي يجب إظهارها للتلاميذ: إن أغلبية البراهين تغطي دون شرح الإطار والإجراءات والعناصر المشكلة لها. هذه العناصر غالبا ما تكون ضمنية ولا يمكن لكل التلاميذ فهمها واستيعابها.
 - نقص الأنشطة الوجيه التي يمكن اقتراحها للتلاميذ: في غالب الأحيان، يُلمّ البرهان في وقت واحد دون الأخذ بعين الاعتبار صعوبات التلاميذ المذكور أعلاه.
 - كما لا تغطي أنشطة ملائمة للتلاميذ ليدرخوا من خلالها هذه الصعوبات والقررات والكفاءات المستهدفة.
 - اختيار التوزيع(الملائم) لتعليم البرهان: يكون هذا الاختيار صعبا نظرا إلى كثافة القضايا المتعلقة بالبرهان وإلى التباين في المكتسبات القبلية للتلاميذ في هذا المجال.
 - عدم تشخيص الصعوبات التي تواجه التلاميذ في هذا المجال يُمنسب لأستاذ اقتراح التحليلات المنسبة.

وقصد مساعدة التلاميذ والأستاذة على تخطي كل هذه الصعوبات، فمن الضروري التدرب والعمل على الأنشطة التي تسمح بجعل التلميذ يدرك المراحل المختلفة التي يجب اجتيازها لتأسيس ميكنة الاستدلال الاستنتاجي ومنه تلمّ البرهان في الرياضيات.

مثال 2:

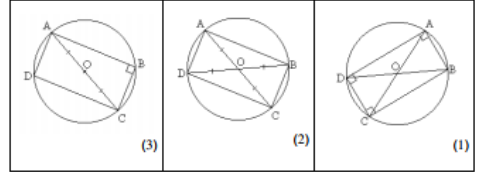
أبجز مثلاً للشكل التالي:



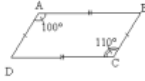
- قراءة شكل مشطّر

مثال: $D \in C \in B \in A$ هي 4 نقط من دائرة

عزّن معطيات كل شكل من الأشكال الثلاثة الآتية:

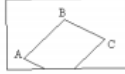


مثال: هل يُمكن رسم الرباعي ABCD بالمعطيات المفروضة ؟



- مشكلات مفتوحة

ABCD متوازي أضلاع أنشئ المستقيم (BD) دون الخروج من الإطار.



• المرحلة الثانية: العمل على المعطيات

يُمكن العمل على المعطيات إحدى المراحل الأساسية التي تسمح بالانتقال من هندسة الملاحظة إلى الهندسة الاستنتاجية. توجد عدة أنواع من الأنشطة التي تساعد هذا الانتقال:

- سرد قائمة المعطيات الموجودة في نصّ.

مثال: $\triangle ABC$ مثلث قائم في A. الضلعان [AB] و [AC] لهما نفس الطول. ضع هذه المعطيات على الشكل المرفق

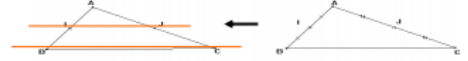


- المرحلة الثالثة: البحث في نمّ أو على شكل عن معلومات ضرورية ينبغي أخذها بعين الاعتبار لاستبدالها بالخاصة (مبرهنة، تعريف) أكثر من التلاميذ يكون في متناولهم المبرهنة المطلوبة ولا يعرفون استعمالها بكيفية سليمة. هذه المبرهنة التي تتعرض للتلاميذ في محظون دروسهم ولا يكون بوسعهم استثمارها، يمكن توظيفها وتلك بالتدخل على مستويين:

- على مستوى الدروس: بتحديد طبيعة الشروط في المبرهنة ذاتها.

مثال:
بالنسبة إلى مبرهنة المتوازيين، يمكن العمل بكيفيتين:

1° إما أن نعمل على شكلين



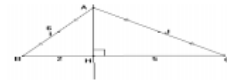
2° وإما أن نمثّر على نفس الشكل المعطيات والنتيجة

بالأسود، الفرضيات
بالأحمر، النتيجة



- على مستوى التمارين: هل الأشكال أو الخصائص تتضمن المعلومات الضرورية لتطبيق خاصية معينة؟
مثال 1:

ما هي المعلومات التي يتضمنها الشكل؟
ما هي المبرهنة التي يمكن تطبيقها؟



- الانتقال من نمّ إلى شكل والعكس.

مثال 1:

أرسم مثلثا ABC قائما في B بحيث $AB = 5\text{cm}$ و $\hat{B} = 35^\circ$

مثال 2:

أكتب نمّا يسمح بإنشاء الشكل التالي:

- كتابة برنامج إنشاء.

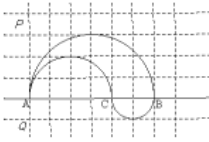
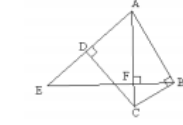
مثال:
يقال الرسم التالي شكلا منتشبا بالمدور.

النقط A، B، C معطاة

المستقيم (AB) يجرى المستوي إلى نصفي

مستوي P و Q.

أكتب برنامج إنشاء هذا الشكل.



عد هذه المرحلة، ينبغي أن نترك بأن أخذ المعلومات ومعالجتها توجد مستويات مختلفة من الكتابات. فقام شكل أو نمّ، يمكن أن نمثّر:

- من جهة، التلاميذ الذين بإمكانهم ترتيب الخواص التي تؤدي إلى إنشاء الأشكال.

- ومن جهة أخرى، التلاميذ الذين بإمكانهم فقط التعرف على المعلومات وتمييزها دون إدراك العلاقات الموجودة بينها.

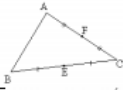
وتساعده التلاميذ على تجاوز هذه الصعوبات، يمكن اقتراح عدة أنواع من التمارين:

- الرسوم المتحركة (أي عن طريق الإحداثيات).

- تحويل نصوص تعطي وصفا عاما إلى نصوص تعطي مراحل الإنشاء.

ويشكل عمل كل نشاط يتطلب الانتقال من إطار "الخصائص" إلى إطار "الأشكال" والعكس يسمح بالعمل على المعلومات.

مثال 2: أتمم الجدول التالي:

الشكل المرفق	المعطيات	المبرهنات	الخلاصة
			
			
			

المرحلة الخامسة: التحرير

هذه المرحلة الأخيرة مهمة ولكن يجب ألا تُلغى على الخطة الرياضية (الإجراء المستعمل) خاصة عند تقييم عمل التلاميذ. إن التصور المحررة من طرف التلاميذ غالبا ما تكون الصعوبات التي يواجهونها أمام تلمّز البرهان كما هي مؤشرات قوة الفهم ما يتعلق بالخطوط المتتوعة وطرق البحث والإجراءات المستعملة قصد تحليلها وتحسينها. ينبغي على الأستاذ تجنب البحث على نموذجتها من البداية وهو ما يمكن أن يحد من روح المبادرة لدى التلاميذ كما يجب أن يهتم متسما من الوقت لامتلاك المعارف. تجعل التلميذ يصل تدريجيا إلى صياغة برهان بصفة دقيقة بتعويده على تقديم نصوص براهين مبسطة ومنطقية تحترم مخططا وأسلوبا معينين:

مثال 2: باستعمال التشابرات الموجودة على الشكل والمعطيات، ما هي المبرهنات التي يمكن استعمالها؟

$$(AB) \parallel (DC)$$

$$(AD) \parallel (BC)$$

المرحلة الرابعة: فهم "الخطوة الاستدلالية" بتشكيلها الثلاثي (المعطيات، الخاصية، الخلاصة). لتجاوز هذه المرحلة، على التلميذ أن يكون قادرا على عزل معطيات هي بمثابة مفاتيح في محيط مركب قصد مثال 1:

ABC مثلث، I منتصف [BC]،

A' نقطة A بالنسبة إلى I.

لكن E نقطة A' بالنسبة إلى (BC).

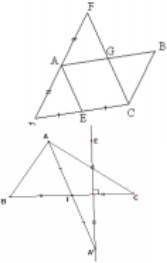
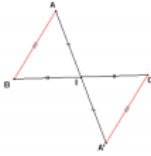
برهن أن $AB = CA'$

- تتعرف في المحيط المركب لرسم على

معطيات مجسدة في شكل تسمح بتطبيق

قاعدة معينة.

- تطبيق القاعدة، وتستخلص.



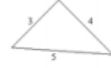
ونستخلص

$$BC = \sqrt{50}$$

مثال:

إليك الشكل المقابل.

هل المثلث ABC قائم؟



$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$BC^2 = 5^2 = 25$$

$$AB^2 + AC^2 = 3^2 + 4^2 = 9 + 16 = 25$$

$$AB^2 + AC^2 = BC^2$$

بحسب عكس مبرهنة فيثاغورث فإن المثلث ABC قائم في A.

مثال:

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$AB^2 + AC^2 = 4^2 + 7^2 = 16 + 49 = 65$$

$$BC^2 = 9^2 = 81$$

$$AB^2 + AC^2 \neq BC^2$$

تلاحظ أن المثلث ABC قائمًا فحصل على مساواة وفق مبرهنة فيثاغورث،

لكن لو كان المثلث ABC غير قائم، فإن المثلث ABC غير قائم.

مثال لبرهان مركب يحتوي على عدة خطوات استنتاجية (براهين بسيطة)

للمساعدة التلميذ في معالجة تمرين هندسي يتطلب برهانًا مركبًا يمكن تربيته على انتاج المخطط التالي:



مخطط البرهان

نسمي " برهانًا بسيطًا" (أو خطوة استنتاجية) كل برهان يتطلب استعمال مبرهنة واحدة. وحسب ما سبق، يتشكل هذا البرهان من ثلاثة أجزاء:

1. المعطيات: نُحدد كل المعلومات المعطاة في المسألة كإرضيات نعمل عليها لتحديد المبرهنة المناسب تطبيقها للإجابة عن السؤال المطروح.

2. المبرهنة (الخاصة): نُذكر المبرهنة بتسميتها الشافرة (مثل: مبرهنة طاليس، مبرهنة المتوازيين...) أو نحرر كلمة إذا لزم الأمر (مثل: إذا كان الرباعي متوازي الأضلاع فإن قطريه متقاطعان).

3. الخلاصة: هي خاتمة الخطوات السابقة تتضمن الإجابة عن السؤال المعطى باعتباره نتيجة للمعطيات المقدمة.

الصياغة: يجب أن يصاغ البرهان بصورة واضحة تبرز فيها الأجزاء الثلاثة المذكورة أعلاه، لذا يجب احترام بعض القواعد.

القاعدة الأولى: الانتقال إلى البسط عندما ندر جزء البرهان (مثلا عند الانتقال من المعطيات إلى المبرهنة.

القاعدة الثانية: استعمال مصطلحات وتعبير الانتقال (مثل لكن، إذن، منه...) تسمح بفهم تلمس البرهان.

هناك ثلاثة أنواع من المصطلحات:

○ مصطلحات تسمح بإدخال المعطيات: نعلم أن، لدينا...

○ مصطلحات تسمح بإدخال مبرهنة أو خاصية: لكن، حسب...

○ مصطلحات تسمح بتقديم الخلاصة: إذن، فإن...

القاعدة الثالثة: لا نسمح إلا بالمعطيات الملائمة والضرورية.

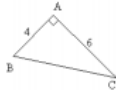
القاعدة الرابعة: إبراز الخلاصة (النتيجة) التي تنتهي البرهان.

أمثلة من البراهين البسيطة

مثال:

إليك الشكل المقابل.

أحسب BC.



نعلم أن المثلث ABC قائم في A.

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$BC^2 = 4^2 + 6^2 = 16 + 36 = 50$$

$$BC^2 = 16 + 36 = 50$$

لنبرهن على تعامد المستقيمين (CT) و (AI) يمكن إثبات أن (CT) هو ارتفاع في المثلث AIC. لنبدأ بمكن البرهان أن (IT) هو أيضا ارتفاع في المثلث AIC وبما أن في مثلث الارتفاعات تتقاطع في نقطة واحدة فيكون المستقيمان (CT) هو ارتفاع للبرهان أن (IT) هو ارتفاع في المثلث AIC. يمكن أن نبرهن أن (IT) يوازي (AB) وبما أن (AB) عمود (AC) فمستقيم (IT) عمود (AC).

2. الصياغة

تقديم الطريقة المختارة
المرحلة الأولى: نعين أن (IT) يوازي (AB)
المرحلة الثانية: نعين أن (IT) ارتفاع في المثلث AIC.
المرحلة الثالثة: نعين أن (CT) ارتفاع في المثلث AIC.

نحو الحل:

المرحلة الأولى:

لنينا I منتصف [HB] و J منتصف [AH].

حسب المبرهن: إذا كان مستقيم يشمل منتصفين ضلعي مثلث فإنه يوازي الضلع الثالث.

إذن (IT) يوازي (AB).

بما أن ABC مثلث قائم في A فإن (AB) عمود (AC). لكن برهنا أن (IT) يوازي (AB) إذن (IT) عمود (AC) ومنه نستنتج أن (IT) ارتفاع في المثلث AIC.

المرحلة الثانية:

(AIH) و (IT) هما ارتفاعان في المثلث AIC ويتقاطعان في I.

حسب المبرهن: في المثلث الارتفاعات تتقاطع في نفس النقطة.

إذن المستقيم (CT) هو الارتفاع الثالث في المثلث AIC.

3. الخلاصة:

بما أن (CT) ارتفاع في المثلث AIC

إذن (CT) و (AI) متعامدان.



مثال:

ABC مثلث قائم في A. الارتفاع الذي يشمل A يقطع الضلع [BC] في H.

النقطة I هي منتصف القطعة [HB] و النقطة J هي منتصف القطعة [AH].

برهن أن المستقيمين (CT) و (AD) متعامدان.

1. تحليل النص

نحو إنجاز رسم يحدد الوضعية

نحو الفرضيات:

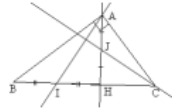
- ABC مثلث قائم في A

- [AH] ارتفاع

- I منتصف [HB] و J منتصف [AH].

نحو الخلاصة (المطلوب): (CT) و (AD) متعامدان.

نحو التفكير في طرق الحل:



الاستدلال والأنشطة العددية: يتعلّق الأمر هنا بأنشطة مستند من المجال العددي. وتتعلّق في تمارين لا ترتبط مباشرة بمفهوم معين من البرنامج لكنّها تستخدم جوانب عديدة للاستدلال والعرض منها، كما جاء في فترة تقديم التدريب على الاستدلال، هو منح التلميذ فرصة لممارسة هذا النشاط في مجال آخر غير الهندسة.

نشاط (1):

(1) إليك أبعادا لطبيعة مكتوبة برقمين. وراء كل لمخعة (■)، يوجد رقم مخفي. أكمل كل خلية في الجدول بدم أو لا مورا إجابتك في كل مرة.

مستحيل	ممكّن	مؤكّد	
			$\blacksquare \leq 24$
			$\blacksquare \leq 17$
			$\blacksquare \leq 2$
			$\blacksquare \leq 4$
			$\blacksquare \leq 98$

(2) عين الإجابة الصحيحة.

مستحيل	مؤكّد	$\blacksquare \leq 8$
مستحيل	مؤكّد	$\blacksquare \leq 17$
مستحيل	مؤكّد	$\blacksquare \leq 19$
مستحيل	مؤكّد	$\blacksquare \leq 24$
مستحيل	مؤكّد	$\blacksquare \leq 12$
مستحيل	مؤكّد	$\blacksquare \leq 20$
مستحيل	مؤكّد	$\blacksquare \leq 2$
مستحيل	مؤكّد	$\blacksquare \leq 98$

الشرح كتابيا إجابتك المتعلقة بالأسطر 3، 5، 7، 8.

البرهان باستعمال بطلانات طرائق

كما كان الأمر في السنة الثالثة، يبقى الهدف في هذا المجال هو تدريب التلميذ تدريجيا على تحرير نصّ برهان بشكل سليم وبوضوح. يتمّ التحرير في التعبير الطبيعي للتلميذ وتتجنب الإقراط في استعمال الرموز، وبالمخصوص، الروابط المنطوقية بما فيها تلك المستعملة عند حلّ المعادلات والمتراجحات وجمل مماثلتين أو متراجعتين.

وتستعمل بدلا منها في هذه المرحلة كلمات أبسط مثل: منه، وبالتالي، إذن، يعني، ...

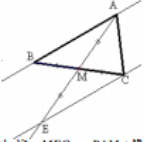
كما في السنة الثالثة، تتشكل الأنشطة الهندسية محالا ثريا لإعادة استثمار ودعم تعلّمات التلاميذ المرتبطة بالاستدلال الاستنتاجي والبرهان. يمكن أن يكون ذلك سواء من خلال البرهان على الخصائص المعروفة في البرنامج أو بمناسبة حلّ مشكلات التطبيق والتكوين.

وإضافة إلى العمل المقترح في جزء "الركان أخرى خاصة بالمدّة" حول الاستدلال الاستنتاجي والبرهان، يمكن أن نقترح على التلاميذ أنشطة (تمارين ومشكلات) تسمح لهم ببناء بطلانات لطرائق البرهان تكون مرتكزا لهم في حلّ مشكلات أكثر تركيبيّا. وفي هذا الصدد، يمكن استهداف المواضيع التي تتكرر أكثر في برامج التّعليم المتوسط، مثل:

البرهان على أن مستقيمين متوازيين، يمكن أن نجد التلميذ يكتشف مختلف الطرائق الآتية:

- طريقة 1: تستعمل مستقيما ثالثا يوازي المستقيمين المعروفين.
- طريقة 2: تستعمل مستقيما ثالثا يماثل المستقيمين المعروفين.
- طريقة 3: تستعمل تساوي زاويتين متقابلتين داخليا أو متماثلتين.
- طريقة 4: تستعمل خاصية المماسين المتقابلين لتوازي أضلاع أو لتوازي أضلاع خاص.
- طريقة 5: تستعمل صورة مستقيمين متوازيين يتقاطعون مركزيا أو محوري أو قسما.
- طريقة 6: تستعمل صورة مستقيم يتقاطع مركزيا.
- طريقة 7: تستعمل خاصية مستقيم بالمتساويين لمماسين في مثلث.
- طريقة 8: تستعمل الخاصية العكسية للمماس.

مثال: ABC مثلث. (AM) هو المتوسط المتعلق بالضلع $[BC]$ والنقطة E هي نظيرة النقطة A بالنسبة إلى M



بين أن المستقيمين (AB) و (CE) متوازيين.

- لنبرهان على أن المستقيمين (AB) و (CE) متوازيين يمكن استعمال:
- الطريقة 5 (AB) و (CE) متقاطعان بالنسبة إلى M .
 - الطريقة 4 $ABEF$ متوازي الأضلاع لأن قطريه متقاطعان.
 - الطريقة 3 (الزاويتان المتقابلتان داخليا) $\widehat{MCE}$ و $\widehat{ABM}$ متساويتان لأن المثلثين BAM و MEC متماثلين حسب الحالة التنقيح لتقليص المثلثات).
 - الطريقة 8: $\left(\frac{MB}{MC} = \frac{MA}{M} = 1 \right)$

نشاط (3):

الهدف: التعريب على البرهان في الجبر

عدد الحصص: 1

ترن قارورة وعملتها 110g.

وزن القارورة أكبر ب 100g من وزن الطشاء، ما هو وزن القارورة ؟

توجيهات بهذا غوجية: العرض من هذا النشاط هو تعريب التلاميذ على ممارسة البرهان في مجال آخر غير الهندسة، من خلال وضعهم لطريقة حل مشكلة بواسطة الجبر. تبدأ هذه الطريقة حتماً بمرحلة ترجمة في تعبير رمزي، تسمح ببناء نموذج جبري، سيؤدي استعماله لإحل الإشكالية. وهذا يعني تغيير المجال المفاهيمي (الانتقال من شيء إلى رمز) وتحويل المعنى المرتبط بهذا التعبير.

على الأستاذ أن يعمل مع التلاميذ على تجسيد هذه الطريقة، التي يمكن تصورها في أربع خطوات:

- تعيين المتغيرات وتسميتها: قبل الخروج في ترجمة المعطيات، ينبغي "تهيئة الأرضية" بتعيين المتغيرات التي يمكن أن تتدخل في الحل ثم الترميز إليها بحروف مثلاً. في النشاط السابق، نسمي وزن الطشاء (المعطوب) ووزن القارورة كذلك، إذ يتدخل في النص مرغبن. ونكتب B وزن القارورة و D وزن الطشاء.
- ترجمة النص: لا نخرج الجملة الأولى أية إشكالية، فنترجم بالشكل: $B + b = 110$. لكن، يمكن أن يحد بعض التلاميذ صعوبة في ترجمة العبارة بالمساواة: $B = 100 + b$ (وجود المعواة " أكبر " في النص يمكن أن يؤثر عند بعض التلاميذ ويحولون ترجمة الجملة في متباينة).
- حل المسئلة: إن التحكم في طريقة التعويض بمسألة شرط ضروري لحل " جملة المتكلمين" المحصل عليها: بما أن $B = 100 + b$ فيمكن تعويض " B " بـ " $100 + b$ ". وهكذا تصبح المساواة $110 = B + b$ في الشكل: $110 = 100 + b + b$.

- الاستخلاص: وزن الطشاء هو 60g.

نشاط (4): حل بقل مجموع ثلاثة أعداد طبيعية القسمة على 3 دائماً؟

توجيهات بهذا غوجية: قبل إعطاء نص النشاط، يبدأ الأستاذ باستخراج التلاميذ لوضع هذا التعيين، من خلال بعض الحالات الخاصة. ويكتب بعد ذلك النص على السبورة، ويطلب منهم البرهان على الحالة العامة: أي صدق التعيين مهما كانت الأعداد المعطاة.

يوزع التلاميذ إلى أفواج، ويترك لهم الوقت الكافي للبحث والتبادل، داخل الفوج الواحد، حول الإجراءات والصياغة الممكنة لها.

في مرحلة العرض والمنقشة، يعرض ممثل عن كل فوج النتائج ويشرح الإجراءات المعتمد من قبل الفوج. وتكون المصداقة من بغية القسم، بمرافقة صحة التبريرات المقدمة. تدور الأستاذ، في مثل هذه الحالة، هو حث التلاميذ على إبراز الخطوات الأربعية الموصوفة في النشاط السابق، عند عرض طرق حل الإشكالية والحرص على صرامة البراهين المقترحة وكذا سلامة التعبير المستعمل.

توجيهات بهذا غوجية

المطلوب في هذا النشاط (1) هو الإرقاق بكل متباينة مخفية جزئيا الكيفية أو الكيفيات الدنسية لها: مؤكدا، ممكن، مستحيل. وهي كيفيات تتطلب التفكير في أن واحد في عدة أوضاعا متتلة بالتكديف والتأي والتكذيب:

- مؤكدا: هذا صحيح مهما كتبت قيمة المتغير (الرقم الحقيقي).
- ممكن: هذا صحيح من أجل قيمة واحدة على الأقل للمتغير.
- مستحيل: هذا غير صحيح مهما كتبت قيمة المتغير.

في الجزء التالي من النشاط، تقتصر الكيفيات إلى اثنتين: مؤكدا، مستحيل.

نشاط (2):

الهدف: استعمال الآلة الحاسبة لوضع تخمينات.

عدد الحصص: 1

اختر 3 أعداد طبيعية متتالية. باستعمال الآلة الحاسبة، أحسب جداء هذه الأعداد ثم قسم على 6.

أعد ذلك عدة مرات.

هل النتيجة عدد طبيعي: دائما؟ أبدأ؟ بشرط... (أفكر)؟ هل إجابتك.

توجيهات بهذا غوجية: تكون البداية بالتأكد من فهم المعبرات الواردة في النص من قبل كل التلاميذ (بالخصوص، أعداد متتالية). يقترحنا النشاط في أفواج (4 تلاميذ في كل فوج). يمحى الوقت الكافي للبحث.

العرض والمنقشة: تعرض الأجرية المختلفة على السبورة وخلال التبادل بين التلاميذ تعرض النتائج الخاطئة بإعطاء أمثلة مضادة ونصل بالتلاميذ إلى المصداقة على النتيجة الصحيحة بمراجعة صياغة التعيين السليم للحالة العامة وتقديم البرهان المناسب.

تطبيقات: في كل من التسموس التالية، أبحث باستعمال الآلة الحاسبة، عن "مثال مضاد" وإذا لم تجده، حاول أن تقرر صحة النص في الحالة العامة.

- 1) مربع عدد طبيعي لا ينتهي أبدا بأحد الأرقام: 2، 3، 7، 8.
- 2) رقم عشرات مربع عدد طبيعي هو زوجي.
- 3) مربع عدد زوجي هو زوجي.

طريقة: نفرض $n = 31$.
لنجد القيم المقربة للحد $\sqrt{31}$ ، إلى الوحدة (أي بالتقريب 10^0)، نحسب مربعات الأعداد الطبيعية لتعيين الحد الطبيعي a حيث $(a + 1)^2 < 31 < (a + 2)^2$.

a	a^2
0	0
1	1
2	4
3	9
4	16
5	25
6	36

لنبدأ: $31 < 5^2$

وبالتالي: $31 < 5.6^2$

يمكن الآن تعيين القيم المقربة للحد $\sqrt{31}$ ، إلى 10^{-2} بحساب مربعات الأعداد العشرية ذات رقم واحد بعد الفاصلة والمحصورة بين 5 و 6.

a	a^2
5,0	25
5,1	26,01
5,2	27,04
5,3	28,09
5,4	29,16
5,5	30,25
5,6	31,36

لنبدأ: $31 < 5,5^2$

وبالتالي: $31 < 5,6^2$

نستمر هكذا بحساب مربعات الأعداد العشرية ذات رقمين بعد الفاصلة والمحصورة بين 5,5 و 5,6، فنحصل على:

$$31,0249 < 5,505^2 < 31,0249$$

وبكون $5,57 < 5,56 < \sqrt{31}$

وهكذا يمكن مواصلة البحث باستعمال الأعداد العشرية بثلاثة أرقام بعد الفاصلة ثم أربعة... إلخ.

وكما نجعل التقدير من خلال بعض التشغيلات نذكر جيدا حدود استعمال الحاسبة.

تطبيقات وإعادة استثمار: نقرر وحسب ممثلة للنشاط الثاني مع مجموع عددين فرديين مثلا.

7 -

5 -

أجبر التكنولوجيات الإعلام والاتصال
طُح المدارس بالكفايات والمناخ الجديدة على كون التعلّات الخاصة بالرياضيات لا يمكن أن تبقى على اكتساب شكل صرف للمعارف وتنتج تقنية وغاويات. إن إضفاء معنى لهذه المعارف وينتجها من خلال مختلف الوضومات. والمشكلات التي يحلها التلميذ، يسمح له بحمل هذه المعارف إيجابية وبالتالي يسيل امتلاكها. وباعتبار أن التكنولوجيات الجديدة تمنح للتلميذ فرصا عديدة للتجريب من جهة، وكون الإعلام الآلي حاضرا أكثر فأكثر في محيط التلميذ وأن كل التلاميذ مطالبون باستعمال هذه الوسائل في حياتهم المهنية مستقبلا من جهة أخرى، فإن تعلم الرياضيات يمكن، في هذا الإطار، أن يستل ويستفيد من مختلف التجارب المرتبطة بتأرجح هذه التكنولوجيات في مختلف مجالات المأثر. وبهذا، تساهم هذه الأدوات في تكوين الحسي للتلاميذ وتطويع إمكانيات لتعاملته.

• الحاسبة: لا تعتبر الحاسبة في الوقت الحالي وسيلة للحساب فقط بل بتعدى استعمالها بشكل ووجه إلى المساهمة في بناء التعلّات. فاقوم أصبحت الحاسبة الحديثة تميل معالجة مفاهيم متعددة ومتنوعة كالتقريب والقسمة الآلافية والكمور وحساب المثلثات والدوال والإحصاء... ففي الوضومات التي لا يكون فيها الحساب محلا لتعلم تسمح الحاسبة بتحرير التلميذ من اشتغالات الحساب التي تكون في هذا السياق ثقيلة ومعقدة لتصبح نشيطا أكثر ويصعب كل اهتمامه في الفهم والتركيز في جوهر القضية المعالجة، حيث تمكنه من إجراء تجارب عديدة وبسرعة، ليصل إلى وضع تخمينات لحد الحل. كما تمكن الأستاذ من القيام بأعمال بحث وتوزيع الوضومات. وهو الأمر الذي يسيزد دون شك من اهتمام التلميذ ويجفزه أكثر.

إن التحكم الجيد في استعمالات الحاسبة وإدراك حدودها يعد بمثابة معرفة وقدرات جديدة للتصريف، إذ تسمح بتطوير روح النقد والحجة عند التلميذ وتكسيه طرق عمل صارم. وخلافا للتدخلات الكثيرة المتعلقة باستعمال الحاسبة، فهي لا تنقص من قيمة الصياغة وضرورة الفهم التي تتميز بها المادة، بل بالعكس، فهي تعززها وتوفرها.

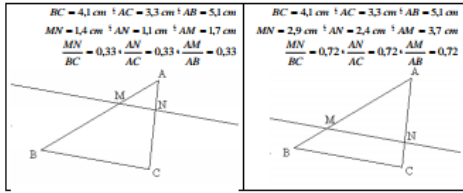
ولترسيد استعمال الحاسبة يعمل الأستاذ على البحث عن أوجه الطرق التي تجعل التلميذ يدرك أن استعمالها لا يتناقى مع الحساب الذهني من خلال نشاطات يبرز فيها:

- ضرورة مراقبة الحسابات المنجزة بالحاسبة باستعمال تقنيات الحساب الذهني (تقنية النتيجة، مراقبة الرقم الأخير، عدد الأرقام...).
 - تشابه بين استعمال الحاسبة والحساب الذهني من حيث ضرورة تحليل وتنظيم الحسابات واستعمال خواص العمليات.
 - ابتداء من السنة الثانية، تمثل الحاسبة أداة جد مألوفة لبناء ودعم الحيد من المفاهيم مثل أولوية العمليات والحساب التقريبي (التقريب، حصر كسر بخطين عشريين، ...)
- وحساب مماثل للتدسية والتسمية السنوية.
- تسمح الحاسبة للتلميذ بتعيين بعض القيم العددية (الكتلة الحمية لحدث، الجذر التربيعي المضبوط أو المقرب لحدث، جيب تمام زاوية معلومة وقوس زاوية علم جيب تمامها...).
- كما تسمح له، عند إدخال مفاهيم جديدة (مربعه طالس، موهنة فيثاغورس، جيب تمام زاوية...)، بمضاغة "الأشلة العددية والمحاولات". وهكذا تبقى استراتيجيات الاكتشاف أدنى التلميذ والتي تؤدي بالطبع إلى خلة من النوع التخميني.
- مثلا: n : عدد موجب. $\sqrt{n}$: هو الحد الموجب الذي تربطه يساوي n .
- لنجد تقرب لحد $\sqrt{n}$ ، يكفي تعيين عدد موجب حيث يكون مربطه هو الحد الأقرب من n .

- أمثلة:
- الآلة تصيب باستعمال قيم متّزّية
 - 1. ليكن الحد $\frac{(2^q \times 2^q)^q}{2^q \times 2^q}$ = q.
 - تلميذ يحسب q باستعمال حاسبة وتلميذ آخر يحسب q دون استعمال الحاسبة، لكن بتوظيف خواص القوى. قارن التلميذين. من منهما تحصل على القيمة المضبوطة للحد q ؟
 - 2. عين باستعمال الحاسبة قيمة $\sqrt[3]{x}$. نسمي x القيمة الظاهرة . احسب $\sqrt[3]{x} - x$.
 - هل القيمة المتّزّية للحد $\sqrt[3]{x}$ الظاهرة هي نفس القيمة التي تستعملها الحاسبة في الحساب؟
 - الآلة تعطي نتائج غير معقولة
 - $A = \frac{(1 + 10^{20})^2 - 1}{10^{20}}$ نعتبر الحد
 - (أ) احسب A باستعمال حاسبة.
 - (ب) هل النتيجة الظاهرة معقولة ؟
 - (ج) احسب القيمة المضبوطة للحد A .
 - (د) أعد تفسيرا لحل الحاسبة.
 - المجنولات والراسمات البيانية: توفر المجنولات عدة إمكانيات للتجريب. وتسمح للتلميذ بالعمل على المعادلات الجبرية ويوضع قوانين واستعمالها والإتحاق السريع لحد كبير من الحسابات والحصول الآتي على نتائج بيانية.
 - في مجال الإحصاء، تسمح هذه المجنولات بالحصول وبسرعة على جداول توزيع سلاسل إحصائية وحساب تكرارات وتكرارات نسبية ومعدلات.
 - تسمح هذه الآلة للتلميذ بربح وقت تامين مستطلة في التجريب والملاحظة وتفسير النتائج المحصل عليها.
 - إن المجنولات والراسمات البيانية تساعد على فهم بتشكلات رياضية فنية. فعد "توكيل" إجراء الحسابات للحاسوب، يمكن للتلميذ مضاعفة محاولات البحث عن الحل أو تحسين تقريب أو مراقبة النتائج المحصل عليها.
 - عندما ينظم التلميذ ويبين محطيات المشكلة بنفسه ويحدد القوانين التي يطلب حلها فإنه بذلك يتكرب على الحساب الحرفي. إن هذا النوع من البرمجيات يسمح بإدراك نمذجة المشكلات وفي نفس الوقت فهمها والتحكم منها.

- في الحساب، يسمح الجدول بتطبيق سريع لخوارزميات، كما يمثل مرتكزا للتدريب على الحساب الحرفي واستعمال قوانين مثل حساب المساحات والحجوم ومقاربة بعض المفاهيم مثل الدوال الخطية والتألفية.
- في الإحصاء، يسمح الجدول بحساب سريع لمختلف المؤشرات الإحصائية (التواترات، التواترات المجمعة، الوسط، الوسيط). كما يسمح المساعد البياني المدجج في الجدول بتسهيل المعطيات المختارة على ورقة الحساب بكيفيات مختلفة: مخططات دائرية، مخططات بأعداد أو أشربة في جدول أو 3Dة ليمدة. وعند تغيير قيمة من قيم الورقة المفروضة يتغير التمثيل المرفق حالا، ويتبين هكذا تغير الجدول والتمثيل المرفق في نفس الوقت.
- كما أن التفكير في الترجمات والقراءات المختلفة للتمثيل بياني واختيار الشكل الأنسب لوضعية معينة يشكل فرصا ساحقة للتفكير داخل القسم.
- مثال 1: حل معادلة باستعمال Excel .
- | | A | B |
|---|---|------|
| 1 | x | 2x-3 |
| 2 | | |
| 3 | | |
- تريد حل المعادلة $2x - 3 = 11$:
- تدخل في الخلية B2 قانون حساب الطرف
 - الأول $(2x - 3)$ للمعادلة، نأخذ هنا القانون بالمسب نحو الأسفل 10 خالها.
 - تدخل الأعداد 4، 1، 2... في الخلايا A3، A2، A3... للمعادلة الأولى. عندما يعطي الحساب الطرف الثاني للمعادلة أي 11 ، تكون القيمة المعينة في العمود الأول حلّ المعادلة (في هذه الحالة 4).
- مثال 2: تريد حل المعادلة $5x - 2 = 4$:
- تدخل في الخلية B2 قانون حساب الطرف الأول للمعادلة. نأخذ بالمسب هذه الخلية نحو الأسفل 10 خالها.
 - تدخل في الخلية C2 قانون حساب الطرف الثاني للمعادلة. نأخذ هذه الخلية بالمسب نحو الأسفل 10 خالها.
 - تدخل الأعداد 4، 1، 2... في الخلايا A2، A3... للمعادلة الأولى.
 - عندما يعطي الحساب نفس النتيجة لنتيجة من العمودين B و C تكون القيمة الموافقة من العمود الأول حل المعادلة (في هذه الحالة 5).
- البرمجيات الهندسية: تسمح هذه البرمجيات بمقاربة ديناميكية لإنشاء أشكال هندسية تساعد التلميذ على التخصيم عند التطرق إلى مفاهيم جديدة وفي تجريب هذا التخصيم في حالات عديدة وبسهولة وبسرعة.
 - في مجال الهندسة التحليلية، تشكل هذه البرمجيات إطارا للمشاهدة الشيء الذي يسهل التفلمات.
 - تسمح هذه البرمجيات كما هو الشأن بالنسبة إلى الأنواع الأخرى من البرمجيات، بتنوع ومزج المجالات المختلفة للمادة (المجال الحدي، المجال البياني، المجال الهندسي).
 - في مجال الهندسة التحليلية، تشكل هذه البرمجيات إطارا جيدا للمشاهدة وتساعد على اكتشاف خواص أو وضع تمهينات الشيء الذي يسهل دون شك تفلمات التلاميذ.
 - كما تمنح هذه البرمجيات أداة لأستاذة تسمح له بتركيز عمل التلاميذ على الجانب الرياضي حيث تتيح هذه الوسائل من المشاكل التقنية لإنشاء.
 - باستعمال برمجية للهندسة، نوضح حل المعالجة المشكلة للشكل حيث يكون الرسم على الشاشة أقرب من الكائن الهندسي الذي يمثل. فمستطيق من خلال البرمجيات يلوح حل التجريب أين تسمح أدوات، مثل القياس أو النقل، بملاحظة خواص(مثل تمثيل مثلثين $AMN \sim ABC$ في وضعية ملان. ويتبين موقع الخط التي تمرّف المثلثين، يدرك التلميذ بسرعة أن النسب $\frac{MN}{BC} = \frac{AM}{AC} = \frac{AN}{AB}$ محفوظة).

- ينبغي إذن الوصول تدريجياً، إلى تجهيز حجرة واحدة في كل متوسطة بالآلات المناسبة للسماح لكل الأستاذة باستغلالها مع التلاميذ على غرار المظاهر الخاصة الأخرى
- المعطيات على الأعداد العشرية
 - إن استعمال الآلة الحاسبة:
 - يساعد على التفكير في معنى المعطيات.
 - يسمح ب طرح إشكالية التقريب.
 - يجبر التلاميذ على التفكير في إجراءات تسمح بالكتشاف أخطاء ترفيقية.
 - ي طرح إشكالية تأثير رتبة مقام نتيجة.
 - يدخل صعوبة إضافية: عدد الأرقام بعد الفاصلة في حالة تجاوز قدرة استظهار الآلة.
- خواص القسمة، تقريب حاصل قسمة
 - تسمح الآلة الحاسبة:
 - بمساعدة بعض التلاميذ الذين يواجهون صعوبات في تحلم أو تحمين إلقاء خوارزمية القسمة.
 - بالقيام بالمقارنة الآتية بين خواص القسمة $\frac{a}{b} \cdot \frac{3a}{b}$ من جهة، و $\frac{a}{b} \cdot \frac{a}{2b}$ من جهة أخرى.
 - ي طرح إشكالية تقريب حاصل القسمة والبحث عن قيمة مقربة له بحصر نتائج.



عند استعمال هذه الأدوات، نتحصل على الأشكال والقياسات والحاصلات بصورة آتية.

يسمح الإعلام الآلي بإبراز الخواص الرياضية بكيفية تجريبية دون أن يكون أمر تكرار الأشكال عقلاً، كما يسمح في بعض الحالات من تخفيف وتبسيط تركيب شكل ومسئول مبروفته. ينبغي مساعدة وتوجيه التلميذ عند استعمال هذه البرمجيات حتى لا تغلب الصعوبات المرتبطة باستعمالها على تلك المرتبطة بالمادة. إن الاستعمال الدائم لبرمجيات الهندسة الديناميكية من شأنه أن يساعد التلاميذ على التقرب على الاستدلال الاستنتاجي وتعلم البرهان، حيث تسمح بالقيام بتجارب ووضع تخمينات والتحقق من صحتها قبل البرهان عليها. نشير هنا إلى أن استعمال هذه البرمجيات يمكن أن يجعل بعض التلاميذ يظنون أن تلك كلها ولا يرون ضرورة البرهان، بينما تبرز هذه البرمجيات العناصر الصاعدة للأشكال رغم أنه لم يستعمل إلا معطيات النص فقط في إنتاج هذه الأشكال. فيمكن إذن العمل مع التلاميذ على رفع التحدي بمعلم يكتشفون كيف تؤدي هذه المعطيات إلى استخراج هذه العناصر الصاعدة.

ملاحظة هامة: يمكن تصنيف الأنشطة التي تستدعي استعمال الإعلام الآلي إلى أنشطة خاصة بالتلاميذ (فرنيا) وأخرى خاصة بالمعلم كـ تنظيم الأنشطة الخاصة بالتلاميذ أسما في حصص تتم في قاعة الإعلام الآلي، لأن يكون التلاميذ أمام جهاز فردي أو شاتيل حسب التجهيز. في هذه الحالة، يحتفظ التلميذ بنوع من الاستقلالية في العمل ويكون دور الأستاذ هو التوجيه والمساعدة عند الحاجة. بالنسبة إلى الأنشطة الخاصة بالمعلم، يستعين الأستاذ بجهاز للإعلام الآلي وجهاز للعرض (الأسفلة) الجماعي عند تشغيله للعرض. فيمكنه تقديم جداول أو بيانات أو أشكال محدثة من قبل ل عرض إلكتروني أو تحويلها أمام التلاميذ. كما تسمح له هذه الأجهزة ب عرض، وفي وقت وجيز، عمل تم من قبل أو تقديم ملخص للدرس أو حل تمرين في الإحصاء أو الهندسة، إلخ. ويضرب هذا الاستعمال للإعلام الآلي جذ مهيا، كونه لا يتطلب مصاريف كبيرة للتجهيز للمؤسسة.

اقترح أمثلة لمحاور تكوين الأستاذ:

محاور بيداغوجية وتعليمية	محاور خاصة بالمادة
- أدوات تعليمية الرياضيات	- الأعداد العشرية
- ممارسات التقويم	- الأعداد النسبية
- حلّ مشكلات	- مشكلة حلّ مشكلات
- إدماج وسائل التكنولوجيا الجديدة	- التناسبية
- بيداغوجية الإنماج	- الحساب الحرفي
- المعالجة والدعم	- الهندسة
- تدرج القدرات	- الاستدلال
- الرياضيات والمواد الأخرى	- الإحصاء
- تحليل مناهج وكتب مدرسية	- ...
- التراكيبات: أيقاني – متوسط – ثانوي	
- بناء مواضيع اختبارات	
- ...	

الشروط وضع المنهج جزء التطبيق

• الوسائل التعليمية

توصيات تتعلق بالوسائل التربوية للأستاذ: كما ورد في المنهاج، تعد الوثائق التربوية المتشكلة في المنهاج والوثيقة المرافقة له، الكتب المدرسي، دليل الأستاذ... أدوات أساسية تكتسي أهمية بالغة، كل حسب مكانته، في العمل التربوي داخل القسم وخارجه، يستوجب على الأستاذ استغلالها، واستغلال ما جاء فيها أثناء قيامه بمهامه التعليمية التحضيرية.

وكذلك يتطلب تنفيذ المنهاج توفير بعض الوسائل التعليمية على مستوى المدرسة والتي سيتم استغلالها بصفة فردية أو جماعية، نذكرها فيما يلي:

- الآلات الحاسبة البسيطة والآلات الحاسبة العلمية.
- أشكال ومجسمات مصنوعة ومكشوفة.
- برمجيات(مجنولات وبرمجيات الهندسة).

• تكوين الأستاذ: بناء المنهاج. وواقع تدريس الرياضيات بفرنسا: إعادة النظر في

تكوين الأستاذ، ويقترح أن يسمح هذا التكوين للأستاذ بـ:

- استكشاف الأدوات الضرورية التي تسمح براءة أفضل للمناهج وتنفيذ ت المنهاج والوثيقة المرافقة.
- تعلم بناء وصيغ تعليمية مرتكزة على نظريات تعليمية مادة الرياضيات، تجريبها وتحليلها قصد تطويرها.

كيف تم بناء المعرفة الرياضية ؟

ماذا ينتظر المجتمع من هذه المعارف؟

كيف تم بناء المنهاج ؟ الكتاب المدرسي ؟

ما هو دور كل من المتعلم والأستاذ ؟

كيف يتمّ اختيار الرياضيات ؟

كيف يتمّ وينظم ويسرّ نشاط تعليم / تعلم ؟

تتبن هذه الأسئلة أن التكوين المتصور فقط حول المعرفة الرياضية لا يكون كافيا لتقليل تعقيدات تعليم المادة. ومن خلال التكوين حول مساهمات تعليمية المادة يجد الأستاذ إجابات لمثل هذه التساؤلات.

كما يكون ضروريا إجماع جزء من الإقليم الألى في تكوين الأستاذ. هذا التكوين يجب ألا يقتصر على تعلم تقنيات، بل يجب أن يشرح ويبرر مساهمات هذه الأدوات في تعلمت المادة.