

اختبار الفصل الثالث

المادة: رياضيات	المستوى : رابعة متوسط	تاريخ الإجراء : 2024/05/13	المدة : ساعتان
-----------------	-----------------------	----------------------------	----------------

الجزء الأول (2 نقطة)

التمرين الأول (3 نقاط)

$A = \frac{25}{14} + \frac{1}{4} \times \frac{6}{7}$ ، $B = 4\sqrt{99} + 2\sqrt{275} - 3\sqrt{396}$ ، $C = \frac{2}{4\sqrt{11}}$ و A و B و C أعداد حيث :

- (1) بين أن A عدد طبيعي .
- (2) اكتب العدد B على الشكل $a\sqrt{11}$ حيث a عدد طبيعي .
- (3) اكتب العدد C على شكل نسبة مقامها عدد ناطق .

التمرين الثاني (3 نقاط)

- (1) تحقق بالنشر أن : $(5x + 3)^2 = 25x^2 + 30x + 9$
 - (2) حلل العبارة F إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى حيث :
- $$F = (7x - 2)(5x + 3) - (25x^2 + 30x + 9)$$
- (3) حل المعادلة : $(5x + 3)(2x - 5) = 0$.

التمرين الثالث (3 نقاط) (وحدة الطول هي السنتيمتر)

(c) دائرة مركزها O وقطرها [EF] طوله 5 ، D نقطة من (c) حيث : $FD = 3$

- (1) أنشئ الشكل بدقة .
- (2) بين أن المثلث DEF قائم في النقطة D ثم أحسب الطول ED .
- (3) احسب قياس الزاوية EFD بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة .

التمرين الرابع (3 نقاط) (وحدة الطول هي السنتيمتر)

- المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.
- (1) علم النقط : A (2 ; 4) ، B (5 ; -2) ، C (-4 ; 1) .
 - (2) احسب مركبتي الشعاع $\overrightarrow{AB}$
 - (3) احسب الطول AB ثم بين نوع المثلث ABC علما أن : $AC = 3\sqrt{5}$ و $BC = 3\sqrt{10}$
 - (4) احسب إحداثي النقطة N منتصف [BC] .

الوضعية الإدماجية :

أراد عماد وإياد شراء مجموعة من المصاحف وكتب تفسير القرآن من نفس النوعية من أجل تقديمها لمسجد الحي حيث اشترى عماد 5 مصاحف و 3 كتب تفسير بمبلغ قدره 11700 DA واشترى إياد 6 مصاحف و 4 كتب تفسير بمبلغ قدره 14800 DA .

(1) ماهو ثمن المصحف الواحد و ثمن كتاب التفسير الواحد ؟

يقترح صاحب مكتبة صيغتين للدفع خاصة بالمصاحف :

الصيغة الأولى : الدفع مباشرة بالنقود يكون ثمن المصحف الواحد 1200 DA .

الصيغة الثانية : الدفع عن طريق البطاقة البنكية في الموقع الإلكتروني للمكتبة يكون ثمن المصحف الواحد 1000 DA مع إشتراك سنوي قدره 4000 DA .

باعتبار x هو عدد المصاحف وبالإستعانة بتمثيل بياني

(2) ساعد عماد وإياد في معرفة الصيغة الأفضل لشراء المصاحف .

يمكنك أخذ : 1Cm على محور الفواصل يمثل 5 مصاحف، 1Cm على محور الترتيب يمثل 4000 DA .

ذوالعقل يشقى في النعيم بعقله وأخو الجهالة في الشقاوة ينعم

أساترة الماوة يتمنون لكم التوفيق و النجاح .



متوسطات: نويس فرحات، بري حمادي،

بن بعطوش + شتوح عيسى (بيظام)

دورة ماي: 2024

المدة: ساعتان

وزارة التربية الوطنية

المقاطعة (3) بركة - باتنة

امتحان شهادة التعليم المتوسط (تجريبي)

اختبار في مادة: الرياضيات

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول: (03 نقاط)

(1) اكتب العدد E على الشكل $a\sqrt{2}$ حيث: $E = \sqrt{18} - 3\sqrt{8}$

(2) حل المتراجحة $E^2 + 7x > PGCD(27 ; 18)$

(3) حل جملة المعادلتين
$$\begin{cases} x + y = 6 \\ 2x - y = 0 \end{cases}$$

التمرين الثاني: (03 نقاط)

لتكن العبارة $P(x) = (x + 5)(x - 2) - (x^2 - 4)$ حيث:

(1) انشر ثم بسط العبارة $P(x)$.

(2) حلل العبارة $x^2 - 4$ ثم استنتج تحليلا للعبارة $P(x)$ إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

(3) احسب كلا من: $P(\sqrt{2})$ والعدد x حيث: $P(x) = -2$

التمرين الثالث: (03 نقاط)

(1) في معلم متعامد ومتجانس $(O; I; J)$ علم النقط $S(1; 4)$ ، $R(-2; 3)$ ، $T(-3; -1)$

(2) أنشئ النقطة F حيث: $\vec{SR} + \vec{ST} = \vec{SF}$ ثم أحسب مركبتي الشعاع $\vec{SF}$ (إحداثيي F تقرأ من المعلم)

(3) أحسب إحداثيي النقطة M مركز تناظر الرباعي $SRFT$.

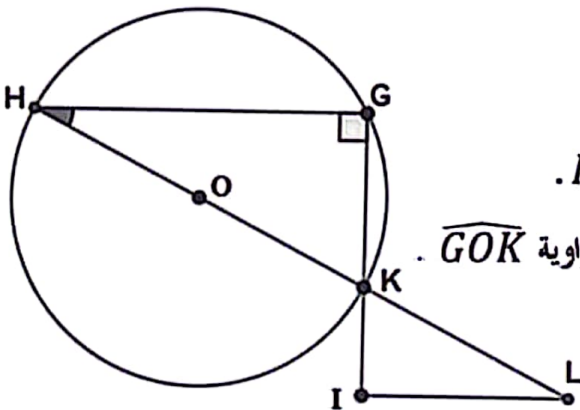
التمرين الرابع: (03 نقاط)

في الشكل المقابل (وحدة الطول هي cm) حيث:

$HK = 8$; $GK = 3.6$; $KL = 2$; $KI = 0.9$

(1) أحسب قياس الزاوية $\widehat{GHK}$ ملورا إلى الوحدة، ثم استنتج قياس الزاوية $\widehat{GOK}$.

(2) بين أن المستقيمين (GH) و (IL) متوازيان.



المسألة:

- في إطار تزويد إحدى المدارس الابتدائية بالطاقة الشمسية اتصلت مصالح البلدية بمؤسسة بيع وتركيب الألواح الشمسية والتي قدمت الاقتراحين التاليين:

الاقتراح ①: 40000 DA للوح الواحد تشمل التركيب.

الاقتراح ②: دفع 100000 DA تكاليف التركيب إضافة إلى 35000 DA للوح الواحد.

نعتبر x عدد الألواح الشمسية، f المبلغ المدفوع بالاقتراح ① و g المبلغ المدفوع بالاقتراح ②.

✓ بالاستعانة بتمثيل مناسب، أعط أفضل خيار لمصالح البلدية حسب عدد الألواح.

(نأخذ 1 cm على محور الفواصل يمثل 2 ألواح و 1 cm على محور الترتيب يمثل 100000 DA)

- يتم تركيب الألواح الشمسية على السطح $ABMN$ من الهيكل المعدني المثبت وفق الشكل أسفله.

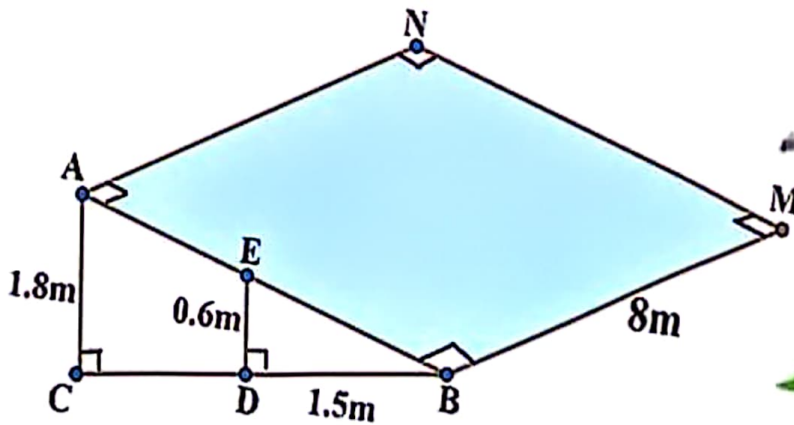
✓ ساعد مصالح البلدية في حساب تكلفة تركيب هذه الألواح إذا اختارت العرض الأفضل.

يعطى: $ABMN$ مستطيل ; $BM = 8 \text{ m}$;

$DB = 1.5 \text{ m}$; $DE = 0.6 \text{ m}$; $AC = 1.8 \text{ m}$

اللوحة الواحد يغطي مساحة قدرها 1.6 m^2 .

• تقرب الأطوال إلى 10^{-1} بالنقصان.



عند مسح هذا الرمز عبر تطبيق QR CODE على هاتفك الذكي
ستطلع على الحل النموذجي لهذا الموضوع مع سلم التقييم.
ملاحظة: سيعمل هذا الرمز عند انتهاء فترة الاختبار



الجزء الأول: (12ن)

التمرين الأول: (03ن)

ليكن العددين الحقيقيين A و B حيث: $A = 3\sqrt{75} - 5\sqrt{27} + \sqrt{12}$ ، $B = \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}}$

(1) اكتب العدد A على شكل $a\sqrt{3}$ حيث a عدد طبيعي.

(2) اجعل العدد B على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

(3) بين أن : $\frac{A}{2} + 3B = 3$

التمرين الثاني: (03ن)

لتكن العبارة الجبرية E حيث: $E = (3x - 1)^2 - 7^2 - (3x + 6)$

(1) أنشر ثم بسط E .

(2) حلل العبارة $(3x - 1)^2 - 7^2$ ثم استنتج تحليلا للعبارة الجبرية E .

(3) حل المتراجحة التالية ثم مثل حلولا بيانيا : $E \leq 9x^2 - 3x$

التمرين الثالث: (03ن)

ABC مثلث قائم في B حيث $BC = 8cm$ و $AB = 4cm$

لتكن M نقطة من $[BC]$ حيث: $BM = \frac{BC}{4}$ ، المستقيم (Δ) العمودي على (BC) في النقطة M يقطع

$[AC]$ في النقطة H .

1- احسب الطولين MH و HC .

2- احسب $\tan \hat{AMB}$ واستنتج قيس الزاوية $\hat{AMB}$ بالتدوير الى الدرجة.

التمرين الرابع: (03ن)

المستوي منسوب الى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ وحدة الطول هي السنتيمتر .

علم النقط $L(-2; -3)$ ، $N(4; 1)$ ، $M(2; 4)$

1- أحسب الطول LN .

2- علما أن : $LM = \sqrt{65}$ و $NM = \sqrt{13}$ ، بين أن المثلث LMN قائم .

3- أنشئ النقطة E صورة النقطة L بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{NM}$.

4- ماهي طبيعة الرباعي $LNME$ ؟ علل .

الوضعية :

الجزء الأول :

عمي أحمد صاحب حديقة للألعاب والتسلية مستطيلة الشكل بعدها 784m و 455m ، يريد إحاطتها بأشجار بحيث تكون المسافة متساوية و اكبر ما يمكن بين كل شجرتين متتاليتين على ان يغرس في كل ركن شجرة

- ثمن الشجرة الواحدة بـ 400 DA .
- تكلفة غرس كل شجرة يزيد بـ 25% من ثمنها المعروف .
- مصاريف النقل 1500 DA مهما كان عدد الأشجار .

1- ساعد العم أحمد في حساب تكلفة إحاطة هذه الحديقة بالأشجار .

الجزء الثاني :

يقترح العم أحمد على زبائنه التسعيرتين الآتيتين :

- التسعيرة الأولى : 200 DA للعبة الواحدة .
- التسعيرة الثانية : 100 DA للعبة الواحدة مع اشتراك قدره 400 DA .

2- ما هو عدد اللعب التي يمكنك الحصول عليها في كل تسعيرة إذا دفعت مبلغ 1200 DA ؟

3- باعتبار x عدد اللعب في اليوم ، حدد متى تكون التسعيرة الثانية أفضل من التسعيرة الأولى حسب عدد اللعب خلال يوم واحد .



اختبار الفصل الثالث في مادة الرياضيات

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول: (3 نقاط)

لتكن الأعداد A ، B ، C حيث :

$$A = \frac{21 \times (10^2)^{-1} \times 3.5 \times 10^4}{7 \times 10^5} ; B = \frac{68}{153} ; C = 3\sqrt{68} - \sqrt{153} + \sqrt{25}$$

(1) أكتب العدد A كتابة علمية.

(2) أكتب العدد B على شكل كسر غير قابل للاختزال.

(3) بين أن : $C = 3\sqrt{17} + 5$.

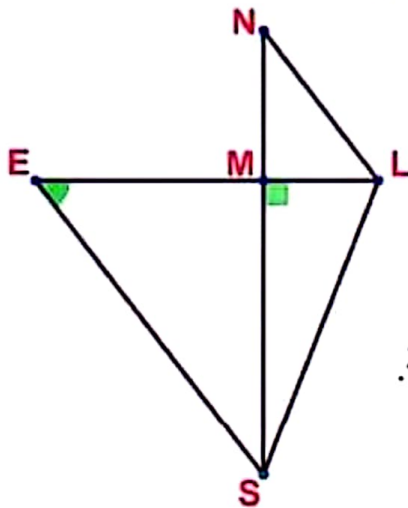
التمرين الثاني: (3 نقاط)

(1) تحقق من صحة المساواة التالية : $(x + 8)(x - 3) = x^2 + 5x - 24$

❖ لتكن العبارة E حيث : $E = (x^2 + 5x - 24) + (x + 3)^2 - 25$

(2) حل العبارة : $(x + 3)^2 - 25$ ثم استنتج تحليلا للعبارة E .

(3) حل المعادلة : $(x + 8)(2x - 5) = 0$



التمرين الثالث: (3 نقاط)

إليك الشكل المقابل (غير مرسوم بأطواله الحقيقية)

حيث : $LN = 10cm$; $LM = 6cm$

. $MS = 20cm$; $ME = 15cm$

(1) بين أن : $MN = 8cm$

(2) أحسب قياس الزاوية $\widehat{MES}$ بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة.

(3) بين أن $(LN) \parallel (SE)$.

التمرين الرابع: (3 نقاط)

المستوي مزود بمعلم متعامد و متجانس $(O, \overrightarrow{OI}, \overrightarrow{OJ})$ ، وحدة الطول هي السنتيمتر.

(1) علم النقط : $A(-3; -2)$; $B(3; 1)$; $C(1; 5)$

❖ إذا علمت أن : $AB = \sqrt{45}$; $AC = \sqrt{65}$

(2) بين نوع المثلث ABC

(3) جد إحداثيتي النقطة D حيث : $\overrightarrow{AD} = -\overrightarrow{CB}$

(4) بين نوع الرباعي $ABCD$

الجزء الثاني: (8 نقاط)

الوضعية الإدماجية : (8 نقاط)

I. بمناسبة حلول فصل الصيف ، أراد صاحب محل للوجبات الخفيفة إضافة خدمة التوصيل

و ذلك بشراء دراجة نارية فقصد متجر لبيع الدراجات فاقترح عليه صيغتين :

الصيغة الأولى :دفع مبلغ قدره $7500 DA$ شهريا.

الصيغة الثانية :تخفيض بنسبة 20% عن الصيغة الأولى إضافة الى دفع مبلغ مسبق قدره: $12000 DA$

✓ إذا علمت أن سعر الدراجة هو $180000 DA$.

(1) ما هي الصيغة التي تسمح بتسديد ثمن الدراجة في أقصر مدة؟

II. ليكن x هو عدد الأشهر و $f(x)$ هو المبلغ المدفوع بالصيغة الأولى و $g(x)$ هو المبلغ

المدفوع بالصيغة الثانية حيث :

$$g(x) = 6000x + 12000 \quad ; \quad f(x) = 7500x$$

(2) بالإستعانة بالتمثيل البياني، ما هو عدد الأشهر حتى تكون الصيغتين متساويتين، مع تحديد هذا المبلغ ؟

(نأخذ : $1cm$ على محور الفواصل يمثل شهرين و $1cm$ على محور الترتيب يمثل $12000 DA$).

التصحيح النموذجي لاختبار الفصل الثالث

السنة الدراسية 2023-2024

العلامة		عناصر الإجابة
مجزأة	المجموع	
		التمرين الأول <u>(1) كتابة A على الشكل العلمي:</u> $A = \frac{21 \times (10^2)^{-1} \times 3,5 \times 10^4}{7 \times 10^5}$ $A = \frac{21 \times 3,5}{7} \times \frac{10^{-2} \times 10^4}{10^5}$ $A = \frac{73,5}{7} \times \frac{10^2}{10^5}$ $A = 10,5 \times 10^{-3}$ $A = 1,05 \times 10^1 \times 10^{-3}$ $A = 1,05 \times 10^{-2}$ <u>(2) كتابة B على شكل كسر غير قابل للاختزال:</u> <u>أ- حساب PGCD (153 ; 68) باستعمال طريقة القسمة الاقليدية:</u> $153 = 68 \times 2 + 17$ $68 = 17 \times 4 + 0$ اذن PGCD (153 ; 68) = 17 <u>ب- اختزال الكسر</u> $B = \frac{68 \div 17}{153 \div 17} = \frac{4}{9}$ <u>(3) اثبات أن: $C = 3\sqrt{17} + 5$</u> $C = 3\sqrt{68} - \sqrt{153} + \sqrt{25}$ $C = 3\sqrt{4 \times 17} - \sqrt{9 \times 17} + 5$ $C = 3\sqrt{2^2 \times 17} - \sqrt{3^2 \times 17} + 5$ $C = 3 \times 2\sqrt{17} - 3\sqrt{17} + 5$ $C = 6\sqrt{17} - 3\sqrt{17} + 5$ $C = (6 - 3)\sqrt{17} + 5$ $C = 3\sqrt{17} + 5$
		التمرين الثاني <u>(1) التحقق بالنشر :</u> $(x + 8)(x - 3) = x(x - 3) + 8(x - 3)$ $(x + 8)(x - 3) = x^2 - 3x + 8x - 24$ $(x + 8)(x - 3) = x^2 + 5x - 24$
1		
1		
1		
1		

1

(2) تحليل $(x+3)^2 - 25$

$$(x+3)^2 - 25 = (x+3+5)(x+3-5)$$

$$(x+3)^2 - 25 = (x+8)(x-2)$$

تحليل العبارة E:

$$E = x^2 + 5x - 24 + (x+3)^2 - 25$$

$$E = (x+8)(x-3) + (x+8)(x-2)$$

$$E = (x+8)[(x-3) + (x-2)]$$

$$E = (x+8)(2x-5)$$

(3) حل المعادلة:

$$(x+8)(2x-5) = 0$$

$$(x+8) = 0 \text{ أو } (2x-5) = 0$$

$$x = -8 \text{ أو } 2x = 5$$

$$x = -8 \text{ أو } x = \frac{5}{2}$$

المعادلة تقبل حلين هما : -8 و $\frac{5}{2}$

1

التمرين الثالث(1) تبين أن : $MN = 8 \text{ cm}$

لدينا المثلث LMN قائم في M وحسب خاصية فيثاغورس نجد:

$$NL^2 = ML^2 + MN^2$$

$$MN^2 = NL^2 - ML^2$$

$$MN^2 = 10^2 - 6^2$$

$$MN^2 = 100 - 36$$

$$MN^2 = 64$$

$$MN = \sqrt{64} = 8$$

$$MN = 8 \text{ cm} \text{ نجد}$$

(2) حساب قياس الزاوية $\widehat{MES}$ بالتدوير للوحدة:

لدينا المثلث MES قائم في M

$$\tan \widehat{MES} = \frac{\text{الضلع المقابل}}{\text{الضلع المجاور}}$$

$$\tan \widehat{MES} = \frac{MS}{ME} \text{ إذن}$$

$$\tan \widehat{MES} = \frac{20}{15} \text{ ومنه}$$

$$\tan \widehat{MES} \approx 1,33$$

$$\tan^{-1}(1,33) \approx 53,06 \text{ ومنه}$$

بالتدوير إلى الوحدة نجد $\widehat{MES} = 53^\circ$

(3) إثبات أن (SE) و (LN) متوازيان:

لدينا النقط E، M، L والنقط S، M، N في استقامة واحدة وبنفس الترتيب

و لدينا:

$$\frac{MN}{MS} = \frac{8}{20} = 0,4 \quad (1)$$

$$\frac{ME}{ML} = \frac{6}{15} = 0,4 \quad (2) \text{ و}$$

من (1) و (2) نستنتج $\frac{MN}{MS} = \frac{ME}{ML}$ حسب خاصية طالس العكسية فإن (LN) // (SE)

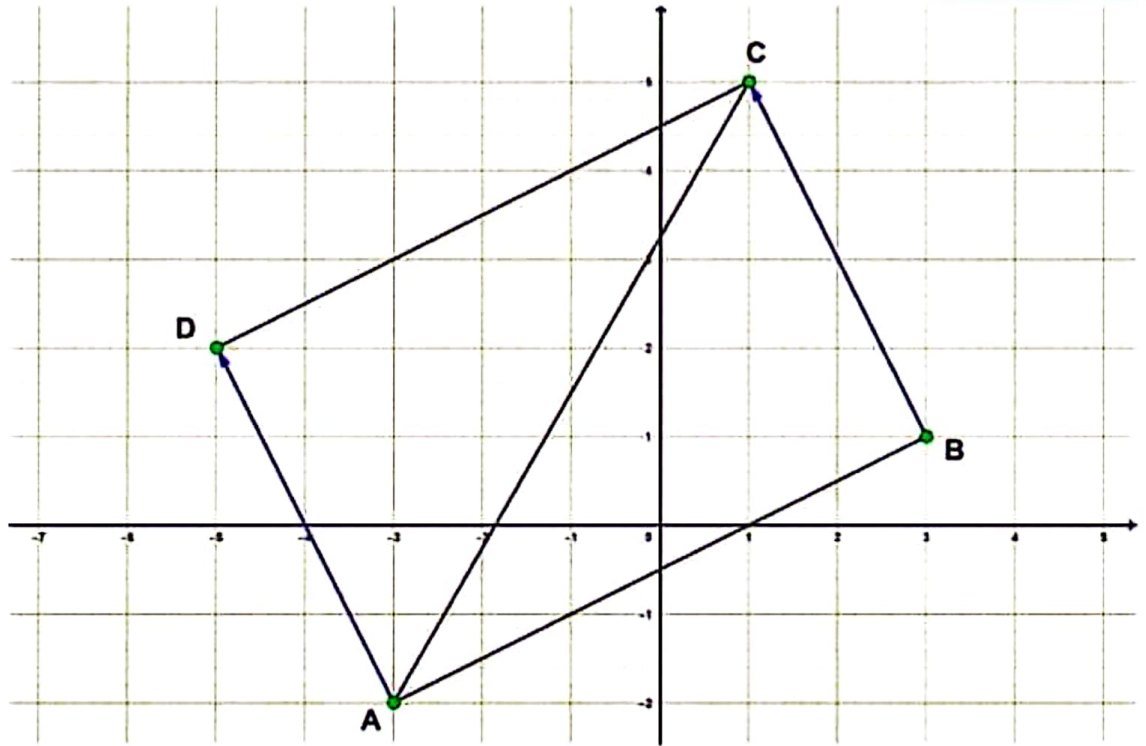
1

1

1

التمرين الرابع:

(1) تعليم النقاط:



(2) حساب الطول BC

$$BC = \sqrt{(x_c - x_B)^2 + (y_c - y_B)^2}$$

$$BC = \sqrt{(1 - 3)^2 + (5 - 1)^2}$$

$$BC = \sqrt{(-2)^2 + (4)^2}$$

$$BC = \sqrt{4 + 16}$$

$$BC = \sqrt{20} \text{ cm}$$

* تبيان أن المثلث ABC قائم

في المثلث ABC لدينا

$$AC^2 = (\sqrt{65})^2 = 65$$

$$BC^2 + AB^2 = (\sqrt{45})^2 + (\sqrt{20})^2$$

$$BC^2 + AB^2 = 45 + 20$$

$$BC^2 + AB^2 = 65$$

$$AC^2 = BC^2 + AB^2 \text{ أي:}$$

إذن: حسب خاصية فيثاغورس العكسية فإن المثلث ABC قائم في B.

(3) حساب إحداثيتي النقطة:

بما أن: $\overrightarrow{AD} = -\overrightarrow{CB}$ أي: $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{BC}$

$$\begin{pmatrix} x_D - x_A \\ y_D - y_A \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_C - x_B \\ y_C - y_B \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} x_D - (-3) \\ y_D - (-2) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 - 3 \\ 5 - 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} x_D + 3 \\ y_D + 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 \\ 4 \end{pmatrix}$$

ومن خواص تساوي الشعاعين نجد:

$$x_D + 3 = -2 \text{ ومنه } x_D = -5$$

$$y_D + 2 = 4 \text{ ومنه } y_D = 2$$

$$\text{إذن: } D(-5; 2)$$

التمرين الأول : (3 ن)

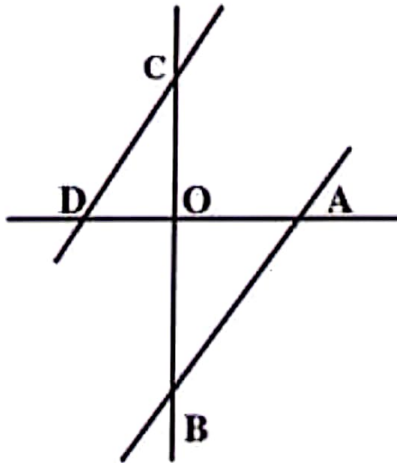
- (1) x و y عددين غير معدومين حيث : $1053x = 208y$.
- عين النسبة $\frac{x}{y}$ ثم اكتبها على أبسط شكل ممكن .

- (2) لتكن العبارة E حيث : $E = 5\sqrt{208} - 3\sqrt{1053} + 2\sqrt{13}$
- اكتب العدد E على شكل $a\sqrt{13}$ حيث a عدد نسبي صحيح يطلب تعيينه .
- اجعل مقام النسبة : $\frac{-3\sqrt{2}}{E}$ عددا ناطقا .

التمرين الثاني : (3 ن)

- لتكن العبارة الجبرية D حيث : $D = (7x - 3)^2 - 36x^2$
(1) تحقق بالنشر والتبسيط أن : $D = 13x^2 - 42x + 9$
(2) حلل العبارة D إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .
(3) حل المعادلة $13x^2 - 42x + 9 = 0$.

التمرين الثالث : (3 ن)



- لاحظ الشكل المقابل (الأبعاد على الرسم ليست حقيقية والوحدة cm)
لدينا (AD) و (BC) مستقيمان متقاطعان في النقطة O حيث :
 $OD = 3$; $OA = 9$; $OB = 15$; $OC = 5$

- (1) اثبت أن $(AB) \parallel (CD)$
(2) إذا علمت أن $CD = \sqrt{34} \text{ cm}$ احسب الطول AB
(3) اثبت أن المثلث OBA قائم ثم احسب قياس الزاوية $\widehat{OBA}$
(بالتدوير إلى الوحدة)

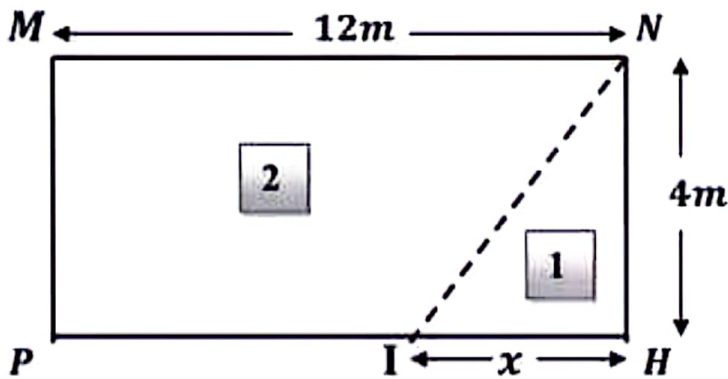
التمرين الرابع : (3 ن)

- المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$
(1) علم النقط $T(2; -3)$; $M(2; 1)$; $S(6; 1)$
(2) اوجد احداثيتي النقطة L منتصف القطعة $[TM]$
(3) - عين النقطة K صورة النقطة S بالدوران الذي مركزه M وزاويته 90° في الاتجاه المباشر .
- عين النقطة R حيث : $\overrightarrow{SK} = \overrightarrow{TR}$
(4) ما نوع الرباعي $SKRT$ مع التعليل .

الوضعية الإدماجية : (8 ن)

- ساهمت كوكبة تتكون من 20 فردا (أساتذة وتلاميذ) في شراء مجموعة من الكتب لمكتبة متوسطة بثمان 3200 دج إذا علمت أن كل أستاذ ساهم بمبلغ 300 دج وكل تلميذ بمبلغ 100 دج .
- (1) اوجد عدد الأساتذة وعدد التلاميذ المساهمين .

- مكتبة المتوسطة مستطيلة الشكل وللحصول على غرفة شكلها مثلث قامت مديرة المتوسطة بوضع حاجز كما هو موضح في المخطط أدناه :
- حيث : الجزء (1) يمثل خزانة المكتبة والجزء (2) يمثل المكتبة بعد تهيئتها .



المسندات :

نعتبر أن سمك الحاجز معدوم

ليكن $IH = x$ حيث I نقطة من $[PH]$ مع
 $0 \leq x \leq 12$

نسمي: $f(x)$ مساحة الجزء HIN

$g(x)$ مساحة الجزء $MNIP$

(2) عبر عن $f(x)$ و $g(x)$ بدلالة x

- رغبت مديرة المتوسطة أن تكون مساحة الجزء HIN أقل من مساحة الجزء $MNIP$
- (3) بالاستعانة بالتمثيل البياني المناسب ، اوجد قيم x التي تجعل هذا الشرط يتحقق .

يمكنك اخذ : $1cm$ على محور الفواصل لكل $1m$

$1cm$ على محور الترتيب لكل $5m^2$

" أساتذة المادة يتمنون النجاح للجميع في شهادة التعليم المتوسط "



المستوى : الرابعة متوسط

الموسم الدراسي: 2024/2023

تربية التربية لولاية الأغواط

متوسطة داودي ناصر - آفلو-

المدة : ساعتان

الإختبار التجريبي في مادة : الرياضيات

التمرين الأول : (03 نقاط)

$$B = \frac{30.1 \times 10^3 \times 8}{2^2 \times (10^{-1})^{-2}} \quad , \quad A = \frac{14}{5} + \frac{3}{5} \div \frac{2}{4} \quad : \text{ عددان حيث}$$

(1) بسط العدد A .(2) أحسب العدد B ثم أكتبه على الشكل العشري.

$$\left(\frac{B}{A} - \frac{1}{2}\right) \left(\frac{B}{2} - 1\right) = 4.5 \times 10^4 \quad : \text{ بين أن}$$

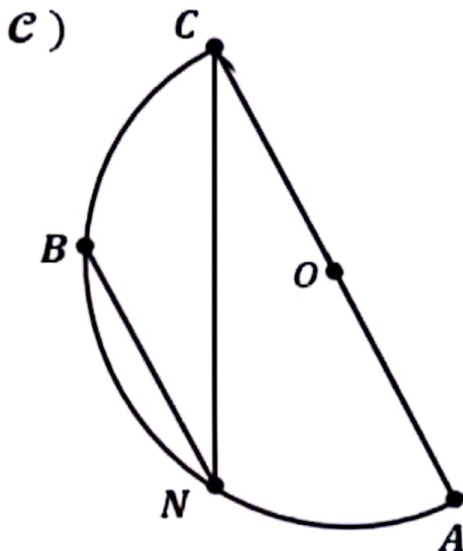
التمرين الثاني: (3 نقاط)لتكن العبارة E بحيث :

$$E = (3x + 2)^2 - 2(2x - 4)(3x + 2)$$

$$E = -3x^2 + 28x + 20 \quad : \text{ تحقق بالنشران}$$

(2) حل العبارة E إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .

$$(3x + 2)(10 - x) = 0 \quad : \text{ حل المعادلة}$$

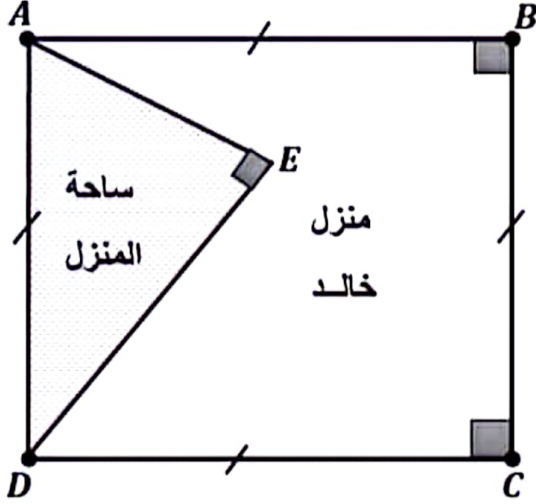
التمرين الثالث (3 نقاط) (الشكل المقابل مرسوم بأبعاد غير حقيقية .)(C) نصف دائرة مركزها O وقطرها $[AC]$ النقطتان N و B من نصف الدائرة (C) و $(BN) \parallel (AC)$ المستقيم (AB) يقطع المستقيم (NC) في M حيث :

$$NB = 4cm, MN = 2.8cm, MC = 7cm$$

(1) أحسب الطول AC (2) ما نوع المثلث ABC ؟ برر جوابك(3) أحسب قياس الزاوية $\widehat{ACN}$ بالتدوير إلى الوحدةثم استنتج قياس كل من $\widehat{NOA}$ و $\widehat{NBA}$ **التمرين الرابع: (3 نقاط)** f دالة خطية تمثيلها البياني يشمل النقطتين $A(2; 4)$ و $B(-1; -2)$ (1) أكتب العبارة الجبرية للدالة f ثم أنشئ المستقيم (AB) في معلم متعامد ومتجانس(2) علم على نفس المعلم النقطة $C(-1; 5)$ ثم أحسب مركبتي الشعاع $\overrightarrow{AC}$ (3) أنشئ المستقيم (Δ) صورة المستقيم (AB) بالإنسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AC}$ (4) أحسب إحداثيتي النقطة D حيث $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BD}$

الجزء الثاني : (08 نقاط)
الوضعية:

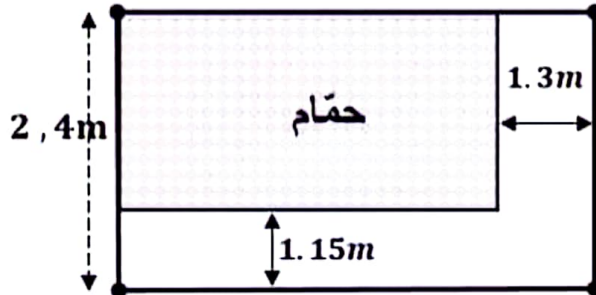
باع العم أحمد قطعة أرض مربعة الشكل لابن أخيه خالد، فتحصل على مبلغ $DA\ 2\ 868\ 750$ بعد دفعه ضريبة نسبتها 15% على المبلغ الإجمالي للقطعة بحيث سعر المتر المربع الواحد هو $15000DA$.



- يرغب خالد بوضع مخطط وتصميم لقطعة الأرض حيث يريد ترك ساحة للمنزل على شكل مثلث قائم بحيث تكون مساحته أكبر ما يمكن (أنظر الشكل المرفق) نسمي ADE هذا المثلث وتره AD

- كونك تلميذ سنة رابعة متوسط ما هو التوجيه الذي تقدمه لخالد لإيجاد بُعد هذه القطعة ومساحة ساحة المنزل (المثلث ADE).

(2) بداخل الجزء المخصص للمنزل قرر خالد تخصيص قطعة مستطيلة الشكل طولها ضعف عرضها حيث يتم استغلال هذه القطعة لتهيئة حمام (كما هو موضح في الشكل)



- أراد خالد تبليط الحمام ببلاطات خزفية مربعة الشكل ومتماثلة ذات أكبر ضلع ممكن ودون ضياع. ما هو عدد البلاطات اللازمة لتبليط هذا الحمام؟

التمرين الرابع: (03 ن)

المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس حيث وحدة الطول هي السنتيمتر (cm).

- لتكن $E(6; 3)$ ، $F(2; 5)$ ، $G(-2; -3)$ ثلاث نقاط من الدائرة (C) التي قطرها [EG]
- 1- علم النقط .
- 2- احسب كل من احداثيتي H مركز الدائرة (C) و طول قطرها [EG] .
- 3- لتكن النقطة M حيث [FM] قطر الدائرة (C) .
- بين ان M صورة E بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{FG}$.
- احسب احداثياتها .
- 4- اذا علمت أن : $\widehat{EGF} = 27^\circ$. استنتج قياس $\widehat{EMF}$.

الجزء الثاني: (08 نقاط)الوضعية الإدماجية: (08 ن)

خصصت شركة لحياسة الأقمصة 275 قميص أخضر و 475 قميص أبيض قصد التبرع بها لصالح جمعية خيرية حيث وزعت على أكبر عدد ممكن من الأكياس بنفس العدد من الأقمصة من كل لون .

- ساعد الجمعية الخيرية في معرفة عدد الأقمصة من كل لون في الكيس الواحد .

قصد الاستفادة من مدخول بيع هذه الأقمصة كلفت الجمعية مجموعة من الفتيات بإعادة تزيين الأقمصة فكانت المصاريف المترتبة عن ذلك هي 7000 da للنقل و 50 da عن كل قميص مزين .

إذا علمت أن الجمعية بعد تزيين الأقمصة تبيعها بـ 400 da للقميص الواحد.

- حدد المداخل و المصاريف الناتجة عن تزيين و بيع 30 قميص مع تحديد قيمة الربح إن وجد .

باعتبار x : عدد الأقمصة .

f(x) : المصاريف المترتبة عن نقل و تزيين الأقمصة .

g(x) : المدخول الناتج عن بيع الأقمصة .

- بالاستعانة بتمثيل بياني حدد حالة الربح أو الخسارة حسب عدد الأقمصة المباعة .

نأخذ :

- 1 cm على محور الفواصل يمثل 5 أقمصة .

- 1 cm على محور الترتيب يمثل 1000 da .

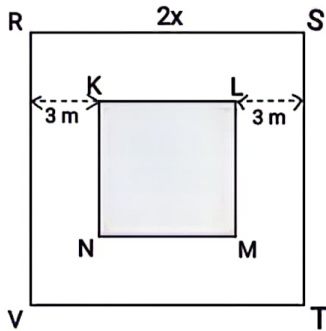
الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول: (03 ن)

- اختر الجواب الصحيح مع تبريرها في كل حالة:

الخيارات	الأسئلة
ليس لها حل . للمعادلة حلان هما : $x_2 = -6$ و $x_1 = 6$	أ. للمعادلة : $\frac{x}{12} = \frac{-3}{x}$
$c = \frac{-5}{4}$ $b = \frac{21}{4}$	ب. $\frac{102}{68} + \frac{3}{2} \div \frac{2}{5} =$
$c = 9 - 2\sqrt{2}$ $b = -1$	ج. $\frac{3\sqrt{2} - 4}{\sqrt{2}} =$
$c = \sqrt{3} - 7\sqrt{5}$ $b = -2\sqrt{5}$	د. $2\sqrt{45} - 5\sqrt{5} - \sqrt{\frac{27}{3}} =$

التمرين الثاني: (03 ن)



1- انشر ثم بسط : $F = (2x - 6)^2$

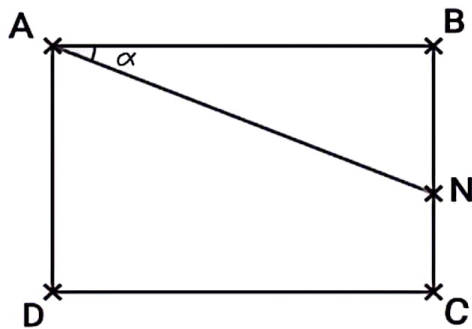
2- بين أن المساواة التالية محقة :

$$4x^2 - (2x - 6)^2 = 12(2x - 3)$$

3- لاحظ الشكل المقابل بحيث $KLMN$ و $RSTV$ مربعان

- عين قيم x حتى تكون المساحة غير الملونة تتجاوز $72 m^2$.

التمرين الثالث: (03 ن)



$ABCD$ مستطيل بعده $AB = 6 cm$ و $AD = 5 cm$.

1- اذا علمت أن : $\tan \hat{\alpha} = \frac{3}{4}$

- بين أن $BN = 4,5 cm$

- احسب الطول AN

2- المستقيم (AN) يقطع (DC) في النقطة R .

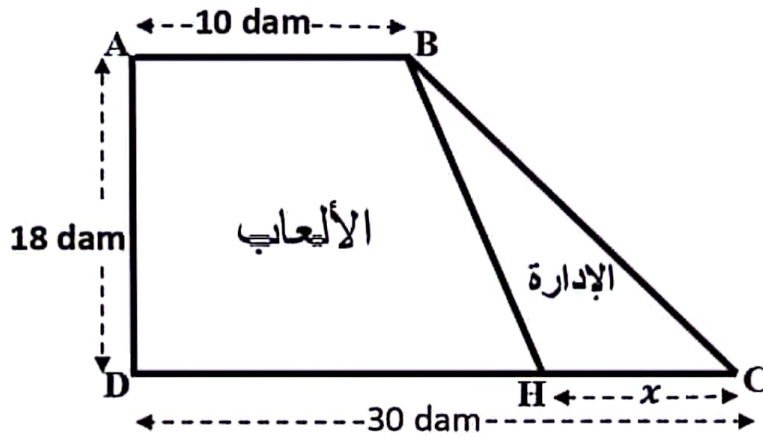
- اعط القيمة المضبوطة للطول CR .

الجزء الثاني : (08 نقطة)الوضعية الإدماجية :الجزء الأول :

يملك عمي احمد قطعة ارض مستطيلة الشكل مساحتها 540 dam^2 و عرضها $\frac{3}{5}$ من طولها

(1) احسب بعدي هذه القطعة ؟

أراد عمي احمد استغلال الجزء $ABCD$ لبناء حديقة للألعاب حيث خصص الجزء HBC للإدارة و الجزء $ABHD$ للألعاب



H نقطة من القطعة $[DC]$ حيث $HC = x$ مع $0 \leq x \leq 30$

(2) بالاعتماد على تمثيل بياني مناسب قارن بين $f(x)$ مساحة الإدارة و $g(x)$ مساحة الألعاب حسب موضع النقطة H

1cm على محور الفواصل يمثل 5 dam و 1cm على محور الترتيب يمثل 45 dam^2

الجزء الثاني :

بعد الانتهاء من الأشغال وضع عمي احمد التسعيرتين التاليتين للدخول للحديقة

التسعيرة الأولى : 80 DA للكبار

التسعيرة الثانية : تخفيض قدره 25% من التسعيرة الأولى بالنسبة للصغار

إذا علمت أن مدخول هذه الحديقة في هذا اليوم هو 5800 DA و عدد الزوار هو 90 زائر

(3) احسب عدد الصغار و عدد الكبار الذين زاروا الحديقة في هذا اليوم ؟

الإختبار التجريبي في مادة الرياضيات

التمرين الأول

- هل العددين 625 و 500 أوليان فيما بينهما ؟ علل دون حساب
- ليكن العددين A و B حيث:

$$B = 3\sqrt{45} + 2\sqrt{20} - 10\sqrt{5}$$

$$A = \left(1 + \frac{3}{2}\right) \div \frac{625}{500}$$

- أكتب العدد A على أبسط شكل ممكن

$$B = 3\sqrt{5} \quad \text{بين أن:}$$

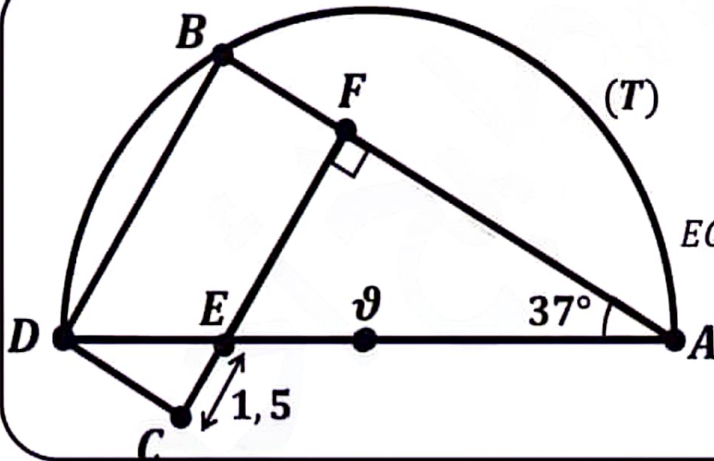
$$A^2 \times B^2 = 180 \quad \text{تأكد حسابيا أن:}$$

التمرين الثاني

لتكن العبارة الحرفية Z حيث: $Z(x) = (6x + 3) - (2x + 1)^2$

- بين أن: $Z(x) = -4x^2 + 2x + 2$
- حل العبارة Z الى جداء عاملين من الدرجة الأولى
- حل المعادلة: $(2x + 1)(2 - 2x) = 0$

التمرين الثالث



في الشكل المقابل المرسوم بأبعاد غير حقيقية (وحدة الطول هي cm)

$$AD = 10cm, AE = 7.5cm, AB = 8cm$$

(T) نصف دائرة مركزها O و [AD] قطر لها. E نقطة من المستقيم (EF) حيث: $EC = 1.5cm$

- حدد طبيعة المثلث ABD ؟ علل جوابك

$$2. \text{ أحسب الطول } EF$$

$$3. \text{ بين أن: } (AF) \parallel (DC)$$

$$4. \text{ أحسب قياس الزاوية } \widehat{DOB} \text{ مع التعليل}$$

التمرين الرابع

المستوي منسوب الى معلم متعامد ومتجانس $(\vec{o}; \vec{i}, \vec{j})$ حيث: $\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 1cm$

- علم النقطتين: $B(-1; -1), A(+1; +3)$

$$1. \text{ بين أن إحداثيتي النقطة C هي: } C(+3; -3) \text{ علما أن: } \vec{AC} \begin{pmatrix} +2 \\ -6 \end{pmatrix} \text{ ثم علمها.}$$

$$2. \text{ أنشئ النقطة D بحيث: } \vec{CD} = \vec{CA} + \vec{CB}$$

- مانوع الرباعي ACBD ؟ علل إجابتك

$$3. \text{ أحسب إحداثيتي E مركز تناظر الرباعي ACBD}$$

الإختبار التجريبي في مادة الرياضيات

الوضعية الإدماجية

- لفلاح قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها: $2400m^2$ ، عرضها ثلثي $\left(\frac{2}{3}\right)$ طولها ، حرت منها 10%:
- أوجد بعدي هذه القطعة
 - أحسب المساحة المحروثة بالـ (m^2) ؟
- قصد الفلاح شركة لكراء آلات الحرت فغرض عليه العرضين الآتيين :



العرض الثاني:

دفع 2000 DA
للساعة الواحدة مع
اشتراك ثابت
5000 DA

العرض الأول:

دفع 3000 DA
للساعة الواحدة
من الحرت .

1. أنقل و أتمم الجدول المقابل :

عدد ساعات الحرت	2	.	.
تكلفة الكراء بالعرض الأول (بـ DA)	.	15000	.
تكلفة الكراء بالعرض الثاني (بـ DA)	.	.	64000

2. ليكن x عدد ساعات الحرت :

$f(x)$ تكلفة الكراء بـ العرض الأول و $g(x)$ تكلفة الكراء بـ العرض الثاني

- عبر بدلالة x عن : العرض الأول والعرض الثاني

3. أنشئ وبدقة في معلم متعامد ومتجانس $(\vec{i}, \vec{j})$ المستقيمين (Δ_1) و (Δ_2) التمثيليين البيانيين للدالتين f و g على الترتيب حيث :

$$(\Delta_2): y = 5000 + 2000x$$

$$(\Delta_1): y = 3000x$$

- بأخذ : كل 1cm على محور الفواصل يمثل 1h وعلى كل 1cm محور الترتيب يمثل 2500 DA
4. انطلاقا من التمثيل البياني :

- حدد عدد ساعات الحرت و تكلفة كراء آلة الحرت التي من أجلها يتساوى العرضان (مع ترك أثر القلم على التمثيل البياني
- عدد الساعات التي من أجلها يكون العرض الثاني أفضل من العرض الأول ثم تأكد حسابيا .

دعاء تيسير الامتحان

ربّ اشرح لي صبري، ويسّر لي أمري، واحل عقدة من لساني، يفقهوا قلبي، بسم الله، اللهم لا سهل إلا ما جعلته سهلاً، وأنت تجعل الحزن إذا شئت سهلاً يا أرحم الراحمين

وفتكم
الله وسدد
خطاكم

الجزء الأول : (12 نقطة)

التمرين الأول : (3 نقط)

إليك الأعداد حيث $C = 5\sqrt{5400} - 2\sqrt{1944} + 7\sqrt{864}$ $B = \frac{5400}{1512}$ $A = \frac{0.3 \times 10^6 \times 17.4 \times 10^{-2}}{15 \times 10^6}$

- 1) أحسب العبارة A ثم أعط كتابتها العشرية ثم العلمية .
- 2) أحسب PGCD(5400 ; 1512) ثم اختزل الكسر $\frac{540}{1512}$ ثم أحسب B معطيا الناتج على أبسط شكل ممكن .
- 3) أكتب على الشكل $a\sqrt{6}$ (حيث a عدد طبيعي) .

التمرين الثاني : (3 نقط)

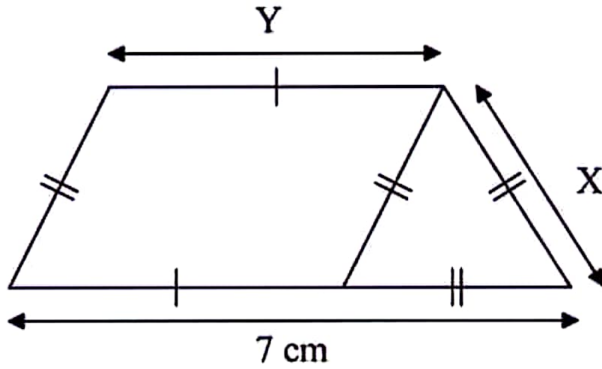
تعطى العبارة :

- 1) تحقق بالنشر و التبسيط أن : $D = 2x^2 + 7x - 15$
- 2) حل العبارة $4x^2 - 9$ ثم استنتج تحليلا للعبارة D إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى بجهول واحد .
- 3) حل المعادلة : $(2x - 3)(x + 5) = 0$

التمرين الثالث : (3 نقط)

1) حل جبريا جملة المعادلتين : $\begin{cases} 3x + 3y = 21 \\ 3x - (2x + 2y) = 0 \end{cases}$

- 2) تمنع في الشكل المقابل (الشكل مرسوم بأطوال غير حقيقية) .
إذا علمت ان للمثلث ومتوازي الأضلاع نفس المحيط .
• أحسب طول ضلع المثلث و بعدا متوازي الأضلاع .

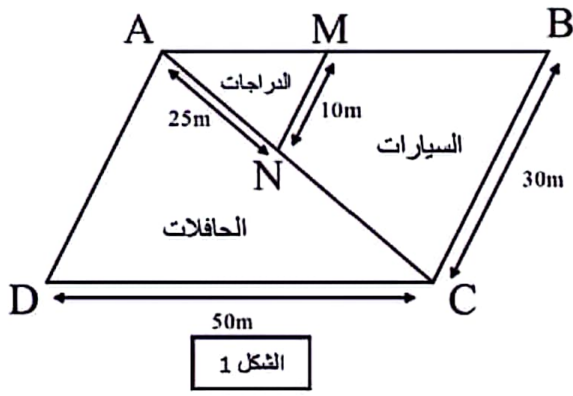


التمرين الرابع : (3 نقط)

المستوي المنسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{I}; \vec{J})$ (الوحدة بالـ cm) .

- 1) علم في هذا المعلم النقاط : $A(-2; 2)$ $B(3; 1)$ $C(0; -1)$
- 2) أحسب المسافة AC
- 3) علما أن : $AB = \sqrt{26}cm$ و $BC = \sqrt{1}cm$ ، بين طبيعة المثلث ABC .
- 4) أحسب إحداثيات M منتصف $[AB]$ ثم عينها على الشكل .
- 5) أنشئ النقطة D صورة C بالدوران الذي مركزه M وزاويته 180° ، ثم استنتج طبيعة الرباعي ACBD .

الوضعية الإدماجية :



الشكل 1

فكر السيد المدير العام في تقسيم مستودع مؤسسته الذي شكله متوازي الأضلاع

الى قسمين ABC و ADC متساويين فب المساحة لتنظيم حركة السير و تنظيم

ركن السيارات ، الحافلات و الدراجات النارية . (الشكل 1)

مساحة هذا المستودع هي $1000m^2$ حصل هذا التقسيم عن طريق حاجز وهمي [AC] (الحاجز الوهمي رسم بخط متقطع باعتبار سمكه معدوم)
تنظيمي يجبر دخول السيارات و الدراجات النارية من المدخل 1 أما الحافلات من المدخل 2 .

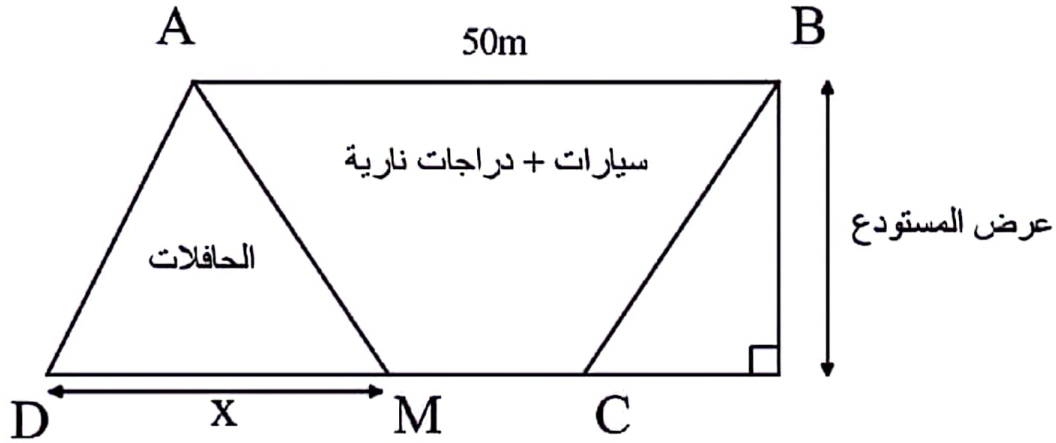
(1) أحسب عرض هذا الممر .

(2) أحسب طول الخط الوهمي علما أن $(BC) \parallel (NM)$

بعد حصوله على الخط الوهمي ، رأى المدير أن هذا التقسيم لن يساعده ، فقرر تغيير تقسيمه و هذه المرة بالخط الوهمي [AM] (الشكل 2) مع إبقائه
على فكرة دخول السيارات و الدراجات النارية من المدخل 1 و الحافلات من المدخل 2 .

بقي للمدير مشكل صغير وهو الطول $DM=x$ الذي من أجله سيدرس مساحتي الشكلين ADM و ABCM (من أجل قيمة ل x تكون المساحتين
متساويتين أم مختلفتين) ، فاقترح المدير هذه الفكرة على تلاميذه في السنة الرابعة متوسط ، فعرضو عليه أن يعبر عن مساحة كل من المثلث ADM و
مساحة سبوح المنحرف ABCM بدالتين $f(x)$ و $g(x)$ على الترتيب ويقوم بدراستهما بيانيا .

(3) برأيك ماهي كل التفاصيل البيانية و الاستنتاجات المحصل عليها من طرف التلاميذ لمساعدة مديريهم على تنظيم المدرسة .



الشكل 2

إختبار تجريبي في مادة الرياضيات

المدة : 2 سا

القسم : 04 متوسط

التمرين الأول: (3ن)

أعداد حقيقية حيث : A ; B ; C

$$C = \frac{528}{1188} ; B = \sqrt{245} - \sqrt{80} - \sqrt{20} ; A = \frac{3,7 \times 10^{21} \times 52 \times 10^{-17}}{2,5 \times 10^{-11}}$$

- (1) أكتب العدد A كتابة علمية .
- (2) أكتب العدد B على الشكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد طبيعي .
- (3) أكتب العدد C على شكل كسر غير قابل للاختزال .

التمرين الثاني: (3ن)

- (1) أنشر و بسط العبارة $N = (3x+5)(x-5)$
- (2) حلل إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى العبارة $E = (3x+5)(2x-2) + 3x^2 - 10x - 25$
- (3) حل المعادلة : $(3x+5)(3x-7) = 0$
- (4) حل المتراجحة $3x^2 - 10x - 25 > 3x^2 - 5$ و مثل حلوها بيانيا.

التمرين الثالث: (3ن)

$(o; \vec{i}; \vec{j})$ معلم متعامد و متجانس وحدته $1cm$.

لتكن النقط $A(3;3)$; $B(-2;1)$; $C(5;-2)$

(1) إذا كان $AB = \sqrt{29}$ و $BC = \sqrt{58}$ ما نوع المثلث ABC ؟

(2) أنشئ النقطة D صورة A بالدوران الذي مركزه B وزاويته 90° في الاتجاه الغير مباشر ثم أوجد إحداثيتي النقطة D .

(3) ما نوع الرباعي $ABDC$ ؟ علل.

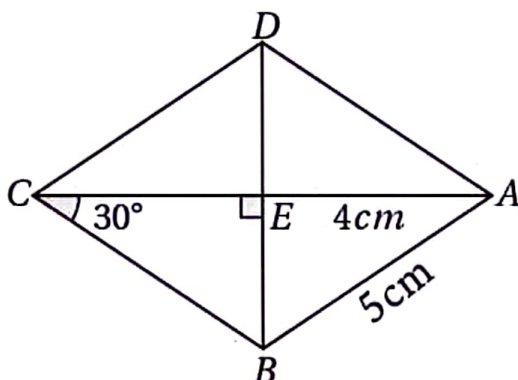
التمرين الرابع: (3ن)

الشكل المقابل مرسوم بأطوال غير حقيقية

(1) أحسب الطول BC .

(2) إذا علمت أن $EC = 4,8cm$ و $ED = 3,6cm$

◀ بين أن $(DC) \parallel (AB)$.



الجزء الثاني: (8 نقاط)

الوضعية الإدماجية : (8 نقاط)

I. بمناسبة حلول فصل الصيف ، أراد صاحب محل للوجبات الخفيفة إضافة خدمة التوصيل

و ذلك بشراء دراجة نارية فقصد متجر لبيع الدراجات فاقترح عليه صيغتين :

الصيغة الأولى :دفع مبلغ قدره $7500 DA$ شهريا.

الصيغة الثانية :تخفيض بنسبة 20% عن الصيغة الأولى إضافة الى دفع مبلغ مسبق قدره: $12000 DA$

✓ إذا علمت أن سعر الدراجة هو $180000 DA$.

(1) ما هي الصيغة التي تسمح بتسديد ثمن الدراجة في أقصر مدة؟

II. ليكن x هو عدد الأشهر و $f(x)$ هو المبلغ المدفوع بالصيغة الأولى و $g(x)$ هو المبلغ

المدفوع بالصيغة الثانية حيث :

$$g(x) = 6000x + 12000 \quad ; \quad f(x) = 7500x$$

(2) بالإستعانة بالتمثيل البياني، ما هو عدد الأشهر حتى تكون الصيغتين متساويتين، مع تحديد هذا المبلغ ؟

(نأخذ : $1cm$ على محور الفواصل يمثل شهرين و $1cm$ على محور الترتيب يمثل $12000 DA$).

- يريد نورالدين الإنخراط في نادي رياضي، توجه لمقر النادي فوجد العروض التالية :
- العرض (1) : دفع 250DA لكل حصة تدريبية .
- العرض (2) : دفع اشتراك شهري 1000DA مع دفع 150DA لكل حصة تدريبية .
- العرض (3) : دفع اشتراك شهري 4000DA مهما كان عدد الحصص التدريبية .
- (1) أنقل و املء الجدول التالي :

عدد الحصص	10	25
المبلغ المدفوع حسب العرض (1)		
المبلغ المدفوع حسب العرض (2)	4000	
المبلغ المدفوع حسب العرض (3)		4000

- (2) ليكن x عدد الحصص التدريبية.
- أ) عبر بدلالة x عن العرض الأول بالدالة $f(x)$ و عن العرض الثاني بالدالة $g(x)$ و عن العرض الثالث بالدالة $h(x)$.
- ب) حل المعادلة $250x = 150x + 1000$ ماذا يمثل هذا الحل؟
- (3) في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ أرسم المستقيمات التالية:
- ◀ (d_1) المستقيم الذي معادلته $y = 250x$.
- ◀ (d_2) المستقيم الذي معادلته $y = 150x + 1000$.
- ◀ (d_3) المستقيم الذي معادلته $y = 4000$.
- (نأخذ: 1cm يمثل 5 حصص على محور الفواصل ، 1cm يمثل 500DA على محور الترتيب)
- (4) بقراء بيانية أوجد عدد الحصص التدريبية التي يكون فيها العرض الثاني هو الأفضل .



نحن الرياح ونحن البحر والسفن
يلقاه ولو حاربه الانس والجن
تجري الرياح كما ارادت لها السفن

تجري الرياح كما تجري سفينتنا
إن الذي يرتجي شيئا بهمه
فاقصد إلى قم الأشياء تدر كها

التمرين الرابع (03 نقاط)

في مستو مزود بمعلم متعامد متجانس وحدة الطول 1cm.

1. علم النقط التالية $A(3; -2)$ $B(-6; -2)$ $C(3; 4)$
2. ما نوع المثلث ABC ؟ مع التعليل.
3. عين النقطتين E و F بحيث
 - صورة C بالدوران الذي مركزه A واتجاهه سالب بزاوية 30° .
 - صورة E بالدوران الذي مركزه A واتجاهه سالب بزاوية 60° .
4. ما نوع المثلث AFC ؟ مع التعليل.

الجزء الثاني (08 نقاط)

يمتلك العم أحمد قطعة أرض مستطيلة الشكل ABCD علما أن طولها هو خمسي عرضها أي $(\frac{2}{5})$.

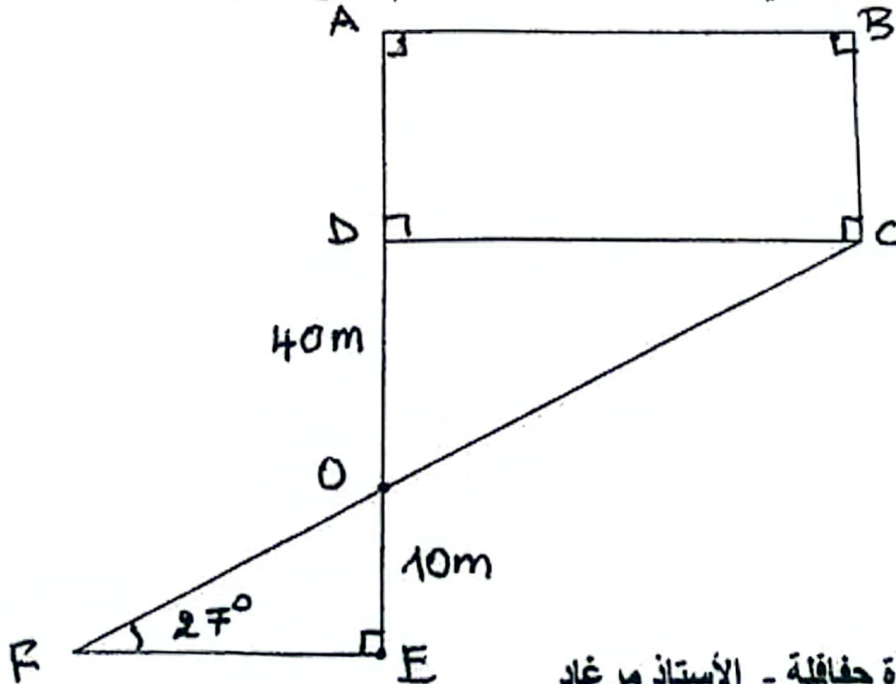
أراد إحاطتها بأشجار بحيث تكون المسافة بين الشجرة والشجرة أكبر مسافة ممكنة بحيث سيترك الحد الفاصل بينه وبين قطعة أرض جاره دون تشجير.

✓ كم شجرة سيشتري أحمد؟

توجه العم أحمد إلى السوق المخصص لببيع الأشجار فوجد التاجر يقدم عرضين

- العرض الأول يحتسب ثمن الشجرة بـ 300 DA.
- العرض الثاني هناك تخفيض لثمن الشجرة 70% مع وجوب دفع ثمن النقل المقدّر بـ 2100 DA

✓ ساعد العم أحمد لمعرفة أي الضيقتين أفضل له بيانيا ثم تحقق حسابيا.



وفقكم الله أبنائي / الأستاذة جفافلة - الأستاذ مرغاد



الجزء الأول: (12 نقطة)

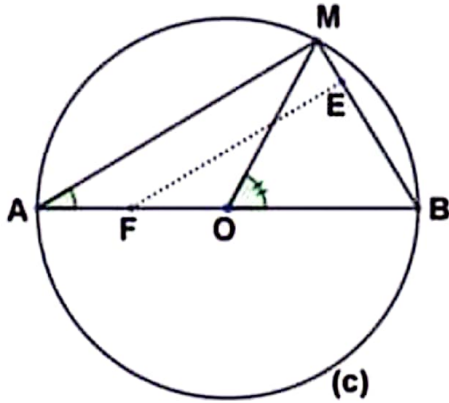
التمرين الأول: (03 نقاط)

- (1) ~ بين أن العددين: 189 ، 200 أوليان فيما بينهما .
- (2) ~ أكتب العدد B على شكل $a\sqrt{3} + b$ (a و b عدنان صحيحان) حيث: $B = \sqrt{108} - \sqrt{75} - \frac{\sqrt{2} \times \sqrt{6}}{\sqrt{3}}$.
- (3) ~ أنشر وبسط العدد: $A = (\sqrt{3} + 2)^2$ ، ثم استنتج تبسيطاً للعدد C حيث: $C = B\sqrt{7 + 4\sqrt{3}}$.

التمرين الثاني: (03 نقاط)

- لتكن العبارة M حيث: $M = (x + 3)(2x - 3)$
- (1) ~ بين أن: $M = 2x^2 + 3x - 9$.
 - (2) ~ حلّ العبارة H حيث: $H = 2x^2 + 3x - 9 + (x - 5)(2x - 3)$.
 - (3) ~ حلّ المعادلة الأتية: $M = 0$.

التمرين الثالث: (03 نقاط)



- (C) دائرة مركزها O وقطرها $AB = 10cm$ ،
 نقطة من (C) حيث: $BM = 6cm$.
- (1) ~ ما نوع المثلث MBA ؟ برّر.
 - (2) ~ أحسب قياس $\widehat{MAB}$ بالتدوير الى الدرجة ، ثم استنتج قياس $\widehat{MOB}$.
 - (3) ~ نقطة من $[MB]$ حيث $BE = 5,4cm$ ،
 ونقطة من $[AB]$ حيث $BF = 9cm$.
 ~ بين أن المستقيمين (EF) و (MA) متوازيان .

التمرين الرابع: (03 نقاط)

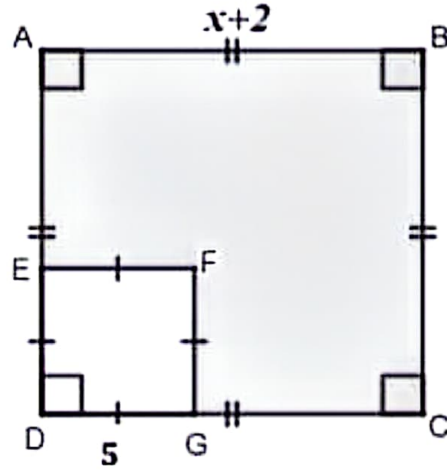
- المستوي منسوب الى معلم متعامد ومتجانس : $(O; \overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OJ})$.
- (1) ~ علّم النقط التالية : $A(5; 0)$ ، $B(-1; -2)$ ، $C(1; 2)$.
 - (2) ~ أحسب إحداثيي النقطة M منتصف $[AB]$.
 - (3) ~ برهن أن $CA = CB$ ، علماً ان $CA = 2\sqrt{5}$.
 - (4) ~ النقطة B هي صورة النقطة M بانسحاب، حدّد شعاعه.
 - (5) ~ النقطة B هي صورة النقطة A بدوران ، حدّد عناصره (مركزه ، زاويته ، اتجاهه).

التمرين الأول (3 ن):

A و B عدنان حيث:

$$B = \frac{6 + \sqrt{3}}{\sqrt{3}} ; A = \sqrt{27} - \sqrt{75} + 4\sqrt{3}$$

- (1) أكتب A على شكل $a\sqrt{b}$ حيث a و b عدنان طبيعيان و b أصغر ما يمكن.
- (2) إجعل مقام النسبة B عددا ناطقا، ثم أكتبها على أبسط شكل.
- (3) بين أن $B(A - 1)$ عدد طبيعي.

التمرين الثاني (3 ن):لتكن العبارة حيث: $E = (x + 2)^2 - 25$

(1) أنشرو بسط العبارة E

(2) بين بالتحليل أن $E = (x - 3)(x + 7)$.لاحظ الشكل جيدا حيث $x > 2$;

(3) أوجد قيمة x حتى تكون مساحة الجزء المضلل ABCGFE معدومة.

التمرين الثالث (3 ن):

الشكل المقابل مرسوم بأطوال غير حقيقية

(وحدة الطول هي سنتيمتر) حيث:

(C) دائرة مركزها O وقطرها [AB]، و B نقطة من هذه الدائرة

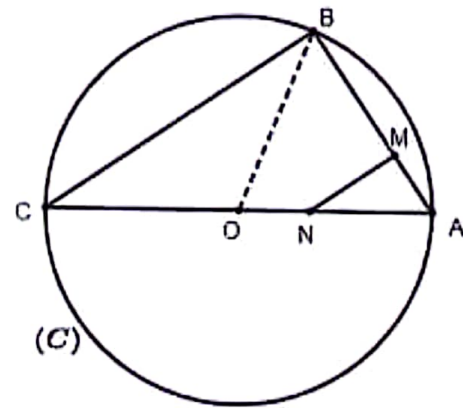
(وحدة الطول هي السنتيمتر) حيث:

$$AB = 6 ; AC = 10$$

(1) بين أن ABC مثلث قائم.

(2) أحسب قياس $\widehat{BCA}$ ، ثم إستنتج قياس $\widehat{BOA}$.M نقطة من (AB) حيث $AM = 1,5$ ، و N نقطة من (AC) حيث $AN = 2,5$

(3) أثبت أن (MN) و (BC) متوازيان.



التمرين الرابع (3 ن):

- في معلم للمستوي $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ، لتكن النقط $A(1; -2)$ ، $B(3; 2)$ و $C(-1; 2)$ و $AB = \sqrt{20}$
- (1) علم النقط A ، B و C .
- (2) أحسب الطول AC ثم إستنتج نوع المثلث ABC .
- (3) لتكن النقطة $D(-1; y_D)$ صورة A بالدوران الذي مركزه O وزاويته 180° .
- أحسب y_D .

وضعية إدماجية (8 ن):

الجزء الأول

نظمت وكالة سياحية رحلة ترفيهية إلى المدن الساحلية، كان فيها عدد الكبار 119 و عدد الصغار 91 موزعون على أكبر عدد ممكن من المجموعات المتماثلة، على أن تذهب كل مجموعة في حافلة. قدرت التذكرة الواحدة للكبار بـ 1500 DA، أما تذكرة الصغار كانت بتخفيض 20% من ثمن تذكرة الكبار.

- (1) أوجد عدد الأشخاص في كل مجموعة.
- (2) ماهو المبلغ الذي تدفعه المجموعة الواحدة.

الجزء الثاني

لضمان الإقامة اللائقة لأفراد هذه الرحلة، قدم لمسؤولي الرحلة عرضين من فنادق مختلفين، الفندق 01: دفع مبلغ 800 DA لليوم الواحد.

الفندق 02: دفع مبلغ 400 DA لليوم الواحد، بالإضافة إلى مبلغ مسبق ثابت قدره 1600 DA.

ليكن:

- x عدد أيام الإقامة.
- P_1 المبلغ المدفوع في الفندق الأول.
- P_2 المبلغ المدفوع في الفندق الثاني.
- (1) عبر عن P_1 و P_2 بدلالة x .
- (2) مثل بيانيا الدالتين: $f(x) = 800x$ و $g(x) = 400x + 1600$ تأخذ:

1 cm على محور الفواصل يمثل يوم واحد.

1 cm على محور الترتيب يمثل 800 DA.

- (3) بقراءة بيانية، حدد أفضل فندق إذا علمت أن هذه الرحلة ستدوم أسبوعا كاملا (7 أيام).

التمرين الأول: (2.5 ن)

$$E = 2\sqrt{550} - 3\sqrt{792} + \sqrt{88} \quad L = \sqrt{\frac{550}{792}} + \frac{5}{6} \times \frac{1}{5} \quad : \text{ E و L عددا حقيقيان حيث :}$$

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 550 و 792

(2) بين أن : $L = 1$

(3) أكتب العدد E على الشكل $a\sqrt{22}$ حيث a عدد صحيح لسي

التمرين الثاني: (3 ن)

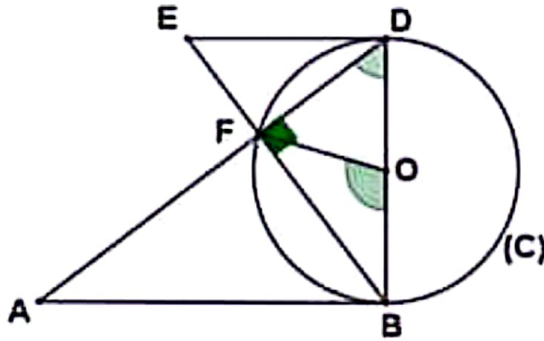
لتكن العبارة الجبرية D حيث : $D = 12x^2 + 6x - (2x + 1)(3x - 5)$

(1) اشر لم بسط العبارة D

(2) حلل العبارة $12x^2 + 6x$ الى جداء عاملين من الدرجة الاولى ثم استنتج تحليلا للعبارة D

(3) حل المعادلة : $(2x + 1)(3x + 5) = 0$

(4) حل المتراجحة : $6x^2 + 13x + 5 \leq 2(3x^2 + 4)$



التمرين الثالث: (3 ن)

الشكل المقابل مرسوم بأطوال غير حقيقية (وحدة الطول هي cm)

المعطيات: $AB = 19.5$; $BF = 7.5$; $EF = 5$

$AF = 18$; $DF = 12$

(1) برهن أن : $(AB) \parallel (ED)$

(2) بين أن : $ED = 13 \text{ cm}$

(3) أحسب فيس الزاوية $\widehat{FDB}$ ثم استنتج فيس الزاوية $\widehat{FOB}$

(تغطي النتيجة بالتدوير الى الوحدة)

التمرين الرابع: (3.5 ن)

المستوي متسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O, \vec{i}, \vec{j})$:

(1) بقراءة بيانية استخرج معادلة المستقيم (BC)

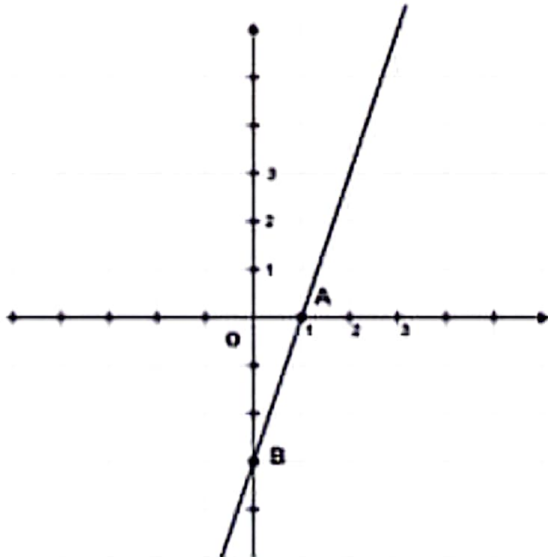
(2) انقل الشكل ثم انشئ النقطة C صورة النقطة A بالدوران الذي مركزه O

و زاويته 180°

- انشئ النقطة D نظيرة النقطة B بالنسبة الى O

(3) احسب الطولين DA و DC ثم استنتج طبيعة المثلث DAC

(4) احسب مساحة الرباعي ABCD



الوضعية الإدماجية : (8ن)

الجزء الأول :

اشترى أحمد من مكتبة 6 مجلات و 3 قواميس بـ 5400 دج و اشترى علي 3 مجلات و قاموسين من نفس النوع بـ 3100 دج

1) اوجد ثمن المجلة الواحدة و ثمن القاموس الواحد ؟

2) قام صاحب المكتبة بتخفيض سعر المجلة الواحدة بـ 20% و بتخفيض سعر القاموس الواحد بـ 25%

إذا كان سعر المجلة هو 500 دج و سعر القاموس هو 800 دج قبل التخفيض

• أحسب السعر الجديد لمجموعة تتكون من 3 مجلات و 4 قواميس

الجزء الثاني :

تتضمن المكتبة مقهى انترنت و خدمات الطبع و نسخ الوثائق اقترح صاحبها صيغتين للاستفادة من خدماتها شهريا

➤ الصيغة الأولى : 40 دج للساعة الواحدة

➤ الصيغة الثانية : 20 دج للساعة الواحدة مع مبلغ اشتراك شهري قدره 400 دج

1) انقل ثم اتمم الجدول مينا مراحل الحساب :

عدد الساعات (h)	10	...	...
المبلغ المدفوع بالصيغة الأولى (دج)	...	600	...
المبلغ المدفوع بالصيغة الثانية (دج)	...	...	1000

2) نسمي عدد ساعات الاستفادة من خدمات المكتبة و P_1 المبلغ المدفوع بالصيغة الأولى و P_2 المبلغ المدفوع بالصيغة الثانية

• عبر عن P_1 و P_2 بدلالة x

الجزء الثالث :

في المستوى المنسوب لمعلم متعامد و متجانس $(\vec{0} ; \vec{i} ; \vec{j})$:

1) مثل بيانيا الدالتين : $f(x) = 40x$ و $g(x) = 20x + 400$

(نأخذ على محور القواصل 1cm يمثل $5h$ و على محور الترتيب 1cm يمثل 100 دج)

2) بقراءة بيانية :

• عين عدد الساعات التي يتساوى فيها الصيغتين

• عين الصيغة الأفضل لشخص يملك مبلغ 1600 دج مع التعليل



الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول: (03 ن).

A و B و C أعداد حقيقية حيث :

$$C = \frac{1 - \sqrt{20}}{\sqrt{5}} ; B = \sqrt{245} - \sqrt{80} - \sqrt{20} ; A = \frac{3,7 \times 10^{21} \times 5,2 \times 10^{-17}}{2,5 \times 10^{-11}}$$

(1) إعط الكتابة العلمية للعدد A

(2) أكتب العدد B على الشكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد طبيعي يطلب تعيينه .

(3) أكتب C على الشكل نسبة مقامها عدد ناطق .

التمرين الثاني: (03 ن).

(1) أنشر ثم بسط العبارة D حيث : $D = (3x + 5)(x - 5)$

(2) حلل العبارة E إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى حيث :

$$E = (3x + 5)(2x - 2) + 3x^2 - 10x - 25$$

(3) حل المعادلة : $(3x + 5)(3x - 7) = 0$

(4) حل المتراجحة : $3x^2 - 10x - 25 \leq 3x^2 - 5$ و مثل حلولها بيانياً.

التمرين الثالث : (03 ن).

المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OJ})$ (وحدة الطول هي cm)

(1) علم النقط : $A(1; 5)$ ، $B(-3; 3)$ ، $C(0; 2)$ ، $D(4; 4)$

(2) أثبت أن $ABCD$ متوازي أضلاع

(3) لتكن النقطة M منتصف $[CD]$ و P نظيرة A بالنسبة إلى M

• أوجد إحداثي كل من M و P

• احسب طول المسافة بين النقطتين A و C

التمرين الرابع: (03 ن).

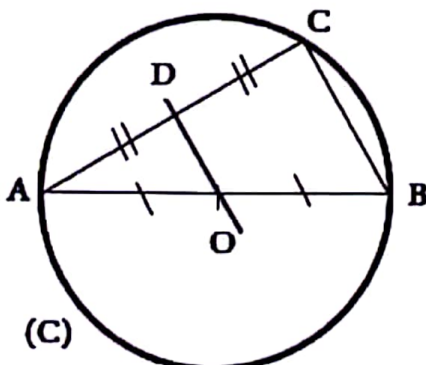
(C) دائرة مركزها O و $[AB]$ قطر لها حيث:

$$AC = 8 \text{ cm} \text{ و } BC = 6 \text{ cm}$$

لاحظ الشكل جيدا ثم :

(1) بين أن $(OD) // (CB)$ ثم استنتج الطول OD

(2) أحسب قيس الزاوية $\widehat{CBA}$ ثم استنتج قيس الزاوية $\widehat{COA}$



الجزء الثاني: (08 نقاط)

الوضعية:(08 نق.....اط).

الجزء الأول:

يُريد زكريا الذهاب مع أفراد عائلته لأداء مناسك العمرة ، فتقرب من وكالة أسفار لمعرفة الأسعار

فعرضوا عليه صيغتين للدفع :

الصيغة الأولى : دفع 20 مليون سنتيم للفرد الواحد دون دفع أي تكاليف أخرى

الصيغة الثانية : دفع 15 مليون سنتيم للفرد الواحد بإضافة إلى مبلغ 30 مليون سنتيم ثمن الإقامة

مهما كان عدد أفراد العائلة

ليكن x : عدد أفراد عائلة زكريا و $f(x)$: المبلغ المدفوع بالصيغة الأولى ، $g(x)$: المبلغ المدفوع بالصيغة الثانية

• بقراءة بيانية ساعد زكريا في إختيار الصيغة الأفضل.

(نأخذ كل 1 cm على محور الفواصل يمثل فرد واحد ، كل 1 cm على محور الترتيب يمثل 15 مليون سنتيم)

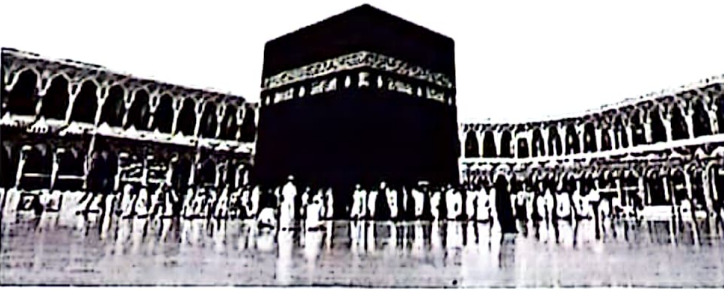
الجزء الثاني:

لتنظيم المعتمرين يتم تقسيمهم الى أكبر عدد طبيعي ممكن من الأفواج متساوية العدد والتي تحتوي

على نفس العدد من الذكور والإناث بحيث يرافق كل فوج مرشد واحد الذي يكون دليلهم في العمرة

إذا علمت أن دفعت شهر ماي 2024 بها : 105 رجال و 56 نساء

• كم من معتمر سيرافق المرشد الواحد ؟.



متوسطات البرواقية *	الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية	الإثنين 13 ماي 2024
المستوى: الرابعة متوسط	الإمتحان التجريبي في الرياضيات	المدة: ساعتان

الجزء الأول:

التمرين الأول: (03 نقاط)

- (1) هل العددين 234 و 378 أوليان فيما بينهما ؟ بّرر جوابك دون حساب القاسم المشترك الأكبر لهما.
(2) أحسب $PGCD(234 ; 378)$.

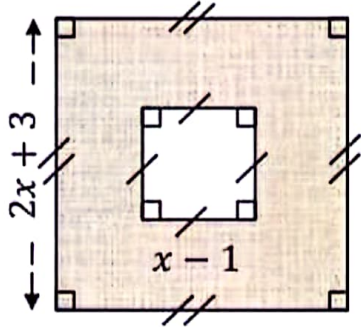
(3) أكتب العبارة J على أبسط شكل ممكن حيث : $J = \frac{234}{378} + \frac{13}{21} \times \frac{1}{2}$.

(4) أكتب العبارة K على الشكل $a\sqrt{b}$ حيث : $K = 3\sqrt{6} - \sqrt{150} + 2\sqrt{96}$ حيث a و b عدنان طبيعيان.

التمرين الثاني: (03 نقاط)

الشكل المقابل يُمثل مربعاً طول ضلعه $(x - 1)$ مرسوم داخل مربع آخر طول ضلعه $(2x + 3)$ ، و E عبارة جبرية

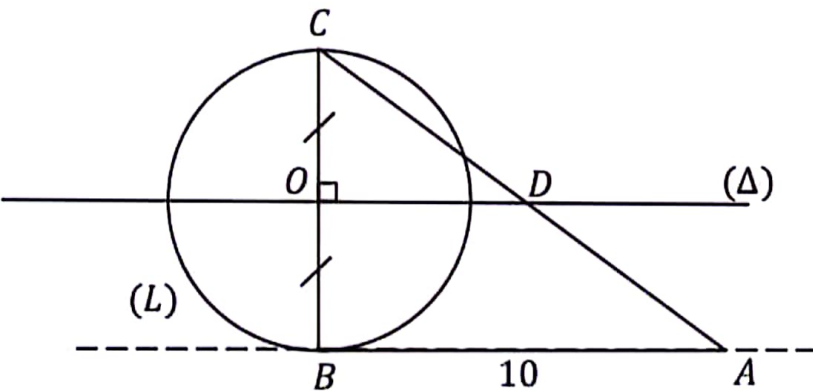
حيث : $E = (2x + 3)^2 - (x - 1)^2$



- (1) أنشر ثم بسّط العبارة E .
(2) حلّ العبارة E إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.
(3) بيّن أن مساحة الجزء المظلل تساوي 77 cm^2 من أجل $x = 3$.

التمرين الثالث: (03 نقاط)

(L) دائرة مركزها O ، و $[BC]$ قطر لها حيث $BC = 7,5$ ، (AB) مماس للدائرة (L) في النقطة B ، و (Δ) محور القطعة $[BC]$:



- (1) إذا علمت أن $AB = 10$ ، أحسب الطول AC .
(2) أحسب الطول AD .
(3) بيّن أن مساحة الرباعي $ABOD$ تساوي 28 cm^2 (بالتدوير إلى الوحدة من cm)

التمرين الرابع: (03 نقاط)

(1) على معلم متعامد ومتجانس ($O ; \overrightarrow{OI} ; \overrightarrow{OJ}$) وحدته 1 cm ، عَلمَ النقط M ، N و P حيث :

$M(1; 3)$ ، $N(3; 0)$ و $\overrightarrow{OP} \begin{pmatrix} +1 \\ -3 \end{pmatrix}$.

(2) أنشئ النقطة Q صورة النقطة P بالإنسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{NM}$.

(3) ما نوع الرباعي $MNPQ$ ؟ بّرر جوابك.

الجزء الثاني:

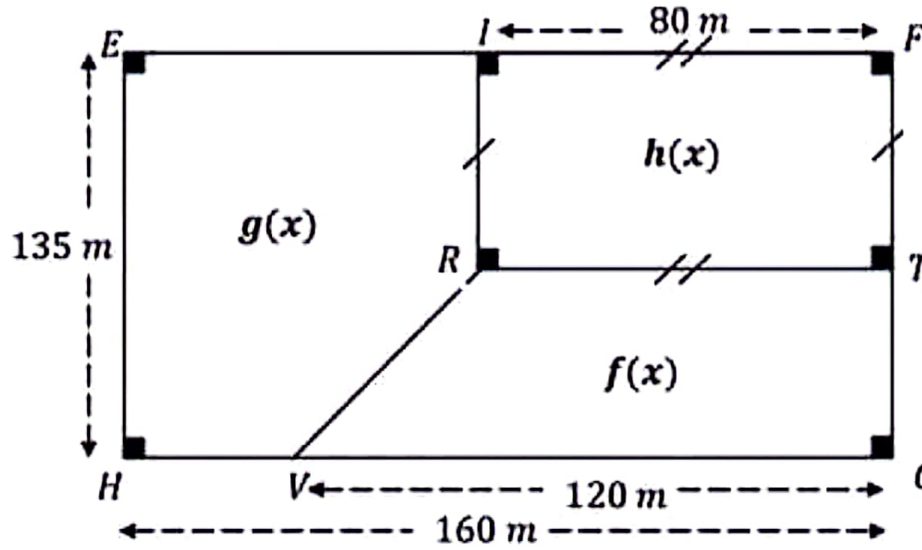
الوضعية الإنمائية: (08 نقاط)

استلم أحد المقاولين مشروع بناء ثانوية في الحي، ولتسريع وتيرة الإنجاز، استعان المقاول بـ 117 عاملاً بين بنّائين ومساعدين، حيث يحتاج كل بناء إلى مساعدين إثنين.

(1) أحسب عدد البنّائين وعدد المساعدين.

يُمثل الشكل أدناه مخططاً لأرضية الثانوية مستطيلة الشكل $EFGH$ مجزأة إلى ثلاثة أجزاء حيث :

$f(x)$: مساحة الجناح الأول ، $g(x)$: مساحة الجناح الثاني و $h(x)$: مساحة الساحة.



نضع $TG = x$ حيث $0 \leq x \leq 135$.

في مسترٍ منسوبٍ إلى معلم متعامد ومتجانس (حيث يُمثل كل 1 cm على محور الفواصل 10 m ، ويُمثل كل 1 cm على محور الترتيب 1000 m)، بالاستعانة بالتمثيل البياني، وعلى ورق ميلمتري :

(2) أوجد قيمة x التي تكون من أجلها مساحة الجناح الأول $f(x)$ مُساوية لمساحة الساحة $h(x)$.

(3) ما هي قيم x التي تكون من أجلها مساحة الجناح الأول $f(x)$ أصغر تماماً من مساحة الجناح الثاني $g(x)$.

$$\text{❖ تُعطى : مساحة شبه المنحرف} = \frac{\text{الإرتفاع} \times (\text{القاعدة الصغرى} + \text{القاعدة الكبرى})}{2}$$

* متوسطات البرواقية :

م قاسمي الشريف	م رحموني أحمد
م العربي سعيدي	م معاصمي محمد



للإطلاع على التصحيح النموذجي،
إمسح الرمز ابتداءً من يوم الخميس

(1) أوجد $\text{PGCD}(945; 1215)$ ، ثم أكتب $\frac{945}{1215}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.

(2) A و B عددين حقيقيين حيث: $A = (\sqrt{5} - 3)(3\sqrt{5} + 5)$ ، $B = \sqrt{80} + 2\sqrt{45} - 3\sqrt{20}$.

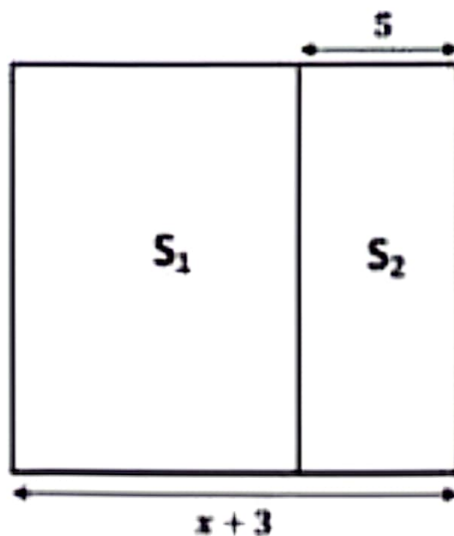
• بسط كلا من العددين A و B ، ثم استنتج أن: $A^2 - B^2 = 0$.

(3) أحسب المجموع التالي مع كتابته على أبسط شكل ممكن: $\frac{A}{B} + \frac{945}{1215}$.

التمرين الثاني: (03 نقاط)

نعمن جيدا في الشكل

لدينا الرباعي المشكل من المثلثين S_1 و S_2 معا عبارة عن مربع (حيث $x \geq 5$). (لا يطلب إعادة رسم الشكل على ورقة الإجابة)



(1) عبر بدلالة x و بأبسط شكل ممكن عن كل من مساحتي

المثلثين S_1 و S_2 .

(2) برهن أن: $S_1 - S_2 = (x + 3)(x - 7)$.

(3) أوجد قيمة x حتى تكون $S_1 = S_2$.

ملاحظة: ($S_1 = S_2$ أي $S_1 - S_2 = 0$)

التمرين الثالث: (03 نقاط)

لاحظ الشكل المقابل جيّداً، (الأطوال ليست حقيقية)

$\widehat{ERN}$ مثلت حيث: $EN = 9 \text{ cm}$ ، $RN = 10,6 \text{ cm}$ ، $\widehat{ENR} = 60^\circ$.

المستقيم الموازي لـ (EN) و المار بالنقطة A يقطع $[RE]$ في النقطة T .

(1) بيّن أن: $AN = 4,5 \text{ cm}$ ثم استنتج الطول AR .

(2) أحسب الطولين: EA و TA (تطلى النتيجة مقربة إلى 0,01).

(3) أوجد قيس الزاوية $\widehat{ERA}$ (بالتنوير إلى الدرجة).

التمرين الرابع: (03 نقاط)

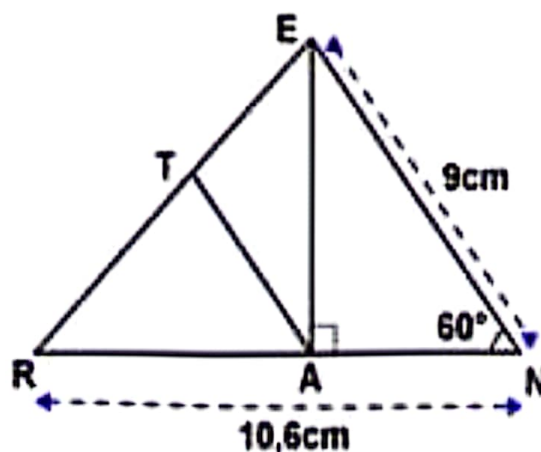
المستوى منسوب الى معلم متعامد ومتجانس: $(O; \overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OJ})$.

علم النقاط: $E(1; 1)$ ، $F(2; -1)$ ، $G(-3; -1)$.

(1) بين طبيعة المثلث EFG علماً أن: $FG = 5 \text{ cm}$ و $EG = 2\sqrt{5} \text{ cm}$.

(2) علم النقطتين M و K بحيث: $\overrightarrow{EM} = \overrightarrow{FE}$ و $\overrightarrow{GK} = \overrightarrow{GM} + \overrightarrow{GF}$.

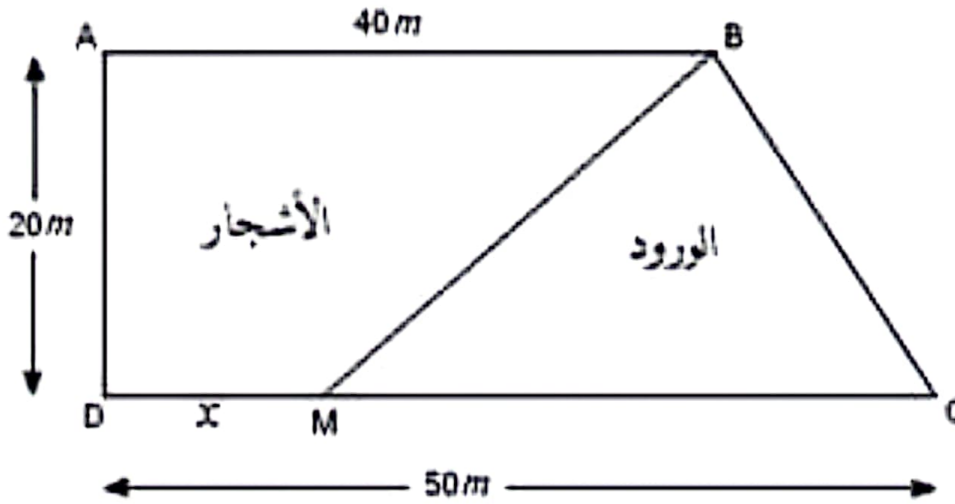
(3) بين أن E هي مركز تناظر الرباعي $FGMK$ ثم استنتج نوعه.



الوضعية:

لعمري أحمد قطعة أرض مستطيلة الشكل، يبرع عمي أحمد بجزء منها وخصص الجزء الباقي لاستغلاله كمسكنة للورود والأشجار.

- لهذا الغرض قسم هذا الجزء عتوائيا إلى قطعتين كما هو موضح في الشكل:



- نضع $DM = x$ (M نقطة من [DC] مع $0 \leq x \leq 50$).

لتكن $f(x)$ مساحة المثلث BCM و $g(x)$ مساحة القطعة ABMD.

- (1) عبّر عن $f(x)$ و $g(x)$ بدلالة x ، ثم ساعد عمي أحمد لإيجاد الطول DM حتى تكون لقطعتي الأرض نفس المساحة.

- (2) في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(\vec{O}, \vec{OI}, \vec{OJ})$ مثل بيانيا الدالتين: $f(x) = 500 - 10x$ و $g(x) = 10x + 400$ (نأخذ: 1cm على محور الفواصل يمثل 2m و 1cm على محور الترتيب يمثل 50m²).

- فّر بيانيا ما عندك السابقة لعمري أحمد، مع تحديد قيمة للمساحة في هذه الحالة.

ملاحظة: مساحة شبه منحرف قائم = $\frac{(\text{القاعدة الكبرى} + \text{القاعدة الصغرى}) \times \text{الارتفاع}}{2}$ ، مساحة مثلث = $\frac{\text{طول ضلع} \times \text{ارتفاعه}}{2}$

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول: (03 نقط)

الك الأعداد A ، B و C حيث :

$$A = \text{PGCD}(259; 168) \quad ; \quad B = 2\sqrt{75} - \sqrt{363} + 5\sqrt{3} \quad ; \quad C = \frac{11}{24} \div \left(2 - \frac{259}{168}\right)$$

(1) أحسب العدد A

(2) أكتب B على شكل $a\sqrt{b}$ حيث a و b عددين طبيعيين و b أصغر ما يمكن

(3) بين أن C عدد طبيعي

(4) أثبت أن : $(A + B)(A - B) = C$

التمرين الثاني: (03 نقاط)

لتكن العبارة E حيث : $E = 3x^2 - 6x + (2x + 5)(x - 2)$

(1) أنشر ثم بسط العبارة E

(2) حلل العبارة E الى جداء عاملين من الدرجة الأولى

(3) حل المعادلة : $(x - 2)(5x + 5) = 0$

(4) حل المتراجحة : $E > 5x^2$

التمرين الثالث: (03 نقاط)

الشكل المقابل غير مرسوم بالأبعاد الحقيقية : " الوحدة هي cm "

ABCD مستطيل والنقط B ، C و F في استقامية

$$\tan \widehat{AED} = \frac{4}{3} \text{ و}$$

(1) أثبت أن : $DE = 5.4\text{cm}$

(2) أحسب الطولين AE و FC

(3) هل المستقيمين (EF) و (BH) متوازيان ؟ علل اجابتك

التمرين الرابع: (03 نقاط)

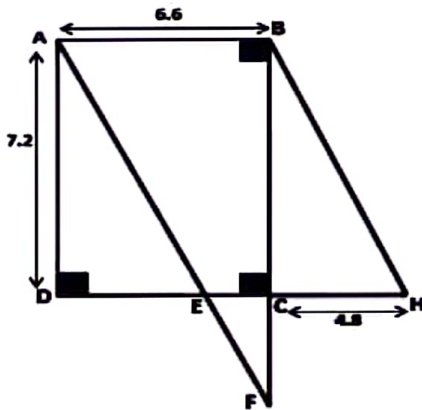
المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{o})$ الوحدة هي cm

(1) علم النقط : $A(2; -2)$ ، $B(5; 1)$ ، $C(-2; 2)$

(2) اذا علمت أن : $AB = \sqrt{18}$ و $AC = \sqrt{32}$

• أحسب الطول BC ثم حدد نوع المثلث ABC

(3) أنشئ النقطة E صورة B بالدوران الذي مركزه المبدأ O وزاويته 180° ثم حدد نوع الرباعي ABCE



الجزء الثاني: (08 نقاط)**الوضعية:****الجزء 01:**

قرر أحد مربى الحيوانات فتح أبواب حديقته للزوار فحدد مبلغا يدفعه الكبار وأخرا للصغار
 في اليوم الأول زار حديقته من الكبار 70 شخصا ومن الصغار 180 شخصا فبلغت مداخيله 16000 DA
 في اليوم الثاني بلغ عدد الزوار من الكبار 120 ومن الصغار 360 فبلغت مداخيله 30000 DA
 ❖ ما هو السعر الذي حدده صاحب الحديقة للكبار وللصغار ؟

الجزء 02 :

أراد أحمد كراء محل للأكل السريع داخل الحديقة ، فاقترح عليه صاحب الحديقة عرضين :

العرض الأول : دفع مبلغ 20000DA شهريا

العرض الثاني : دفع مبلغ 120000DA سنويا مع الاستفادة من تخفيض 75% من المبلغ المدفوع شهريا

(1) باعتبار x عدد الأشهر ، y_1 المبلغ المستحق حسب العرض الأول و y_2 المبلغ المستحق حسب العرض الثاني
 ❖ عبر عن y_1 و y_2 بدلالة x .

(2) مثل بيانيا الدالتين f و g في نفس المعلم المتعامد والمتجانس حيث :

$$f(x) = 20000x \quad ; \quad g(x) = 5000x + 120000$$

(يمكن أخذ 1cm على محور الفواصل يمثل شهر ، و 1cm على محور الترتيب يمثل 20000 DA)

(3) بالاستعانة بالتمثيل البياني حدد أي العرضين أفضل بالنسبة لـ :

❖ أحمد في حالة كراء مدة 6 أشهر

❖ صاحب الحديقة في حالة كراء مدة 10 أشهر