

**التمرين الأول: (08 نقاط)** اجب بصحيح او خطأ مع التبرير (الأسئلة مستقلة)

- (1)- في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) لتكن (C_m) مجموعة النقط $M(x, y)$ من المستوى حيث : $2(x^2 + y^2) - 4(m + 1)x + 8my + 14m + 2 = 0$ ، وسيط حقيقي و النقطتين : $A(1, 1)$ ، $B(0, -3)$.
قيمة الوسيط الحقيقي m بحيث $B \in (C_m)$ هي : $m = 2$

(2) - التحاكي الذي نسبته $\frac{1}{2}$ يحول دائرة (C) طول قطرها 12 الى دائرة (`C) مساحتها $18\pi cm^2$

(3) - معادلة (T) المستقيم الذي يشمل النقطة (2 , - 3) وشعاعه الناظمي $\vec{n} (- 2 ; 1)$: هو $-2x - y = 7$ (T)

(4) - $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{\sqrt{2x-1} - 3}{x-5} = 0$

(5) المعادلة $2 \cos(2x) - 1 = 0$ تقبل بالضبط حل وحيد في المجال $[-\pi, \pi]$

(6) (V_n) متتالية هندسية حدها الأول V_1 واساسها $q = 3$ حيث $V_1 \times 2 \times V_2 \times V_3 = 432$

قيمة الحد $V_2 = 12$

(7) لتكن العبارة : $A(x) = \cos(30\pi - x) + \sin(\frac{\pi}{2} - x)$ من اجل كل عدد حقيقي $A(x) = 0$

التمرين الثاني: (06 نقاط)

(I)-(Cf) هو التمثيل البياني للدالة f المعرفة كما يلي : $f(x) = \frac{2x-1}{x}$

كما هو موضح في الوثيقة المرفقة .

- نعتبر المتتالية (U_n) المعرفة من اجل كل عدد طبيعي n بـ : $\begin{cases} U_0 = 2 \\ U_{n+1} = f(U_n) \end{cases}$

(1)- مثل بيانيا على حامل محور الفواصل الحدود الأربعة الأولى للمتتالية (U_n) (دون حسابها)

(2)- ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية (U_n) و تقاربها .

(3) استنتج اتجاه تغير المتتالية (U_n) اذا علمت ان $U_n > 1$.

(II) - لتكن المتتالية (V_n) المعرفة على \mathbb{N} بـ : $V_n = 3 + \frac{1}{U_{n-1}}$

(1) - أثبت أن (V_n) متتالية حسابية أساسها 1 ثم احسب حدها الأول V_0 .

(2) - أكتب V_n بدلالة n ثم استنتج عبارة U_n

(3) - أحسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} V_n$ ، ثم استنتج $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$.

(4) - أحسب بدلالة n المجموع S_n حيث :

$$S_n = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_n$$

التمرين الثالث : (06 نقاط)

لتكن الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R} - \{-2\}$ بـ : $f(x) = \frac{2x^2 + 3x - 1}{x + 2}$ وليكن (C) تمثيلها البياني .

(1) عين العددين الحقيقيين a و b بحيث من أجل كل عدد x من D_f $f(x) = ax + b + \frac{1}{x+2}$

2 / احسب نهايات الدالة f عند اطراف مجموعة تعريفها و فسر النتائج هندسيا .

3 / ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها .

4 / بين ان منحنى الدالة f يقبل مستقيم مقارب مائل (Δ) يطلب تعيين معادلة له .

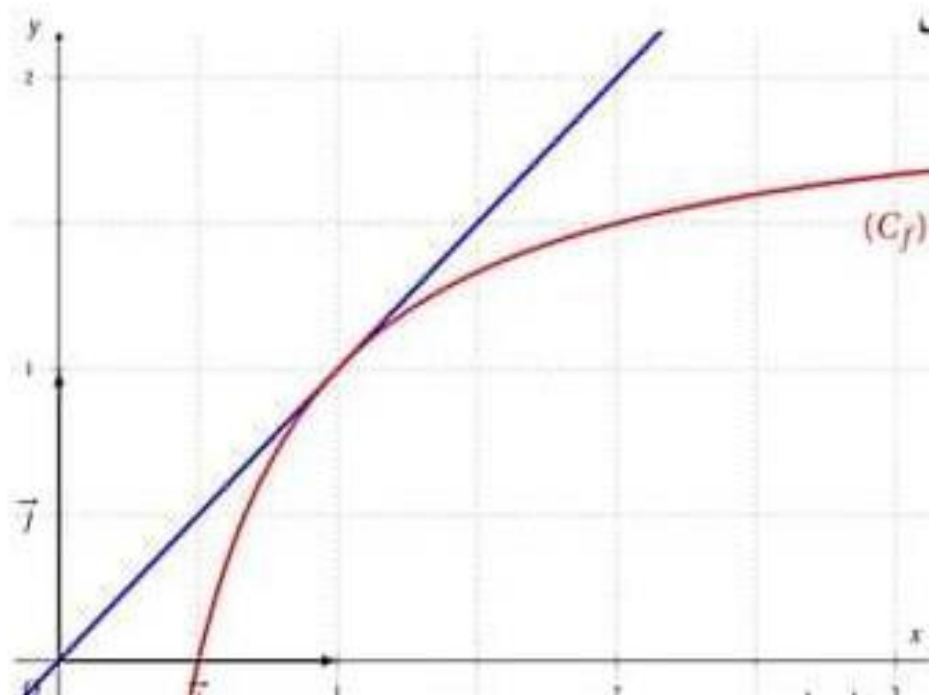
5 / ادرس وضعية المنحنى (C) بالنسبة الى المستقيم (Δ)

6 / أنشئ كلا (Δ) و (C) ثم مثل منحنى الدالة (C_h) حيث $h(x) = |f(x)|$.

عطلة سعيدة

أستاذة المادة بن زكري سرين

الوثيقة المرفقة - الإسم واللقب :



الوثيقة المرفقة - الإسم واللقب :

