

ثانوية: بني سليمان الجديدة

الامتحان الثاني لقسم السنة الثانية رياضيات

السنة الدراسية: 2008/2009

المدة: 03 ساعة

المادة: رياضيات

يوم: 04 مارس 2009

نص التمارين

**التمرين الأول:**

نعرف المتتاليتين  $(U_n)$  و  $(V_n)$  من أجل كل عدد طبيعي  $n$  بـ :

$$\begin{cases} V_0 = 2 \\ V_{n+1} = \frac{U_n + 4V_n}{5} \end{cases} \quad \text{و} \quad \begin{cases} U_0 = 1 \\ U_{n+1} = \frac{U_n + 3V_n}{3} \end{cases}$$

نضع من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $W_n = U_n - V_n$

1. برهن أن المتتالية  $(W_n)$  هندسية .

2. عبر عن  $W_n$  بدلالة  $n$  ، ثم عين نهايتها .

3. عبر عن  $U_n - V_n$  بدلالة  $V_{n+1} - V_n$  .

ثم استنتاج اتجاه تغير المتتاليتين  $(U_n)$  و  $(V_n)$  .

**التمرين الثاني:**

نعتبر العدد  $z = r(\cos\theta + b\sin\theta)$  حيث:  $r > 0$

1. أكتب العدد التالي على شكل  $z$  :

$$z_1 = 2\left(-\cos\frac{\pi}{7} + b\sin\frac{\pi}{7}\right)$$

2. عين  $\theta$  من المجال  $[\pi; \pi -]$  حيث:

$$\begin{cases} \cos\theta = \frac{-1}{2} \\ \sin\theta = \frac{\sqrt{3}}{2} \end{cases}$$

3. أدرس إشارة  $f(x) = 2\sin x + 4$  على المجال  $[\pi - ; \pi]$  حيث :

4. عين القيس الرئيسي  $L$  :  $x = \frac{2010\pi}{8}$  ، ثم أحسب  $\tan x$

**التمرين الثالث:**

أرض دائيرية الشكل نصف قطرها  $15m$  ، يريد مالكها بناء منزل له ذو شكل مستطيل  $(ABCD)$  بحيث يشمل أكبر مساحة

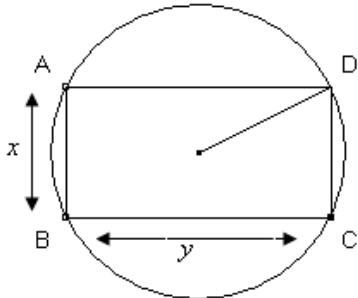
ممكنة نفرض أن رؤوس المستطيل من الدائرة (الشكل) ونضع  $AB = x$  و  $Bc = y$  و

1. بين أن  $A(x) = \sqrt{900 - x^2}$  ثم أحسب مساحة المستطيل  $(ABCD)$  بدلالة  $x$ .

2. نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $[0;30]$  كما يلي :

$$f(x) = \sqrt{900x^2 - x^4}$$

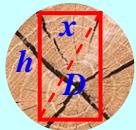
- (a) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  وشكل جدول تغيراتها .  
 (b) استنتج قيمة  $x$  التي من أجلها تكون المساحة  $A(x)$  أكبر ما يمكن .



#### التمرين الرابع:

من جذع شجرة دائري المقطع قطره  $D$  ، نريد الحصول على راقد مستطيل المقطع قاعده  $x$  وارتفاعه  $h$  .

نحصل على المقاومة القصوى (العظمى) في الانحناء كلما كان المقدار  $xh^2$  كبيرا مع  $x > h$  .



$$\text{. } f(x) = -x^3 + \frac{9}{4}x : \rightarrow \left[ 0; \frac{3}{2} \right] \text{ (I)}$$

.  $\|\vec{i}\| = 2 \|\vec{j}\| = 2\text{cm}$  (  $O; \vec{i}; \vec{j}$  ) حيث يؤخذ (  $C_f$  ) المنحني الممثل للدالة  $f$  في معلم متعامد (  $O; \vec{i}; \vec{j}$  ) .

1. أحسب  $(f')$  وأنجز جدول تغيرات الدالة  $f$  .

2. أكتب معادلة لـ  $t_1$  مماس المنحني  $(C_f)$  عند النقطة  $O$  ثم معادلة لـ  $t_2$  مماس المنحني  $(C_f)$  عند نقطته  $A$  ذات الفاصلة  $\frac{3}{2}$  ؛ ثم

أدرس على المجال  $\left[ 0; \frac{3}{2} \right]$  الوضعيية النسبية للمنحني  $(C_f)$  بالنسبة لـ  $t_1$  وبالنسبة لـ  $t_2$  .

3. أنشئ المماسين  $t_1$  و  $t_2$  ثم المنحني  $(C_f)$  .

(II) تطبيق : نضع  $D$  هو قطر المقطع الدائري لجذع الشجرة (  $D = 1,5\text{m}$  ) .

$$\text{. } x^2 + h^2 = \frac{9}{4}$$

2. أحسب  $xh^2$  بدلالة  $x$  .

3. استعمل الجزء (I) لإيجاد  $x$  و  $h$  بحيث تكون للراقد أقصى مقاومة للانحناء .

